

# Teoría de Autómatas y Lenguajes Formales

## Práctica 1: Latex y expresiones regulares

Sebastian Fernandez Buelvas

28 de octubre de 2022

### 1. Expresiones regulares

Las *expresiones regulares* ( $\mathcal{R}$ ) son un método de representación de lenguajes. Aunque su potencia expresiva es limitada, haciendo que sólo los lenguajes regulares puedan representarse con ellas, tienen la virtud de una gran sencillez en su formulación.

**Definición 1.1 (Aplicación  $\mathcal{L}$ ).** La aplicación  $\mathcal{L}$  establece una relación formal entre las expresiones regulares y los lenguajes que éstos representan, definiéndose como sigue:

$$\begin{aligned}\mathcal{L} : \mathcal{R} &\rightarrow 2^{\Sigma^*} \\ r &\mapsto \mathcal{L}(r)\end{aligned}$$

- a)  $\mathcal{L}(\emptyset) = \emptyset$
- b)  $\mathcal{L}(a) = \{a\} \forall a \in \Sigma$
- c) Si  $\alpha, \beta \in \mathcal{R}$  entonces  $\mathcal{L}((\alpha\beta)) = \mathcal{L}(\alpha)\mathcal{L}(\beta)$
- d) Si  $\alpha, \beta \in \mathcal{R}$  entonces  $\mathcal{L}((\alpha + \beta)) = \mathcal{L}(\alpha) \cup \mathcal{L}(\beta)$
- e) Si  $\alpha \in \mathcal{R}$  entonces  $\mathcal{L}(\alpha^*) = \mathcal{L}(\alpha)^*$

#### 1.1. Propiedades de las expresiones regulares

**Proposición 1.** Si  $\alpha, \beta, \gamma$  son expresiones regulares entonces se cumple:

$$(\alpha + \beta)\gamma = \alpha\gamma + \beta\gamma \tag{1}$$

*Demostración.* Usando las reglas de la definición 1.1 tenemos que:

$$\mathcal{L}(((\alpha+\beta)\gamma)) = \mathcal{L}((\alpha+\beta))\mathcal{L}(\gamma) = (\mathcal{L}(\alpha)\cup\mathcal{L}(\beta))\mathcal{L}(\gamma) = \mathcal{L}(\alpha)\mathcal{L}(\gamma)\cup\mathcal{L}(\beta)\mathcal{L}(\gamma) =$$

□

**Ejemplo 1.1.** Consideremos  $L = \{w \in \{a,b\}^* : w \text{ no termina en } ab\}$ . Un expresión regular que genera L es:

$$(a+b)^*bbb^* + (a+b)^*aaa^*$$