

## Rucursive(遞迴)程式設計

Recursive 函式: 函式在其內部呼叫自己。

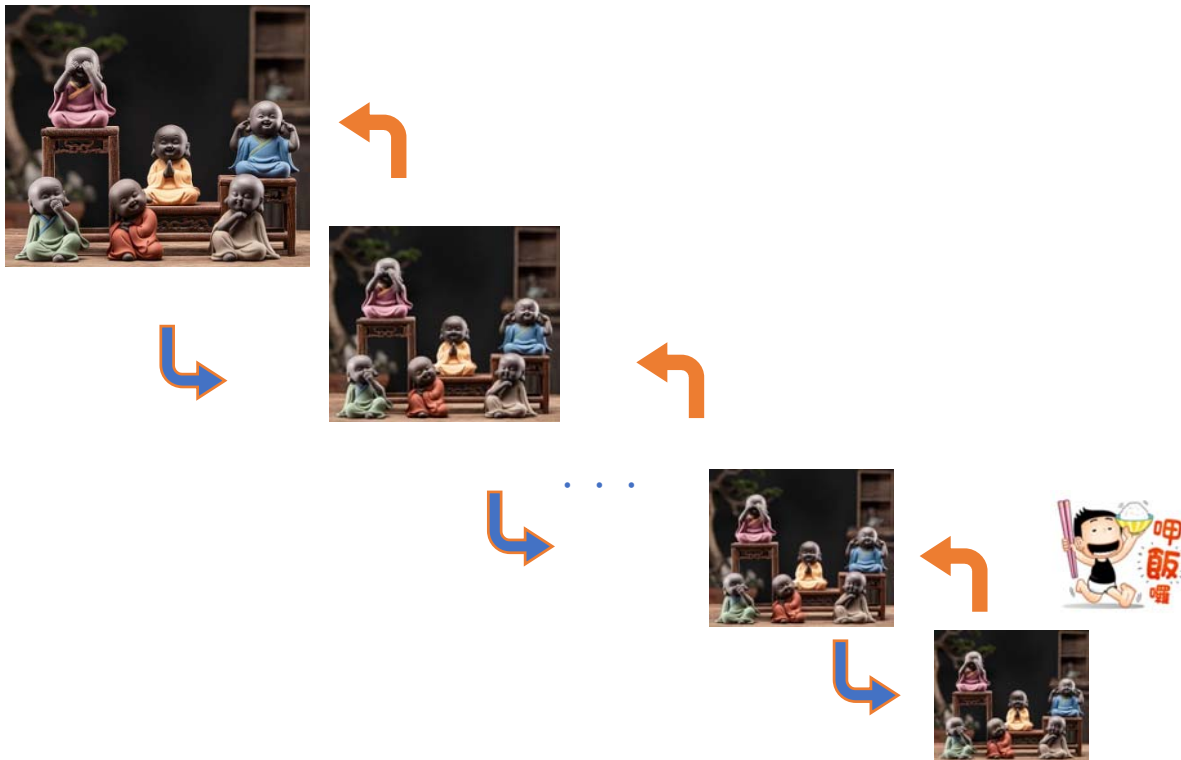
從前從前有一座山，山裡面有一座廟，廟裡的老和尚，對著一群小和尚講故事：

從前從前有一座山，山裡面有一座廟，廟裡的老和尚，對著一群小和尚講故事：

...

...

從前從前有一座山，山裡面有一座廟，廟裡的老和尚，對著一群小和尚講故事。



Q: 請計算  $1+2+3+\cdots+(n-1)+n =$  的總和。

假設  $\text{sum}(n)$  可以計算出上述算式的結果，同時我們發現有底下的規則：

$$\begin{aligned} \text{sum}(n) &= 1+2+3+\dots+(n-1) + n \\ &= \text{sum}(n-1) + n \\ &= \text{sum}(n-2) + (n-1) \\ &\dots \\ &= \text{sum}(1) + 2 \end{aligned}$$

### 遞迴程式設計的解題規則:

- 1) 假設存在可以解決問題的遞迴函式。
- 2) 找出解法過程中，問題重複的規則。
- 3) 確定問題可以結束的條件。

最後就好像會“莫名其妙”地解決了問題。

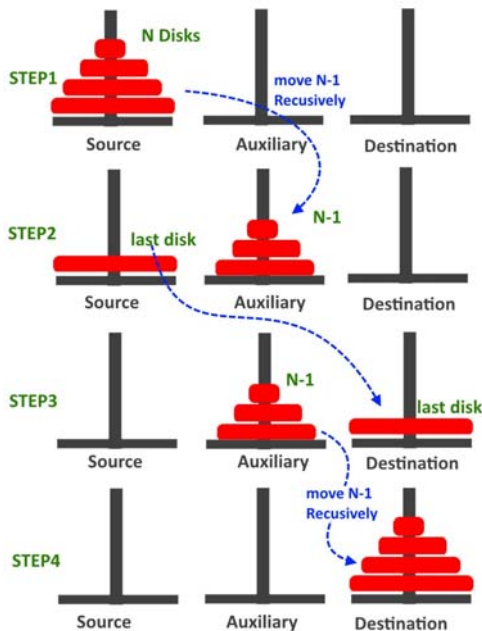
### Q: Hanoi tower(河內塔)

任務就是要將  $n$  個 disks 從 A 柱搬移到 C 柱。

但是，在過程中，一次只能搬一個 disk，且不可以讓大 disk 壓住小 disk，

這裡我們假設號碼越大表示 disk 也越大。

顯然依據上述規則，光是兩個柱子是無法完成這個任務的，因此必須要有一個用來暫放的輔助柱子。



$\text{hanoi}(n, A, B, C)$ : 能將  $n$  個碟子從 A 搬到 C。

step 1:  $\text{hanoi}(n-1, A, C, B)$

step 2: move disk  $n$  from A to C

step 3:  $\text{hanoi}(n-1, B, A, C)$

```
def hanoi(n, A, B, C):  
    if n == 1:  
        print(f"move disk {n} from {A} to {C}.")  
    else:  
        hanoi(n-1, A, C, B)  
        print(f"move disk {n} form {A} to {C}.")  
        hanoi(n-1, B, A, C)
```

```
hanoi(3, 'A', 'B', 'C')
```