

Algoritmos y Estructuras de datos II - Trabajo Práctico 1

Grupo BlackMesa

TAD posición es tupla(int × int)

1. TAD Sokoban

TAD SOKOBAN

géneros sokoban

exporta observadores, generadores

usa PARTIDA, CONJ, NIVEL, DIRECCION

igualdad observacional

$$(\forall s_1, s_2 : \text{sokoban}) \left(s_1 =_{\text{obs}} s_2 \iff \left(\begin{array}{l} \text{partidaActual}(s_1) =_{\text{obs}} \text{partidaActual}(s_2) \wedge \\ \text{niveles}(s_1) =_{\text{obs}} \text{niveles}(s_2) \wedge \\ \text{nivelesCompletados}(s_1) =_{\text{obs}} \text{nivelesCompletados}(s_2) \end{array} \right) \right)$$

observadores básicos

partidaActual	: sokoban	→ partida
niveles	: sokoban	→ conj(nivel)
nivelesCompletados	: sokoban	→ conj(nivel)

generadores

sokoban : conj(nivel) → sokoban

mover : sokoban $s \times$ direccion d → sokoban

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{esTransitable}(\text{partidaActual}(s), \text{siguientePosicion}(d, \text{posicionDelJugador}(\text{partidaActual}(s)))) \wedge \\ ((\neg \text{hayCaja}(\text{partidaActual}(s), \text{siguientePosicion}(d, \text{posicionDelJugador}(\text{partidaActual}(s))))) \vee \\ (\text{esTransitable}(\text{partidaActual}(s), \text{siguientePosicion}(d, \text{siguientePosicion}(d, \text{posicionDelJuga-} \\ \text{dor}(\text{partidaActual}(s))))) \wedge \\ \neg \text{hayCaja}(\text{partidaActual}(s), \text{siguientePosicion}(d, \text{siguientePosicion}(d, \text{posicionDelJuga-} \\ \text{dor}(\text{partidaActual}(s))))) \end{array} \right\}$$

usarBomba : sokoban s → sokoban {#bombas(partidaActual(s)) ≠ 0}

deshacer : sokoban s → sokoban {¬vacía(estadosAnteriores(partidaActual(s)))}

axiomas $\forall s: \text{sokoban}, \forall d: \text{direccion}, \forall cn: \text{conj}(\text{nivel})$

<code>partidaActual(sokoban(cn))</code>	\equiv	<code>iniciarPartida(dameUno(cn))</code>
<code>partidaActual(mover(s, d))</code>	\equiv	if <code>victorioso?(moverJugador(partidaActual(s), d))</code> then <code>iniciarPartida(dameUno(niveles(s) – nivelesCompletados(mover(s, d))))</code> else <code>moverJugador(partidaActual(s), d)</code> fi
<code>partidaActual(usarBomba(s))</code>	\equiv	<code>ponerBomba(partidaActual(s))</code>
<code>partidaActual(deshacer(s))</code>	\equiv	<code>Undo(partidaActual(s))</code>
 <code>niveles(sokoban(cn))</code>	 \equiv	 <code>cn</code>
<code>niveles(mover(s, d))</code>	\equiv	<code>niveles(s)</code>
<code>niveles(usarBomba(s))</code>	\equiv	<code>niveles(s)</code>
<code>niveles(deshacer(s))</code>	\equiv	<code>niveles(s)</code>
 <code>nivelesCompletados(sokoban(cn))</code>	 \equiv	 <code>\emptyset</code>
<code>nivelesCompletados(mover(s, d))</code>	\equiv	if <code>victorioso?(moverJugador(partidaActual(s), d))</code> then <code>Ag(nivelActual(partidaActual(s)), nivelesCompletados(s))</code> else <code>nivelesCompletados(s)</code> fi
<code>nivelesCompletados(usarBomba(s))</code>	\equiv	<code>nivelesCompletados(s)</code>
<code>nivelesCompletados(deshacer(s))</code>	\equiv	<code>nivelesCompletados(s)</code>

Fin TAD

2. TAD Partida

TAD PARTIDA

géneros partida

exporta observadores, generadores

usa BOOL, NIVEL, POSICION, DIRECCION, NAT, PILA

igualdad observacional

$$(\forall pa_1, pa_2 : \text{partida}) \left(pa_1 =_{\text{obs}} pa_2 \iff \begin{pmatrix} \text{nivelActual}(pa_1) =_{\text{obs}} \text{nivelActual}(pa_2) \wedge \\ \text{posicionDelJugador}(pa_1) =_{\text{obs}} \text{posicionDelJugador}(pa_2) \wedge \\ (\forall p : \text{posicion}) \\ (\text{esTransitable}(pa_2, p) =_{\text{obs}} \text{esTransitable}(pa_1, p)) \wedge \\ \text{hayCaja}(pa_1, p) =_{\text{obs}} \text{hayCaja}(pa_2, p) \wedge \\ \text{estadosAnteriores}(pa_1) =_{\text{obs}} \text{estadosAnteriores}(pa_2) \end{pmatrix} \right)$$

observadores básicos

`posicionDelJugador` : partida \longrightarrow posicion

`nivelActual` : partida \longrightarrow nivel

`#bombas` : partida \longrightarrow nat

`esTransitable` : partida \times posicion \longrightarrow bool

`estadosAnteriores` : partida \longrightarrow pila(partida)

`hayCaja` : partida \times posicion \longrightarrow bool

generadores

`iniciarPartida` : nivel \longrightarrow partida

`moverJugador` : partida $pa \times$ direccion $d \longrightarrow$ partida

`ponerBomba` : partida $p \longrightarrow$ partida

`Undo` : partida \longrightarrow partida

otras operaciones

`siguientePosicion` : direccion $d \times$ posicion \longrightarrow posicion

`revisarDepositos` : conj(posicion) \longrightarrow bool

`victorioso?` : partida \longrightarrow bool

axiomas $\forall pa: \text{partida}, \forall n: \text{nivel}, \forall p: \text{posicion}, \forall d: \text{direccion}, \forall cd: \text{conj}(\text{posicion})$

`posicionDelJugador(iniciarPartida(n))` \equiv `posicionInicial(n)`

`posicionDelJugador(moverJugador(pa, d))` \equiv `siguientePosicion(d, posicionDelJugador(pa))`

`posicionDelJugador(ponerBomba(pa))` \equiv `posicionDelJugador(pa)`

`posicionDelJugador(Undo(pa))` \equiv `posicionDelJugador(tope(estadosAnteriores(pa)))`

`nivelActual(iniciarPartida(n))` \equiv `n`

`nivelActual(moverJugador(pa, d))` \equiv `nivelActual(pa)`

`nivelActual(ponerBomba(pa))` \equiv `nivelActual(pa)`

nivelActual(Undo(pa))	\equiv nivelActual(pa)
#bombas(iniciarPartida(n))	\equiv bombasIniciales(n)
#bombas(moverJugador(pa, d))	\equiv #bombas(pa)
#bombas(ponerBomba(pa))	\equiv pred(#bombas(pa))
#bombas(Undo(pa))	\equiv #bombas(tope(estadosAnteriores(pa)))
esTransitable(iniciarPartida(n), p)	\equiv \neg tienePared(n, p)
esTransitable((moverJugador(pa, d), p))	\equiv esTransitable(pa, p)
esTransitable(ponerBomba(pa), p)	\equiv ($\pi_1(p) =_{\text{obs}} \pi_1(\text{posicionDelJugador}(pa))$) \vee $(\pi_2(p) =_{\text{obs}} \pi_2(\text{posicionDelJugador}(pa))) \vee$ esTransitable(pa, p)
esTransitable(Undo(pa), p)	\equiv esTransitable(tope(estadosAnteriores(pa)), p)
hayCaja(iniciarPartida(n), p)	\equiv tieneCaja(n, p)
hayCaja(moverJugador(pa, d), p)	\equiv if $p =_{\text{obs}} \text{siguientePosicion}(d, \text{siguientePosicion}(d, \text{posicionDelJugador}(pa)))$ then hayCaja(pa, siguientePosicion(d, posicionDelJugador(pa))) else hayCaja(pa, p) fi
hayCaja(ponerBomba(pa), p)	\equiv hayCaja(pa, p)
hayCaja(Undo(pa), p)	\equiv hayCaja(tope(estadosAnteriores(pa)), p)
estadosAnteriores(iniciarPartida(n))	\equiv vacia
estadosAnteriores(moverJugador(pa, d), p)	\equiv apilar(pa, estadosAnteriores(pa))
estadosAnteriores(ponerBomba(pa))	\equiv apilar(pa, estadosAnteriores(pa))
estadosAnteriores(Undo(pa))	\equiv desapilar(estadosAnteriores(pa))
siguientePosicion(d, p)	\equiv if $\text{char?}(d) =_{\text{obs}} \text{'n'}$ \vee $\text{char?}(d) =_{\text{obs}} \text{'s'}$ then $< \pi_1(p), \text{if } \text{char?}(d) =_{\text{obs}} \text{'n' then } \pi_2(p) + 1 \text{ else } \pi_2(p) - 1$ fi $>$ else $< \text{if } \text{char?}(d) =_{\text{obs}} \text{'e' then } \pi_1(p) + 1 \text{ else } \pi_1(p) - 1 \text{ fi}$ $, \pi_2(p) >$ fi
revisarDepositos(cd)	\equiv $\emptyset?(cd) \vee (\text{tieneCaja}(\text{dameUno}(cd)) \wedge \text{revisarDepositos}(\text{sinUno}(cd)))$
victorioso?(pa)	\equiv revisarDepositos(despositos(nivelActual(pa)))

Fin TAD

3. TAD Nivel

TAD NIVEL

géneros nivel

exporta observadores, generadores

usa BOOL, POSICION, CONJ

igualdad observacional

$$(\forall n_1, n_2 : \text{nivel}) \left(n_1 =_{\text{obs}} n_2 \iff \left((\forall p : \text{posicion}) \left(\begin{aligned} &\{ \text{tienePared}(n_1, p) =_{\text{obs}} \text{tienePared}(n_2, p) \wedge \\ &\text{tieneCaja}(n_1, p) =_{\text{obs}} \text{tieneCaja}(n_2, p) \} \wedge \\ &\text{depositos}(n_1) =_{\text{obs}} \text{depositos}(n_2) \wedge \\ &\text{posicionInicial}(n_1) =_{\text{obs}} \text{posicionInicial}(n_2) \wedge \\ &\text{bombasIniciales}(n_1) =_{\text{obs}} \text{bombasIniciales}(n_2) \end{aligned} \right) \right) \right)$$

observadores básicos

tienePared	: nivel × posicion	→ bool
depositos	: nivel	→ conj(posicion)
tieneCaja	: nivel × posicion	→ bool
posicionInicial	: nivel	→ posicion
bombasIniciales	: nivel	→ nat

generadores

nivel	: posicion × nat	→ nivel
ponerDeposito	: nivel × posicion p	→ nivel $\{\neg \text{tienePared}(p)\}$
ponerPared	: nivel × posicion p	→ nivel $\{\neg \text{esDeposito}(p) \wedge \neg \text{tieneCaja}(p) \wedge \neg \text{tienePared}(p) \wedge p \neq \text{posicionInicial}(n)\}$
ponerCaja	: nivel × posicion p	→ nivel $\{\neg \text{tienePared}(p) \wedge \neg \text{tieneCaja}(p) \wedge p \neq \text{posicionInicial}(n)\}$

axiomas $\forall n: \text{nivel}, \forall p, p': \text{posicion}, \forall b: \text{nat}$

tienePared(nivel(p, b), p')	$\equiv \text{False}$
tienePared(ponerDeposito(n, p), p')	$\equiv \neg((p = p') \wedge \text{tienePared}(n, p'))$
tienePared(ponerPared(n, p), p')	$\equiv (p = p') \vee \text{tienePared}(n, p')$
tienePared(ponerCaja(n, p), p')	$\equiv \neg((p = p') \wedge \text{tienePared}(n, p'))$
depositos(nivel(p, b))	$\equiv \emptyset$
depositos(ponerDeposito(n, p))	$\equiv \text{Ag}(p, \text{depositos}(n))$
depositos(ponerPared(n, p))	$\equiv \text{depositos}(n)$
deposito(ponerCaja(n, p))	$\equiv \text{deposito}(n)$
tieneCaja(nivel(p, b), p')	$\equiv \text{false}$
tieneCaja(ponerDeposito(n, p), p')	$\equiv \text{tieneCaja}(n, p')$
tieneCaja(ponerPared(n, p), p')	$\equiv \neg((p = p') \wedge \text{tieneCaja}(n, p'))$
tieneCaja(ponerCaja(n, p), p')	$\equiv (p = p') \vee \text{tieneCaja}(n, p')$

bombasIniciales(nivel(p, b))	\equiv b
bombasIniciales(ponerDeposito(n, p))	\equiv bombasIniciales(n)
bombasIniciales(ponerPared(n, p))	\equiv bombasIniciales(n)
bombasIniciales(ponerCaja(n, p))	\equiv bombasIniciales(n)
posicionInicial(nivel(p, b))	\equiv p
posicionInicial(ponerDeposito(n, p))	\equiv posicionInicial(n)
posicionInicial(ponerPared(n, p))	\equiv posicionInicial(n)
posicionInicial(ponerCaja(n, p))	\equiv posicionInicial(n)

Fin TAD

4. TAD Direccion

TAD Direccion

géneros dir

usa CHAR

exporta observadores, generadores

igualdad observacional
 $(\forall dir_1, dir_2 : \text{dir}) \ (dir_1 =_{\text{obs}} dir_2 \iff (\text{char?}(dir_1) =_{\text{obs}} \text{char?}(dir_2)))$

observadores básicos

char? : dir \longrightarrow char

generadores

Norte : \longrightarrow dir

Sur : \longrightarrow dir

Este : \longrightarrow dir

Oeste : \longrightarrow dir

axiomas $\forall d: \text{dir}$

char?(Norte) \equiv 'n'

char?(Sur) \equiv 's'

char?(Este) \equiv 'e'

char?(Oeste) \equiv 'o'

Fin TAD