

Anexo 1: Guía con lineamientos y orientaciones metodológicas para la imputación de datos estadísticos Instituto Nacional de Estadísticas

Departamento de Metodologías e Innovación Estadística Subdepartamento de Investigación Estadística Instituto Nacional de Estadística

Índice

1	Anexo: Definiciones y aplicaciones en R	2
	1.1 Deiniciones	2
	1.2 Usando y encontrando valores faltantes	3
	1.3 Evaluación de la no respuesta	5

1 Anexo: Definiciones y aplicaciones en R

Deiniciones 1.1

En el lenguaje de programación R, utilizamos herramientas como tidyverse y el paquete R de naniar para enseñar a manejar y analizar datos faltantes de manera efectiva. El paquete naniar es una herramienta muy útil para explorar, visualizar y manejar valores faltantes en R.

library(tidyverse)

```
## -- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
## v dplyr
              1.1.3
                        v readr
                                    2.1.4
## v forcats
              1.0.0
                                    1.5.0
                        v stringr
              3.4.3
## v ggplot2
                        v tibble
                                    3.2.1
## v lubridate 1.9.2
                        v tidyr
                                    1.3.0
## v purrr
              1.0.2
## -- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
## x dplyr::filter() masks stats::filter()
## x dplyr::lag()
                    masks stats::lag()
## i Use the conflicted package (<a href="http://conflicted.r-lib.org/">http://conflicted.r-lib.org/</a>) to force all conflicts to become error
```

library(naniar)

La estadística Gertrude Mary Cox (@monroe1980memoriam) dijo una vez: "Lo mejor que se puede hacer con los datos faltantes es no tener ninguno". Si bien esto es cierto, no es el mundo en el que vivimos. Trabajar con datos del mundo real significa trabajar con datos faltantes. Para ser un gran analista, necesitamos saber cómo lidiar con los valores faltantes. Comprender cómo funcionan los datos faltantes es importante, ya que pueden tener efectos inesperados en tu análisis. Por ejemplo, ajustar un modelo lineal en datos con valores faltantes elimina fragmentos de datos. Esto significa que tus decisiones no se basan en la evidencia correcta. Reemplazar los valores faltantes, lo que se llama imputación, debe hacerse con mucho cuidado, ya que insertar solo la media puede llevar a estimaciones y decisiones deficientes.

En este apartado aprenderemos sobre qué son los valores faltantes, cómo encontrar datos faltantes, cómo manipular y limpiar datos faltantes, por qué faltan datos y cómo imputar valores faltantes. Por lo tanto, asumiremos que tenemoss experiencia básica a intermedia con R, experiencia en la creación de gráficos utilizando ggplot2, experiencia en el uso de dplyr para manipular datos y experiencia en ajustar modelos lineales en R.

¿Qué son los valores faltantes?

Antes de comenzar, debemos definir los valores faltantes. Los valores faltantes son valores que deberían haberse registrado, pero no lo fueron. Pensemos en esto de esta manera: puedes no haber registrado accidentalmente que viste un pájaro, esto es un valor faltante. Esto es diferente a registrar que no se observaron pájaros. R almacena los valores faltantes como NA, que significa no disponible.

¿Cómo puedo verificar si tengo valores faltantes?

Los valores faltantes no saltan y gritan "¡Estoy aquí!". Por lo general, están ocultos, como una aguja en un pajar. Para detectar valores faltantes, usaresmo any_na, que devuelve TRUE si hay valores faltantes y FALSE si no los hay. are_na pregunta "¿son estos NA?" y devuelve TRUE/FALSE para cada valor. are_na nos muestra 3 valores TRUE, que corresponden a 3 valores faltantes. Para evitar contar cada TRUE manualmente, n_miss cuenta el número de valores faltantes. Y prop_miss proporciona la proporción de valores faltantes, lo que proporciona un contexto importante: Por ejemplo, el 50% de los datos está faltando.

¿Qué sucede cuando mezclamos valores faltantes con nuestros cálculos? Necesitamos saber qué sucede para poder estar preparados para encontrar estos casos. La regla general es: Los cálculos con NA devuelven NA. Digamos que tienes la altura de tres amigos: Sophie, Dan y Fred. La suma de sus alturas devuelve NA, esto se debe a que no conocemos la suma de un número y NA.

Hay algunas "trampas" que debes tener en cuenta al trabajar con datos faltantes: Por ejemplo, NaN significa "Not a Number" (No es un número) y se obtiene de operaciones como la raíz cuadrada de -1. R interpreta NaN como un valor faltante. NULL es un valor vacío pero no es faltante. Esto es sutilmente diferente de los valores faltantes: un cubo vacío no tiene agua faltante. Inf es un valor infinito, y se obtiene de ecuaciones como 10 dividido por 0 y no es faltante.

Por último, debeos tener cuidado con las declaraciones condicionales con valores faltantes. Por ejemplo, NA o TRUE es TRUE. NA o FALSE es NA. NA + NaN es NA. NaN + NA es NaN.

1.2 Usando y encontrando valores faltantes

Al trabajar con datos faltantes, hay algunos comandos con los que deberías estar familiarizado - en primer lugar, debes poder identificar si hay valores faltantes y dónde se encuentran.

Usando las herramientas any na() y are na(), identifica qué valores faltan.

```
# creamos x, un vector, con valores NA, NaN, Inf, ".", y "missing"
x <- c(NA, NaN,Inf, ".", "missing")

# Usamos any_na() y are_na() para explorar los valores missings
any_na(x)</pre>
```

```
## [1] TRUE

are_na(x)
```

[1] TRUE FALSE FALSE FALSE

¿Cuántos valores faltantes hay?

Una de las primeras cosas que desearás comprobar en un nuevo conjunto de datos es si existen valores faltantes y cuántos hay.

Podrías usar are_na() y contar los valores faltantes, pero la forma más eficiente de contarlos es usar la función n_miss(). Esto te dirá el número total de valores faltantes en los datos.

Luego puedes encontrar el porcentaje de valores faltantes en los datos con la función pct_miss. Esto te dirá el porcentaje de valores faltantes en los datos.

También puedes encontrar el complemento de estos valores, cuántos valores completos hay, usando n_complete y pct_complete.

```
# Usando el dataframe de ejemplo de estatuta (heights) y pesos (weights) dat_hw
dat_hw <- read.table("dealing/dat_hw.txt", h=T, dec=".")

# Usa n_miss() para contar el numero total de valores missing en dat_hw
naniar::n_miss(dat_hw)

## [1] 30

# Usa n_miss() en dat_hw$weight para contar el numero total de valores missing
naniar::n_miss(dat_hw$weight)</pre>
```

```
# Usa n_complete() en dat_hw para contar el numero total de valores completos
n_complete(dat_hw)
## [1] 170
# Usa n_complete() en dat_hw$weight para contar el numero total de valores completos
n_complete(dat_hw$weight)
## [1] 85
# Usamos prop_miss() y prop_complete() en dat_hw para contar el numero total de valores missing en cada
prop_miss(dat_hw)
## [1] 0.15
prop_complete(dat_hw)
## [1] 0.85
Resumiendo la ausencia de datos
Ahora que comprendes el comportamiento de los valores faltantes en R y cómo contarlos, escalaremos nuestros
resúmenes para casos (filas) y variables, utilizando miss_var_summary() y miss_case_summary(), y también
exploraremos cómo se pueden aplicar a grupos en un dataframe utilizando la función group_by de dplyr.
# Summarise missingness in each variable of the `airquality` dataset
miss_var_summary(airquality)
## # A tibble: 6 x 3
##
     variable n_miss pct_miss
##
     <chr>>
               <int>
                         <dbl>
## 1 Ozone
                   37
                         24.2
## 2 Solar.R
                    7
                          4.58
## 3 Wind
                    0
                          0
## 4 Temp
                    0
                          0
                    0
                          0
## 5 Month
## 6 Day
# Summarise missingness in each case of the `airquality` dataset
miss_case_summary(airquality)
## # A tibble: 153 x 3
##
       case n_miss pct_miss
##
      <int>
             <int>
                       <dbl>
##
                        33.3
   1
          5
                  2
##
    2
         27
                  2
                        33.3
    3
                        16.7
##
          6
                  1
    4
         10
                        16.7
##
                  1
##
   5
         11
                  1
                        16.7
##
   6
         25
                  1
                        16.7
         26
                        16.7
##
    7
                  1
##
    8
         32
                  1
                        16.7
##
   9
         33
                  1
                        16.7
```

Return the summary of missingness in each variable, grouped by Month, in the `airquality` dataset
airquality %>% group_by(Month) %>% miss_var_summary()

10

34

i 143 more rows

1

16.7

```
## # A tibble: 25 x 4
## # Groups:
                Month [5]
##
      Month variable n_miss pct_miss
##
      <int> <chr>
                        <int>
                                  <dbl>
##
    1
          5 Ozone
                            5
                                   16.1
##
    2
           5 Solar.R
                            4
                                   12.9
##
    3
           5 Wind
                            0
                                    0
          5 Temp
                            0
                                    0
##
    4
##
    5
          5 Day
                            0
                                    0
##
    6
           6 Ozone
                                   70
                           21
    7
           6 Solar.R
                            0
                                    0
                            0
                                    0
##
           6 Wind
    8
                            0
                                    0
##
    9
           6 Temp
           6 Day
                            0
                                    0
## 10
## # i 15 more rows
```

Return the summary of missingness in each case, grouped by Month, in the `airquality` dataset
airquality %>% group_by(Month) %>% miss_case_summary()

```
## # A tibble: 153 x 4
## # Groups:
                Month [5]
##
      Month case n_miss pct_miss
                    <int>
##
      <int> <int>
                               <dbl>
##
    1
           5
                 5
                         2
                                   40
##
    2
           5
                 27
                         2
                                   40
                  6
                                   20
##
    3
           5
                          1
##
    4
           5
                 10
                          1
                                   20
   5
##
           5
                         1
                                   20
                 11
##
    6
           5
                 25
                                   20
    7
                                   20
##
           5
                 26
                          1
##
    8
           5
                  1
                          0
                                    0
##
   9
           5
                  2
                         0
                                    0
           5
                  3
                                    0
## 10
## # i 143 more rows
```

1.3 Evaluación de la no respuesta

1.3.1 Actividad

Considerando el siguien set de datos.

```
library(dplyr)
library(ggplot2)
biopics <- read.csv("curso_imputacion/biopics.csv")</pre>
```

Muestra las primeras 10 observaciones de los datos biopics y familiarízate con las variables.

```
# Muestra las primeras 10 observaciones
head(biopics, 10)
```

```
##
      country year earnings sub_num sub_type sub_race non_white sub_sex
## 1
           UK 1971
                          NA
                                   1 Criminal
                                                   <NA>
                                                                 0
                                                                      Male
## 2
        US/UK 2013
                      56.700
                                         Other
                                               African
                                                                 1
                                                                      Male
                                   1
        US/UK 2010
                      18.300
                                                                      Male
## 3
                                   1 Athlete
                                                   <NA>
                                                                 0
## 4
       Canada 2014
                          NA
                                   1
                                         Other
                                                  White
                                                                 0
                                                                      Male
## 5
           US 1998
                       0.537
                                         Other
                                                   <NA>
                                                                 0
                                                                      Male
                                   1
## 6
           US 2008
                      81.200
                                         Other
                                                  other
                                                                      Male
```

```
## 7
            UK 2002
                        1.130
                                     1 Musician
                                                    White
                                                                    0
                                                                         Male
## 8
           US 2013
                       95.000
                                                                         Male
                                        Athlete
                                                  African
                                                                    1
                                        Athlete
## 9
           US 1994
                       19.600
                                                      <NA>
                                                                    0
                                                                         Male
## 10
        US/UK 1987
                        1.080
                                     2
                                                      <NA>
                                                                    0
                                                                         Male
                                         Author
# Obtiene el numero de valores perdidos por variable
biopics %>%
    is.na() %>%
    colSums()
##
                          earnings
     country
                                      sub num
                                                sub_type
                                                           sub race non white
                                                                                  sub sex
                   vear
                                                        0
##
           0
                       0
                                324
                                             0
                                                                197
                                                                                         0
```

1.3.2 Reconociendo los mecanismos de datos faltantes

En este ejercicio, se presentarán seis escenarios diferentes en los que faltan algunos datos. Intenta asignar a cada uno de ellos el mecanismo de datos faltantes más probable. Como recordatorio, aquí hay algunas pautas generales:

Si la razón de la falta de datos es puramente aleatoria, es MCAR. Si la razón de la falta de datos puede explicarse por otra variable, es MAR. Si la razón de la falta de datos depende del valor faltante en sí mismo, es MNAR.

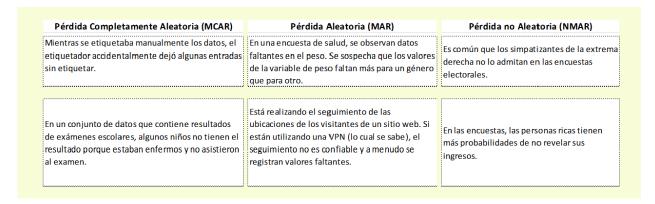


Figura 1: alt text

1.3.2.0.1 Prueba t para perdida MAR Preparación de los datos

De los tres, MAR es posiblemente el más importante de detectar, ya que muchos métodos de imputación asumen que los datos son MAR. En este ejercicio práctico con R, buscaremos identificar si el patrón de pérdida es MAR.

Trabajaremos con los datos de la base biopics. El objetivo es probar si el número de valores faltantes en earnings difiere por género del sujeto. En este ejercicio, solo se preparan los datos para aplicar una prueba t. Primero, se crea una variable ficticia que indica la falta de datos en earnings. Luego, se divide por género filtrando los datos para mantener uno de los géneros y luego sacando la variable ficticia. Para filtrar, puede ser útil imprimir el head() de biopics en la consola y examinar la variable de género.

```
# Crea una variable dummy para la perdida en el gasto
biopics <- biopics %>%
  mutate(missing_earnings = is.na(earnings))

# Obtiene la perdida del gasto para hombres
missing_earnings_males <- biopics %>%
  filter(sub_sex == "Male") %>%
```

```
pull(missing_earnings)

# Obtiene la perdida del gasto para mujeres
missing_earnings_females <- biopics %>%
  filter(sub_sex == "Female") %>%
  pull(missing_earnings)
```

Interpretación

En el ejercicio anterior, hemos preparado dos vectores con los valores faltantes de ingresos para cada sexo: perdidos_gastos_hombres y perdidos_gastos_mujeres. Ambos están disponibles en tu espacio de trabajo. Ahora es posible realizar la **prueba t** para verificar si sus medias difieren significativamente entre sí con el siguiente script

```
# Ejecuta el t-test
t.test(missing_earnings_males, missing_earnings_females)
```

```
##
## Welch Two Sample t-test
##
## data: missing_earnings_males and missing_earnings_females
## t = 1.1116, df = 294.39, p-value = 0.2672
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.03606549 0.12969214
## sample estimates:
## mean of x mean of y
## 0.4366438 0.3898305
```

El resultado muestra que no existe diferencia estadísticamente significativa ($\alpha > 0.05$) entre ambos grupos. Por lo tanto, se concluye que la perdida es MAR.

1.3.3 Aggregation plot

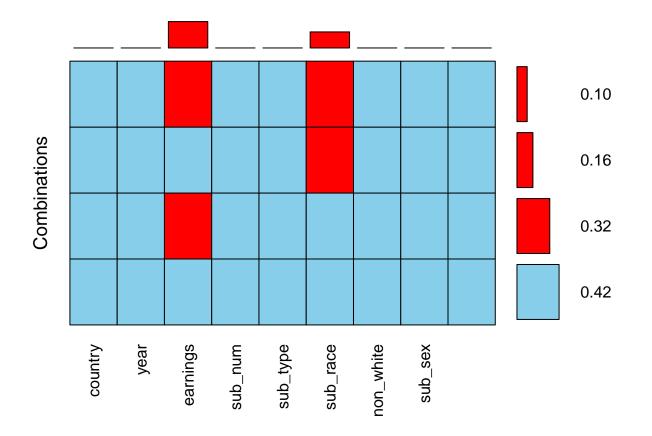
El gráfico de agregación proporciona la respuesta a la pregunta básica que uno puede hacer sobre un conjunto de datos incompleto: ¿en qué combinaciones de variables faltan datos y con qué frecuencia? Es muy útil para obtener una visión general de alto nivel de los patrones de ausencia de datos. Por ejemplo, hace visible inmediatamente si hay alguna combinación de variables que faltan juntas con frecuencia, lo que podría sugerir alguna relación entre ellas.

En este ejercicio, primero aplicaremos el gráfico de agregación para los datos de biopics y luego practicarás sacando conclusiones basadas en él. ¡Vamos a hacer algunos gráficos!

```
# Load the VIM package
library(VIM)
```

```
## Loading required package: colorspace
## Loading required package: grid
## The legacy packages maptools, rgdal, and rgeos, underpinning the sp package,
## which was just loaded, will retire in October 2023.
## Please refer to R-spatial evolution reports for details, especially
## https://r-spatial.org/r/2023/05/15/evolution4.html.
## It may be desirable to make the sf package available;
## package maintainers should consider adding sf to Suggests:.
## The sp package is now running under evolution status 2
## (status 2 uses the sf package in place of rgdal)
```

```
## VIM is ready to use.
## Suggestions and bug-reports can be submitted at: https://github.com/statistikat/VIM/issues
##
## Attaching package: 'VIM'
## The following object is masked from 'package:datasets':
##
## sleep
# Draw an aggregation plot of biopics
biopics %>%
    aggr(combined = TRUE, numbers = TRUE)
```



1.3.4 Cuestiones aclaratorias

Basado en el gráfico de agregación que acaba de crear, ¿cuál de las siguientes afirmaciones es falsa? Posibles respuestas:

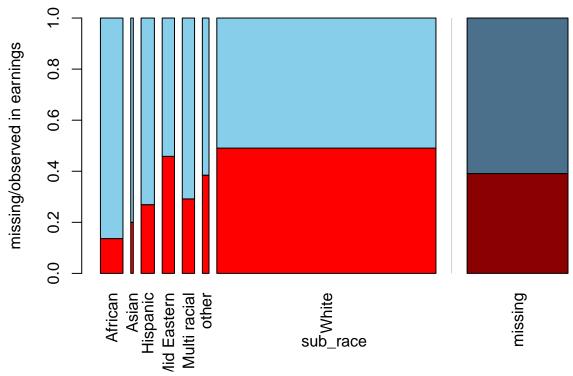
- a. El 10% de las observaciones tienen valores faltantes tanto en earnings como en sub_race.
- b. Hay más valores faltantes en sub_race que en earnings.
- c. El 42% de las observaciones no tiene entradas faltantes.
- d. Exactamente dos variables en los datos biopics tienen valores faltantes.

1.3.5 gráfico de Mosaico

El gráfico de agregación que has dibujado en el ejercicio anterior te dio una visión general de alto nivel de los datos faltantes. Si estás interesado en la interacción entre variables específicas, un gráfico de Mosaico es el camino a seguir. Te permite estudiar el porcentaje de valores faltantes en una variable para diferentes valores de la otra, lo cual es conceptualmente muy similar a los test t que has estado realizando en la lección anterior.

En este ejercicio, dibujarás un gráfico de Mosaico para investigar el porcentaje de datos faltantes en earnings para diferentes categorías de sub_race. ¿Hay más datos faltantes en earnings para algunas razas específicas del personaje principal de la película? ¡Vamos a descubrirlo! El paquete VIM ya ha sido cargado para ti.

```
# Draw a spine plot to analyse missing values in earnings by sub_race
biopics %>%
    dplyr::select(sub_race,earnings) %>%
    spineMiss()
```



Cuestiones aclaratorias

Basándose en la gráfica de Mosaico que acabas de crear, ¿cuál de las siguientes afirmaciones es falsa? Opciones de respuesta:

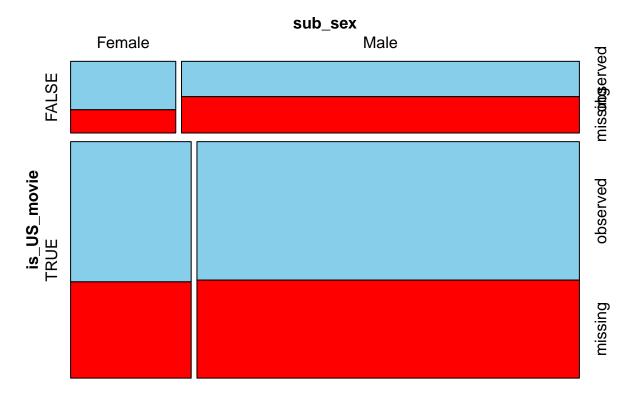
- a. En la gran mayoría de las películas, el personaje principal es blanco.
- b. Cuando el sujeto principal es africano, es más probable que tengamos información completa sobre las ganancias.
- c. En lo que respecta a las ganancias y la subraza, los datos parecen ser MAR.
- d. La raza que aparece con menos frecuencia en los datos tiene alrededor del 40% de las ganancias faltantes.

(incorrecta)

1.3.6 Mosaic plot

La gráfica de Mosaico que hemos creado en el ejercicio anterior permite estudiar los patrones de datos faltantes entre dos variables a la vez. Esta idea se generaliza a más variables en forma de un gráfico de mosaico.

En este ejercicio, comenzarás por crear una variable ficticia que indique si Estados Unidos participó en la producción de cada película. Para hacer esto, utilizarás la función grepl(), que verifica si la cadena pasada como su primer argumento está presente en el objeto pasado como su segundo argumento. Luego, crearemos un gráfico de mosaico para ver si el género del sujeto se correlaciona con la cantidad de datos faltantes en earnings tanto para películas estadounidenses como no estadounidenses.



1.3.7 Olfateando el peligro de la imputación por la media

Uno de los métodos de imputación más populares es la imputación por media, en la cual los valores faltantes en una variable se reemplazan con la media de los valores observados en esa variable. Sin embargo, en muchos casos, este enfoque simple es una mala elección. A veces, una mirada rápida a los datos puede alertarnos sobre los peligros de la imputación por la media.

En esta etapa, trabajaremos con una submuestra de los datos del proyecto de Atmósfera Tropical Oceánica (tao). El conjunto de datos consiste en mediciones atmosféricas tomadas en dos períodos de tiempo diferentes en cinco ubicaciones distintas. Los datos vienen con el paquete VIM.

En este ejercicio, nos familiarizaremos con los datos y realizaremos un análisis simple que indicará cuáles podrían ser las consecuencias de la imputación por la media.

```
data(tao, package = "VIM")
names(tao)<-tolower(names(tao))</pre>
names(tao) <- sub("[.]", " ", names(tao))
names(tao) <- sub("[.]", "_", names(tao))
# Imprime las primeras 10 observaciones
head(tao, 10)
##
      year latitude longitude sea_surface_temp air_temp humidity uwind vwind
## 1
      1997
                   0
                          -110
                                            27.59
                                                     27.15
                                                                79.6
                                                                       -6.4
                                                                              5.4
## 2
      1997
                   0
                           -110
                                            27.55
                                                      27.02
                                                                75.8
                                                                       -5.3
                                                                              5.3
                                            27.57
                                                     27.00
## 3
      1997
                   0
                           -110
                                                                76.5
                                                                      -5.1
                                                                              4.5
## 4
                                            27.62
                                                     26.93
                                                                       -4.9
      1997
                   0
                           -110
                                                                76.2
                                                                              2.5
                                                                      -3.5
                                            27.65
## 5
      1997
                   0
                          -110
                                                     26.84
                                                                76.4
                                                                              4.1
## 6
      1997
                   0
                           -110
                                            27.83
                                                     26.94
                                                                76.7
                                                                       -4.4
                                                                              1.6
                   0
                           -110
                                            28.01
## 7
      1997
                                                     27.04
                                                                76.5
                                                                      -2.0
                                                                              3.5
## 8
      1997
                   0
                           -110
                                            28.04
                                                     27.11
                                                                78.3
                                                                       -3.7
                                                                              4.5
                                                                              5.0
## 9
      1997
                   0
                           -110
                                            28.02
                                                     27.21
                                                                78.6 -4.2
## 10 1997
                   0
                           -110
                                            28.05
                                                     27.25
                                                                76.9 -3.6
                                                                              3.5
# Obtiene el numero de valores perdidos por columna
tao %>%
  is.na() %>%
  colSums()
##
                year
                              latitude
                                               longitude sea_surface_temp
##
                   0
                                     0
                                                        0
                                                                          3
##
           air_temp
                              humidity
                                                   uwind
                                                                      vwind
                  81
                                    93
                                                        0
                                                                          0
# Calculate the number of missing values in air temp per year
tao %>%
  group_by(year) %>%
  summarize(num_miss = sum(is.na(air_temp)))
## # A tibble: 2 x 2
##
      year num_miss
##
     <int>
               <int>
## 1
      1993
                   4
## 2
      1997
                  77
```

1.3.8 Imputación de la media en temperatura

Imputar la media en la temperatura puede ser arriesgado. Si la variable que se está imputando está correlacionada con otras variables, esta correlación podría ser destruida por los valores imputados. Lo viste en el ejercicio anterior cuando analizaste la variable air_temp.

Para averiguar si estas preocupaciones son válidas, en este ejercicio realizarás una imputación de la media en air_temp, creando también un indicador binario para mostrar dónde se imputan los valores. Será útil en el siguiente ejercicio, cuando evaluarás el desempeño de tu imputación. ¡Vamos a completar esos valores faltantes!

```
tao_imp <- tao %>%
  # Create a binary indicator for missing values in air_temp
  mutate(air_temp_imp = ifelse(is.na(air_temp), TRUE, FALSE)) %>%
  # Impute air_temp with its mean
  mutate(air_temp = ifelse(is.na(air_temp), mean(air_temp, na.rm = TRUE), air_temp))
# Print the first 10 rows of tao_imp
head(tao_imp, 10)
##
      year latitude longitude sea surface temp air temp humidity uwind vwind
## 1
      1997
                  0
                          -110
                                           27.59
                                                    27.15
                                                               79.6 -6.4
                                                                            5.4
## 2
      1997
                  0
                          -110
                                           27.55
                                                    27.02
                                                               75.8 -5.3
                                                                            5.3
## 3
                                           27.57
                                                    27.00
                                                               76.5 -5.1
      1997
                  0
                          -110
                                                                            4.5
## 4
      1997
                  0
                          -110
                                           27.62
                                                    26.93
                                                               76.2
                                                                     -4.9
                                                                            2.5
## 5
                  0
                                           27.65
                                                               76.4 -3.5
     1997
                                                    26.84
                                                                            4.1
                          -110
## 6
     1997
                  0
                          -110
                                           27.83
                                                    26.94
                                                               76.7 -4.4
                                                                            1.6
## 7
      1997
                  0
                          -110
                                           28.01
                                                    27.04
                                                               76.5 -2.0
                                                                            3.5
## 8
      1997
                  0
                                           28.04
                                                    27.11
                                                               78.3 -3.7
                          -110
                                                                            4.5
## 9
                  0
                                           28.02
                                                               78.6 -4.2
      1997
                          -110
                                                    27.21
                                                                            5.0
## 10 1997
                  0
                                           28.05
                                                    27.25
                                                               76.9 -3.6
                          -110
                                                                            3.5
##
      air_temp_imp
## 1
             FALSE
## 2
             FALSE
## 3
             FALSE
## 4
             FALSE
## 5
             FALSE
## 6
             FALSE
## 7
             FALSE
## 8
             FALSE
## 9
             FALSE
## 10
             FALSE
head(filter(tao_imp, air_temp_imp==TRUE))
     year latitude longitude sea_surface_temp air_temp humidity uwind vwind
## 1 1997
                  0
                          -95
                                          27.69 25.02925
                                                              79.8
                                                                    -0.6
                                                                           4.2
                                          27.63 25.02925
## 2 1997
                  0
                          -95
                                                              74.5
                                                                   -3.9
                                                                           5.8
## 3 1997
                  0
                          -95
                                          27.51 25.02925
                                                              76.3
                                                                   -2.8
                                                                           5.3
## 4 1997
                          -95
                  0
                                          27.54 25.02925
                                                              81.6
                                                                    -2.3
                                                                           5.6
## 5 1997
                  0
                          -95
                                          27.47 25.02925
                                                              81.9
                                                                   -4.6
                                                                           6.1
## 6 1997
                          -95
                                          27.44 25.02925
                                                              74.2 -4.4
                                                                           6.5
##
     air_temp_imp
## 1
             TRUE
## 2
             TRUE
## 3
             TRUE
## 4
             TRUE
## 5
             TRUE
## 6
             TRUE
```

Nos damos cuenta que no tiene mucho sentido imputar por la media, ya que puede agregar inconsistencias entre las variables correlacionadas.

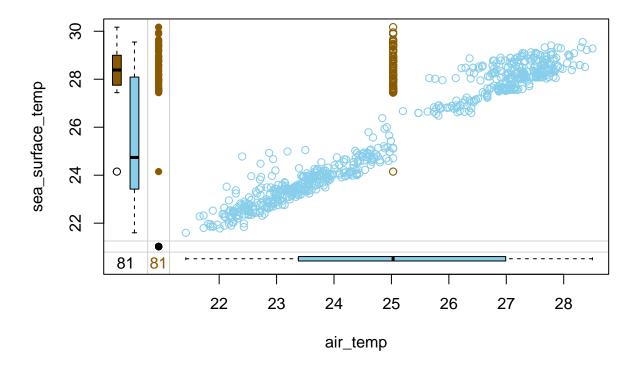
1.3.9 Evaluar la calidad de la imputación con un marginplot

En el último ejercicio, hemos imputado la media de air_temp y hemos agregado una variable indicadora para denotar cuáles valores fueron imputados, llamada air_temp_imp. Ahora es momento de ver qué tan bien funciona esto.

Al examinar los datos de tao, podríamos haber notado que también contiene una variable llamada sea_surface_temp, que razonablemente se esperaría que esté positivamente correlacionada con air_temp. Si ese es el caso, esperaríamos que estas dos temperaturas sean altas o bajas al mismo tiempo. Imputar la temperatura media del aire cuando la temperatura del mar es alta o baja rompería esta relación.

Para averiguarlo, en este ejercicio seleccionaremos las dos variables de temperatura y la variable indicadora y las usaremos para crear un marginplot.

```
# Creamos un marginplot de air_temp vs sea_surface_temp
tao_imp %>%
  select(air_temp, sea_surface_temp, air_temp_imp) %>%
  marginplot(delimiter = "imp")
```

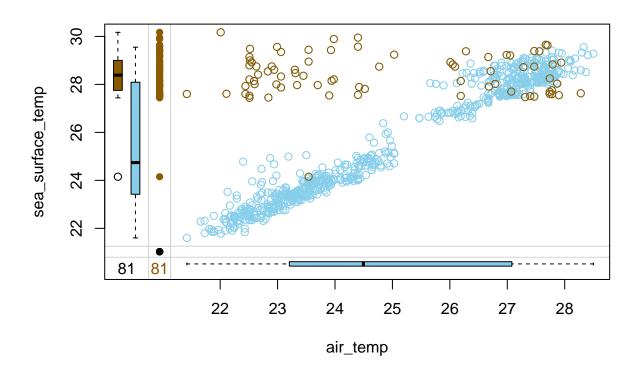


1.3.10 Imputación por hot-deck

La imputación por hot-deck es un método simple que reemplaza cada valor faltante en una variable por el último valor observado en esa variable. Es muy rápido, ya que solo se necesita una revisión por los datos, pero en su forma más simple, hot-deck a veces puede romper las relaciones entre las variables.

En este ejemplo, lo probaremos en el conjunto de datos tao. Imputaremos los valores faltantes en la columna de temperatura del aire air_temp por hot-deck y luego visualizaremos un gráfico de margen (marginplot) para analizar la relación entre los valores imputados y la columna de temperatura de la superficie del mar sea_surface_temp.

```
# Load VIM package
library(VIM)
# Impute air_temp in tao with hot-deck imputation
tao_imp <- hotdeck(tao, variable = "air_temp")</pre>
# Check the number of missing values in each variable
tao_imp %>%
    is.na() %>%
    colSums()
##
                             latitude
                                              longitude sea_surface_temp
               year
##
                  0
                             humidity
##
           air_temp
                                                  uwind
                                                                    vwind
##
                                   93
                                                      0
                                                                        0
##
       air_temp_imp
##
# Draw a margin plot of air_temp vs sea_surface_temp
tao_imp %>%
    select(air_temp, sea_surface_temp, air_temp_imp) %>%
    marginplot(delimiter = "imp")
```



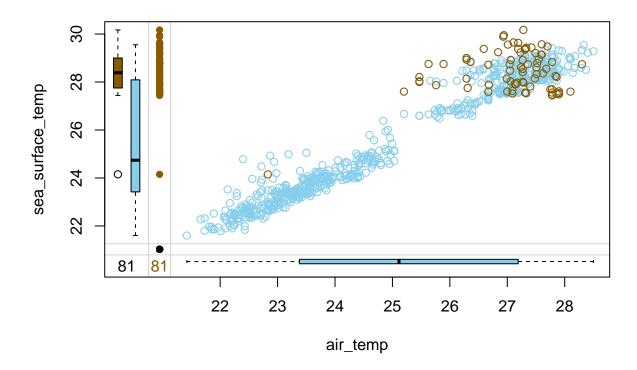
¿Se ve bien la imputación? Observa las observaciones en la parte superior izquierda del gráfico con los datos de air_temp imputados y los valores altos en sea_surface_temp. Estas observaciones deben haber sido precedidas por observaciones con bajos valores de air_temp en el data frame, y por lo tanto, después de la imputación hot-deck, terminaron siendo valores atípicos con air_temp bajos y sea_surface_temp altos.

1.3.11 Hot-deck trucos y consejos I: imputando dentro de dominios

Un truco que puede ayudar cuando la imputación por hot-deck rompe las relaciones entre las variables es imputar dentro de los dominios. Esto significa que si la variable a imputar está correlacionada con otra variable categórica, se puede ejecutar hot-deck por separado para cada una de sus categorías.

Por ejemplo, se podría esperar que la temperatura del aire dependa del tiempo, ya que estamos viendo que las temperaturas promedio aumentan debido al calentamiento global. El indicador de tiempo que tenemos disponible en los datos de tao es una variable categórica, year. Primero, comprobaremos si la temperatura media del aire es diferente en cada uno de los dos años estudiados y luego ejecutaremos hot-deck dentro de los dominios de los años. Finalmente, volveremos a crear el marginplot para evaluar el rendimiento de la imputación.

```
# Calculate mean air_temp per year
tao %>%
    group_by(year) %>%
    summarize(average_air_temp = mean(air_temp, na.rm = TRUE))
## # A tibble: 2 x 2
##
      year average_air_temp
##
     <int>
                      <dbl>
## 1 1993
                       23.4
## 2 1997
                       27.1
# Hot-deck-impute air_temp in tao by year domain
tao_imp <- hotdeck(tao, variable = "air_temp", domain_var = "year")</pre>
# Draw a margin plot of air_temp vs sea_surface_temp
tao_imp %>%
    select(air_temp, sea_surface_temp, air_temp_imp) %>%
    marginplot(delimiter = "imp")
```



Los resultados se ven mucho mejor esta vez. Sin embargo, si observas la esquina superior derecha del gráfico, verás que la varianza en los valores imputados (naranja) es algo mayor que entre los valores observados (azul). Veamos si podemos mejorar aún más en el próximo ejercicio.

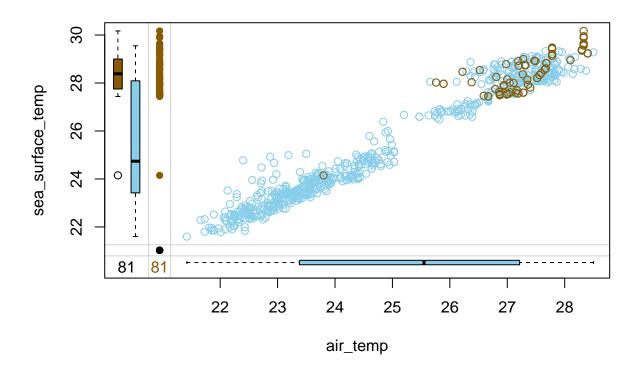
1.3.12 Hot-deck trucos y consejos II: ordenando por variables correlacionadas

Otro truco que puede mejorar el rendimiento de la imputación hot-deck es ordenar los datos por variables correlacionadas con la que queremos imputar.

Por ejemplo, en todos los marginplot que hemos estado usando recientemente, se ha visto que la temperatura del aire está fuertemente correlacionada con la temperatura de la superficie del mar, lo cual tiene mucho sentido. Podemos aprovechar este conocimiento para mejorar la imputación hot-deck. Si primero ordenamos los datos por sea_surface_temp, entonces cada valor imputado de air_temp vendrá de un donante con una sea_surface_temp similar.

```
# Hot-deck-impute air_temp in tao ordering by sea_surface_temp
tao_imp <- hotdeck(tao, variable = "air_temp", ord_var = "sea_surface_temp")

# Draw a margin plot of air_temp vs sea_surface_temp
tao_imp %>%
    select(air_temp, sea_surface_temp, air_temp_imp) %>%
    marginplot(delimiter = "imp")
```



Esta vez la imputación parece no afectar la relación entre las temperaturas del aire y la superficie del mar: si no fuera por los colores, probablemente no sabriamos cuáles son los valores imputados. La imputación hot-deck, posiblemente mejorada con la imputación por dominios o el ordenamiento, es un método rápido y sencillo que puede funcionar bien en muchas situaciones. Sin embargo, a veces puede ser necesario un enfoque más complejo.

1.3.13 Elegir el número de vecinos

La imputación de k-Nearest-Neighbors (o kNN) imputa los valores faltantes en una observación en función de los valores que provienen de las k otras observaciones más similares a ella. El número de estas observaciones similares, llamadas vecinos, se consideran que es un parámetro que debe elegirse de antemano.

 ξ Cómo elegir k? Una forma es probar diferentes valores y ver cómo afectan las relaciones entre los datos imputados y observados.

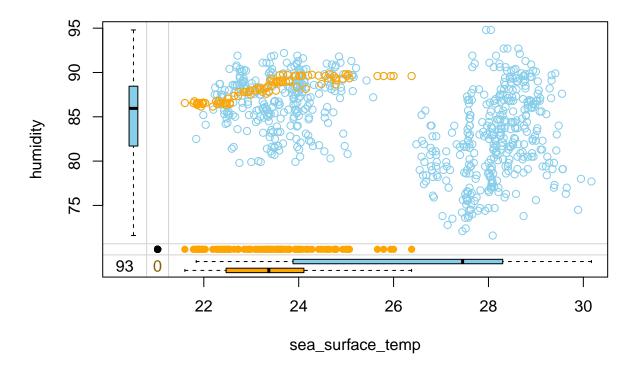
Intentemos imputar humidity en los datos de tao utilizando tres valores diferentes de k y ver cómo se ajustan los valores imputados a la relación entre humidity y $sea_surface_temp$.

Imputamos humidity con la imputación de kNN usando 30 vecinos y visualizadolo mediante un marginplot() de sea_surface_temp vs humidity.

```
# Impute humidity using 30 neighbors
tao_imp <- kNN(tao, k = 30, variable = "humidity")

# Draw a margin plot of sea_surface_temp vs humidity
tao_imp %>%
    select(sea_surface_temp, humidity, humidity_imp) %>%
    marginplot(delimiter = "imp", main = "k = 30")
```

k = 30

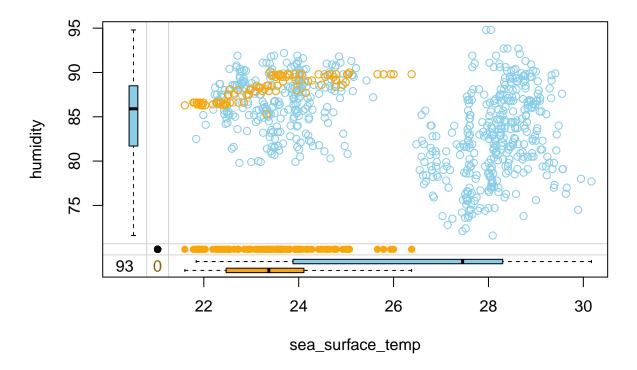


Ahora, imputamos humidity con imputación kNN usando 15 vecinos y vemos mediante el marginplot de sea_surface_temp vs humidity.

```
# Impute humidity using 15 neighbors
tao_imp <- kNN(tao, k = 15, variable = "humidity")

# Draw a margin plot of sea_surface_temp vs humidity
tao_imp %>%
    select(sea_surface_temp, humidity, humidity_imp) %>%
    marginplot(delimiter = "imp", main = "k = 15")
```

k = 15

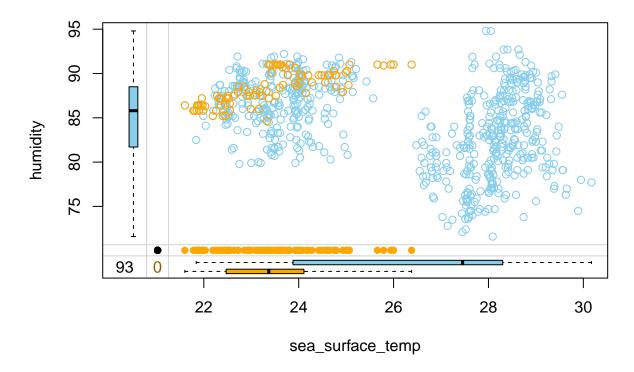


Finalmente, imputamos humidity con imputación kNN usando 5 vecinos y visualizando los resulados mediante marginplot de sea_surface_temp vs humidity.

```
# Impute humidity using 5 neighbors
tao_imp <- kNN(tao, k = 5, variable = "humidity")

# Draw a margin plot of sea_surface_temp vs humidity
tao_imp %>%
    select(sea_surface_temp, humidity, humidity_imp) %>%
    marginplot(delimiter = "imp", main = "k = 5")
```

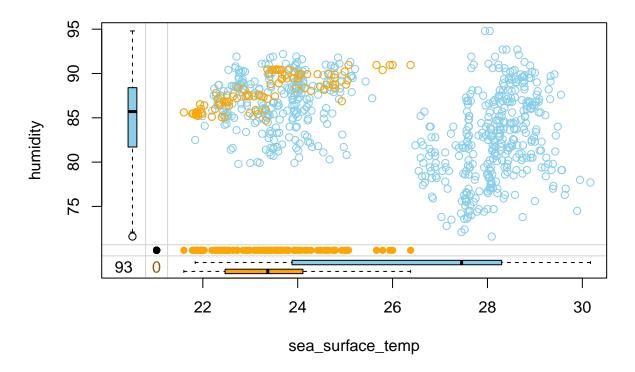




1.3.14 kNN trucos y consejos I: ponderando los donantes

Una variación de la imputación kNN que se aplica con frecuencia utiliza la llamada agregación ponderada por distancia. Lo que esto significa es que cuando agregamos los valores de los vecinos para obtener un reemplazo para un valor faltante, lo hacemos usando la media ponderada y las ponderaciones son las distancias invertidas de cada vecino. Como resultado, los vecinos más cercanos tienen más impacto en el valor imputado.

En este ejercicio, aplicamos la agregación ponderada por distancia mientras imputamos los datos de tao. Esto solo requerirá dar dos argumentos adicionales a la función kNN().



Trucos y consejos de kNN II: ordenar variables

Mientras el algoritmo de k-Nearest Neighbors recorre las variables en los datos para imputarlos, calcula las distancias entre observaciones utilizando otras variables, algunas de las cuales ya han sido imputadas en los pasos anteriores. Esto significa que si las variables ubicadas al principio de los datos tienen muchas valores faltantes, entonces el cálculo de la distancia posterior se basa en muchos valores imputados. Esto introduce ruido en el cálculo de la distancia.

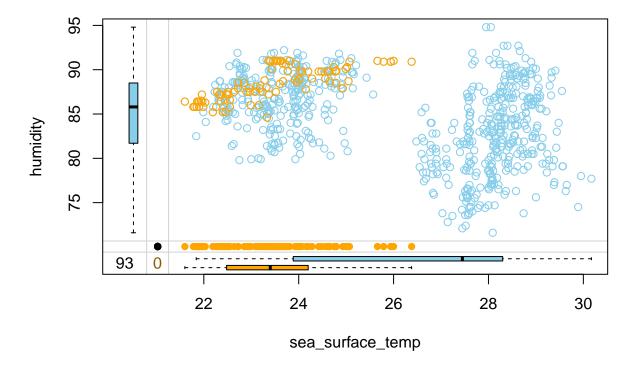
Por esta razón, una buena práctica es ordenar las variables por el número de valores faltantes antes de realizar la imputación kNN. De esta manera, cada cálculo de distancia se basa en tantos datos observados y tan pocos datos imputados como sea posible.

```
# Get tao variable names sorted by number of NAs
vars_by_NAs <- tao %>%
  is.na() %>%
  colSums() %>%
  sort(decreasing = FALSE) %>%
  names()
# Sort tao variables and feed it to kNN imputation
tao_imp <- tao %>%
  select(vars_by_NAs) %>%
  kNN(k=5)
## Warning: Using an external vector in selections was deprecated in tidyselect 1.1.0.
## i Please use 'all_of()' or 'any_of()' instead.
##
     # Was:
##
     data %>% select(vars_by_NAs)
##
```

```
## # Now:
## data %>% select(all_of(vars_by_NAs))
##

## See <https://tidyselect.r-lib.org/reference/faq-external-vector.html>.
## This warning is displayed once every 8 hours.
## Call 'lifecycle::last_lifecycle_warnings()' to see where this warning was
## generated.

tao_imp %>%
    select(sea_surface_temp, humidity, humidity_imp) %>%
    marginplot(delimiter = "imp")
```



El kNN que acabamos de programar debería ser más preciso y resistente a imputaciones defectuosas, así que recordemos ordenar las variables primero antes de realizar la imputación con kNN.

1.3.15 Imputación con regresión lineal

A veces, se puede utilizar el conocimiento del dominio, la investigación previa o simplemente el sentido común para describir las relaciones entre las variables en sus datos. En tales casos, la imputación basada en modelos es una gran solución, ya que permite imputar cada variable de acuerdo con un modelo estadístico que puede especificar uno mismo, teniendo en cuenta cualquier suposición que pueda tener sobre cómo las variables impactan entre sí.

Para variables continuas, una elección de modelo popular es la regresión lineal. Siempre puede incluir un cuadrado o un logaritmo de una variable en los predictores. En este caso, trabajaremos con el paquete simputation para ejecutar una sola imputación de regresión lineal en los datos tao y analizar los resultados.

```
# Lee la libreria simputation
library(simputation)
```

```
# Imputa air_temp y humidity con una regresion lineal
formula <- air_temp + humidity ~ year + latitude + sea_surface_temp</pre>
tao_imp <- impute_lm(tao, formula)</pre>
# Obtenemos el numero de valores missing por columna
tao_imp %>%
  is.na() %>%
  colSums()
##
               year
                             latitude
                                              longitude sea surface temp
##
                  0
                                                      0
##
                             humidity
                                                  uwind
                                                                    vwind
           air_temp
##
# Imprime las celdas de tao_imp en donde air_temp o humidity siquen missing
tao_imp %>%
 filter(is.na(air_temp) | is.na(humidity))
     year latitude longitude sea_surface_temp air_temp humidity uwind vwind
## 1 1993
                 0
                          -95
                                             NA
                                                      NA
                                                                NA
                                                                    -5.6
                                                                            3.1
```

La regresión lineal falla cuando al menos uno de los predictores está ausente. En este caso, fue sea_surface_temp. En el próximo ejercicio, lo solucionaremos inicializando los valores faltantes antes de ejecutar impute_lm().

NA

NΔ

NA

NΑ

NA

89.9

-6.3

-3.4

0.5 2.4

1.3.16 Inicialización de valores perdidos e iteración sobre variables

-95

-95

2 1993

3 1993

0

-2

Como acabamos de ver, la ejecución de impute_lm() podría no llenar todos los valores perdidos. Para asegurarte de imputar todos ellos, debemos inicializar los valores perdidos con un método simple, como la imputación de hot-deck que de la sección anterior, que simplemente retroalimenta el último valor observado.

Además, una sola imputación generalmente no es suficiente. Se basa en los valores iniciales básicos y podría estar sesgada. Un enfoque adecuado es iterar sobre las variables, imputándolas una a la vez en las ubicaciones donde originalmente faltan.

En este ejercicio, primero inicializaremos los valores perdidos con la imputación de hot-deck y luego iteraremos cinco veces sobre air_temp y humidity de los datos tao para imputarlos con la regresión lineal.

```
# Inicializa los valores missing con hot-deck
tao_imp <- hotdeck(tao)

# Crea un indicador booleano desde donde air_temp y humidity son missing
missing_air_temp <- tao_imp$air_temp_imp
missing_humidity <- tao_imp$humidity_imp

for (i in 1:5) {
    # Define air_temp como NA en los lugares donde faltaban originalmente y re-imputa
    tao_imp$air_temp[missing_air_temp] <- NA
    tao_imp <- impute_lm(tao_imp, air_temp ~ year + latitude + sea_surface_temp + humidity)
    # Define humidity como NA en los lugares donde faltan originalmente y re-imputa
    tao_imp$humidity[missing_humidity] <- NA
    tao_imp <- impute_lm(tao_imp, humidity ~ year + latitude + sea_surface_temp + air_temp)
}</pre>
```

Esa es una aproximación apropiada a la imputación basada en modelos que acabamos de codificar, pero,

¿cómo sabemos que 5 es el número adecuado de iteraciones para ejecutar?.

1.3.17 Detectando convergencia

¿Cuántas iteraciones son necesarias? Cuando los valores imputados no cambian con la nueva iteración, podemos detenernos.

Ahora extenderás nuestro código para calcular las diferencias entre las variables imputadas en las iteraciones subsiguientes. Para hacer esto, usaremos la función de cambio porcentual promedio absoluto (mapc), definida de la siguiente manera:

```
mapc <- function(a, b) { mean(abs(b - a) / a, na.rm = TRUE) }</pre>
```

 \mathtt{mapc} () es una función que devuelve un solo número que te dice cuánto difiere b de a. La usaremos para verificar cuánto cambian las variables imputadas en las iteraciones siguientes. En base a esto, decidiremos cuántas iteraciones son necesarias.

Los indicadores booleanos missing_air_temp y missing_humidity son usados aquí, al igual que los datos de tao imp inicializados con hot-deck.

```
mapc<- function(a, b) {</pre>
  mean(abs(b - a) / a, na.rm = TRUE)
diff air temp <- c()
diff humidity <- c()
for (i in 1:5) {
  # Asigna el resultado de la iteración anterior (o inicialización) a prev_iter
  prev_iter <- tao_imp</pre>
  # Imputa air_temp y humidity en las ubicaciones que originalmente faltaban
  tao_imp$air_temp[missing_air_temp] <- NA</pre>
  tao_imp <- impute_lm(tao_imp, air_temp ~ year + latitude + sea_surface_temp + humidity)
  tao_imp$humidity[missing_humidity] <- NA</pre>
  tao_imp <- impute_lm(tao_imp, humidity ~ year + latitude + sea_surface_temp + air_temp)</pre>
  # Calcula MAPC para air_temp y humidity y los incluye a la iteración anterior de MAPC
  diff air temp <- c(diff air temp, mapc(prev iter$air temp, tao imp$air temp))
  diff_humidity <- c(diff_humidity, mapc(prev_iter$humidity, tao_imp$humidity))</pre>
}
```

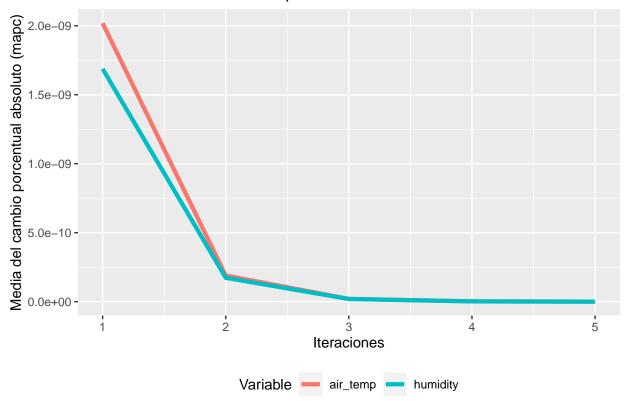
 $\label{eq:continuous} \begin{tabular}{ll} \mathcal{L} uall es un número suficiente de iteraciones para ejecutar, según las diferencias almacenadas en $$diff_air_temp$ y $$diff_humidity?$ \end{tabular}$

Para responder a esta pregunta, puedemos imprimir los dos vectores en la consola y analizar los números, o trazarlos usando la función proporcionada: simplemente ejecutamos plot_diffs(diff_air_temp, diff_humidity) en la consola.

```
plot_diffs(diff_air_temp, diff_humidity)
```

```
## Warning: Using 'size' aesthetic for lines was deprecated in ggplot2 3.4.0.
## i Please use 'linewidth' instead.
## This warning is displayed once every 8 hours.
## Call 'lifecycle::last_lifecycle_warnings()' to see where this warning was
## generated.
```

Cambio de las variables imputadas entre las iteraciones.



1.3.18 Imputación por regresión logística

Una opción popular para imputar variables binarias es la regresión logística. Desafortunadamente, no hay una función similar a impute_lm() que lo haga. Por eso crearemos una función para ello.

Llamemos a la función impute_logreg(). Su primer argumento será un data frame df, cuyos valores faltantes se han inicializado y solo contiene valores faltantes en la columna a imputar. El segundo argumento será una fórmula para el modelo de regresión logística.

La función hará lo siguiente:

- 1. Mantendrá las ubicaciones de los valores faltantes.
- 2. Construirá el modelo.
- 3. Realizará predicciones.
- 4. Reemplazará los valores faltantes con las predicciones.

No te preocupes por la línea que crea imp_var - esto es solo una forma de extraer el nombre de la columna a imputar de la fórmula.

```
impute_logreg <- function(df, formula) {
    # Extrae el nombre de la variable respuesta
    imp_var <- as.character(formula[2])

# Guarda los lugares donde la respuesta es missing
    missing_imp_var <- is.na(df[imp_var])

# Ajusta una regresion del modo logistica
    logreg_model <- glm(formula, data = df, family = binomial)

# Predice la respuesta y la convierte Os y 1s
    preds <- predict(logreg_model, type = "response")
    preds <- ifelse(preds >= 0.5, 1, 0)

# Imputa los valores missing con las predicciones
    df[missing_imp_var, imp_var] <- preds[missing_imp_var]
    return(df)
}</pre>
```

La función está completamente operativa y se puede enchufar en el bucle sobre las variables que viste en la sección previa, al igual que impute_lm() del paquete simputation. Pronto, combinaremos estos dos para imputar tanto variables continuas como binarias. Pero antes, mejoraremos impute_logreg() para que reproduzca mejor la variabilidad en los datos imputados.

1.3.19 Crear una distribución condicional

Simplemente llamar a predict() en un modelo siempre devolverá el mismo valor para los mismos valores de los predictores. Esto da como resultado una pequeña variabilidad en los datos imputados. Para aumentarla y que la imputación replique la variabilidad de los datos originales, que podemos extraer de la distribución condicional. Esto significa que en lugar de siempre predecir 1 cuando el modelo devuelve una probabilidad mayor que 0.5, podemos extraer la predicción de una distribución binomial descrita por la probabilidad devuelta por el modelo.

Trabajaremos en el código del ejercicio anterior. La siguiente línea fue eliminada:

```
preds <- ifelse(preds >= 0.5, 1, 0)
```

Nuestra tarea es llenar su lugar con la creación de una distribución binomial.

```
impute_logreg <- function(df, formula) {
    # Extrae el nombre de la variable respuesta
    imp_var <- as.character(formula[2])
    # Guarda las posiciones donde la respuesta es missing
    missing_imp_var <- is.na(df[imp_var])
    # Ajusta una regresion del modo logistico
    logreg_model <- glm(formula, data = df, family = binomial)
    # Predice la respuesta
    preds <- predict(logreg_model, type = "response")
    # Toma una muestra de las predicciones de la distribución binomial
    # preds <- ifelse(preds >= 0.5, 1, 0)
    preds <- rbinom(length(preds), size = 1, prob = preds)
    # Imputa los valores missing con las predicciones
    df [missing_imp_var, imp_var] <- preds[missing_imp_var]
    return(df)
}</pre>
```

Crear la distribución condicional hará que la variabilidad de los datos imputados sea mucho parecida a la del conjunto de datos observados originales. Con esta potente función en nuestras manos, ahora podemos diseñar un flujo de imputación basado en modelos que se encargue tanto de variables continuas como binarias.

1.3.20 Imputación basada en modelos con varios tipos de variables

En este ejercicio, combinaremos lo que hemos aplicado hasta ahora sobre imputación basada en modelos para imputar diferentes tipos de variables en los datos de tao.

Nuestra tarea es iterar sobre las variables como lo hemos hecho previamente e imputar dos variables:

is_hot, una nueva variable binaria que se creó a partir de air_temp, que es 1 si air_temp está a 26 grados o más y 0 de lo contrario; humidity, una variable continua con la que ya estamos familiarizados.

Tendremos que utilizar la función de regresión lineal que aprendimos antes, así como la función para la regresión logística.

```
tao$is_hot<-ifelse(tao$air_temp>= 26, 1,0)

# Inicializamos los valores missing con hot-deck
tao_imp <- hotdeck(tao)

# Creamos el indicador booleano desde donde is_hot y humidity son missing
missing_is_hot <- tao_imp$is_hot_imp
missing_humidity <- tao_imp$humidity_imp

for (i in 1:3) {
    # Define is_hot como NA en los lugares donde fue originalmente missing y re-imputa
    tao_imp$is_hot[missing_is_hot] <- NA
    tao_imp <- impute_logreg(tao_imp, is_hot ~ sea_surface_temp)
    # Define humidity como NA en los lugares donde fue originalmente missing y re-imputa
    tao_imp$humidity[missing_humidity] <- NA
    tao_imp$humidity[missing_humidity] <- NA
    tao_imp <- impute_lm(tao_imp, humidity ~ sea_surface_temp + air_temp)
}</pre>
```

1.3.21 Imputación con bosques aleatorios

Un enfoque de aprendizaje automático para la imputación puede ser más preciso y más fácil de implementar en comparación con modelos estadísticos tradicionales. Primero, no requiere que especifiques relaciones entre variables. Además, los modelos de aprendizaje automático como los *random forest* son capaces de descubrir relaciones altamente complejas y no lineales y explotarlas para predecir valores faltantes.

En este ejercicio, usaremos el paquete missForest, que construye un bosque aleatorio separado para predecir valores faltantes para cada variable, uno por uno. Llamaremos a la función de imputación sobre los datos de películas, biopics, con los que hemos trabajado anteriormente y luego extraeremos los datos completos, así como los errores de imputación estimados.

```
# leemos nuevamente los datos
biopics <-read.csv("curso_imputacion/biopics.csv")
# cargamos la libreria
library(missForest)

# trasformación de character a factor
biopics <- type.convert(biopics, as.is=FALSE)

# imputa los datos de biopics usando missForest
imp_res <- missForest(biopics)

# Extrae los datos imputados y revisa por valores missing
imp_data <- imp_res$ximp
print(sum(is.na(imp_data)))</pre>
```

```
## [1] 0
```

```
# Extrae e imprime los errores de imputacion
imp_err <- imp_res$00Berror
print(imp_err)</pre>
```

```
## NRMSE PFC
## 0.02039904 0.04565603
```

En el ejercicio anterior hemos extraído los errores de imputación estimados a partir de la salida de missForest. Esto te dio dos números:

el error cuadrático medio raíz normalizado (NRMSE) para todas las variables continuas; la proporción de entradas falsamente clasificadas (PFC) para todas las variables categóricas.

Sin embargo, podría darse el caso de que el modelo de imputación funcione muy bien para una variable continua y muy mal para otra. Para diagnosticar tales casos, basta con decirle a missForest que produzca estimaciones de error por variable. Esto se hace estableciendo el argumento variablewise en TRUE.

```
# Imputa los datos de biopics con missForest calculando los errores por variable
imp_res <- missForest(biopics, variablewise = TRUE)</pre>
# Extrae e imprime los errores de imputacion
per_variable_errors <- imp_res$00Berror</pre>
print(per_variable_errors)
##
            PFC
                                       MSE
                                                     MSE
                                                                   PFC
                                                                                 PFC
                          MSE
##
      0.000000
                    0.0000000 1356.5367508
                                               0.000000
                                                             0.0000000
                                                                          0.1719858
##
            MSE
                          PFC
##
      0.000000
                    0.000000
# Renombra las columnas para incluir el nombre de las variables
names(per_variable_errors) <- paste(names(biopics),</pre>
                                     names(per_variable_errors),
                                      sep = " ")
# Imprime los errores renombrados
print(per_variable_errors)
     country_PFC
                      year MSE
                                 earnings_MSE
                                                 sub_num_MSE sub_type_PFC
##
##
       0.000000
                      0.0000000
                                 1356.5367508
                                                   0.0000000
                                                                  0.0000000
    sub_race_PFC non_white_MSE
                                  sub_sex_PFC
##
                      0.000000
                                    0.0000000
##
       0.1719858
```

Observa cómo produjimos una serie de medidas de error en lugar de las dos por defecto que habiamos visto antes. Ahora podemos evaluar la calidad de imputación para cada variable por separado. Esto es útil cuando necesitamos saber cómo se desempeña el modelo para una variable en particular que deseamos modelar o analizar más a fondo.

1.3.22 Trade-off velocidad-precisión

En este sentido existen dos paramétros que podemos ajustar para influir en el rendimiento de los bosques aleatorios (random forest):

. Número de árboles de decisión en cada bosque. . Número de variables utilizadas para la división dentro de los árboles de decisión.

Aumentar cada uno de ellos puede mejorar la precisión del modelo de imputación, pero también requerirá más tiempo para ejecutarse. En este ejercicio, exploraremos estas ideas ajustando missForest() a los datos

de biopics dos veces con diferentes configuraciones. Mientras seguimos estos pasos, pongamos atención a los errores que imprimiremos y al tiempo que tomará la ejecución del código.

```
# Determina el tiempo inicial del primer enfoque
t <- proc.time()
# Define el numero de arboles a 5 y el numero de variables usadas para dividir en 2
imp_res <- missForest(biopics, mtry = 2, ntree = 5)</pre>
tiempo1<-proc.time() - t</pre>
# Imprime los resultados de los errores de la imputacion
print(imp_res$00Berror)
##
        NRMSE
                     PFC
## 0.02424906 0.08053360
# Determina el tiempo inicial del segundo enfoque
t <- proc.time()
# Define el numero de arboles a 50 y el numero de variables usadas para dividir en 6
imp_res <- missForest(biopics, mtry = 6, ntree = 50)</pre>
tiempo2<-proc.time() - t
# Imprime los errores resultantes de la imputacion
print(imp_res$00Berror)
##
        NRMSE
                      PFC
## 0.02138087 0.04654255
```

Compara los errores y los tiempos de ejecución de los dos modelos de imputación. ¿Puedes ver una relación? Como dicen, "no hay nada gratuito". Para obtener una imputación más precisa, tuvimos que invertir más tiempo de computación.

```
tiempo1
##
      user
            system elapsed
##
      0.09
               0.00
                       0.10
tiempo2
            system elapsed
##
      user
##
      2.89
               0.05
                       2.94
```

1.3.23 La imputación y el modelado en una función

Siempre que realice cualquier análisis o modelado en datos imputados, debe tener en cuenta la incertidumbre de la imputación. Ejecutar un modelo en un conjunto de datos imputados, se ignora el hecho de que la imputación estima los valores faltantes con incertidumbre. Los errores estándar de dicho modelo tienden a ser demasiado pequeños. La solución a esto es la imputación múltiple y una forma de implementarla es mediante bootstrap.

Trabajaremos con los datos biopics. El objetivo es utilizar la imputación múltiple mediante bootstrap y la regresión lineal para ver si, en función de los datos disponibles, las películas biográficas con mujeres ganan menos que las de hombres.

Comencemos escribiendo una función que construya una muestra de bootstrap, la impute y ajuste un modelo de regresión lineal.

```
calc_gender_coef <- function(data, indices) {
    # Obtener una muestra bootstrap
    data_boot <- data[indices, ]
    # Imputa con imputacion kNN</pre>
```

```
data_imp <- kNN(data_boot, k = 5)
# Ajusta una regresion lineal
linear_model <- lm(earnings ~ sub_sex + sub_type + year, data = data_imp)
# Extrae y calcula coeficiente para gender
gender_coefficient <- coef(linear_model)[2]
return(gender_coefficient)
}</pre>
```

La función calc_gender_coef() toma los datos y los índices de bootstrap como entradas, y produce nuestra estadística de interés: el impacto del género en las ganancias de la regresión lineal. Ahora podemos usar esta función en el algoritmo de bootstrapping.

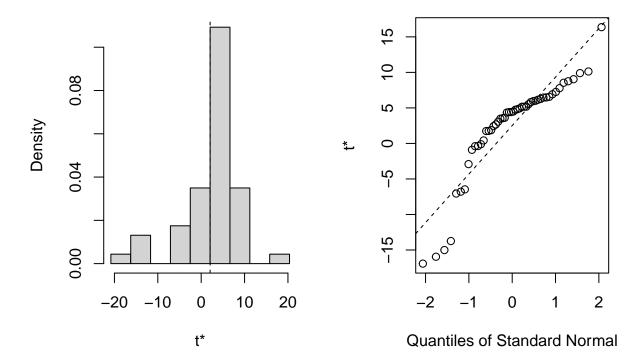
1.3.24 Ejecutando bootstrap

Esta función crea una muestra de bootstrap, la imputa y produce el coeficiente de regresión lineal que describe el impacto de que el tema de la película sea femenino en las ganancias de la película.

En este ejercicio, usarás el paquete boot para obtener una distribución de bootstrap de estos coeficientes. La propagación de esta distribución capturará la incertidumbre de la imputación. También verás cómo la distribución de bootstrap difiere de una imputación y regresión.

```
# Carga la libreria boot
library(boot)
# Ejecuta bootstrap sobre los datos biopics
boot_results <- boot(biopics, statistic = calc_gender_coef, R = 50)</pre>
# Imprime y grafica los resultados del bootstrapping
print(boot_results)
## ORDINARY NONPARAMETRIC BOOTSTRAP
##
##
## Call:
## boot(data = biopics, statistic = calc gender coef, R = 50)
##
##
## Bootstrap Statistics :
##
       original
                   bias
                            std. error
## t1* 2.060346 0.4512541
                              6.828914
plot(boot_results)
```

Histogram of t



Si hubieramos ejecutado la imputación kNN y el análisis de regresión en los datos de biopics solo una vez, habríamos obtenido un coeficiente de -1.45 para las películas sobre mujeres (llamado "original" en la salida de la consola), lo que sugiere que las películas sobre mujeres ganan menos. Sin embargo, al corregir la incertidumbre de la imputación, hemos obtenido una distribución que cubre tanto valores negativos como positivos.

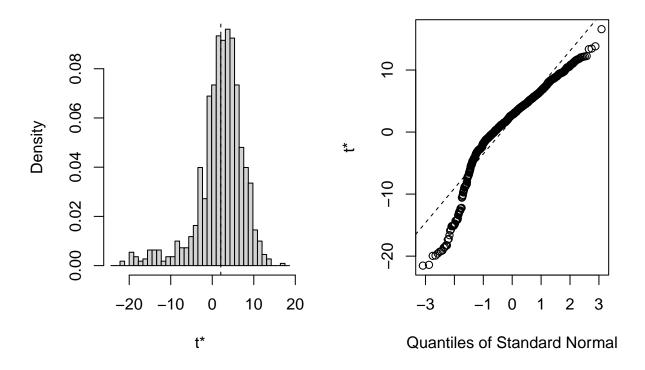
1.3.25 Bootstrapping para intervalos de confianza

Después de haber generado la distribución del coeficiente del efecto femenino en el último ejercicio, ahora podemos usarla para estimar un intervalo de confianza. Esto permitirá hacer la siguiente evaluación sobre los datos: "Dada la incertidumbre de la imputación, estamos 95% seguros de que el efecto femenino en las ganancias se encuentra entre a y b", donde a y b son los límites inferior y superior del intervalo.

En el último ejercicio, ejecutamos la técnica de bootstrapping con R = 50 réplicas. Sin embargo, en la mayoría de las aplicaciones esto no es suficiente. En este ejercicio, puedes utilizar los boot_results que se prepararon utilizando 1000 réplicas. Primero, verás si la distribución de bootstrapping parece normal. Si es así, entonces podrás confiar en la distribución normal para calcular el intervalo de confianza.

```
# Ejecuta bootstrap sobre los datos biopics y mide el tiempo de ejecucion
boot_results <- boot(biopics, statistic = calc_gender_coef, R = 1000)
# Plot and print boot_results
plot(boot_results)</pre>
```

Histogram of t



```
print(boot_results)
##
## ORDINARY NONPARAMETRIC BOOTSTRAP
##
##
## Call:
## boot(data = biopics, statistic = calc_gender_coef, R = 1000)
##
##
## Bootstrap Statistics :
       original
                     bias
                              std. error
## t1* 2.060346 -0.04651124
                                5.542859
# Calculate and print confidence interval
boot_ci <- boot.ci(boot_results, conf = 0.95, type = "norm")</pre>
print(boot_ci)
## BOOTSTRAP CONFIDENCE INTERVAL CALCULATIONS
## Based on 1000 bootstrap replicates
##
## boot.ci(boot.out = boot_results, conf = 0.95, type = "norm")
## Intervals :
## Level
              Normal
## 95%
         (-8.757, 12.971)
```

Calculations and Intervals on Original Scale

A pesar de que la tendencia general parece ser una relación negativa, las réplicas de bootstrap muestran que algunas películas con protagonistas femeninas en realidad ganan más. Al tener en cuenta la incertidumbre de la imputación, no se puede estar al 100% seguro acerca de la dirección de esta relación, aunque un análisis único sugiera lo contrario.

1.3.26 El flujo de MICE: mice - with - pool

##

##

##

##

##

##

##

##

3

3

3

3

4

4

4

2

3

4

5

1

2

3

earnings

earnings

earnings

earnings

earnings

earnings

earnings

earnings

sub_race

sub_race

sub_race

sub_race

sub_race

sub_race

sub_race

sub_race

El flujo de MICE (imputación múltiple por ecuaciones encadenadas) nos permite estimar la incertidumbre de la imputación mediante la imputación de un conjunto de datos varias veces mediante la imputación basada en modelos, mientras se extrae de las distribuciones condicionales. De esta manera, cada conjunto de datos imputados es ligeramente diferente. Luego, se realiza un análisis en cada uno de ellos y se combinan los resultados, obteniendo las cantidades de interés junto con sus intervalos de confianza que reflejan la incertidumbre de la imputación.

En este ejercicio, practicaremos el flujo típico de la imputación con MICE: mice() - with() - pool(). Realizaremos un análisis de regresión en los datos de biopics para ver qué tipo de ocupación de sujeto, sub_type, está asociada con mayores ingresos en las películas.

```
# Carqa el paquete mice
library(mice)
##
## Attaching package: 'mice'
  The following object is masked from 'package:stats':
##
##
##
       filter
##
  The following objects are masked from 'package:base':
##
##
       cbind, rbind
# Imputa biopics con mice usando 5 imputaciones
biopics_multiimp <- mice(biopics, m = 5, seed = 3108)
##
##
    iter imp variable
##
     1
            earnings
                       sub_race
##
         2
     1
            earnings
                       sub_race
##
     1
         3
            earnings
                       sub_race
##
         4
     1
            earnings
                       sub_race
##
     1
         5
            earnings
                       sub race
##
     2
            earnings
                      sub_race
         1
##
     2
         2
            earnings
                       sub race
##
     2
         3
            earnings
                       sub_race
     2
            earnings
                       sub race
##
##
     2
                       sub_race
         5
            earnings
##
     3
         1
            earnings
                       sub race
```

```
##
     4
         5 earnings
                       sub_race
##
     5
         1
                      sub_race
            earnings
##
            earnings
                       sub race
##
     5
            earnings
                      sub_race
##
     5
            earnings
                       sub race
##
     5
            earnings
                      sub race
## Warning: Number of logged events: 50
# Ajusta una regresion lineal para cada set de datos imputados
lm_multiimp <- with(biopics_multiimp, lm(earnings ~ year + sub_type))</pre>
# Combina las estimaciones por las reglas de Rubin (pool)
lm_pooled <- pool(lm_multiimp)</pre>
summary(lm_pooled, conf.int = TRUE, conf.level = 0.95)
##
                                                     std.error
                                                                  statistic
                                 term
                                           estimate
## 1
                          (Intercept) -287.8866750 490.062824 -0.58744851
## 2
                                 year
                                          0.1612176
                                                      0.239277
                                                                0.67376974
##
   3
      sub_typeAcademic (Philosopher)
                                        -32.8423364
                                                     39.593926 -0.82947915
##
  4
                     sub_typeActivist
                                        -17.4281787
                                                     16.052579 -1.08569339
## 5
                        sub_typeActor
                                        -30.7740287
                                                     19.378762 -1.58802862
## 6
                                        -27.3033456
                                                     21.249448 -1.28489670
                      sub_typeActress
## 7
          sub_typeActress / activist
                                        16.0962907
                                                     39.192849
                                                                0.41069458
                                        -27.4779956
## 8
                       sub_typeArtist
                                                     18.148136 -1.51409465
## 9
                      sub_typeAthlete
                                        -4.2336944
                                                     12.503822 -0.33859202
## 10
          sub_typeAthlete / military
                                        79.1943734
                                                     38.055447
                                                                 2.08102595
## 11
                       sub_typeAuthor
                                        -23.6540827
                                                     18.471621 -1.28056347
## 12
               sub_typeAuthor (poet)
                                        -23.4506193
                                                     19.985477 -1.17338304
## 13
                     sub_typeComedian
                                        -22.9330598
                                                     21.576033 -1.06289508
## 14
                     sub_typeCriminal
                                         -2.6478096
                                                     16.754147 -0.15803906
## 15
                   sub_typeGovernment
                                        -5.0221576
                                                     21.879188 -0.22954040
## 16
                   sub_typeHistorical
                                        -9.3734433
                                                     19.183957 -0.48860845
## 17
                  sub_typeJournalist
                                        -26.5071032
                                                     29.005345 -0.91386960
## 18
                        sub_typeMedia
                                        -11.5302020
                                                     26.461566 -0.43573393
## 19
                     sub_typeMedicine
                                         4.7788761
                                                     15.006237
                                                                 0.31845932
## 20
                                         10.9417685
                                                     19.325322
                                                                 0.56618816
                     sub_typeMilitary
## 21
         sub_typeMilitary / activist
                                        37.2248141
                                                     39.752579
                                                                0.93641257
## 22
                                                     17.320867 -1.14273611
                     sub_typeMusician
                                        -19.7931797
## 23
                        sub typeOther
                                        -15.5895605
                                                     16.044509 -0.97164460
## 24
                  sub typePolitician
                                       -13.6751859
                                                     39.752579 -0.34400752
                                                                 0.03742298
## 25
                       sub_typeSinger
                                          0.6677979
                                                     17.844592
## 26
                      sub_typeTeacher
                                         51.1575084
                                                     39.268925
                                                                 1.30274786
## 27
                sub_typeWorld leader
                                          5.9976436
                                                     16.882980
                                                                0.35524793
##
                                    2.5 %
                                                 97.5 %
              df
                     p.value
## 1
        3.983993 0.58858265
                             -1650.677928 1074.9045785
##
   2
        4.030421 0.53712441
                                -0.501149
                                              0.8235843
##
  3
      139.785256 0.40824758
                              -111.122704
                                             45.4380311
## 4
       10.576004 0.30174143
                               -52.933253
                                             18.0768961
## 5
       10.847500 0.14097812
                               -73.499669
                                             11.9516115
##
                                             21.8317642
  6
        7.876739 0.23532207
                               -76.438456
##
      169.869958 0.68181408
                               -61.271473
                                             93.4640548
##
  8
        8.280382 0.16719720
                               -69.082290
                                             14.1262992
       15.246283 0.73953513
                               -30.847513
                                             22.3801244
## 10 336.810947 0.03818668
                                 4.338081
                                            154.0506662
```

```
## 11
        7.047583 0.24087818
                               -67.272814
                                             19.9646489
       10.612273 0.26630514
  12
                               -67.635233
                                             20.7339945
       16.686775 0.30297041
##
                               -68.519689
                                             22.6535693
        7.275709 0.87872330
                               -41.962758
##
  14
                                            36.6671385
##
   15
       81.573759 0.81902349
                               -48.550237
                                             38.5059216
                               -55.998343
##
   16
        6.172715 0.64199292
                                            37.2514567
                               -83.970362
  17 113.284343 0.36272632
                                             30.9561559
## 18
        6.128774 0.67795894
                               -75.950965
                                             52.8905609
##
  19 247.938063 0.75040464
                               -24.777080
                                             34.3348320
##
  20
        6.645835 0.58986247
                               -35.253693
                                             57.1372305
  21 130.043524 0.35079655
                               -41.420661
                                            115.8702894
                               -60.754913
##
  22
        6.996299 0.29074124
                                             21.1685537
##
  23
        7.168854 0.36286255
                               -53.348394
                                             22,1692725
  24 130.043524 0.73139625
                               -92.320661
                                             64.9702894
       10.377953 0.97085786
                               -38.897026
                                             40.2326216
## 25
## 26 163.415623 0.19449369
                               -26.382404
                                            128.6974204
       14.000056 0.72769899
                               -30.212733
                                             42.2080205
```

En este caso, hemos seguido el flujo "mice-with-pool" para imputar, modelar y agrupar los resultados. Ahora, echemos un vistazo a la salida en la consola: algunos sub_types tienen un impacto positivo en las ganancias. Sin embargo, al tener en cuenta la incertidumbre de la imputación con una confianza del 95%, nunca estamos seguros de estos efectos, ya que los límites inferiores son negativos. Con una excepción: para sub_typeAthlete / military, tanto los límites inferiores como los superiores son positivos. Lo que podemos decir con seguridad es que las películas sobre atletas militares son populares.

1.3.26.1 Selección de modelos por defecto MICE crea un modelo de imputación separado para cada variable en los datos. El tipo de modelo depende del tipo de variable en cuestión. Una forma popular de especificar los tipos de modelos que queremos usar es establecer un modelo predeterminado para cada uno de los cuatro tipos de variables.

Podemos hacer esto usando el argumento defaultMethod en la función mice(), que debe ser un vector de longitud 4 que contenga los métodos de imputación predeterminados para:

Variables continuas, Variables binarias, Variables categóricas (factores no ordenados), Variables factoriales (factores ordenados).

En este caso, aprovecharemos la documentación de mice para ver la lista de métodos disponibles y seleccionar los deseados para que el algoritmo los use.

```
##
##
    iter imp variable
##
     1
         1
            earnings
                       sub_race
##
     1
         2
             earnings
                       sub_race
         3
##
     1
            earnings
                       sub_race
##
     1
         4
            earnings
                       sub_race
##
     1
         5
             earnings
                       sub_race
##
     1
         6
                       sub race
            earnings
##
     1
         7
             earnings
                       sub race
##
     1
         8
            earnings
                       sub_race
##
     1
         9
             earnings
                       sub race
##
     1
         10
             earnings sub_race
##
     1
         11
              earnings
                        sub_race
##
     1
              earnings sub_race
         12
```

```
earnings sub_race
##
     1
         13
##
     1
             earnings sub_race
         14
             earnings
##
     1
                       sub race
##
            earnings sub_race
     1
         16
##
     1
         17
             earnings
                       sub race
##
     1
         18
            earnings sub race
##
     1
            earnings sub race
         19
##
         20 earnings sub_race
     1
##
     2
         1 earnings
                      sub race
         2 earnings
##
     2
                      sub_race
##
     2
         3 earnings
                      sub_race
##
     2
         4 earnings
                      sub_race
##
     2
         5 earnings
                      sub_race
##
     2
           earnings
                      sub_race
##
     2
         7 earnings
                      sub_race
     2
##
         8
           earnings
                      sub_race
##
     2
         9
            earnings
                      sub_race
##
     2
         10 earnings sub race
##
     2
            earnings sub_race
         11
     2
##
             earnings
                       sub race
##
     2
         13
             earnings sub_race
##
     2
            earnings
                       sub_race
##
     2
            earnings sub_race
         15
##
     2
         16
            earnings
                       sub race
##
     2
            earnings
                       sub_race
         17
##
     2
         18 earnings
                       sub race
##
     2
         19 earnings sub_race
##
     2
         20 earnings
                      sub_race
##
     3
         1 earnings
                      sub_race
##
     3
         2 earnings
                      sub_race
##
     3
         3 earnings
                      sub_race
##
     3
         4 earnings
                      sub_race
##
     3
         5 earnings
                      sub_race
##
     3
         6 earnings
                      sub_race
##
     3
         7
            earnings
                      sub race
##
     3
            earnings
                      sub_race
         8
##
     3
            earnings
                      sub race
##
     3
         10 earnings sub_race
     3
##
         11
            earnings
                       sub_race
##
     3
            earnings
         12
                       sub_race
##
     3
         13 earnings
                      sub race
##
     3
         14 earnings sub_race
##
     3
            earnings
                       sub race
         15
##
     3
         16 earnings
                       sub_race
##
     3
            earnings
                       sub_race
         17
##
     3
         18 earnings
                       sub_race
##
     3
         19
            earnings
                       sub_race
##
     3
         20 earnings
                      sub_race
##
     4
         1
            earnings
                      sub_race
##
     4
         2
            earnings
                      sub_race
##
     4
         3
            earnings
                      sub_race
##
     4
         4
            earnings
                      sub_race
##
     4
         5
            earnings
                      sub_race
##
     4
         6
            earnings
                     sub race
```

```
##
         7 earnings sub_race
##
     4
         8 earnings sub_race
##
         9 earnings sub race
##
         10 earnings sub_race
##
     4
            earnings sub_race
##
     4
            earnings sub race
##
            earnings sub race
##
     4
         14 earnings sub_race
##
     4
         15 earnings sub_race
##
         16 earnings sub_race
##
         17 earnings sub_race
##
     4
         18 earnings sub_race
     4
##
         19 earnings sub_race
##
     4
         20 earnings sub_race
##
     5
         1 earnings sub_race
##
     5
         2 earnings
                      sub_race
##
     5
         3 earnings
                      sub_race
     5
##
         4 earnings
                      sub race
##
     5
         5 earnings sub_race
     5
##
         6 earnings
                     sub race
##
     5
        7 earnings sub_race
##
            earnings sub_race
##
            earnings sub_race
     5
##
     5
         10 earnings sub race
##
     5
            earnings sub_race
         11
         12 earnings sub_race
##
     5
##
     5
         13 earnings sub_race
##
     5
         14 earnings sub_race
##
     5
         15 earnings sub_race
##
     5
         16 earnings sub_race
##
     5
         17 earnings sub_race
##
     5
         18
            earnings
                       sub_race
##
     5
             earnings
                       sub_race
##
     5
         20 earnings sub_race
## Warning: Number of logged events: 200
# Imprime biopics_multiimp
print(biopics_multiimp)
## Class: mids
## Number of multiple imputations:
## Imputation methods:
##
     country
                        earnings
                                   sub_num sub_type
                                                      sub_race non_white
                                                                            sub_sex
                  year
                          "cart"
                                                          "pmm"
## PredictorMatrix:
            country year earnings sub_num sub_type sub_race non_white sub_sex
## country
                  0
                                1
                                        1
                                                 1
## year
                  1
                       0
                                1
                                        1
                                                 1
                                                          1
                                                                     1
                                                                             1
## earnings
                  1
                       1
                                0
                                        1
                                                 1
                                                          1
                                                                     1
                                                                             1
                                        0
                                                                    1
                                                                             1
## sub_num
                  1
                       1
                                1
                                                 1
                                                          1
## sub_type
                  1
                                        1
                                                 0
                                                                    1
                                                                             1
                                        1
                                                                             1
## sub_race
                  1
                       1
                                1
## Number of logged events:
##
    it im
                dep meth
                                                    out
```

La capacidad de especificar modelos de imputación puede resultar útil cuando se observa que algunos métodos específicos no funcionan bien. Otro factor que influye en cómo funcionan los métodos de imputación es el conjunto de predictores que utilizan. En el siguiente ejercicio, veremos cómo establecer estos predictores.

1.3.26.2 Usando una matriz predictora Se trata de tomar decisiones importantes cuando se utiliza la imputación basada en modelos, como por ejemplo, qué variables deben incluirse como predictores y en qué modelos. En mice(), esto se rige por la matriz de predictores y, por defecto, todas las variables se utilizan para imputar todas las demás.

En caso de tener muchas variables en los datos o poco tiempo para realizar una selección adecuada del modelo, puede utilizar la funcionalidad de mice para crear una matriz de predictores basada en las correlaciones entre las variables. Esta matriz se puede incorporar a mice(). En este ejercicio, practicaremos exactamente esto: primero construiremos una matriz de predictores de modo que cada variable se imputa utilizando las variables más correlacionadas con ella; luego, usará una matriz de predictores con la función de imputación.

```
##
##
    iter imp variable
##
     1
            earnings
                       sub_race
##
     1
         2
             earnings
                       sub race
##
     1
         3
             earnings
                       sub_race
##
     1
            earnings
                       sub race
##
         5
             earnings
                       sub_race
     1
         6
##
     1
             earnings
                       sub_race
##
     1
         7
             earnings
                       sub race
##
     1
         8
             earnings
                       sub race
##
     1
         9
             earnings
                       sub_race
##
     1
         10
             earnings
                        sub_race
     2
##
            earnings
         1
                       sub_race
     2
##
         2
             earnings
                       sub_race
     2
         3
##
             earnings
                       sub_race
##
     2
         4
             earnings
                       sub_race
##
     2
         5
            earnings
                       sub_race
##
     2
         6
             earnings
                       sub_race
     2
##
         7
             earnings
                       sub_race
##
     2
         8
             earnings
                       sub_race
     2
##
         9
             earnings
                       sub race
     2
##
         10
              earnings sub_race
##
     3
         1
             earnings
                       sub race
##
     3
         2
                       sub_race
             earnings
##
     3
            earnings
                       sub_race
```

```
##
    3
        4 earnings sub_race
##
    3
        5 earnings sub_race
##
    3
        6 earnings sub race
##
    3
        7 earnings sub_race
##
    3
        8
           earnings sub_race
    3
           earnings sub race
##
        9
    3
        10 earnings sub race
##
        1 earnings sub_race
##
    4
##
    4
        2 earnings sub race
##
    4
        3 earnings
                     sub_race
##
    4
        4 earnings
                     sub_race
        5 earnings
##
    4
                     sub_race
##
    4
        6 earnings sub_race
        7
##
    4
           earnings sub_race
##
    4
           earnings sub_race
        8
##
    4
        9
           earnings sub_race
    4
##
        10 earnings sub_race
##
    5
           earnings sub race
##
    5
        2 earnings sub_race
##
    5
        3
           earnings sub race
##
    5
        4 earnings sub_race
##
    5
        5 earnings sub_race
        6 earnings sub_race
##
    5
    5
        7
           earnings sub race
##
    5
##
        8 earnings sub_race
##
    5
        9 earnings sub_race
##
    5
        10 earnings sub_race
## Warning: Number of logged events: 50
# Imprime biopics_multiimp
# print(biopics_multiimp)
```

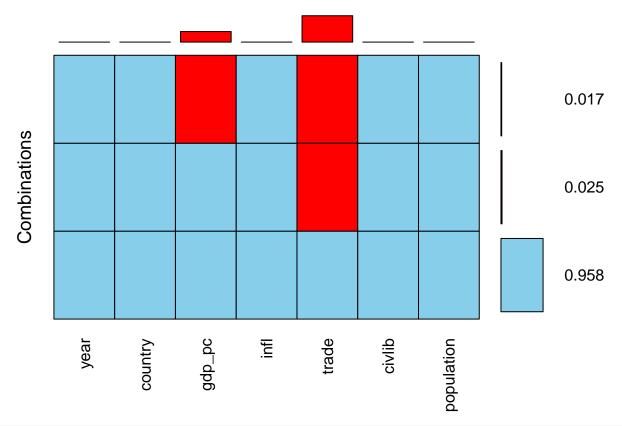
1.3.27 Analizando los patrones de datos faltantes

El primer paso para trabajar con datos incompletos es obtener información sobre los patrones de ausencia de datos, y una buena manera de hacerlo es mediante visualizaciones. Comenzarás tu análisis de los datos de África empleando el paquete VIM para crear dos visualizaciones: el gráfico de agregación y el gráfico de Mosaico. Te dirán cuántos datos faltan, en qué variables y configuraciones, y si podemos decir algo sobre el mecanismo de ausencia de datos. ¡Comencemos con algunas gráficas!

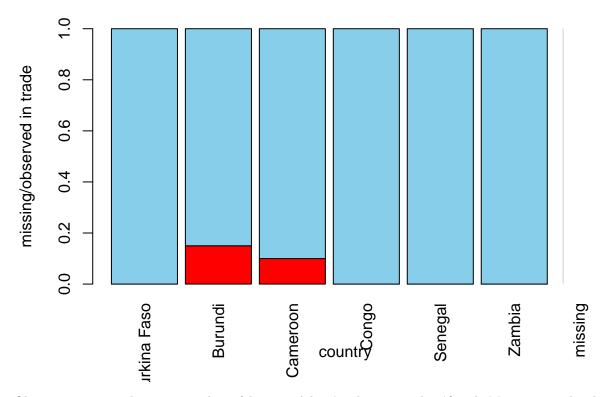
```
africa <- read.csv("handing/africa.csv", sep = ";")

# carga el paquete VIM
library(VIM)

# Crea un grafico de agregación combinada del set de datos africa
africa %>%
   aggr(combined = TRUE, numbers = TRUE)
```



Crea un grafico spine plot de pais vs trade
africa %>%
 select(country, trade) %>%
 spineMiss()



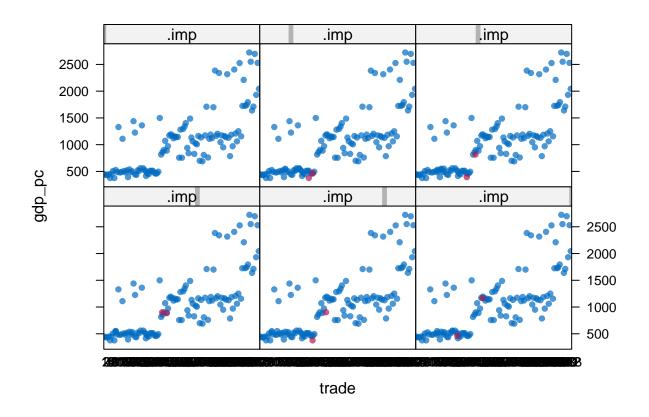
Observamos que no hay tantos valores faltantes. Además, observe en el gráfico de Mosaico para los datos de africa parecen ser MAR - al menos con respecto al PIB y al país, lo que significa que se pueden imputar.

1.3.28 Imputando e inspeccionando resultados

Hemos descubierto que hay algunos datos faltantes en el PIB, gdp_pc, y en trade como porcentaje del PIB. Además, se sospecha que los datos son MAR, por lo que es posible que sean imputados. En este caso, haremos uso de la imputación múltiple del paquete mice para imputar los datos de africa. Luego, crearemos un gráfico para gdp_pc vs trade para ver si los datos imputados no rompen la relación entre estas variables.

```
# Carga mice
library(mice)
# Imputa africa con mice
africa_multiimp <- mice(africa, m = 5, defaultMethod = "cart", seed = 3108)
##
##
    iter imp variable
##
            gdp_pc
     1
         1
                     trade
##
     1
         2
             gdp_pc
                     trade
##
     1
         3
             gdp_pc
                     trade
         4
##
     1
             gdp_pc
                     trade
##
     1
         5
            gdp_pc
                     trade
     2
##
                     trade
             gdp_pc
##
     2
         2
             gdp_pc
                     trade
     2
##
             gdp_pc
                     trade
##
     2
            gdp_pc
                     trade
```

```
##
     2
                     trade
            gdp_pc
##
     3
         1
            gdp_pc
                     trade
     3
##
            gdp_pc
                     trade
     3
         3
##
            gdp_pc
                     trade
     3
##
         4
            gdp_pc
                     trade
##
     3
         5
                     trade
##
     4
         1
            gdp_pc
                     trade
     4
         2
##
            gdp_pc
                     trade
##
     4
         3
            gdp_pc
                     trade
##
     4
            gdp_pc
                     trade
##
     4
            gdp_pc
                     trade
     5
##
         1
            gdp_pc
                     trade
     5
         2
##
            gdp_pc
                     trade
     5
##
            gdp_pc
                     trade
##
     5
            gdp_pc
                     trade
     5
##
         5
            gdp_pc
                     trade
## Warning: Number of logged events: 1
# Crea un stripplot of gdp_pc versus trade
stripplot(africa_multiimp, gdp_pc ~ trade | .imp, pch = 20, cex = 1)
```



Se observa que la imputación funciona bien: hay pequeños grupos en los gráficos de dispersión, que probablemente corresponden a diferentes países. Cada punto de datos imputado encaja en uno de los grupos, en lugar de ser un valor atípico en algún lugar entre los grupos. Después de haber realizado la imputación, podemos proceder con el modelado.

1.3.28.1 Inferencia con datos imputados En este último caso, hemos utilizado mice para imputar los datos de africa. En este, implementaremos los otros dos pasos del flujo de "mice - with - pool" que hemos usado anteriormente. El modelo de interés es una regresión lineal que explica el PIB, gdp_pc, con otras variables. Nos interesa particularmente el coeficiente de libertades civiles, civlib. ¿Está asociado tener valores más altos en civlib en función a un mayor crecimiento económico una vez que incorporamos la incertidumbre de la imputación?

```
# Ajusta im regresion lineal a cada data set imputado
lm_multiimp <- with(africa_multiimp, lm(gdp_pc ~ country + year + trade + infl + civlib))</pre>
# Combina las estimaciones por las reglas de Rubin (pool)
lm_pooled <- pool(lm_multiimp)</pre>
# Summarize pooled results
summary(lm_pooled, conf.int = TRUE, conf.level = 0.9)
##
                  term
                            estimate
                                        std.error
                                                   statistic
                                                                     df
                                                                              p.value
## 1
          (Intercept) -31703.576601 6031.455164 -5.2563728
                                                               92.53952 9.387968e-07
##
  2
       countryBurundi
                           63.739453
                                        65.610134
                                                   0.9714879 103.18378 3.335772e-01
## 3
      countryCameroon
                          622.343351
                                        66.226798
                                                   9.3971530
                                                               56.28736 3.941785e-13
         countryCongo
## 4
                         1303.940067
                                       119.821885 10.8823197 101.65641 9.508463e-19
## 5
       countrySenegal
                                                   6.2571995 106.90957 8.275032e-09
                          516.442634
                                        82.535746
## 6
        countryZambia
                          396.326840
                                        87.729106
                                                   4.5176209 106.82235 1.620019e-05
## 7
                           16.156955
                                         3.036095
                                                   5.3216230
                                                               92.06641 7.199791e-07
                  year
## 8
                            5.468655
                                         1.663523
                                                   3.2873939 105.04858 1.375742e-03
                trade
## 9
                           -4.389418
                                         1.031399 -4.2557883 107.91316 4.455825e-05
                  infl
##
  10
               civlib
                          -84.852311
                                       147.925470 -0.5736153 66.50333 5.681630e-01
                5 %
##
                              95 %
##
  1
      -41724.760108 -21682.393094
## 2
         -45.157324
                        172.636231
## 3
         511.587065
                        733.099637
## 4
        1105.037965
                       1502.842168
## 5
         379.496718
                        653.388550
## 6
         250.762899
                        541.890781
## 7
          11.112260
                         21.201650
## 8
           2.708058
                          8.229252
## 9
          -6.100609
                         -2.678226
        -331.605424
## 10
                        161.900803
```

Basándose en el resumen de los resultados de la regresión agrupada que acabamos de imprimir. Podemos decir que, dado que los límites inferior y superior tienen signos diferentes, no podemos estar seguros de la dirección del efecto.