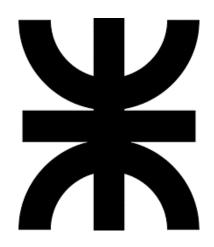
Universidad Tecnológica Nacional Facultad Regional Córdoba

Ingeniería Electrónica



MEDIDAS ELECTRÓNICAS I

Trabajo Práctico de Laboratorio Nº6

MEDICIÓN DE POTENCIA ACTIVA Y DE FACTOR DE POTENCIA CON OSCILOSCOPIO

ALUMNOS: Carreño Marin, Sebastian 83497

Juarez, Daniel 79111 Torres, Heber 84640

CURSO : 4R1

DOCENTES: Ing. Centeno, Carlos

Ing. Salamero, Martin Ing. Guanuco, Luis

CÓRDOBA, ARGENTINA 4 de agosto de 2022

CONTENIDO

1.	Intr	oducció	in	2		
2.	Marco Teórico					
	2.1.	Poteno	cias en un sistema alimentado con corriente alterna	2		
		2.1.1.	Obtención del triángulo de potencia mediante fasores	3		
		2.1.2.	Factor de potencia	4		
		2.1.3.	Corrección del factor de potencia	5		
	2.2.		a de Lissajous	6		
3.	Actividad Práctica					
	3.1.	3.1. Medición de potencia activa y factor de potencia				
			Medición de los módulos de tensión y corriente de entrada	9		
		3.1.2.	Medición de la diferencia de fase de la tensión y corriente de			
			entrada	10		
	3.2.	3.2. Correción del factor de potencia				
			Cálculo del capacitor de compensación	11		
			Medicion del factor de potencia corregido	12		
4.	Con	clusior	ies	13		

Curso: 4R1

4 de agosto de 2022 Página 1 de 13

1. Introducción

A nivel industrial, la determinación de parámetros industriales, como la potencia y el factor de potencia, se hace mediante el uso de aparatos de medición destinados a medir dichas magnitudes en laboratorios eléctricos. En el presente trabajo práctico se emplean métodos de medición indirectos, e instrumentos utilizados en electronica, como un osciloscopio de uso general, para las mediciones de dichas magnitudes industriales.

2. Marco Teórico

2.1. Potencias en un sistema alimentado con corriente alterna

Se puede definir el concepto de **potencia**, como cantidad de energía eléctrica entregada o absorbida por un elemento en un momento determinado, cuya unidad en el Sistema Internacional de Unidades es el **watt** (**W**).

En circuitos de corriente alterna (CA), se puede determinar 3 tipos de potencias: activa, reactiva y aparente.

La potencia activa (**P**) también conocida como la *potencia real*, es la que es consumida por cargas resistivas propias de un circuito, y es medida en **watt** (**W**). La potencia reactiva (**Q**), es la potencia intercambiada por cargas inductivas y/o capacitivas; su unidad de medida es **volt-ampere reactivo** (**VAR**). Por último, la potencia aparente (**S**), es una combinación entre la potencia activa y la reactiva; su unidad de medida es **volt-ampere** (**VA**).

Estas potencias se relacionan entre sí de la siguiente manera. Partiendo de una señal

$$v(t) = V_m \sin(\omega t) [V],$$

que excita un circuito genérico que contiene una impedancia $Z=R+jX=|Z|\angle \varphi$, se produce una corriente eléctrica cuya forma es

$$i(t) = I_m \sin(\omega t - \varphi) [A]$$
,

entonces, la potencia instantánea, asociada a la señal de excitación, se obtiene mediante el producto de la tensión por la corriente, dando como resultado

$$p(t) = [V_m \sin(\omega t)] \cdot [I_m \sin(\omega t - \varphi)] [W]. \tag{1}$$

Ahora, partiendo de la ecuación (1), la misma se la puede reescribir de la siguiente forma (mediante la identidad trigonométrica del *seno de la resta*)

$$p(t) = V_m \sin(\omega t) \cdot [I_m \sin(\omega t) \cos(\varphi) - I_m \cos(\omega t) \sin(\varphi)]$$

$$p(t) = [2\sin^2(\omega t)] \cdot VI \cos(\varphi) - [2\sin(\omega t) \cos(\omega t)] \cdot VI \sin(\varphi).$$

Luego, aplicando las identidades

$$2\sin^2(\alpha) = 1 - \cos(2\alpha)$$
 ; $\sin(2\alpha) = 2\sin(\alpha)\cos(\alpha)$,

finalmente queda la siguiente expresión

$$p(t) = [1 - \cos(2\omega t)] \cdot VI\cos(\varphi) - [\sin(2\omega t)] \cdot VI\sin(\varphi). \tag{2}$$

De esta última expresión obtenida se observa que el primer término del segundo miembro de la ecuación, corresponde a la **potencia activa P** asociada a lo componentes resistivos de un sistema, mientras que el segundo término del mismo, corresponde a la **potencia reactiva Q**, asociada a los componentes reactivos del mismo.

Luego, realizando la integración en el período T de la ecuación (2), se obtiene

$$P = VI\cos(\alpha) [W].$$
 (3)

$$Q = VI\cos(\alpha) [VAR].$$
 (4)

Por último, la **potencia aparente total** (**S**), se obtiene sumando los aportes de las potencias activas y reactivas, y como estas mismas se realizan en cuadratura, entonces

$$S^2 = P^2 + Q^2$$
 : $S = \sqrt{P^2 + Q^2} [VA]$. (5)

2.1.1. Obtención del triángulo de potencia mediante fasores

El cálculo de las potencias resistivas y reactivas se puede obtener de manera directa mediante el uso de fasores. A continuación, se deducen los cálculos necesarios para la obtención. Partiendo de una tensión descrita en fasores $\vec{V}=|\vec{V}|\angle 0^\circ$, excitando un circuito con una impedancia $Z=|Z|\angle\pm\varphi$, se genera una corriente $\vec{I}=|\vec{I}|\angle\mp\varphi$.

La potencia activa total, como se vio en la sección anterior, se puede obtener mediante la ecuación (3). La misma se puede reescribir en término de fasores como el producto de sus módulos por el coseno del ángulo entre ellos

$$P = |\vec{V}||\vec{I}|\cos(\varphi) = VI\cos(\varphi).$$

La potencia reactiva total, como se vio en la sección anterior, se puede obtener mediante ecuación (4). La misma se puede reescribir en término de fasores como el *producto de sus módulos por el seno del ángulo entre ellos*

$$Q = |\vec{V}||\vec{I}|\sin(\varphi) = VI\sin(\varphi).$$

Por último, la potencia aparente total (S) se obtiene mediante el *producto de los módulos de los fasores tensión y corriente total*

$$S = |\vec{V}||\vec{I}| = VI.$$

Las potencias activa y reactiva pueden ser vistas como, *el producto del módulo del fasor tensión y la proyección de la corriente en el eje real e imaginario respectivamente*

$$P = V \cdot (I\cos(\varphi))$$
 ; $Q = V \cdot (I\sin(\varphi))$.

A la proyección de la corriente sobre el eje real, se la conoce como **corriente activa**, y, a su vez, la proyección de la corriente en el eje imaginario se lo conoce como **corriente reactiva**,tal y como se ve en la Figura 1a.

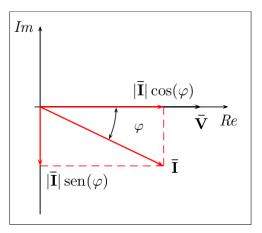
Además, las potencias resistivas y reactivas, están relacionadas entre sí de tal forma de que, si se suman los cuadrados de las mismas se obtiene

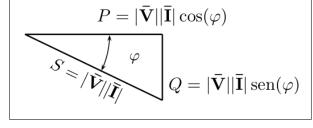
$$P^{2} + Q^{2} = (VI\cos(\varphi))^{2} + (VI\sin(\varphi))^{2} = (VI)^{2}$$
,

de donde se deduce la potencia aparente

$$S^2 = P^2 + Q^2 \rightarrow S = \sqrt{P^2 + Q^2}$$
.

Debido a esta relación entre las 3 potencias, se conforma lo que se conoce como **triángulo de potencia** como se ve en la Figura 1b.





(a) Diagrama Fasorial.

(b) Triángulo de potencias.

Figura 1: Obtención del triangulo de potencias.

2.1.2. Factor de potencia

El **factor de potencia** (**fp**), se lo puede definir como la relación que existe entre la energía que es aprovechada, capaz de realizar un trabajo, y la energía total del sistema disponible. Dichas energías se relacionan, directamente con la potencia activa (P) y la potencia aparente (S)

$$fp = \frac{W_p}{W_s} = \frac{P}{S} = \frac{VI\cos(\varphi)}{VI}$$
 : $fp = \cos(\varphi)$.

El factor de potencia, es un valor adimensional que indica el **rendimiento de un sistema**, es decir, qué parte de la energía disponible se transforma en trabajo. Dicho valor es un número comprendido entre 0 y 1, donde 0 indica que un sistema es**puramente reactivo**, lo cual quiere decir que toda la energía disponible en él retorna a la fuente en cada ciclo. En el caso de un fp = 1 el sistema es **puramente resistivo**, es decir, toda la energía disponible en él es consumida por una carga transformándose en trabajo.

En la práctica, se busca un fp lo más cercano a 1 para aprovechar al máximo la energía. En caso de no tener un valor cercano a la unidad, se realiza lo que se conoce como corrección de factor de potencia, el cual se explica en la siguiente sección. El factor de potencia, al igual que las potencias reactivas, es expresado en términos de adelanto, para sistemas de carácter inductivo, o atraso de fase, para sistemas de carácter capacitivo.

2.1.3. Corrección del factor de potencia

Como se mencionó anteriormente, en los sistemas se busca un factor de potencia lo más cercano a 1, debido a que **la energía que es transportada y no se consume produce pérdidas**. Por ende, entre más cercano sea el valor a la unidad, las pérdidas serán mínimas en el sistema, pero en caso de ser más alejado al valor unitario, se producirán mayores pérdidas en el mismo, debiendo realizar una **corrección del factor de potencia**.

Dicha corrección se logra, conectando cargas reactivas en paralelo, de carácter contrario al que posee el sistema, de ésta manera no se modifica la tensión aplicada en el mismo. El cálculo de corrección es realizado en base al factor de potencia deseado. Para la ejecución del trabajo práctico, se tiene en cuenta la corrección del fp para una carga inductiva mediante el siguiente planteamiento

Se parte de un factor de potencia inicial $f p_0$ a un factor de potencia final $f p_f$

$$fp_0 = \cos(\varphi_0)$$
 y $fp_f = \cos(\varphi_f)$,

y considerando ambos en atraso, para compensar el sistema se conecta una carga capacitiva de potencia reactiva Q_C

$$Q_f = Q_0 - Q_C \implies Q_C = Q_0 - Q_f$$

Reemplazando en la expresión anterior la ecuación (4) para cada potencia reactiva

$$\begin{split} Q_C &= V I_0 \sin(\varphi_0) - V I_f \sin(\varphi_f) \\ Q_C &= V I_0 \sin(\varphi_0) \cdot \frac{\cos(\varphi_0)}{\cos(\varphi_0)} - V I_f \sin(\varphi_f) \cdot \frac{\cos(\varphi_f)}{\cos(\varphi_f)} \\ Q_C &= V I_0 \cos(\varphi_0) \cdot \tan(\varphi_0) - V I_f \cos(\varphi_f) \cdot \tan(\varphi_f) \,, \end{split}$$

como la potencia activa P no varía entonces

$$Q_C = P \cdot (\tan(\varphi_0) - \tan(\varphi_f))$$
.

Finalmente, teniendo en cuenta que $Q_C = \frac{V^2}{X_C}$, y la expresión anterior, se igualan y se obtiene

$$\frac{V^2}{X_C} = P \cdot (\tan(\varphi_0) - \tan(\varphi_f))$$

$$V^2 \cdot \omega C = P \cdot (\tan(\varphi_0) - \tan(\varphi_f))$$

$$\implies C = \frac{P \cdot (\tan(\varphi_0) - \tan(\varphi_f))}{V^2 \cdot \omega}.$$

La ecuación antes mencionada, hace referencia a la obtención de una capacitancia para un valor de fp_f como referencia. Para el desarrollo del presente trabajo práctico, se tendrá en consideración un $fp_f=1$, para obtener la capacitancia buscada. De esta manera la ecuación final queda reducida a la siguiente expresión

$$C = \frac{P \cdot \tan(\varphi_0)}{V^2 \cdot \omega} [F].$$
 (6)

2.2. Figura de Lissajous

Las figuras de Lissajous son comúnmente usadas para la determinación de la diferencia de fase entre dos señales de la misma frecuencia. Los osciloscopios cuentan con un modo conocido como **modo X-Y**, el cual toma una de las señales y la inyecta en el canal 1, y la otra en el canal 2, de esa manera, internamente el osciloscopio se encarga de usar estas señales para los trazos horizontal y vertical, y así se forma la figura de Lissajous.

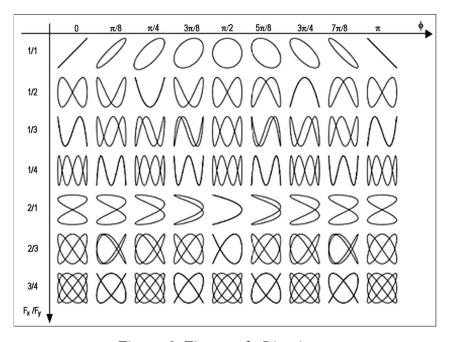


Figura 2: Figuras de Lissajous.

De los tipos de curvas de Lissajous vistas en la Figura 2, en el presente trabajo práctico, se destacará la figura de tipo **elíptica**, las cuales son formadas por señales con valores de fase distintos a $\frac{\pi}{2}$ y/o con diferentes amplitudes.

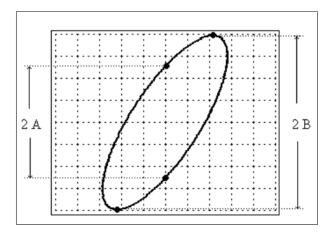


Figura 3: Figura de Lissajous de tipo elíptico.

4 de agosto de 2022 Página 6 de 13

La obtención de la diferencia de fase entre las señales se pueden determinar de la siguiente manera. Considerando las siguientes expresiones

$$x = X \cdot \sin(\omega t)$$
 ; $y = B \cdot \sin(\omega t + \varphi)$,

de la Figura 3, para x = 0 se deduce que

$$x = X \cdot \sin(\omega t) = 0 \implies t = 0$$
,

por lo tanto

$$y = B \cdot \sin(\omega 0 + \varphi) = B \cdot \sin(\varphi) = A$$
.

Finalmente

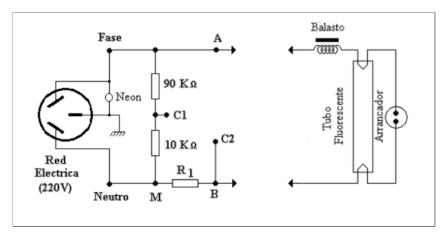
$$\sin(\varphi) = \frac{A}{B} .$$

De la última ecuación se despeja el ángulo de desfase

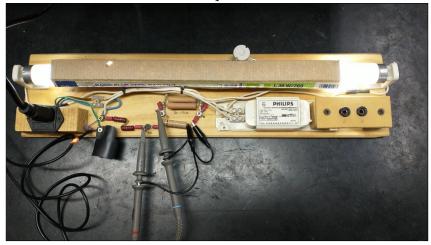
$$\varphi = \sin^{-1}\left(\frac{A}{B}\right). \tag{7}$$

3. Actividad Práctica

Se propone realizar las mediciones de **potencias** y **factor de potencia**, y posteriormente, la **corrección** de dicho factor, en una carga reactiva, la cual se trata de un tubo fluorescente común. Este mismo se encuentra preparado junto a un circuito de medición que provee la cátedra. En la Figura 4 se puede apreciar un esquema del mismo y una foto real.



(a) Esquema.



(b) Foto real.

Figura 4: Circuito de medición propuesto por la cátedra.

En el circuito de medición se puede apreciar el punto **M**, en el cual se conecta la tierra del osciloscopio por medio de sus puntas. Por esta razón, es importante y obligatorio el uso de un **transformador de aislación**, el cual tiene una de relación 1:1, y tiene como función crear una barrera física de aislación entre los equipos/circuitos con los cuales se trabaja y la red. Esto se justifica con que, la diferencia de potencial entre *neutro* y *tierra* de la red no es cero (idealmente debería serlo), para este caso, dicho valor es de aproximadamente **1**, **27 V**. Este valor generaría un flujo de corriente a través del osciloscopio directo a la *tierra*, lo cual podría dañar el instrumento, y además, provocaría que el diferencial se active.

Siguiendo con el análisis del circuito de medición, se puede apreciar un divisor resistivo. Esto permite que, en el punto **C1** se pueda medir la **décima parte** de la tensión

4 de agosto de 2022 Página 8 de 13

de entrada. Luego, en el punto C2 se mide la corriente de entrada por Ley de Ohm, ya que el valor de la resistencia es $R_1 = 10 \ \Omega$.

Se aclara que el kit utilizado no respeta el código de colores de los cables, siendo la fase y el neutro de color azul y marrón respectivamente.

3.1. Medición de potencia activa y factor de potencia

Las conexiones explicadas se representan en el esquema de la Figura 5. Se hace uso de las atenuaciones que ofrece el osciloscopio digital, de forma tal que los valores que se miden sean exactamente los valores reales. Es decir, para el **canal 1**, en cual se mide la *tensión de entrada* V_i , se coloca una **atenuación** x100 (x10 de la punta y x10 del divisor resistivo), y para el **canal 2**, en el cual se mide la *corriente de entrada* I_i de forma indirecta por Ley de Ohm, se coloca una atenuación **atenuación** x1 (debido a que $R_1 = 10 \Omega$).

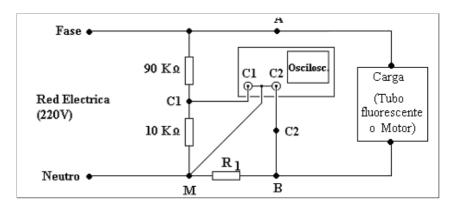


Figura 5: Esquema de conexiones para las mediciones.

3.1.1. Medición de los módulos de tensión y corriente de entrada

En la Figura 6 se puede ver los valores obtenidos al realizar la medición, los cuales se obtienen como valores *root main square* (RMS), ya que se utilizan para el cálculo de potencias. Las mediciones son:

$$V_{i_{RMS}} = 213 [V]$$
 ; $I_{i_{RMS}} = 333 [mA]$.

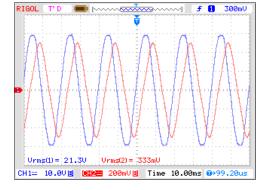


Figura 6: Medición de tensión y corriente de entrada con el osciloscopio.

4 de agosto de 2022 Página 9 de 13

3.1.2. Medición de la diferencia de fase de la tensión y corriente de entrada

A continuación, se procede a calcular la **diferencia de fase** de la tensión y corriente de entrada. En la Figura 7 se aprecia la medición con el osciloscopio en modo dual y en modo X-Y.

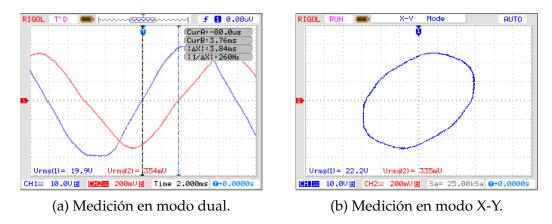


Figura 7: Medición de diferencia de fase.

Método 1: medición en modo dual

Simplemente, se procede a realizar una regla de tres simple, basándose en la Figura 8, mediante el semiperíodo de la tensión de entrada y la diferencia en segundos entre las señales. Por lo tanto, la diferencia de fase es

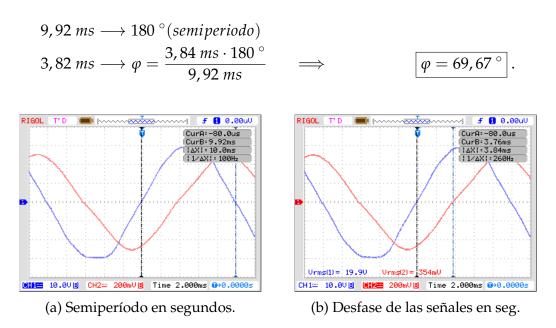


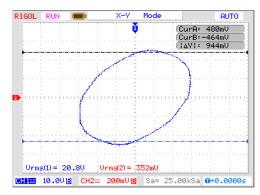
Figura 8: Medición de diferencia de fase en modo dual.

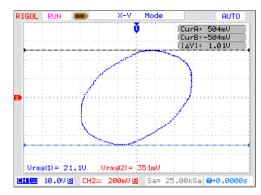
Método 2: medición en modo X-Y

Este método se basa en el uso de la figura de Lissajous mostrada en el osciloscopio. Las mediciones se pueden ver en la Figura 9. En base a la ecuación (7) se calcula el valor de la **diferencia de fase**

4 de agosto de 2022 Página 10 de 13

 $\varphi = sen^{-1}\left(\frac{A}{B}\right) = sen^{-1}\left(\frac{0.944 \ V}{1.01 \ V}\right) \implies \left[\varphi = 69.17^{\circ}\right]$





Curso: 4R1

- (a) Valores de corte de la figura en el eje vertical (A).
- (b) Valores máximos de la figura en el eje vertical (B).

Figura 9: Medición de diferencia de fase en modo X-Y.

Con las mediciones anteriores ya realizadas, se calculan las potencias activa (P), reactiva (Q) y aparente (S), con el uso de las ecuaciones (3), (4) y (5) respectivamente

$$P = V_i I_i \cos(\varphi) = 213 \ V \cdot 0,333 \ A \cdot \cos(69,17^\circ) \qquad \therefore \qquad P = 25,22 \ [W]$$

$$Q = V_i I_i \sin(\varphi) = 213 \ V \cdot 0,333 \ A \cdot \sin(69,17^\circ) \qquad \therefore \qquad Q = 66,29 \ [VAR]$$

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{(25,22 \ W)^2 + (66,29 \ VAR)^2} \qquad \therefore \qquad S = 70,92 \ [VA]$$

De la misma forma, con la ecuación (6) se calcula el factor de potencia fp

$$fp = cos(\varphi) = cos(69, 17^{\circ})$$
 : $fp = 0.36$.

3.2. Correción del factor de potencia

Cálculo del capacitor de compensación 3.2.1.

Usando la ecuación (6) se determina el valor del capacitor de compensación

$$C = \frac{25,22 \ W \cdot \tan(69,17^{\circ})}{(213 \ V)^2 \cdot 2\pi \cdot 50 \ Hz} \qquad \therefore \qquad \boxed{C = 4,65 \ [\mu F]}.$$

También es posible encontrar el valor del capacitor conociendo el factor de potencia, de acuerdo con el gráfico de la Figura 10, que corresponde con un valor de capacitancia de 3,63 μF .

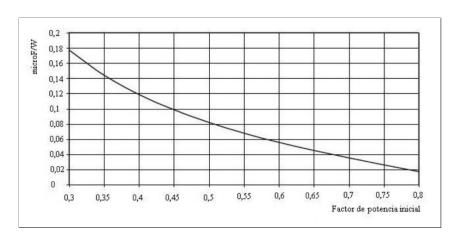


Figura 10: Curva Capacitancia-Factor de Potencia.

3.2.2. Medicion del factor de potencia corregido

Como se dificulta medir la diferencia de fase entre una señal y otra con el método del modo X-Y, se procede a determinar dicho desfasaje a partir de las señales en el dominio del tiempo. Se dispone de un capacitor de valor $4,7[\mu F]$, con lo cual se cumple el requisito presentado anteriormente. Se procede a la conexión del mismo, y se observa en el osciloscopio el resultado.

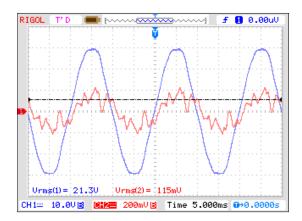


Figura 11: Señal resultante al agregar un capacitor.

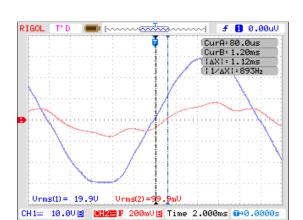
Se observa una importante cantidad de armónicos sumados a la señal de corriente, ésto debido a la deformación provocada por la carga conectada a la red.

Con los nuevos valores de tension y corriente, se determina el valor de la nueva potencia aparente

$$S = V I = 213 V \cdot 0,115 A \implies S = 24,50[VA]$$

Adicionalmente, puede determinarse el factor de potencia corregido, a partir de las señales obtenidas en el tiempo. El principal problema es la cantidad de armónicos montados sobre la señal de corriente, para resolverlo se debe aplicar un filtro pasa bajos a la misma, de ésta manera, es más sencillo realizar los cálculos.

4 de agosto de 2022 Página 12 de 13



Curso: 4R1

Cátedra: Med. Electrónicas I

Figura 12: Medición del desfasaje de tensión y corriente.

Se tiene un semiperíodo de 10~ms (lo que se corresponde con la frecuencia de la red de 50~Hz), que equivalen a una pulsación de 180° , y usando la relación de tiempo/división del osciloscopio junto con la relación entre ángulo y tiempo, se determina de forma aproximada la correspondencia en grados del desfasaje de la señal

$$\varphi = sen^{-1}\left(\frac{t_0 \cdot 180^{\circ}}{0.5 \cdot T}\right) = sen^{-1}\left(\frac{1.12 \ ms \cdot 180^{\circ}}{10 \ ms}\right) \qquad \Longrightarrow \qquad \left[\varphi = 20.16^{\circ}\right].$$

4. Conclusiones

Se ha visto en en el desarrollo del presente informe que, debido que la red posee una composición armónica, es decir no es senoidal pura, al conectar el capacitor se produce una atenuación de las bajas frecuencias y el aporte en amplitud de los armónicos de menor energía en la señal es mayor. Como consecuencia de lo anterior expuesto, se observa una deformación en la señal de salida debido a la influencia del capacitor de compensación.

Por otro lado, se observó que los métodos utilizados para medir el desfasaje de tensión y corriente se corresponden entre sí en los resultados, lo que da una idea de la fidelidad de los mismos para la determinación de éste parámetro.

4 de agosto de 2022 Página 13 de 13