Лекция 1 (04.09.2018)

1.1 Рекурсия

Чтобы понять рекурсию, надо понять рекурсию.

Рекурсивный алгоритм для вычисления вызывает себя.

Виды рекурсии:

- 1. Прямая рекурсия функция А вызывает сама себя.
- 2. Косвенная рекурсия А вызывает В, А вызывает В. В одной функции обязательно должна быть хотя бы одна нерекурсивная ветка

1.2 Процесс рекурсивного вычисления

Этапы процесса рекурсивного вычисления:

- 1. Погружение в рекурсию.
- 2. Всплывание из рекурсии.

1.3 Суперкосинус

```
supercos(x,n) = \underbrace{cos...cos}_{n}(x);
```

```
double supercos(double x, int n) {
   if (n == 0)
        return x;
   return cos(supercos(x, n-1));
}
```

1.4 Алгоритм Евклида

Находит наибольший общий делитель чисел a и b.

```
int gcd(int a, int b) {
    if (b == 0) return a;
    return gcd(b, a % b);
}
```

1.5 Функция Аккермана

Работает на множестве натуральных чисел.

$$A(m,n) = \begin{cases} n+1, & m=0\\ A(m-1,1), & m>0, n=0\\ A(m-1,A(m,n-1)), & m>0, n>0 \end{cases}$$

1.6 Разбор строки по грамматике

Нотационные формы Бэкуса-Наура

- <цифра> ::= 0|1|...|9
- <буква> ::= a|...|z|A|...|Z|
- <идентификатор> ::= <буква> | <идентификатор><буква> | <идентификатор><цифра>
- <oператор> ::= <выражение> | <if> | <while> | ...
- ullet <while> ::= while(<выражение>) <оператор>
- ullet <формула> ::= <цифра> | (<формула> <знак> <формула>)
- <3Hak> ::= +|-|*

Задачи:

- 1. Вычислить значение корректного выражения
- 2. Проверить корректность выражения.

Решаем первую задачу:

```
int form() {
    char c, z;
    int x, y;
    cin >> c;
    if (c >= '0' && c <= '9') return c - '0';
    x = form();
    cin >> z;
    y = form();
    cin >> c;
    if (z == '+') return x + y;
    if (z == '-') return x - y;
    if (z == '*') return x * y;
}
```

Общие принципы вычисления выражений:

- 1. Для каждого понятия есть своя функция.
- 2. Если понятие нетривиальное вызываем его функцию.
- 3. Тривиальные понятия анализируем явно.

Лекция 2 (11.09.2018)

2.1 Ханойские башни

```
void abc(int n, int a, int b, int c) {
   if (n > 0) {
      abc(n-1, a, c, b);
      cout << a << " --> " << b << endl;
      abc(n-1, c, b, a);
}
</pre>
```

Общая идея: при n=1 решение тривиально, а если мы умеем решать задачу для n-1 дисков, то перенесём n-1 дисков на третий стержень. Последний оставшийся диск перенесём на второй стержень. После этого перенесём все диски с третьего стержня на второй.

2.2 Быстрое возведение в степень

Неправильный код

```
int pow(int x, int n) {
   if (n == 0) return 1;
   if (n % 2 == 0) {
      return pow(x, n / 2) * pow(x, n / 2);
   }
   return pow(x, n-1) * x;
}
```

Недостатки кода: x нужно сделать глобальным, чтобы не передавать его в рекурсии, т.к. он не изменяется. Также такой код совершает O(N) итераций.

Правильный код

```
int x;
int pow(int n) {
    if (n == 0) return 1;
    if (n % 2 == 0) {
        int m = pow(n / 2);
        return m*m;
    }
    return x * pow(n - 1);
}
```