



DEPARTAMENTO DE  
**INGENIERÍA  
INFORMÁTICA**  
UNIVERSIDAD DE SANTIAGO DE CHILE

# Procesamiento y Análisis de Imágenes

**Violeta Chang**

[violeta.chang@usach.cl](mailto:violeta.chang@usach.cl)

Créditos por slides: José M. Saavedra

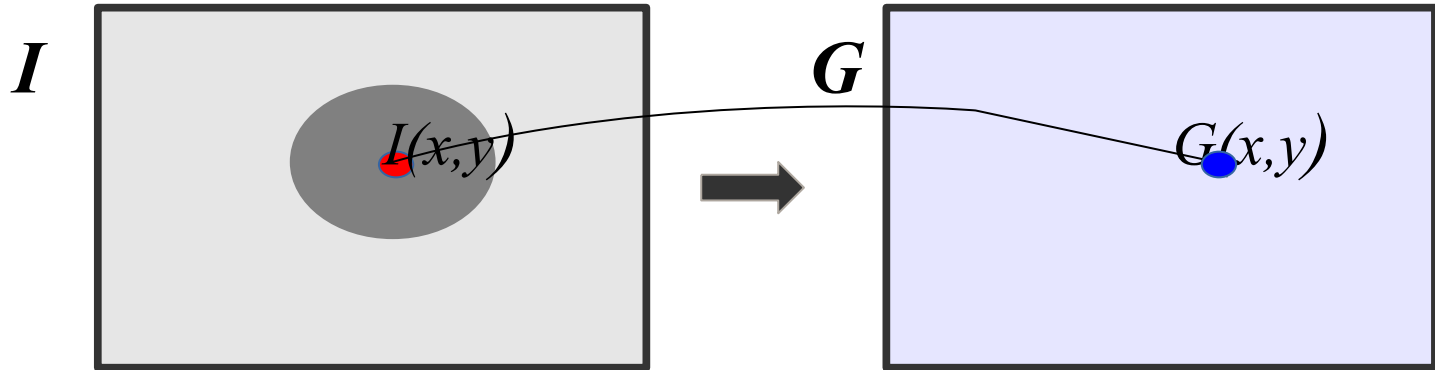
# FILTRADO ESPACIAL

- Objetivo: Acentuar o disminuir características
- Entrada: Imagen en escala de grises
- Salida: Imagen en escala de grises
- Proceso: Convolución

$$G(x, y) = \sum_{i \in \mathcal{V}} \sum_{j \in \mathcal{V}} I(x-i, y-j) w(i, j)$$

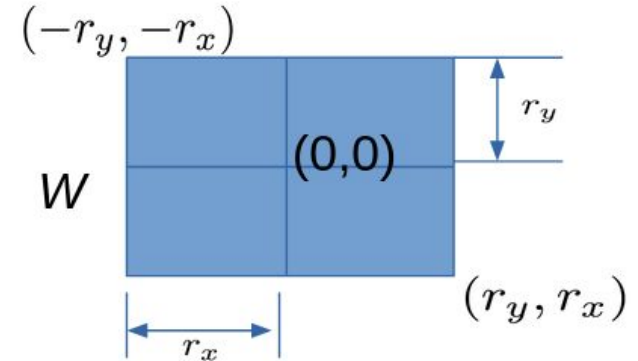
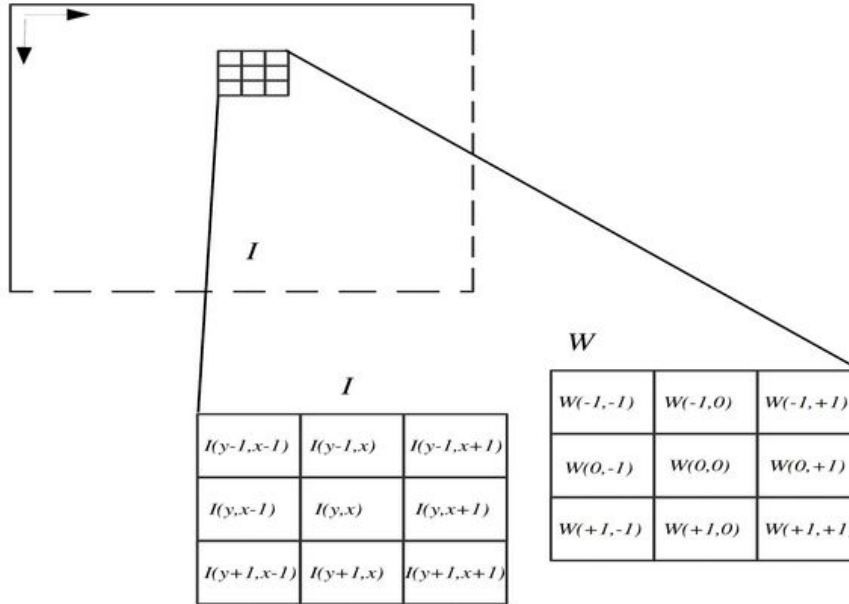
# FILTRADO ESPACIAL

- Requiere
  - Una vecindad o región definida alrededor de un punto.
  - Una operación que se realiza sobre tal vecindad.



# FILTRADO ESPACIAL

## • Filtros Lineales



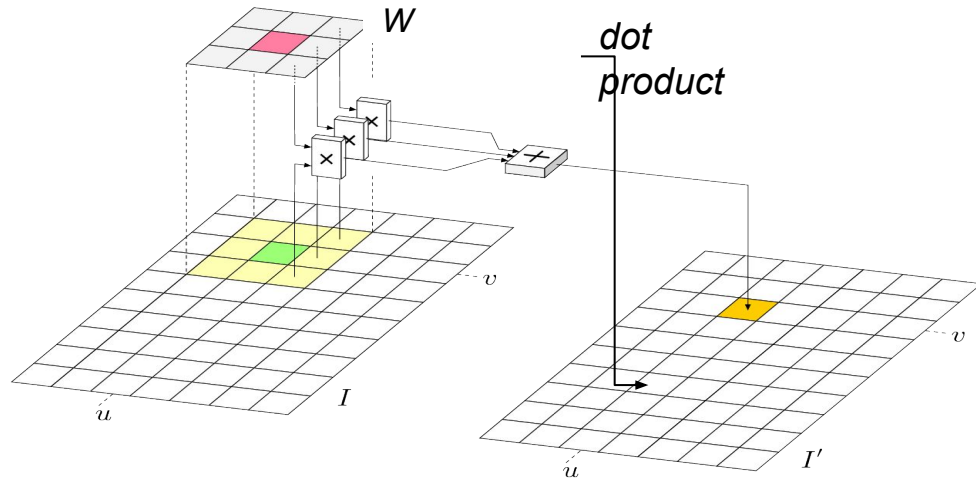
*kernel, filtro, máscara*

Tamaño:

$$(2r_y + 1) \times (2r_x + 1)$$

# FILTRADO ESPACIAL

- Filtros Lineales



<https://www.youtube.com/watch?v=xjqCTp4xAtA>

# FILTRADO ESPACIAL

- **Filtros Lineales**
- La operación de filtrado de una imagen  $I$  de  $M \times N$  y un filtro de tamaño  $L_x \times L_y$  está dada por la siguiente fórmula:

$$G(y, x) = \sum_{v=-r_y}^{r_y} \sum_{u=-r_x}^{r_x} I(y+v, x+u)W(v, u)$$

$$L_x = 2r_x + 1$$

$$L_y = 2r_y + 1$$

$$G = W \otimes I$$

correlación

# FILTRADO ESPACIAL

- Núcleo de convolución : Máscara

$w_{1,1}$	$w_{1,2}$	$w_{1,3}$
$w_{2,1}$	$w_{2,2}$	$w_{2,3}$
$w_{3,1}$	$w_{3,2}$	$w_{3,3}$

$I_1$	$I_2$	$I_3$
$I_4$	$I_5$	$I_6$
$I_7$	$I_8$	$I_9$

$$R = w_{1,1}I_1 + w_{1,2}I_2 + w_{1,3}I_3 + w_{2,1}I_4 + \dots + w_{3,3}I_9$$

# FILTRADO ESPACIAL

- Filtros Lineales

$$I = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$W = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$W \otimes I = ?$$

$$I \otimes W = ?$$



# FILTRADO ESPACIAL

## • Convolución

- Similar a correlación pero la máscara es reflejada.
- Esto permite que un impulso unitario produzca una copia del filtro en la ubicación del impulso.
- La operación de **convolución** está dada por:

$$G(y, x) = \sum_{v=-r_y}^{r_y} \sum_{u=-r_x}^{r_x} I(y - v, x - u)W(v, u)$$

$$G = W * I$$

Si el filtro es simétrico tanto correlación y convolución generan el mismo resultado.

# FILTROS LINEALES

- Propiedades de Convolución

- Conmutativa

$$I * W = W * I$$

- Linealidad

$$(s \cdot I) * W = I * (s \cdot W) = s \cdot (I * W)$$

$$(I_1 + I_2) * W = I_1 * W + I_2 * W$$

- Asociativa

$$A * (B * C) = (A * B) * C$$

# FILTRADO ESPACIAL

- **Filtros Lineales**
- ¿Qué pasa con la aplicación del filtro en los extremos?

	1	7			
k	2	8			1
k	3	9			3
k	4	10			5
	5	11			
	6	12			

Valor Constante (k)

	1	7			
2	2	8			1
3	3	9			3
4	4	10			5
	5	11			
	6	12			

Replicar

# FILTRADO ESPACIAL

- **Filtros Lineales**
- ¿Qué pasa con la aplicación del filtro en los extremos?

	1	7			
8	2	8			1
9	3	9			3
10	4	10			5
	5	11			
	6	12			

Reflejar

	1	7			
1	2	8			1
3	3	9			3
5	4	10			5
	5	11			
	6	12			

Wrap

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**

- Permite eliminar detalle en una imagen.
- Permite reducir el ruido en una imagen (*noise reduction*).

- **Ruido sal-pimienta:** Ocurrencia aleatoria de pixels blancos y negros.
- **Ruido de Impulso:** Ocurrencia aleatoria de pixels blancos.
- **Ruido Gaussiano:** Variación de intensidad dada por una distribución Gaussiana.



Original



Salt and pepper noise



Impulse noise



Gaussian noise

# FILTROS LINEALES

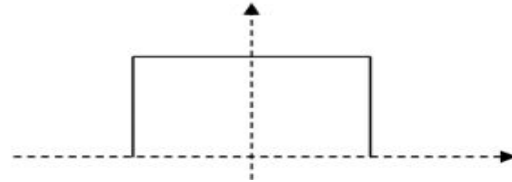
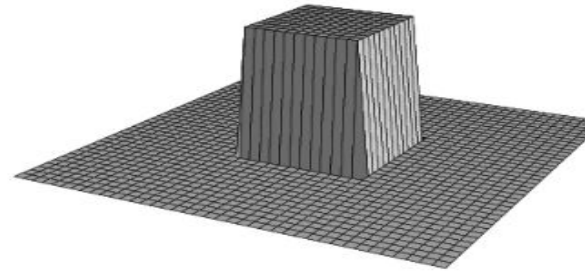


# FILTROS LINEALES

- Filtros de Suavizamiento
  - Filtro promedio (*BOX FILTER*)

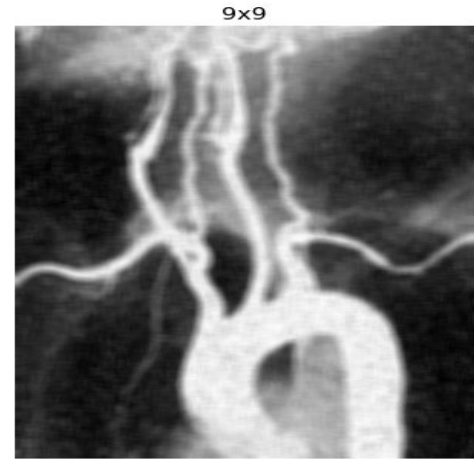
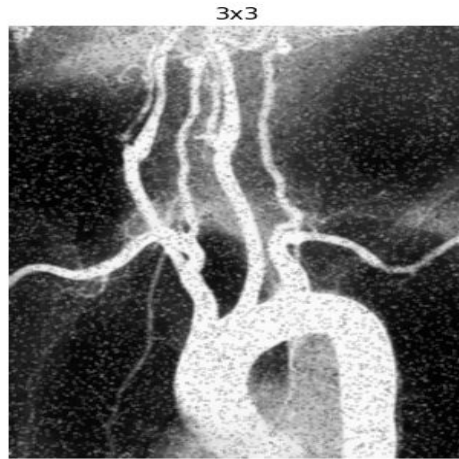
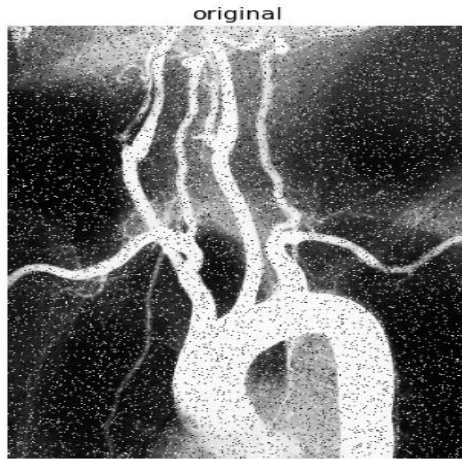
(1/9)

1	1	1
1	1	1
1	1	1



# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro promedio (*BOX FILTER*)





# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro promedio (*BOX FILTER*)

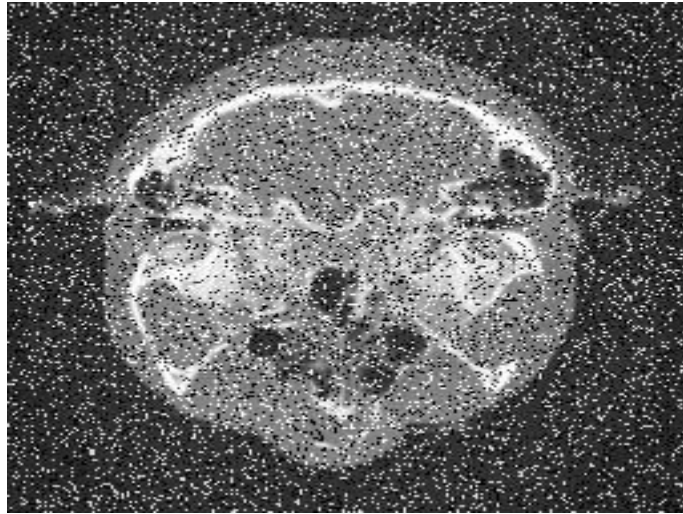


Imagen Original

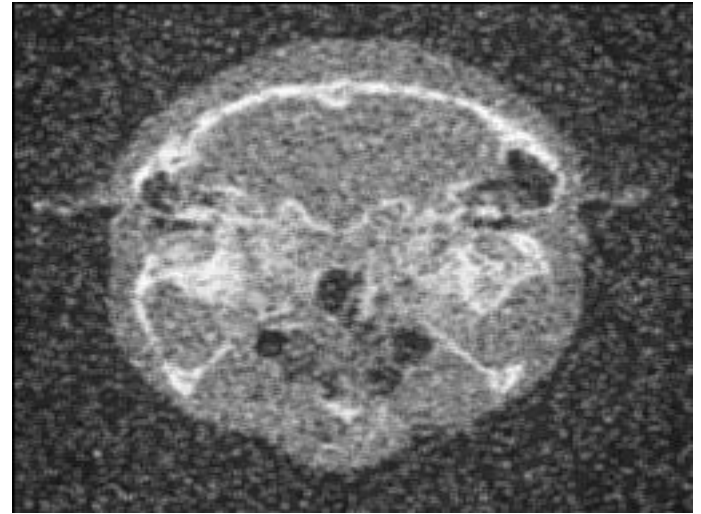
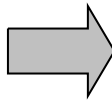


Imagen Suavizada

# FILTROS LINEALES

- Filtros de Suavizamiento
  - Filtro promedio ponderado

$$w = \frac{1}{10} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro promedio ponderado

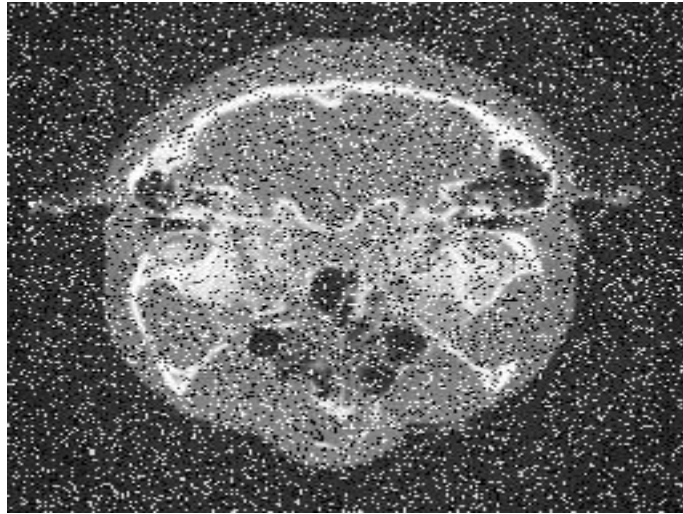


Imagen Original

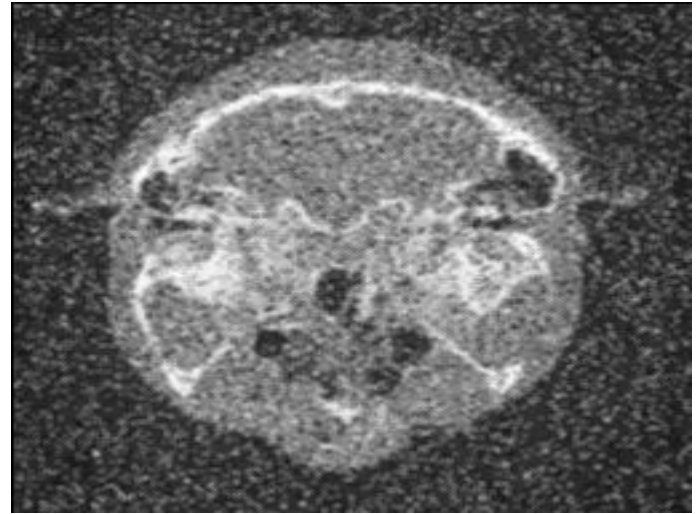
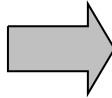
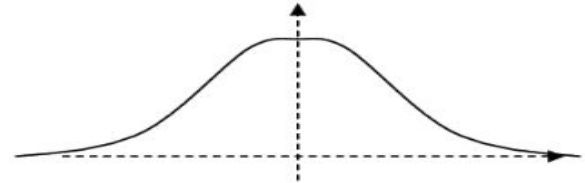
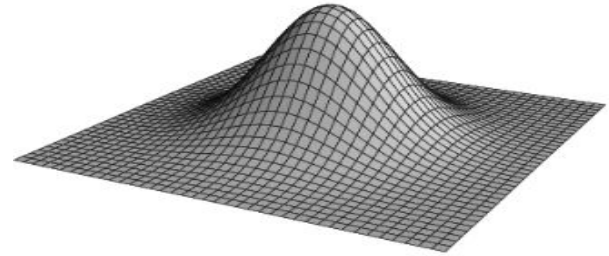


Imagen Suavizada

# FILTROS LINEALES

- Filtros de Suavizamiento
  - Filtro Gaussiano

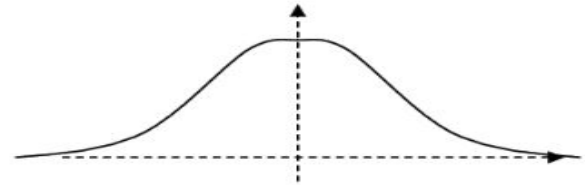
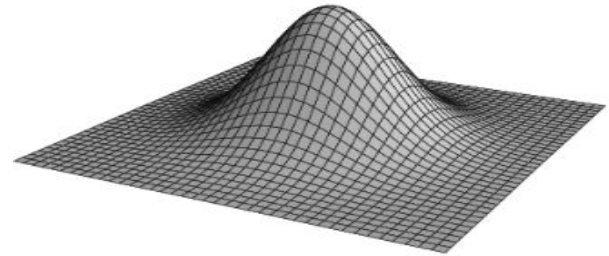
$$W(x, y, \sigma) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-\left(\frac{x^2+y^2}{2\sigma^2}\right)}$$



# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano

0	1	2	1	0
1	3	5	3	1
2	5	9	5	2
1	3	5	3	1
0	1	2	1	0

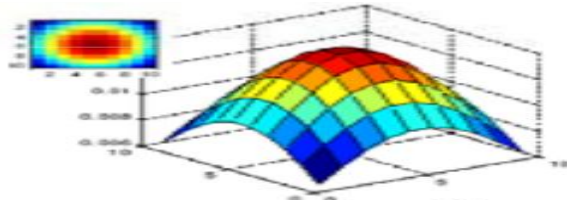
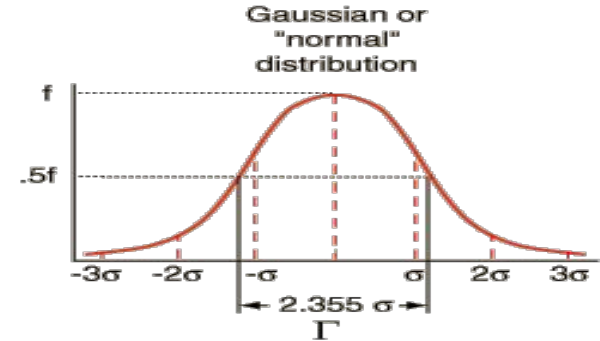


# FILTROS LINEALES

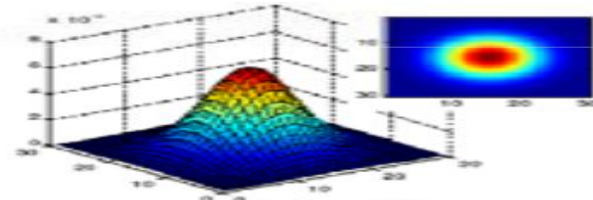
- Filtros de Suavizamiento

- Filtro Gaussiano

$$W(x, y, \sigma) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-\left(\frac{x^2+y^2}{2\sigma^2}\right)}$$



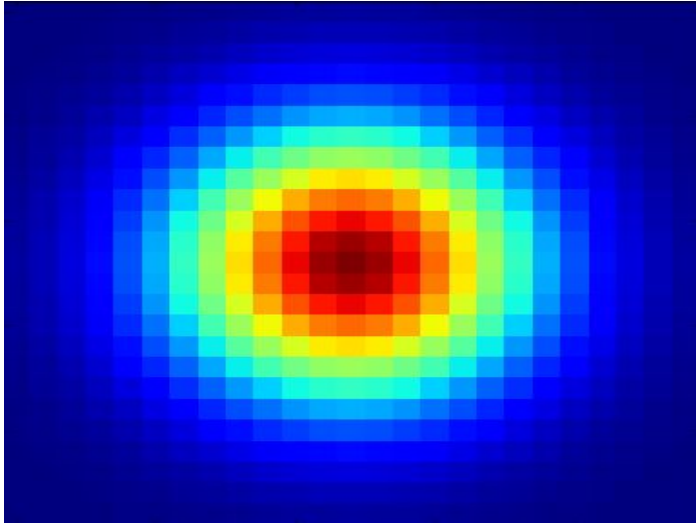
$\sigma = 5$  with  
 $10 \times 10$   
kernel



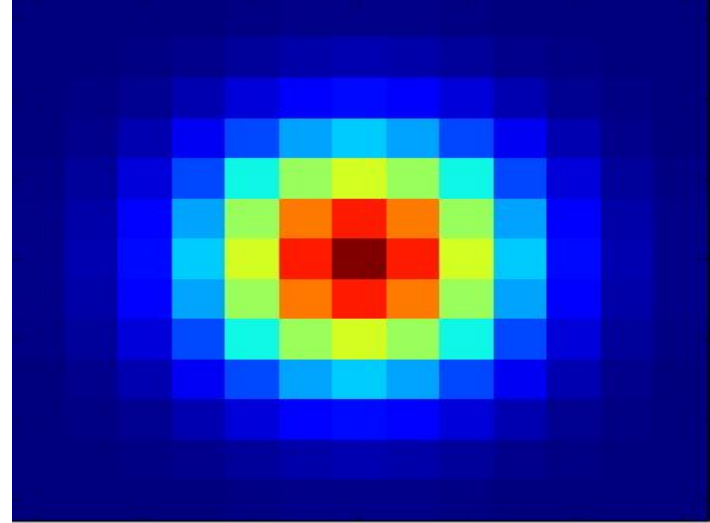
$\sigma = 5$  with  
 $30 \times 30$   
kernel

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano



$r=12$ ,  $\sigma=4.5$



$r=6$ ,  $\sigma=2.0$

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano: Máscara según distribución gaussiana

$$w = \frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

- mayor peso a pixel central y pixels más cercanos
- menor peso a pixels más alejado



# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano

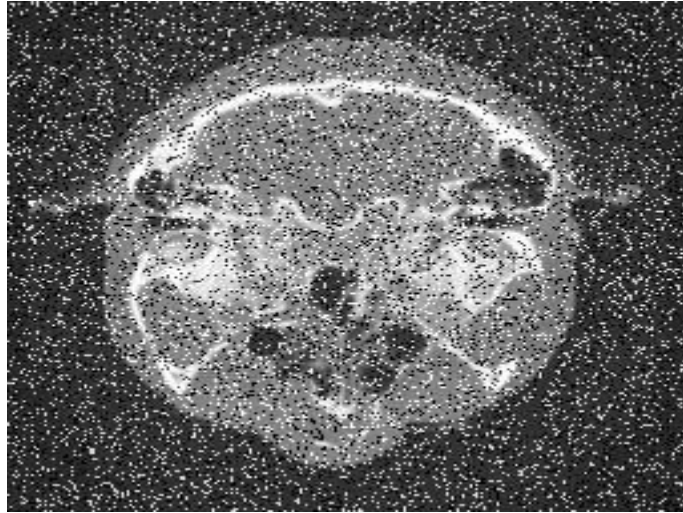


Imagen Original

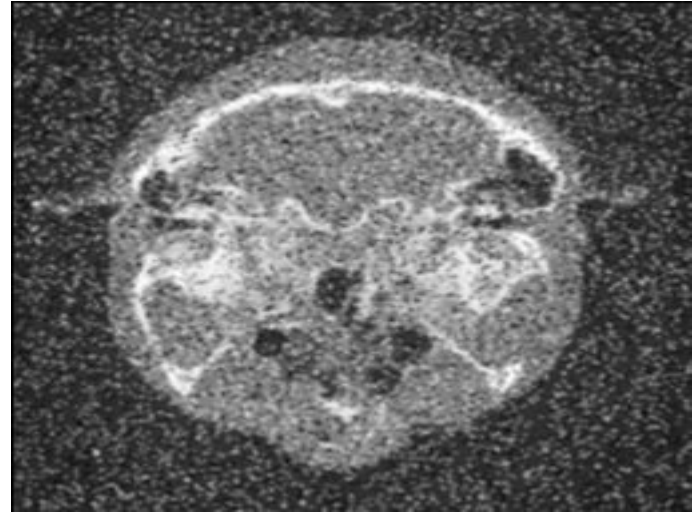
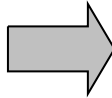
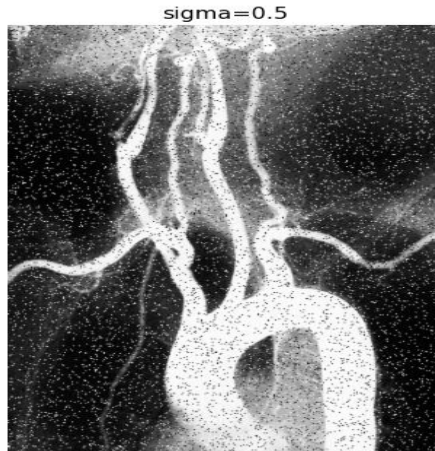
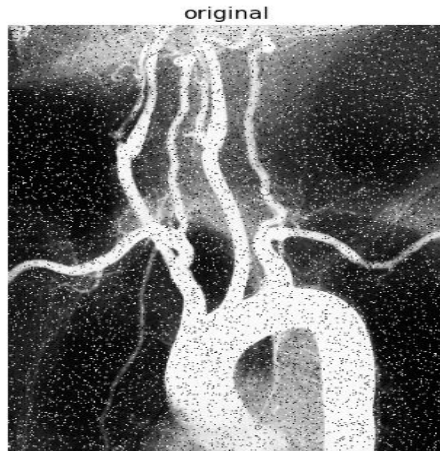


Imagen Suavizada

# FILTROS LINEALES

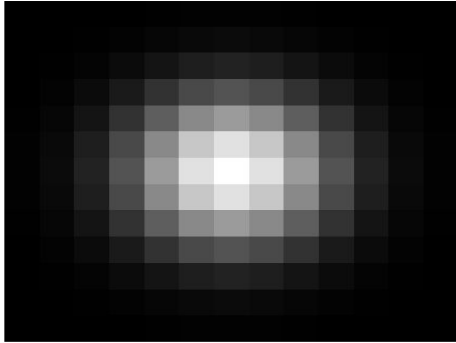
- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano



# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano

kernel



Imagen

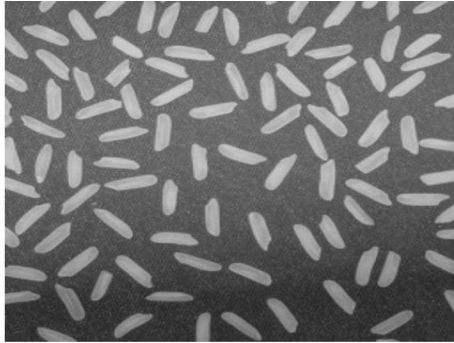
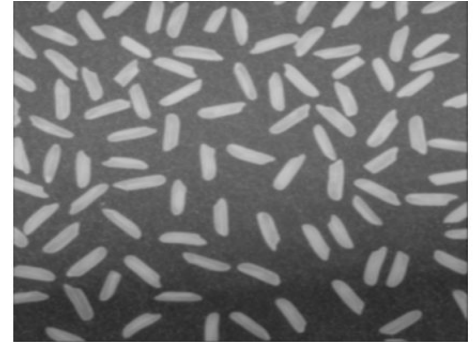
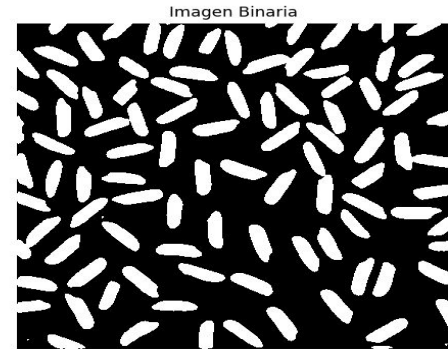
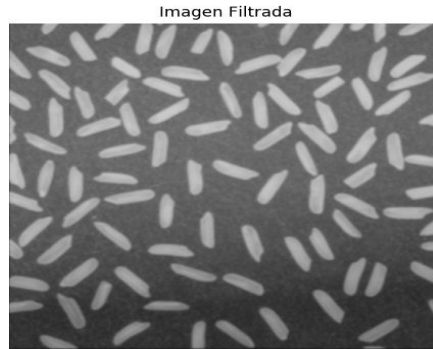
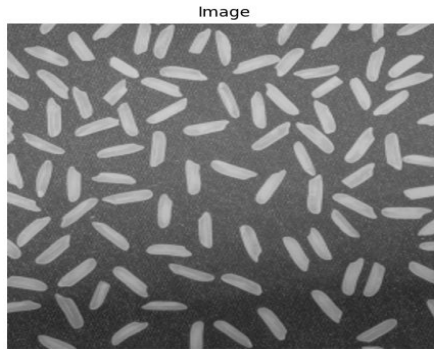


Imagen Filtrada



# FILTROS LINEALES

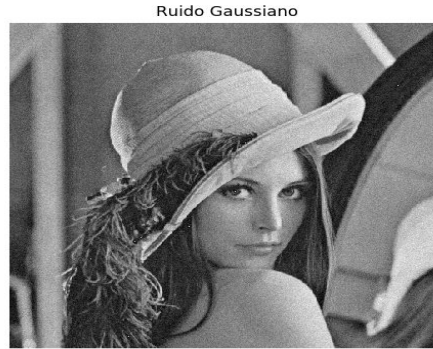
- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano



Filtro Gaussiano + Binarización Adaptativa

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Gaussiano



Eliminando ruido Gaussiano

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**

- **Filtro Promedio/Rango**: Sólo se promedian los pixels en la máscara que están en cierto rango

$$w(i, j) = \begin{cases} 1 & \text{si } G(x-i, y-j) \in [\min, \max] \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

→ Rango depende de tono de gris del pixel central

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Filtro Promedio/Rango

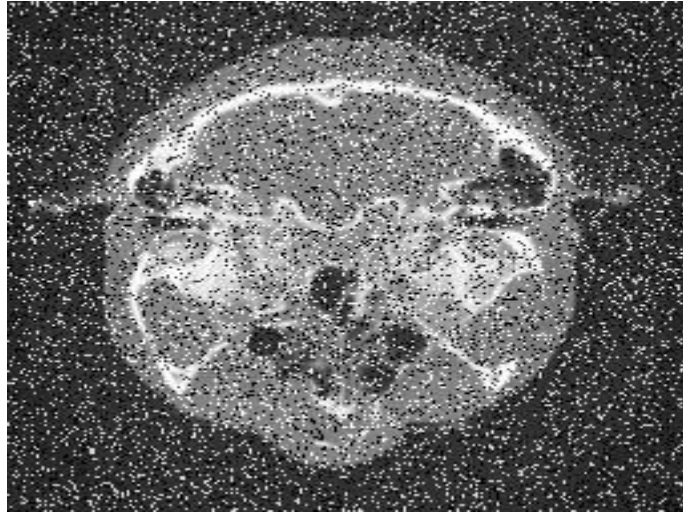


Imagen Original

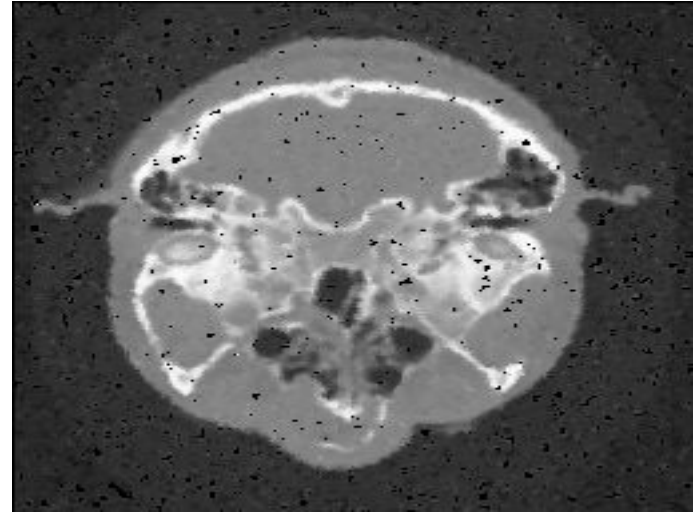
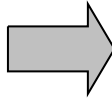


Imagen Suavizada  
(media-45,media+45)

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Suavizamiento**
  - Problema con filtros lineales – Pérdida de bordes





# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Realce**

- Objetivo : Intensificar detalles finos en la imagen
- **Filtros de paso alto** : eliminan componentes de bajas frecuencias y mantienen las de altas frecuencias
- Resultado : Acentuamiento de las orillas (bordes)

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Realce**



Imagen Original

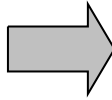


Imagen Acentuada

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Realce**

- Máscara debe tener :
  - Coeficientes positivos cerca al centro
  - Coeficientes negativos en la periferia
- Implementación clásica

$$w = \begin{bmatrix} -\frac{1}{8} & -\frac{1}{8} & -\frac{1}{8} \\ -\frac{1}{8} & 1 & -\frac{1}{8} \\ -\frac{1}{8} & -\frac{1}{8} & -\frac{1}{8} \end{bmatrix}$$

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Realce**
  - Filtro de paso alto

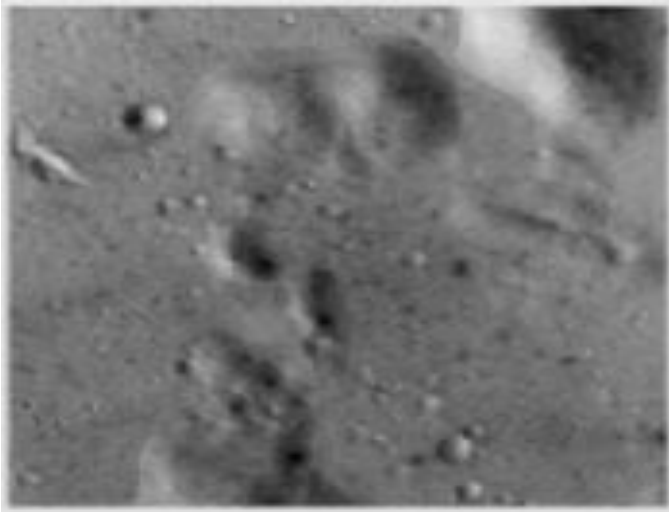


Imagen Original

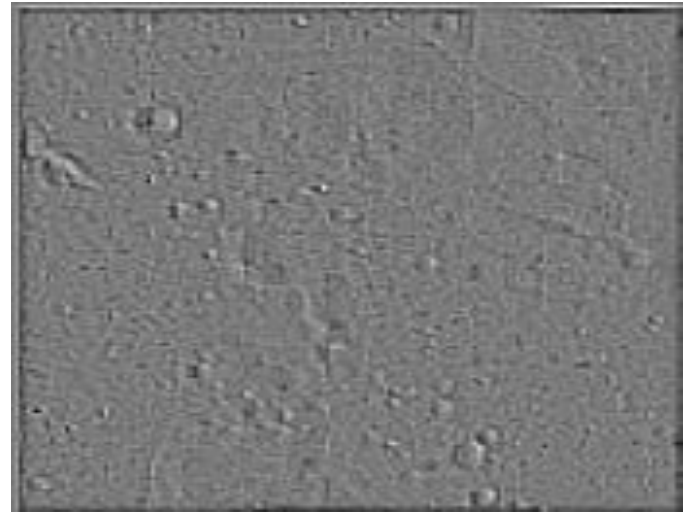
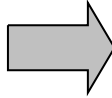


Imagen Filtrada con Paso  
Alto

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Realce**

- Imagen original es la suma de las imágenes en paso bajo y paso alto
- Paso Alto = Original – Paso Bajo
- Énfasis AF =  $A * \text{Original} - \text{Paso Bajo}$
- $= (A-1) * \text{Original} + \text{Paso Alto}$
- A es un factor de amplificación (parte de la imagen original se añade a los bordes acentuados)

# FILTROS LINEALES

- **Filtros de Realce**
  - Filtro de énfasis en altas frecuencias

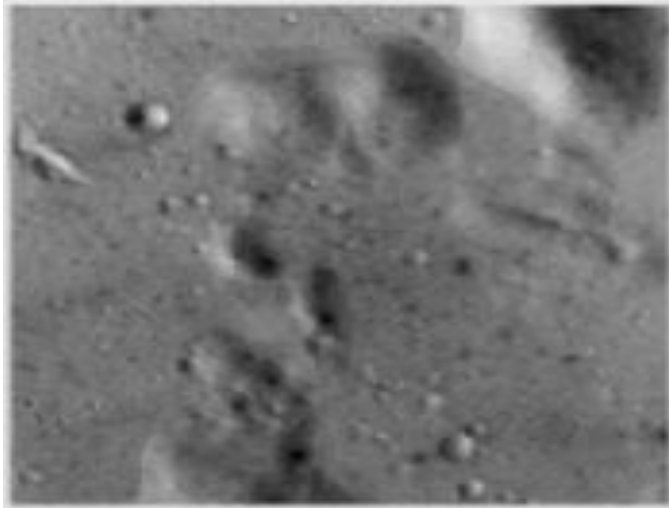


Imagen Original

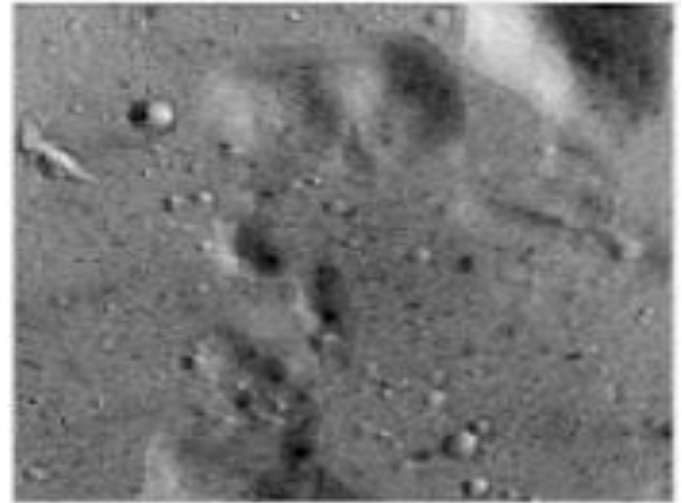
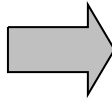
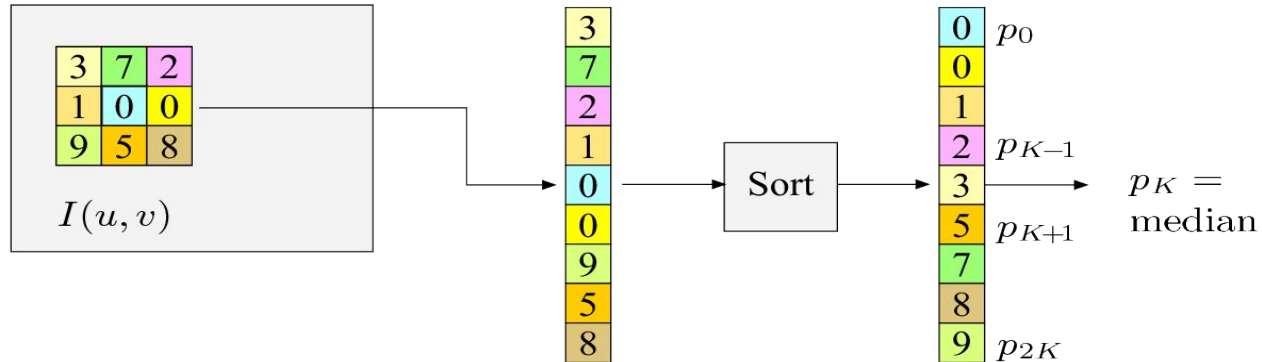


Imagen Filtrada con  
EAF ( $A=2$ )

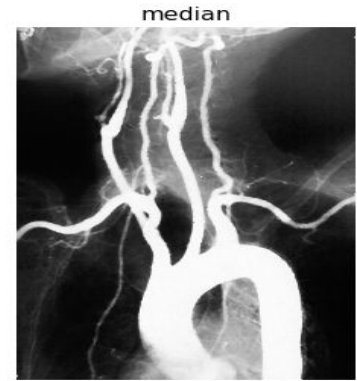
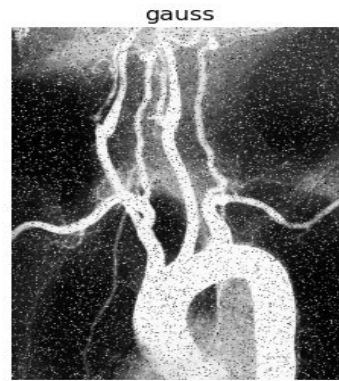
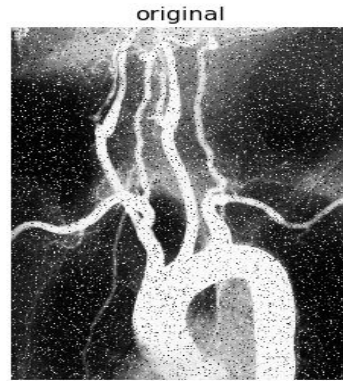
# FILTROS NO LINEALES

- Filtro Mediana



# FILTROS NO LINEALES

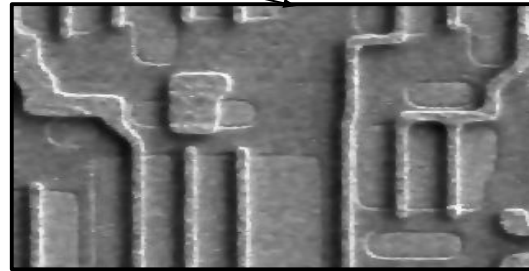
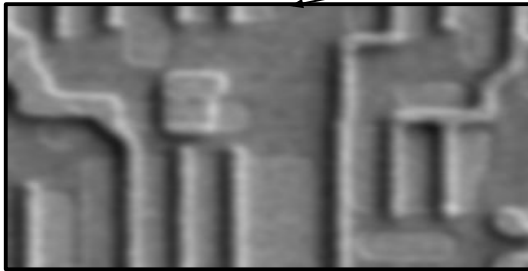
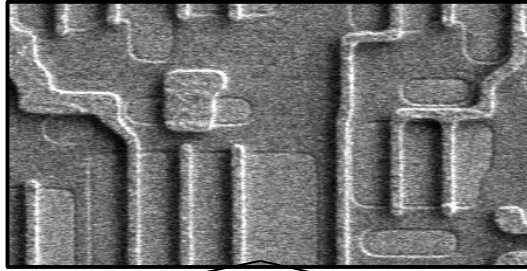
- **Filtro Mediana**





# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**



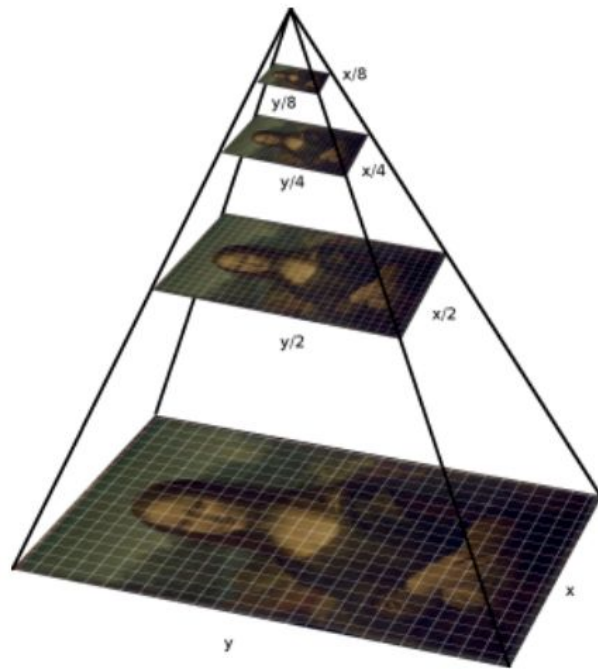
# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**

- Descripción espacio-escala (scale-space) que consiste en la descripción de una imagen mediante un análisis de múltiples escalas.
- Idea ampliamente utilizada en visión por computadora para tratar el problema de invariancia a escala.
- Se genera una familia de imágenes derivadas obtenidas por convolución de la imagen original.

$$I(x, y, t) = I_0(x, y) * g(x, y, t)$$

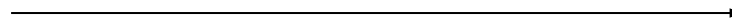
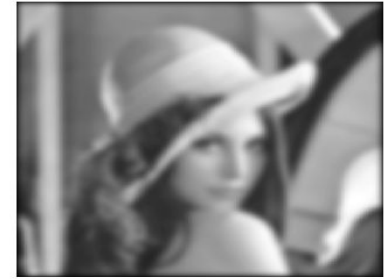
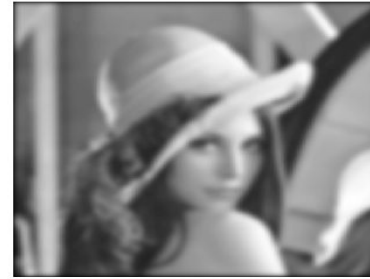
$g$  es un filtro gaussiano con desviación  $t$ .



# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**

- Descripción espacio-escala (scale-space)



a mayor escala → menor detalle

sigma en filtro Gaussiano indica escala

# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**
  - Descripción espacio-escala (scale-space)



$t=0.8$



$t=1.6$



$t=2.4$



$t > 2.4$

# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**

- **Ecuación de difusión del calor**

- Otra forma de ver la representación espacio-escala

$$I_t = c \Delta I$$

Constante de difusión térmica  
mayor valor de  $c \rightarrow$  mayor difusión

Operador Laplaciano

# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**

- **Ecuación de difusión del calor**

- Al ser  $c$  una constante, se tiene una difusión lineal (Gaussian smoothing) generando pérdida de bordes
    - Entonces, la difusión anisotrópica busca cumplir:
      - **Causalidad**: La información generada en una iteración depende de la iteración anterior. No se genera información espuria
      - **Localización de bordes**: En cada iteración los bordes se mantienen
      - **Suavizamiento por regiones**: En cada iteración la regiones tienden a homogeneizarse

# FILTROS NO LINEALES

- Difusión anisotrópica

- Propuesta de Perona y Malik

Pietro Perona and Jitendra Malik (1990). "**Scale-space and edge detection using anisotropic diffusion**". IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 12 (7): 629–639

- $c$  no es más una constante. Dependerá de la iteración (escala) y del punto a evaluar.
    - Ecuación de difusión anisotrópica:

$$\begin{aligned} I_t(x, y) &= \text{div}(c(x, y, t) \nabla I(x, y, t)) \\ &= c(x, y, t) \triangle I(x, y, t) + \nabla c(x, y, t) \nabla I(x, y, t) \end{aligned}$$

- Si  $c$  es constante, la ecuación reduce a la ecuación del calor

# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**
  - **Características de  $c(x,y,t)$** 
    - Valor pequeño cuando  $(x,y)$  corresponde a un borde en  $I$  en la iteración  $t$ .
    - Valor alto si caso de estar dentro de una región homogénea.
  - **Cómo definir  $c(x,y,t)$ ?**
    - Sea  $E(x,y,t)$  una función que brinda información de bordes.

$$E(x, y, t) = \nabla I(x, y, t)$$



# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**

$$c(x, y, t) = h(||E(x, y, t)||)$$

- Donde  $h$  es una función que varía entre 0 y 1, siendo  $h(0)=1$ , por ejemplo:

$$h(x) = e^{-(x/K)^2}$$

# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**



# FILTROS NO LINEALES

- Difusión anisotrópica



Gaussiano 7x7



Difusión Anisotrópica  
Lambda=0.1. K=20, it=10

# FILTROS NO LINEALES

- Difusión anisotrópica



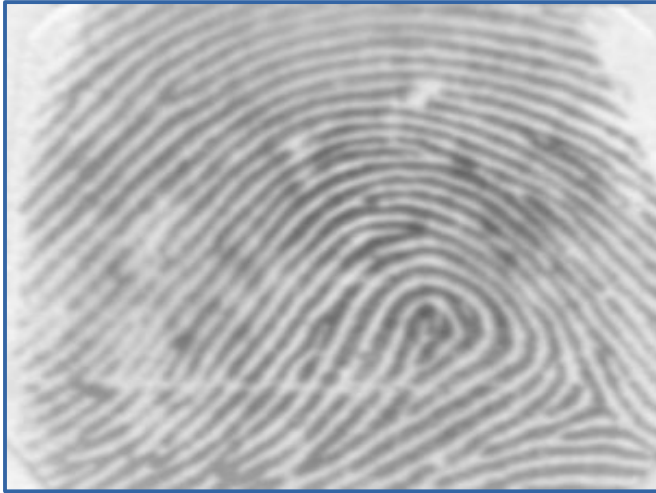
Difusión Anisotrópica  
 $\text{Lambda}=0.1$ .  $K=20$ ,  $it=20$



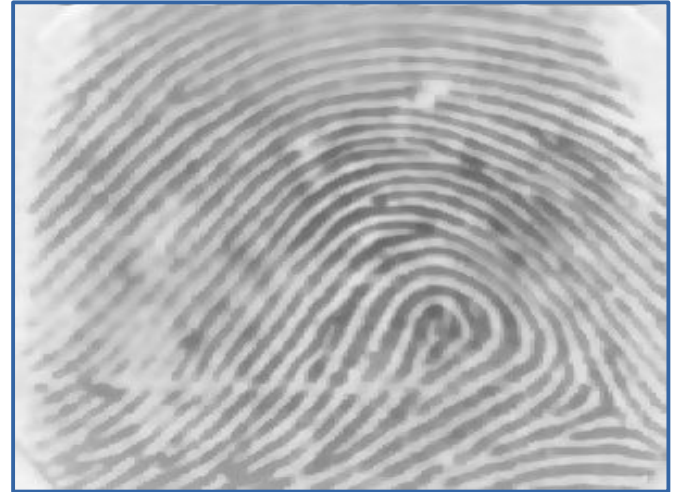
Difusión Anisotrópica  
 $\text{Lambda}=0.1$ .  $K=20$ ,  $it=40$

# FILTROS NO LINEALES

- **Difusión anisotrópica**



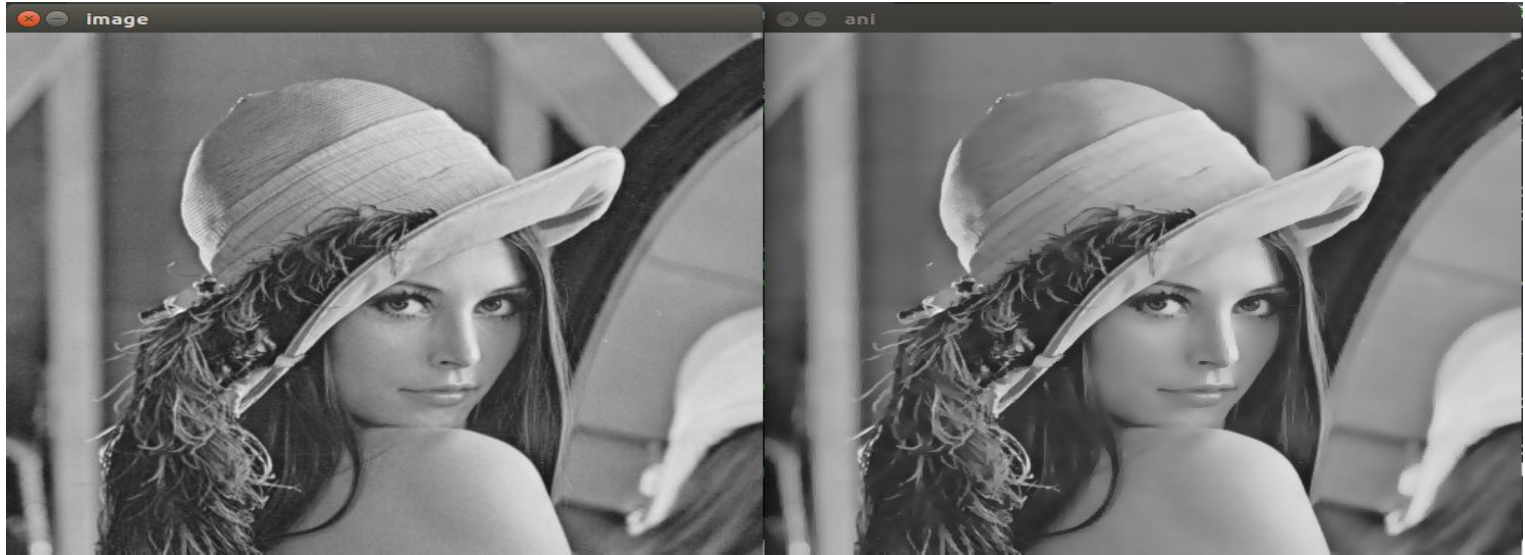
Gausiano 7x7



Difusión Anisotrópica  
 $\lambda=0.1$ ,  $K=10$ ,  $it=20$

# FILTROS NO LINEALES

- Difusión anisotrópica



Difusión Anisotrópica  
 $\Lambda=0.25$   $K=10$ ,  $it=10$