

$$\left| \chi \left(\frac{\xi - \xi_j}{|j|} \right) \right| \leq K n^{-1-\delta}.$$