$$I_{\text{max}} = S_{\text{max}} - S = \ln N - S.$$