$$X_t^a := x_0 + \int_0^t a_s (1 - N_s) ds + \int_0^t (1 - N_s) dB_s. \quad t \in [0, T]$$