

Curso: ICI 2207 - Taller de Modelamiento Mat.

Semestre: 1-2018

Profesores: Diego Beneventti, Héctor Herrera

Samantha Reid, Juan Carlos Velasques

Pre Solemne 1

Duración: 90 minutos.

Instrucciones:

- Responda las preguntas en el espacio dado. No se evaluarán respuestas escritas en otras ubicaciones u hojas anexas.
- No está permitido el uso de celulares, apuntes, bibliografía. Cualquier elemento se retirará y se evaluará con nota mínima.
- No están permitidas conductas poco éticas dentro de la evaluación. En caso de presentarse, se retirará la evaluación y se procederá a evaluar con nota mínima.
- ♦ En caso de no seguir rigurosamente las instrucciones de cada enunciado, se le descontará puntaje, sin posibilidad de objeción.

Nombre alumno: PAUTA

1. PARTE I: Ejercicio de interpretación (30 puntos)

1.1. Ejercicio 1:

En una ciudad se desea planificar la logística para eliminar la basura para todos los M municipios, de tal manera de minimizar el costo de transporte a los cinco rellenos sanitarios disponibles (R). Existe una estimación de generación de basura (G) por cada municipio y de los costos de transporte (C) hacia los distintos rellenos. Cada relleno puede admitir un flujo máximo de basura (A) en cada período, y tiene una capacidad máxima de acumulación de basura (D). Una cierta proporción de la basura acumulada en cada relleno (P) al final de cada período es reciclada y, por lo tanto, retirada del relleno. Considere que existe un inventario inicial dentro de los rellenos (Y).

En base a esto, se presenta el siguiente problema lineal para un horizonte de 20 semestres (S):

$$min \quad \sum_{m \in M} \sum_{r \in R} C_{mr} x_{mr}^s \tag{1}$$

$$s.t. \quad G_m^s = \sum_{r \in R} x_{mr}^s \qquad \forall m \in M, s \in S$$
 (2)

$$\sum_{m \in M} x_{mr}^s \le A_r \qquad \forall r \in R, s \in S$$
 (3)

$$y_r^{s-1} + \sum_{m \in M} x_{mr}^s = y_r^s + P_r y_r^s \qquad \forall r \in R, s \in S/s > 1$$
 (4)

$$y_r^s \le D_r \qquad \forall r \in R, s \in S \tag{5}$$

$$y_r^0 = Y_r \tag{6}$$

$$x_{mr}^s, y_r^s \ge 0 \qquad \forall m \in M, r \in R, s \in S \tag{7}$$

Con respecto al modelo, se pide lo siguiente:

- a) Interprete claramente el significado de las variables del modelo.
- b) Interprete claramente el significado de la función objetivo y las restricciones del modelo. En casos de que exista un error en la formulación, indíquelo y vuelva a modelarlo correctamente.
- c) Una vez que se copa a capacidad del relleno, ¿es necesario clausurarlo?

2. PARTE II: Ejercicios de desarrollo (80 puntos)

2.1. Ejercicio 1

Una fábrica textil se dedica a la producción de 4 tipos de telas: Seda, Viscosa, Gabardina y Franela. Cada una genera distintas utilidades y tiene una demanda diaria promedio, los cuales son conocidos a través de un estudio de mercado. Por otra parte, cada tipo de tela está compuesta por cuatro tipos de materia prima: algodón, polyester, lycra y seda, en distintas proporciones. La fábrica dispone diariamente de un stock limitado de estos productos. El objetivo del problema es calcular la cantidad a producir de cada tipo de tela para que la utilidad diaria de la fábrica sea máxima, asumiendo para esto que, tanto la mano de obra como la maquinaria. podrán adaptarse sin inconvenientes a los valores obtenidos.

A continuación, se presenta la tabla con los valores a considerar:

Telas	Utilidades	Demanda	Materia Prima			
			Algodón	Polyester	Lycra	Seda
Seda	\$200	200	3	2	1	5
Viscosa	\$150	300	1	2	3	0
Gabardina	\$300	150	1	3	2	2
Franela	\$380	250	2	5	1	3

En base a esto, se pide:

- a) Plantee el modelo PL extendido.
- b) Plantee el modelo PL parametrizado para n tipos de tela y m materias primas (recuerde formular bien sus conjuntos y parámetros).

Materia Prima	Stock		
Algodón	50		
Polyester	60		
Lycra	65		
Seda	75		

- c) Suponga ahora que tiene un costo por preordenar materia prima, un precio de venta para cada tela y un costo sobrante por materia prima no utilizada. Formule este problema de manera parametrizada.
- d) Con respecto a c), considere ahora que, por políticas de la compañía, sólo se desean utilizar tres de las cuatro materias primas. Modele esta variación como un problema PNL.
- e) Con respecto a c) (omitiendo el d)), integre la estocasticidad al problema (es decir, escriba el modelo FDE), considerando que ahora se tiene una demanda distinta para cada escenario $s \in S$.