Universidad Nacional Autónoma de México

Facultad de Ciencias

Examen 2:

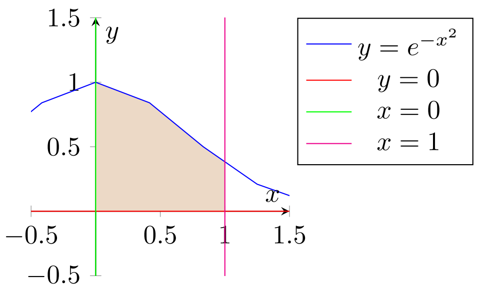
Sólidos de revolución

Sebastián Alamina Ramírez - 318685496

Matemáticas para las Ciencias Aplicadas II

Fecha de entrega: **25 de Marzo de 2019**.

1. Encuentra el volumen del sólido formado por la región encerrada por las curvas $y = e^{-x^2}$, $y = 0$, $x = 0$ y $x = 1$ al rotar al rededor del eje y.



Planteamiento:

Por discos...

$$V = \int_0^1 x \; dy$$

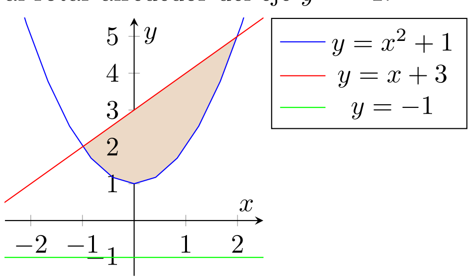
Pero x se dividiría en dos intervalos... Sea λ la intersección entre $x = 1$ y $y = -e^{x^2}$, entonces el método por discos sería;

$$V = \int_0^{\lambda} \pi \; dy + \int_{\lambda}^{1} \pi(\sqrt{-\ln y})^2 \; dy$$

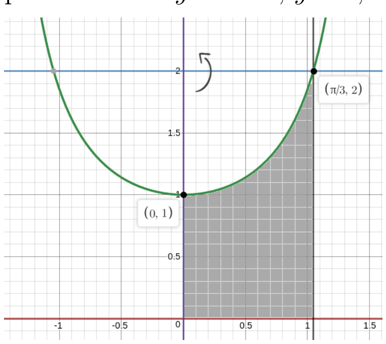
Por cilindros...
$r = x$
$h = e^{-x^2}$

$$V = \int_0^1 2\pi x e^{-x^2} \; dx$$

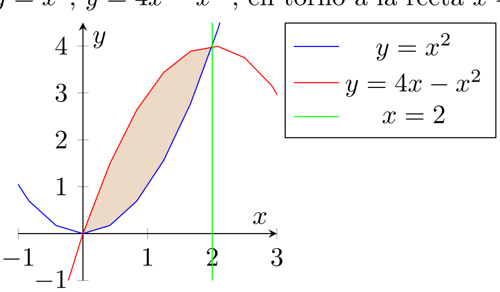
2. Encuentra el volumen del sólido formado por la región encerrada por las curvas $y = x^2 + 1$, $y = x + 3$ al rotar alrededor del eje $y = -1$.



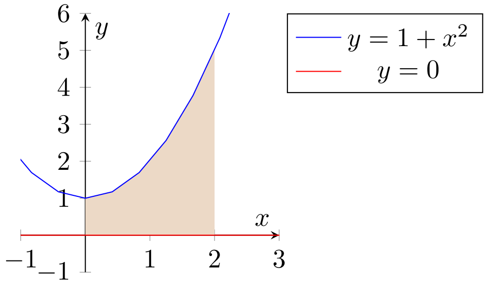
3. Encuentra el volumen del sólido generado al hacer rotar alrededor de la recta $y = 2$ la región acotada por las curvas $y = \sec x$, $y = 0$, $0 \leq x \leq \pi/3$.



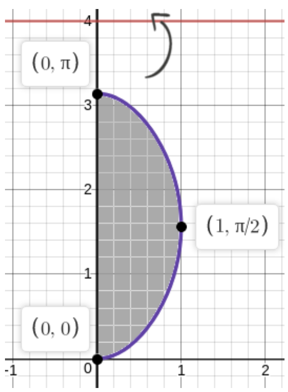
4. Halla el volumen del sólido de revolución generado al hacer rotar la región acotada por las curvas $y = x^2$, $y = 4x - x^2$, en torno a la recta $x = 2$.



5. Determina el volumen de la región encerrada entre las curvas $y = 1 + x^2$ y $y = 0$ al rotar alrededor del eje x cuando $0 \leq x \leq 2$.



6. Determina el volumen de la región encerrada por la función $x = \sqrt{\sin y}$ con $0 \leq y \leq \pi$ y $x = 0$ si rota en $y = 4$.



7. Determinar la superficie del sólido de revolución generado al rotar en el eje y la región definida por $y = x^3$ con $0 \leq x \leq 1$.