## README

### ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΦΟΙΤΗΤΩΝ

ΟΝΟΜΑΤΕΠΩΝΎΜΟ: ΚΥΡΙΤΣΗΣ ΧΡΗΣΤΟΣ ΑΡΙΘΜΟΣ ΜΗΤΡΩΟΥ: 1115202100075

ΟΝΟΜΑΤΕΠΩΝΥΜΟ: ΑΝΑΓΝΩΣΤΟΠΟΥΛΟΣ ΔΗΜΗΤΡΙΟΣ

APIΘΜΟΣ MHTP $\Omega$ Ο $\Upsilon$ : 1115202100002

#### ΚΑΤΑΛΟΓΟΣ ΑΡΧΕΙΩΝ ΚΑΙ Ο ΡΟΛΟΣ ΤΟΥΣ

Το project στο εξωτερικό του αποτελείται από τους φακέλους triangulation, utils, input, output και build καθώς και από τα αρχεία CMakeLIsts.txt,opt\_triangulation.cpp, input.json.

Στον φάχελο triangulation βρίσκονται τα αρχεία triangulation.cpp και triangulation.h τα οποία έχουν συναρτήσεις οι οποίες βοηθάνε στην επίτευξη της μη-αμβλυγώνιας τριγωνοποίησης π.χ. μετρώντας καθε φορά το πλήθος των αμβλυγώνιων τριγώνων, είτε κοιτώντας αν η εισαγωγή ενός Steiner Point θα βελτίωνε την τριγωνοποίηση κτλ. Επίσης, σε αυτόν τον φάχελο βρίσκονται και οι συναρτήσεις των τριών αλγορίθμων localSearch, simulatedAnnealing, antColonyOptimization , καθώς και όλες τις βοηθητικές συναρτήσεις που χρησιμοποιούν αυτοί οι αλγόριθμοι.

Στον φάχελο utils έχουμε τα αρχεία utils.cpp και utils.h, τα οποία ο ρόλος τους είναι να διαβάζουν και να επεξεργάζονται το input αρχείο κάθε φορά και να το τροποποιούν αναλόγως έτσι ώστε σε κάθε παράδειγμα να παίρνουμε τα κατάλληλα δεδομένα.

Στον φάκελο tests βρίσκεται η είσοδος που δίνουμε κάθε φορά στο πρόγραμμά μας.

Στον φάχελο output βρίσχεται το αποτέλεσμα της εξόδου μετά την τριγωνοποίηση με χάποιον από τους 3 αλγορίθμους.

Το αρχείο opt\_triangulation.cpp έχουμε την main η οποία με την σειρά της καλεί αρχικά της συναρτήσεις που επεξεργάζονται τα αρχεία json κάνει μια αρχική

# ΟΔΗΓΙΕΣ ΜΕΤΑΓΛΩΤΙΣΗΣ ΚΑΙ ΤΡΕΞΙΜΟ ΤΟΥ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑΤΟΣ

Για μεταγλώτιση θα πρέπει να μπούμε στον φάχελο build με την εντολή cd build και για τρέξιμο εχτελούμε την εντολή:

./opt\_triangulation -i ../tests/input.json -o ../output/output.json

### ΠΕΡΙΓΡΑΦΗ ΤΟΥ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑΤΟΣ

Παρακάτω ακολουθεί η περιγραφή όλων των επιπλεόν συναρτήσεων που υλοποιήθηκαν για την δεύτερη εργασία. Οι συναρτήσεις της πρώτης περιγράφονται λεπτομερώς στο αντίστοιχο README της πρώτης.

Στο αρχείο opt\_triangulation καλούνται συναρτήσεις για φόρτωση των δεδομένων από τα αρχεία json όπως η loadJsonFile και αναλύονται από την συνάρτηση parseJson της boost::json βιβλιοθήκης, η οποία τα μετατρέπει σε αντικείμενο Object. Στη συνέχεια μέσω της συνάρτησης retreiveFields ανακτώνται τα πεδία όπως instance\_uid, num\_points, points\_x, points\_y, num\_constraints, additional\_constraints και region\_boundary. Εφόσον γίνουν οι παραπάνω διαδικασίες δημιουργούνται τα σημεία ως ζεύγη συντεταγμένων και τέλος πριν τον τερματισμό του προγράμματος καλείται η CallprocessTriangulation με σκοπό την τριγωνοποίηση.

Ο φάχελος utils έχει παραμείνει ίδιος με την πρώτη εργασία.

Στον φάχελο Triangulation προστέθηκαν πολλές συναρτήσεις για την δεύτερη εργασία, όμως οι συναρτήσεις isPointOnSegment, isPointInsideBoundary, isPointInPolygon, isTriangleWithinBoundary, squaredDistance, isObtuse-Triangle, countObtuseTriangles, tryEdgeFlipping, simulateSteinerEffect, get-MidpointOfLongestEdge, calculate\_incenter, calculate\_perpendicular\_bisector\_point, projectPointOntoTriangle, createOutputJson και printOutputJson εξηγούνται και περιγράφονται στο README της πρώτης εργασίας.

Η συνάρτηση EnsureConvexPolygon μέσω της CGAL::convex\_hull\_2 επιστρέφει τα σημεία που αποτελούν το χυρτό περίβλημα.

Η συναρτηση processConvexPolygon αναζητά αμβλείες γωνίες χωρίς constrained edges, τις αποθηκεύει και μέσω της ensureConvexPolygon εξασφαλίζει ότι οι κορυφές σχηματίζουν κυρτό πολύγωνο. Στη συνέχεια υπολογίζει το centroid του πολυγώνου, αφαιρεί τις παλιές κορυφές και εισάγει constraint edges για

να διατηρήσει το σχήμα του πολυγώνου. Τέλος προσθέτει το centroid ως νέο σημείο και το συνδέει με τις κορυφές του πολυγώνου.

Η συνάρτηση selectMethod καλεί μία από τις 3 μεθόδους τριγωνοποίησης που υλοποιήθηκαν ανάλογα με το όρισμα το οποίο έχει δωθεί και περνάει σε κάθε μία από τις συναρτήσεις και τις κατάλληλες παραμέτρους. Τέλος εξετάζει και την περίπτωση εισαγωγής λάθος μεθόδου.

Η συνάρτηση localSearch είναι η πρώτη από τις 3 μεθόδους που ζητήθηκαν, η οποία κάνει τοπική αναζήτηση για την βελτιστοποίηση της τριγωνοποίησης, ελαχιστοποιώντας τα αμβλωγώνια και βάζοντας κατάλληλα STeiner Points . Αρχικά, υπολογίζει τα αμβλυγώνια και όσο τα αμβλυγώνια δεν είναι 0 ή δεν έχουμε ξεπεράσει τον αριθμό μέγιστων επαναλήψεων που δίνεται ως όρισμα στην συνάρτηση εφαρμόζουμε τον αλγόριθμο. Πιο συγκεκριμένα εντοπίζονται τα αμβλυγωνια τρίγωνα εντός των ορίων με έγκυρες συντεταγμενες και για κάθε ένα από αυτά κοιτάμε κάθε μία από τις στρατηγικές που χρησιμοποιούμε, και επιλέγουμε το Steiner Point το οποί ο είναι έγκυρο και μειώνει τα αμβλυγώνια τρίγωνα περισσότερο από τις άλλες στρατηγικές. Τέλος, ενημερώνει κατάλληλα το σχήμα και αποθηκέυει τα κατάλληλα δεδομένα για το αρχείο εξόδου και καλεί την συνάρτηση CGAL::draw για οπτικοποίηση των αποτελεσμάτων.

Η συνάρτηση getPointIndex διατρέχει τη λίστα σημείων και συγκρίνει το x και το y του δοθέντος σημείου με τις συντεταγμένες των σημείων της λίστας. Αν δεν βρεθεί επιστρέφει -1.

Η συνάρτηση createCDT Μετατρέπει τα σημεία από τη λίστα points. σε αντικείμενα CGAL Point και τα εισάγει στην τριγωνοποίηση. Προσθέτουμε contraint edges στην τριγωνοποίηση και επιστρέφει ολόκληρη την τριγωνοποίηση.

Η συνάρτηση simulate Annealing εφαρμόζει την τεχνική της προσομοίωσης ανόπτησης για να μειώσει τον αριθμό των αμβλειών τριγώνων σε μια τριγωνοποίηση. Υπολογίζει αρχικά την ενέργεια και θέτει την θερμοκρασία σε 1.0. Όσο η θερμοκρασία παραμένει μεγαλύτερη ή ίση του 0 για κάθε αμβλυγώνιο τρίγωνο επιλέγει μία στρατηγική κοιτώντας αν το σημείο Steiner είναι έγκυρο το τοποθετεί στην τριγωνοποίηση και υπολογίζει την νέα ενέργεια και χρησιμοποιεί έναν έλεγχο για το αν αποδεχτούμε την νέα τριγωνοποίηση ή όχι. Έπειτα ενημερώνει την θερμοκρασία και τέλος καλέι την συνάρτηση για το αρχείο εξόδου με ορίσματα τις μεταβλήτές που αποθηκεύονται και την συνάρτηση οπτικοποίησης των αποτελεσμάτων.

H συνάρτηση  $InsertSteinerPoint <math display="inline">% \left( 1\right) =1$  εισάγει ένα σημείο στην τριγωνοποίηση με την cdt.insert .

Η συνάρτηση getRandomUniform επιστρέφει ομοιόμορφα έναν τυχάιο αριθμό στο διάστημα [0, 1].

Η συνάρτηση calculateEnergy υπολογίζει την ενέργεια μιας τριγωνοποίησης η

οπόια χρησιμοποιεί τα α, β των αριθμό αμβλυγωνίων τριγώνων και από το πλήθος των σημείωνSteiner. Εδώ σε αντίθεση με τον τύπο που δίνεται στις διαφάνειες και με μια αντίστοιχη συζήτηση που είδαμε στο eclass καταλήξαμε να χρησιμοποιούμε αντί για το πλήθος αμβλυγώνιων τριγώνων να χρησιμοποιούμε το πλήθος αμβλυγώνιων τριγώνων τριγώνων στο τετράγωνο, καθώς έδινε καλύτερα αποτελέσματα.

Η συνάρτηση getMeanAdjacentPoint υπολογίζει το περίχεντρο του τρέχοντος τριγώνου. Στη συνέχεια για κάθε γειτονικό τρίγωνο εξετάζει αν είναι αμλυγώνιο και αν είναι υπολογίζει και αποθηκεύει το περίχεντρο του. Αν τα γειτονικά τρίγωνα είναι λιγότερα από 2 τότε επιστρέφει το σημείο (0,0), αλλίως υπολογίζει τον μέοσ όρο τον περιχέντρων και το επιστρέφει αν είναι εντος ορίων.

Η συνάρτηση UpdatePheromones ενημερώνει τις φερομόνες εξατμίζωντας τις υπάρχουσες φερομόνες με συντελεστή λ. Τέλος ενισχύει τις φερομόνες ανάλογα με την βελτίωση που επέφεραν.

H συνάρτηση apply AntSolution εισάγει το σημείο μέσω της cdt.insert .

Η συνάρτηση resolve Conflicts υπάρχει για να διαχειρίζεται τυχόν συγχρούσεις σε περίπτωση που 2 ή παραπάνω μυρμήγκια επιλέξουν το ίδιο σημείο. Σε αυτή την περίπτωση απλά επιλέγει το μυρμήγκι που βελτιώνει περισσότερο την τριγωνοποίηση και ενημερώνει κατάλληλα τις επιλογές χωρίσς συγκρούσεις.

Η συνάρτηση generateSteinerOptions επιστρέφει τις επιλογές στρατηγικής για εισαγωγή σημείου Steiner.

Η συνάρτηση selectStrategy επιλέγει μια στρατηγική βάσει πιθανοτήτων από μια λίστα στρατηγικών και των αντίστοιχων πιθανοτήτων τους.

Η συνάρτηση antColonyOptimization αρχιχοποιεί για χάθε τρίγωνο τις φερομόνες. Στη συνέχεια χάνει τις επαναλήψεις για χύχλους χαι μυρμήγχια. Κάθε χύχλος δημιουργεί τις λύσεις από χάθε μυρμήγχι, υπολογίζει τις πιθανότητες επιλογής σημείου Steiner , το οποίο βασίζεται στις φερομόνες χαι την ευρετιχή συνάρτηση χαι προσομοίωση της προσθήχης σημείων χαι χαταγραφή του ενεργειαχού χέρδους. Έπειτα, ενημερώνει την τρέχουσα τριγωνοποίηση με νέα αν υπάρχει βελτίωση ή η ενέργεια μειώνεται. Μετά από αυτό το βήμα ενημερώνονται οι φερομόνες ανάλογα χαι τέλος χαλείται η συνάρτηση εξόδου η οποία περνά ως ορίσματα όλα τα απαραίτητα τα οποία αποθηχεύτηχαν μέσα στην συνάρτηση χαι οπτιχοποιεί το αποτέλεσμα.

Η συνάρτηση copyTriangulation αντιγράφει μία τριγωνοποίηση σε μία άλλη.

Η συνάρτηση select SteinerPoint επιστρέφει ένα σημείο με βάση τις πιθανότητες. Σε περίπτωση που δεν υπάρχουν επιλογές επιστρέφει το (0,0)

Η συνάρτηση calculateHeuristic υπολογίζει διάφορα δεδομένα πάνω σε κάποιο

τρίγωνο και ανάλογα με την στρατηγική επιστρέφει και κάποια ευρετική τιμή

Η συνάρτηση toFraction μετατρέπει έναν δεκαδικό αριθμό σε κλάσμα.

Η συνάρτηση writeOutputToFile παίρνει τα δεδομένα, μετατρέπει τις παραμέτρους σε ένα αντικείμενο τύπου JSON, καταχωρεί τα σημεία Steiner, δημιουργεί πίνακα JSON για τις ακμές και καταχωρεί και τον αριθμών των αμβλυγώνιων τριγώνων. Στη συνέχεια γράφει τα δεδομένα στο αρχείο JSON με τον κατάλληλο τρόπο όπως ζητείται και στην εκφώνηση.

### ΑΠΟΤΕΛΕΣΜΑΤΑ ΕΚΤΕΛΕΣΕΩΝ

local, delaunay = true

initial test:  $21 \rightarrow 11$ 

local, delaunay = false

initial test:  $21 \rightarrow 10$ 

sa, delaunay = true

initial test:  $21 \rightarrow 11$ 

sa, delaunay = false

initial test:  $21 \rightarrow 13$ 

ant, delaunay = true

initial test:  $21 \rightarrow 11$ 

ant, delaunay = false

initial test:  $21 \rightarrow 17$ 

Σε μερικά από τα υπόλοιπα test cases της μεθόδου sa παρατηρήθηκε μείωση των αμβλυγώνιων τριγώνων, κυρίως σε αυτά τα οποία η πρώτη εργασία δεν τα μείωνε καθόλου

## ΚΑΠΟΙΕΣ ΕΠΙΠΛΕΟΝ ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ

Σε αυτό το project παρατηρήσαμε πως ο αριθμός των επαναλήψεων δεν καθορίζει απαραίτητα τα αποτελέσματα. Δηλαδή, δεν είναι πάντα η καλύτερη πρακτική να αυξήσουμε όσο το δυνατόν περισσότερο τις επαναλήψεις για να δούμε βέλτιστα αποτελέσματα αλλά ίδια αποτελέσματα μπορούν να επιτευχθούν με μικρότερο αριθμό επαναλήψεων

Μια ακόμη παρατήρηση είναι πως για ίδιο input μπορούμε να πάρουμε διαφορετικό output. Αυτο συμβαίνει πχ στην ant όπου ο αριθμός των αμβλυγωνλιων τριγώνων διαφέρει απο εκτέλεση σε εκτέλεση με την ίδια ακριβώς είσοδο.