$$\sum_{n=K}^{N} C_N^n (1-p)^n p^{N-n} \ge 1 - P(Y \le N/2).$$