

Lezione 26

POTENZA COMPLESSA

POTENZA INSTANTANEA $\rightarrow P(t) = v(t)i(t)$

REGIME PERM. SINUSOIDALE:

$$P(t) = \frac{V_m I_m}{2} \cos(\phi_v - \phi_i) + \frac{V_m I_m}{2} \cos(2\omega t + \phi_v + \phi_i)$$

$$\bar{P} = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \bar{I}^* = \frac{1}{2} V_m e^{j\phi_v} I_m e^{-j\phi_i} = \frac{1}{2} V_m I_m e^{j(\phi_v - \phi_i)}$$

$$\frac{e^{\pm j\phi}}{e} = \cos \phi \pm j \sin \phi$$

$$\bar{P} = \underbrace{\frac{1}{2} V_m I_m \cos(\phi_v - \phi_i)}_{\text{POTENZA ATTIVA}} + j \underbrace{\frac{1}{2} V_m I_m \sin(\phi_v - \phi_i)}_{\text{POTENZA REATTIVA}}$$

$$\boxed{\bar{P} = P_Q + jQ}$$

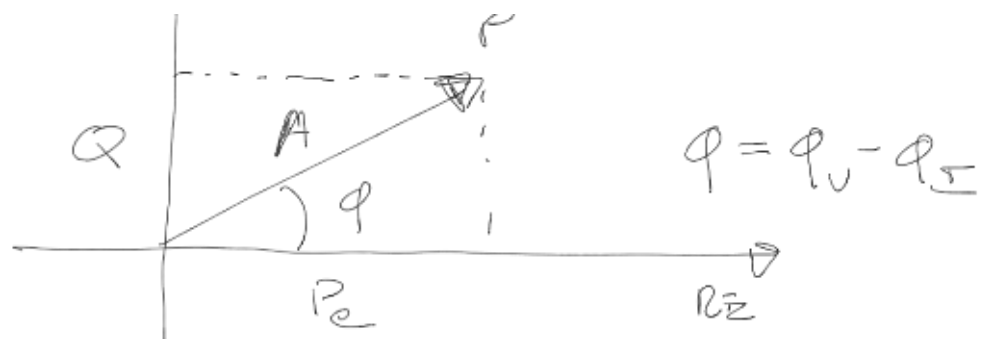
\uparrow
[W]

\uparrow
[VAR]

VOLT-AMP-REACTIV

$\Sigma m \uparrow$

\bar{P}

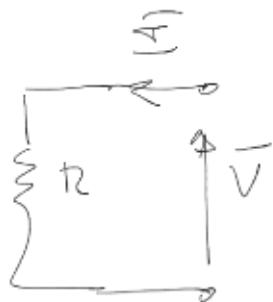


$$\overline{P} = A \cos \varphi$$

A si chiama POTENZA APPARENTE [VA]

$$A = \frac{1}{2} V_n I_n$$

POTENZA CONSUMATA SUL RESISTORE



$$\overline{P} = \frac{1}{2} \overline{V} \cdot \overline{I}^* = \frac{1}{2} V_n I_n$$

$$\overline{P} = \frac{1}{2} \overline{V} \cdot \overline{I}^* = \frac{1}{2} (\dot{e} \cdot \overline{I}) \overline{I}^*$$

$$\overline{P} = \frac{1}{2} R |\overline{I}|^2 = \frac{1}{2} R I_n^2$$

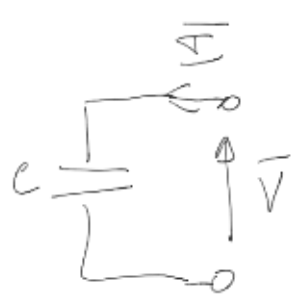
$$\overline{P} = \frac{1}{2} \overline{V} \cdot \overline{I}^* = \frac{1}{2} \overline{V} \cdot \left(\frac{\overline{V}}{\dot{e}} \right)^* = \frac{1}{2} \overline{V} \cdot \frac{\overline{V}^*}{\dot{e}^*}$$

$$\overline{P} = \frac{1}{2} \frac{|\overline{V}|^2}{R} = \frac{1}{2} \frac{V_n^2}{R}$$

OSSERVAZIONE:

IL FATTO CHE LA POTENZA REATTIVA SIA NULLA NON SIGNIFICA CHE LO SIA ANCHE LA POTENZA FLUTTUANTE. OVERO, NON C'È ALCUNA LEGATE TRA LA POTENZA REATTIVA E QUELLA FLUTTUANTE.

POTENZA COMPRESA SU UN CONDENSATORE


$$\bar{P} = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\underbrace{\phi_v - \phi_i}_{-\frac{\pi}{2}}) + j \frac{1}{2} V_m I_m \underbrace{\sin(\phi_v - \phi_i)}_{-\frac{\pi}{2}}$$
$$\bar{P} = j \left(-\frac{1}{2} V_m I_m \right)$$

CIÒ È LA POTENZA REATTIVA Q , È NEGATIVA

$$\bar{P} = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \bar{I}^* = \frac{1}{2} (Z \cdot \bar{I}) \bar{I}^* = \frac{1}{2} \frac{1}{j\omega C} \frac{I_m^2}{2}$$

$$\boxed{\bar{P} = j \left(-\frac{1}{2} \frac{I_m^2}{\omega C} \right)}$$


LA POTENZA ATTIVA È NULLA (IL CONDENSATORE SI RICEVE TRASPARENTE ALLA POTENZA)

$$\bar{P} = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \bar{I}^* = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \frac{\bar{V}^*}{j} = \frac{1}{2} \frac{V_m^2}{j}$$

$$L \quad \leftarrow \quad \epsilon \quad \leftarrow \quad \left(-\frac{j}{\omega \epsilon}\right)$$

$$\boxed{\bar{P} = \Im \left(-\frac{1}{2} V_H^2 \omega \epsilon \right)}$$

POTENZA COMPLESSA SULL'INDUTTORI



$$\bar{P} = \frac{1}{2} V_H I_H \omega \underbrace{\cos(\phi_V - \phi_I)}_{+\frac{\pi}{2}} + \Im \frac{1}{2} V_H I_H \underbrace{\sin(\phi_V - \phi_I)}_{+\frac{\pi}{2}} \quad +1$$

$$\boxed{\bar{P} = \Im \frac{1}{2} V_H I_H}$$

CIÒÈ LA POTENZA REATTIVA SULL'INDUTTORI È POSITIVA
E LA POTENZA ATTIVA È NULLA (INASP. ALLA POTEN)

$$\bar{P} = \frac{1}{2} \bar{V} \bar{I}^* = \frac{1}{2} (Z \cdot \bar{I}) \bar{I}^* = \frac{1}{2} \Im \omega L \cdot I_H^2$$

$$\boxed{\bar{P} = \Im \frac{1}{2} \omega L I_H^2}$$

$$\bar{P} = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \bar{I}^* = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \left(\frac{\bar{V}}{Z} \right)^* = \frac{1}{2} \frac{V_H^2}{(\Im \omega L)^*}$$

$$\boxed{\bar{P} = \Im \frac{1}{2} \frac{V_H^2}{\omega L}}$$

$$\left| \quad \quad \quad \angle \omega t \quad \quad \right|$$

VALORE EFFICACE

PER DEFINIZIONE IL VALORE EFFICACE DI UN FASORE \vec{V} ($\text{ o } \vec{I}$) $V_M e^{j\phi_V}$ ($\text{ o } I_M e^{j\phi_I}$) È UGUALE A :

$$V_{\text{EFF}} = \frac{V_M}{\sqrt{2}} \quad \text{ o } \quad I_{\text{EFF}} = \frac{I_M}{\sqrt{2}}$$

così FACENDO OTTIENGO :

$$\bar{P} = \frac{1}{2} \vec{V} \cdot \vec{I}^* = \frac{V_M I_M}{2} \cos(\phi) + j \frac{V_M I_M}{2} \sin(\phi)$$

$$\frac{V_M I_M}{2} = \frac{V_M}{\sqrt{2}} \cdot \frac{I_M}{\sqrt{2}} = V_{\text{EFF}} \cdot I_{\text{EFF}}$$

QUINDI SE USO I VALORI EFFICACI DI \vec{V} e \vec{I} LA POTENZA COMPLESSA LA POSSO SCRIVERE
RISULTANTEMENTE

$$\bar{P} = \vec{V} \cdot \vec{I}^*$$

$$\text{DOVE } \vec{V} = V_{\text{EFF}} e^{j\phi_V} \quad \text{ e } \quad \vec{I} = I_{\text{EFF}} e^{j\phi_I}$$

LO STESSO VALE PER LA POTENZA ISTANTANEA

$$\bar{V} = 2e^{j0,1}$$

$$\bar{I} = 3e^{j0,2}$$

$$\bar{P} = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \bar{I}^* =$$

MA SE 2 e 3 SONO VALORI EFFIC. ALLORA

$$\bar{P} = \bar{V} \cdot \bar{I}^*$$

OSSERVAZIONE

IN GENERALE $\bar{P} = P_e + jQ$ CON P_e E Q DIVERSI DA 0.

NEGLI UTILIZZATORI, SI HANNO DUE CASI (OLTRE A QUELLI GIÀ VISTI IN PRECEDENTI)

1) $P_e > 0$ e $Q > 0$ si dice

BIBO OTTICO-INDUTTIVO

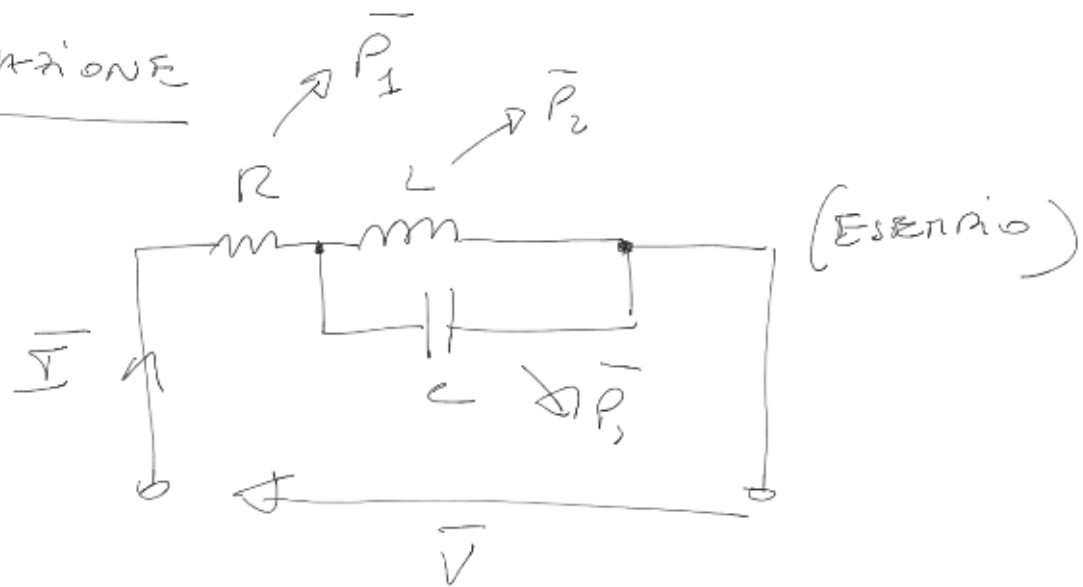


2) $P_e > 0$ e $Q < 0$ si dice

BIBO OTTICO-CAPACITIVO



OSSERVAZIONE



$$\bar{P} = \frac{1}{2} \bar{V} \cdot \bar{I}^* = \bar{P}_e + jQ$$

$\uparrow \neq 0$

$$\bar{P} = \bar{P}_1 + \bar{P}_2 + \bar{P}_3 = \bar{P}_e + jQ$$

$$\bar{P} = \bar{P}_R + j(Q_L + Q_C)$$

\uparrow \uparrow
 POSITIVA NEGATIVA

Quindi se $|Q_L| > |Q_C|$ il circuito è
OHMICO INDUTTIVO

se $|Q_L| < |Q_C|$ il circuito è OHMICO-CAPACITIVO

CONFIG. GENERATORI

$$\bar{P} = \bar{P}_e + jQ \quad P > 0$$

1 2 3 4

5 6 7 8