

$$\delta_{\omega}(t'-t)=\frac{\omega}{2\pi}\sum_m e^{im\omega(t'-t)},$$