$$p_1(P^{\mathrm{SO}(3)}) = -\frac{1}{2\pi^2}\,\mathrm{tr}(F_A \wedge F_A).$$