* المتتاليات العددية *

المتتالية الهندسية	المتتالية الحسابية
$u_{n+1} = u_n imes q$: متتالية هندسية معناه $\left(u_n\right)$ متعريف -1	$u_{n+1} = u_n + r$: معناه حسابیة معناه متالیه حسابیه معناه
 2 الحد العام لمتتالية هندسية بدلالة الحد الأول: 	 2 الحد العام لمتتالية حسابية بدلالة الحد الأول :
$u_n = u_0 imes q^n$ إذا كان u_0 هو الحد الأول فإن $lacksquare$	$u_n=u_0+nr$: إذا كان u_0 هو الحد الأول فإن ${}^{m{c}}$
$u_n = u_1 imes q^{n-1}$ إذا كان u_n هو الحد الأول فإن $lue{c}$	$u_n = u_1 + (n-1)r$ إذا كان u_1 هو الحد الأول فإن $lacksquare$
$p\in\mathbb{N}$ جيث $u_n=u_p imes q^{n-p}$: بصفة عامة $lacksquare$	$p\in\mathbb{N}$ بصفة عامة : $u_n=u_p+ig(n-pig)r$ حيث $igccc$
<u>3 </u>	<u>3 </u>
إذا كانت c ، b ، a أعداد حقيقية مأخوذة بهذا الترتيب حدودا	إذا كانت c ، b ، a أعداد حقيقية مأخوذة بهذا الترتيب حدودا
$a imes c = b^2$: متتابعة من متتالية هندسية فإن	a+c=2b : متتابعة من متتالية حسابية فإن
$S_n = 1$ الحد الأول $ imes \left(rac{q^n-1}{q-1} ight)$ الحد الأول -4	$S_n = rac{ ext{عدد الحدود}}{2} imes \left(الحد الأخير + الحد الأول + 1 $
<u>5</u> - تقارب و تباعد متتالية هندسية :	5- تقارب و تباعد متتالية حسابية :
هٔإن $\infty = \pm \infty$ المتتالية $\lim_{n o +\infty} u_n = \pm \infty$ الم $q > 1$ لله $q > 1$	$\lim_{n \to +\infty} u_n = +\infty$ غين $r > 0$ ي
المتتالية $\left(u_n ight)$ متقارية ا $\lim_{n o +\infty}u_n=0$ فإن $-1 < q < 1$ لل	$\lim_{n \to +\infty} u_n = -\infty$ فين $r < 0$ لا
متباعدة (النهاية غير موجودة) $q \leq -1$ لل	إذن المتتالية الحسابية دوماً متباعدة
$u_n>0$ اتجاه التغير: نفرض أن -6	6 - اتجاه التغير:
اذا كان $q>1$ فإن المتتالية $ig(u_nig)$ متزايدة تماماً igc	اذا كان $r>0$ فإن المتتالية $\left(u_{n}\right)$ متزايدة تماماً \Box
إذا كان $q < 1$ فإن المتتالية $\left(u_n ight)$ متناقصة تماماً	أدا كان $r < 0$ فإن المتتالية $\left(u_n\right)$ متناقصة تماماً \subset
إذا كان $q=1$ فإن المتتالية $\left(u_{n} ight)$ ثابتة $q=1$	إذا كان $r=0$ فإن المتتالية $\left(u_{n} ight)$ ثابتة $r=0$
milia i i Ai dan	

تعاريف و مبرهنات

- $-\frac{7}{2}$ عدد الحدود = دليل الحد الأخير دليل الحد الأول +1
- 8- متتالية محدودة من الأعلى ، محدودة من الأسفل ، متتالية محدودة :
 - $u_n \leq A$: محدودة من الأعلى يعنى $\left(u_n
 ight)$ محدودة من
 - $u_n \geq B$: المتتالية $\left(u_n
 ight)$ محدودة من الأسفل يعني $^{\circ}$
- المتتالية $\left(u_{n}
 ight)$ محدودة يعني أنها محدودة من الأعلى و محدودة من الأسفل .
 - 9- ميرهنات تقارب متتالية:
 - . إذا كانت $\left(u_{n}
 ight)$ متتالية متزايدة و محدودة من الأعلى فهي متقاربة lacksquare
 - أ إذا كانت $\left(u_{n}
 ight)$ متتالية متناقصة و محدودة من الأسفل فهي متقاربة .
 - 10- المتتاليتان المتجاورتان:

. $\lim_{n\to\infty} (u_n-v_n)=0$ وَ (v_n) متجاورتان إذا كانت إحداهما متزايدة و الأخرى متناقصة وَ (v_n) متجاورتان إذا كانت إحداهما متزايدة و