$$\kappa = -\frac{N_f - N_a}{2} \neq 0.$$