$$\int_{\partial B_R(0)\cap S} N \cdot \nu \, ds + \int_{\partial B_R(0)\cap \Omega} A \cdot N \, dS \longrightarrow 0 \quad \text{as} \quad R \to \infty.$$

 $g \int_{B_R \cap S}$