

# HETEROSKEDASTYCZNOŚĆ.

## ZAJĘCIA NR 11.

1. (W, 1 s. 297) Które z poniższych są konsekwencją heteroskedastyczności?

- (i) Estymator MNK nie jest zgodny.
- (ii) Statystyka F nie ma już rozkładu F
- (iii) Estymator MNK nie jest już BLUE

2. Rozważ model objaśniający zlogarytmowane płace:

$$\log(w) = \beta_0 + \beta_1 educ + \beta_2 exper + \beta_3 exper^2 + \beta_4 female + \varepsilon$$

gdzie *educ* to liczba lat edukacji, *exper* to liczba lat zawodowego doświadczenia, *female* to zm. zerojedynkowa oznaczająca kobiety, oraz  $\varepsilon$  to składnik losowy.

- (i) Czy spodziewasz się heteroskedastyczności składnika losowego w powyższym modelu?
- (ii) Użyj danych `cps.dta` aby oszacować parametry modelu. Oblicz kwadraty reszt i zrób wykres kwadratów reszt z każdą zmienną objaśniającą. Czy obserwujesz heteroskedastyczność w tym przypadku? Podaj interpretację ekonomiczną.
- (iii) Użyj testu White'a do przetestowania heteroskedastyczności.
- (iv) Użyj testu BP do przetestowania heteroskedastyczności.
- (v) Oszacuj model używając odpornych błędów standardowych. Omów różnice.

3. (W, C2 s. 299) Użyj danych `HPRICE1`

- (i) Uzyskaj odporne na heteroskedastyczność błędy standardowe dla równania

$$price = \beta_0 + \beta_1 lotsize + \beta_2 sqft + \beta_3 bdrms + \varepsilon$$

. Omów różnice między zwykłymi błędami standardowymi a odpornymi.

- (ii) Powtórz (i) dla równania

$$\log(price) = \beta_0 + \beta_1 \log(lotsize) + \beta_2 \log(sqft) + \beta_3 bdrms + \varepsilon$$

- (iii) Co ten przykład sugeruje na temat heteroskedastyczności oraz transformacji zastosowanej do zmiennej zależnej?

4. (W, C3 s. 299) Zastosuj test White'a na heteroskedastyczność do równania (dane `HPRICE1`):

$$\log(price) = \beta_0 + \beta_1 \log(lotsize) + \beta_2 \log(sqft) + \beta_3 bdrms + \varepsilon$$

Użyj statystyki  $\chi^2$ , uzyskaj *p-value*. Jaka jest konkluzja?

5. (W, C4 s. 299) Użyj danych `VOTE1` do tego ćwiczenia.

- (i) Oszacuj model z *voteA* jako zmienną zależną oraz zmiennymi *prtystrA*, *democA*,  $\log(\text{expendA})$ , i  $\log(\text{expendB})$  jako zmiennymi niezależnymi. Uzyskaj reszty i policz regresję reszt na wszystkie zmienne niezależne. Wyjaśnij dlaczego otrzymujesz  $R^2 = 0$ .
- (ii) Policz test Breusch'a-Pagan'a na heteroskedastyczność. Użyj statystyki *F* i podaj *p-value*.
- (iii) Zastosuj test White'a na heteroskedastyczność, znów używając statystyki *F*. Jak silny jest dowód na istnienie heteroskedastyczności?