

# Apuntes sobre IA (borrador)

Sergio de Mingo

2 de febrero de 2026

## Contents

1	Redes Neuronales Convolucionales	1
1.1	Funcionamiento de una capa convolucional . . . . .	3

## 1 Redes Neuronales Convolucionales

Anteriormente aplanamos una imagen de  $28 \times 28$  a 784. Al hacer eso, la red ya no sabe si el píxel 1 está al lado del píxel 2 o del píxel 28. Simplemente ve una lista de números. Piensa en esto: ¿Cómo podrías tú reconocer una cara si te dieran todos los píxeles de una foto mezclados en una bolsa? Sería imposible. Las Redes Neuronales Convolucionales o CNN vienen a resolver precisamente eso. Hasta ahora, las redes veían los píxeles como una lista plana. Si movíamos el dibujo de un “8” un poco a la derecha, la red se confundía porque los píxeles ya no caían en las mismas neuronas de entrada. Las CNN solucionan esto imitando el córtex visual humano. En lugar de conectar cada píxel a una neurona, usamos un filtro. Como si fuera una pequeña rejilla de  $3 \times 3$  que se desliza sobre la imagen. Este filtro no mira toda la imagen a la vez; mira solo un pequeño trozo, extrae una característica (como una línea vertical o un borde) y se mueve al siguiente píxel. La red ahora no aprende a reconocer «píxeles en tal posición», sino que aprende los valores de ese filtro que detectan rasgos importantes (bordes, curvas, texturas). La estructura maestra de una CNN podría resumirse en los siguiente puntos:

- **Capa de convolución:** Es el motor. Aquí es donde los filtros escanean la imagen. Si aplicas 32 filtros diferentes, obtendrás 32 mapas de características (versiones de la imagen donde resaltan cosas distintas).
- **Capa de pooling:** Es el sintetizador. Su trabajo es reducir el tamaño de la imagen. Toma, por ejemplo, un cuadrado de  $2 \times 2$  y se queda solo con el valor más alto (el más brillante). Hacemos esto porque si detectamos un borde, no nos importa el píxel exacto, nos importa saber que ahí hay un borde. Esto hace que la red sea invariante a la traslación.
- **Capa totalmente conectada:** Al final de la red, después de que los filtros hayan extraído toda la información, volvemos a usar las capas que ya conoces para tomar la decisión final (¿Es un 8 o es un 3?).

A nivel global podemos resumir las funciones de las capas de la siguiente manera. Mientras que las capas iniciales detectan cosas simples como líneas, puntos y colores, las capas intermedias combinan esas líneas para detectar formas como círculos, cuadrados, ojos, etc. Por último, las capas finales combinan esas formas para detectar objetos complejos como caras, coches, números, etc.

Vamos a empezar la red trabajando con una entrada en forma de matriz de  $28 \times 28$ . Ya no trabajamos con un vector plano como en las redes anteriores. Usaremos para esta primera capa 32 filtros de  $3 \times 3$ . De esa capa salimos con una matriz de  $26 \times 26$  pues al aplicar filtros de  $3 \times 3$  y deslizarlos por toda la imagen, cuando llegamos a los bordes al tener que evitar que estos filtros se salgan perdemos el equivalente a un marco de 1 por cada lado de la matriz. De ahí que la matriz de  $28 \times 28$  se quede en una de  $26 \times 26$ .

En la capa de *pooling* es donde se produce una compresión. Aplicando un Max Pooling de 2x2 a la salida de 26x26 de la capa anterior, el pooling divide la imagen en bloques de 2x2 y se queda con un máximo de uno. Esto reduce a la mitad la matriz con un resultado de 13x13. Resumimos la arquitectura indicando los tensores usados:

1. **Entrada:** [1x28x28] Tensor de 28x28 para un canal de color.
2. **Tras la convolución** con 32 filtros de 3x3: Obtenemos [32x26x26], lo que equivale a 32 versiones distintas de la imagen original, una por filtro usado.
3. **Tras el Pooling** de 2x2: Obtenemos [32x13x13]

Aunque ahora tenemos más datos (32 mapas en lugar de 1), estos datos están jerarquizados. Cada uno de los 32 canales se especializa en algo: el canal 1 puede detectar líneas horizontales, el canal 2 detecta esquinas, etc

Pero antes de llegar a la salida (los 10 números del MNIST), tenemos que volver al mundo que ya conoces. Si al final de las capas de convolución nos queda un bloque de  $32 \times 13 \times 13$ , lo «aplanamos» multiplicando todas sus dimensiones:  $32 \times 13 \times 13 = 5408$  neuronas. Esas 5408 neuronas entrarán en una capa `nn.Linear` clásica.

```
class NetCNN(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(NetCNN, self).__init__()

        # 1. CAPAS CONVOLUCIONALES (Extraccion de rasgos)
        self.conv1 = nn.Conv2d(1, 32, kernel_size=3)
        self.conv2 = nn.Conv2d(32, 64, kernel_size=3)
        self.pool = nn.MaxPool2d(2, 2)

        # 2. CAPAS LINEALES (Clasificacion)
        self.fc1 = nn.Linear(5 * 5 * 64, 128)
        self.fc2 = nn.Linear(128, 10)

    def forward(self, x):
        x = self.pool(F.relu(self.conv1(x)))
        x = self.pool(F.relu(self.conv2(x)))
        x = x.view(-1, 5 * 5 * 64)

        x = F.relu(self.fc1(x))
        x = self.fc2(x) # Salida de 10 neuronas

        return F.log_softmax(x, dim=1)
```

Vamos a detallar ahora los aspectos mas interesantes del código. Comenzamos con las dos capas convolucionales: `conv1` y `conv2`. ¿Por qué dos? La respuesta está en la jerarquía de la visión. Imagina que estás intentando reconocer una cara. Con una sola capa (`conv1`), la red solo ve palitos y puntos (bordes). Es imposible reconocer una cara solo sabiendo que hay 100 líneas verticales. Necesitas saber si esas líneas forman un ojo, una nariz o una boca. Ahí es donde entra la `conv2`. La clave de esta segunda capa es que no mira la imagen original. Mira los mapas de características que creó la primera capa. Por ejemplo, mientras que `conv1` detecta rasgos simples (bordes, diagonales, manchas de color), `conv2` mira dónde hay bordes y los combina. Por ejemplo: «Si aquí hay una curva hacia arriba y debajo una línea horizontal, entonces aquí hay un semicírculo». Sin esa segunda capa, tu red sería como alguien que ve las letras de un libro pero es incapaz de juntarlas para formar palabras. Respecto a los canales (el primer parámetro de la función `nn.Conv2d()`) en la `conv1` pusimos 32 filtros, pero en la `conv2` pusimos 64. Al aumentar los canales en la segunda capa, le damos a la red un «vocabulario» mucho más rico para describir lo que está viendo (curvas cerradas, cruces, ángulos agudos, etc.). Estamos aumentando la semántica de la red. Resumiendo, si quitamos la `conv2`, la red intentaría pasar directamente de «detectar bordes» a «decidir si es un 8». Como no ha tenido una capa intermedia para entender qué es un «círculo», le costará muchísimo generalizar. Tendría que compensarlo con una capa lineal (`nn.Linear`) gigantesca y muy ineficiente.

Si vamos a la función `forward()` vemos que tras la primera convolución aplicamos un *pooling* y tras la segunda otro. Al poner capas una tras otra (especialmente con un Pooling de por medio), cada neurona de la capa 2 está viendo un área mucho más grande de la imagen original que una neurona de la capa 1. Una neurona en `conv1` solo mira  $3 \times 3$  píxeles. No sabe si está en la parte de arriba o de abajo de un número. Tras el *pooling* y la `conv2`, una sola neurona de esa segunda capa puede estar recibiendo información que originalmente cubría un área de  $10 \times 10$  o más. Por eso se dice que esta segunda capa tiene «perspectiva». Puede entender la geometría del número, no solo los píxeles sueltos. A esto se le llama también campo receptivo.

## 1.1 Funcionamiento de una capa convolucional

Vamos a describir brevemente la maquinaria dentro de una de estas capas representadas por la función `Conv2d()`. Imagina que tienes la imagen de entrada y sobre ella colocas una rejilla de  $3 \times 3$  (el filtro). Cada celda de esa rejilla tiene un peso ( $W$ ). Entonces ocurre una operación matemática llamada convolución (técnicamente, una correlación cruzada). La convolución es una operación matemática fundamental que combina dos funciones (o señales),  $f$  y  $h$  para producir una tercera que describe cómo una modifica a la otra. El proceso es más o menos el siguiente:

1. El filtro se sitúa sobre los primeros 9 píxeles.
2. Multiplica cada píxel por su peso correspondiente en el filtro.
3. Suma los 9 resultados y añade el *bias*.
4. Ese resultado único se convierte en un solo píxel de la nueva imagen (el mapa de características).

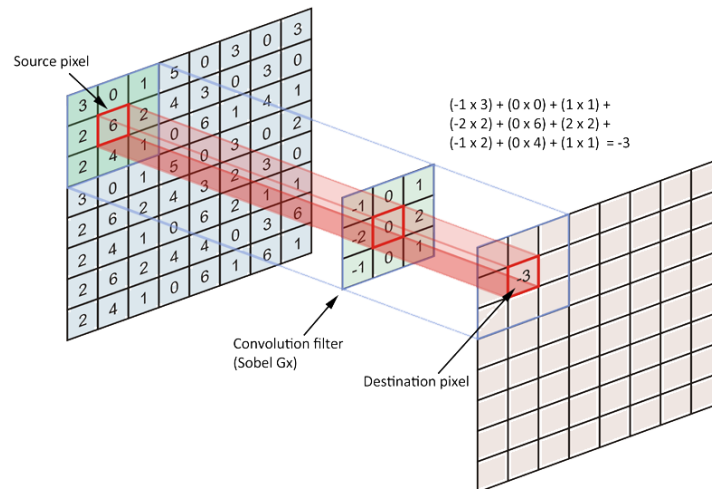


Figure 1: Ejemplo de aplicación de un filtro

La clave es que no hay un diseño previo del filtro, sino que es la red la que lo aprende. Si un filtro tiene pesos negativos en la columna izquierda y positivos en la derecha, cuando pase sobre una zona donde el color cambia de negro a blanco, la suma dará un número muy alto. Acaba de encontrar un borde vertical. Veamos un ejemplo para entender esto último. Tenemos un filtro de  $3 \times 3$ . Vamos a darle esos valores que mencioné: negativos a la izquierda y positivos a la derecha.

$$\text{Filtro} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Imagina que el filtro pasa por una zona de la imagen donde todos los píxeles son blancos (valor 255). Multiplicamos cada píxel por su peso y observamos que la suma total es  $-765 + 0 + 765 = 0$ . Este valor se interpreta como una ausencia de cambios. No hay bordes.

- Columna izquierda:  $255 \times (-1) + 255 \times (-1) + 255 \times (-1) = -765$
- Columna central:  $255 \times 0 + 255 \times 0 + 255 \times 0 = 0$

- Columna derecha:  $255 \times 1 + 255 \times 1 + 255 \times 1 = 765$

Ahora imagina que el filtro está justo encima de un borde. Los píxeles de la izquierda son negros (0) y los de la derecha son blancos (255). Hacemos la misma operación que antes y vemos que la suma total es mucho mayor:  $0 + 0 + 765 = \mathbf{765}$ . Este valor tan alto lo interpretamos como que la red acaba de detectar un contraste fuerte entre la izquierda y la derecha. En el mapa de características resultante, ese píxel brillará con mucha fuerza.

$$\text{Zona de la imagen} = \begin{bmatrix} 0 & 255 & 255 \\ 0 & 255 & 255 \\ 0 & 255 & 255 \end{bmatrix}$$

- Columna izquierda (negra):  $0 \times (-1) + 0 \times (-1) + 0 \times (-1) = 0$
- Columna central:  $255 \times 0 + 255 \times 0 + 255 \times 0 = 0$
- Columna derecha (blanca):  $255 \times 1 + 255 \times 1 + 255 \times 1 = 765$

El filtro que hemos puesto de ejemplo detecta bordes que pasan de negro a blanco. Si el filtro fuera al revés (positivos a la izquierda y negativos a la derecha), detectaría bordes que pasan de blanco a negro. Si los pesos estuvieran en las filas superiores e inferiores, detectaría bordes horizontales. Si los pesos estuvieran solo en las esquinas, detectaría diagonales. Antaño esos filtros se escribían a mano. Hoy esos filtros se inicializan al azar para que luego la red calcule los errores tras el entrenamiento y realice el *backpropagation* visto anteriormente. Poco a poco, la red ajusta esos pesos poco a poco hasta que, mágicamente, los 32 filtros se han convertido en detectores perfectos de bordes horizontales, verticales, oblicuos, etc. La segunda capa hace lo mismo, pero en lugar de multiplicar píxeles, multiplica los «brillos» (activaciones) de la primera capa. Si el Filtro de Bordes Verticales brilló y el Filtro de Bordes Horizontales también brilló en el mismo sitio, un filtro de la segunda capa diseñado para sumar ambos detectará una esquina.