

**{desafío}**  
**latam\_**

# Regularización Paramétrica \_

Sesión Presencial 1



# Itinerario

Activación de conceptos

Desarrollo Desafío

Panel de discusión

# Activación de conceptos

- **Función objetivo**

Función a optimizar para que aprenda los parámetros correspondientes.

- **Entrenamiento**

Proceso mediante el cual la máquina optimiza su función objetivo.

- **Espacio de atributos**

Espacio donde se encuentran todos los atributos posibles para nuestra máquina.

- **Espacio de parámetros**

Dónde se encuentran los posibles parámetros para la máquina que estamos implementando.

- **Atributos y variable objetivo**

Una columna en nuestro dataset.

- **Overfitting (sobre-ajuste)**

Fenómeno en el cual nuestro modelo aprendió demasiado bien el conjunto de datos con el que lo entrenamos.

- **Underfitting (sub-ajuste)**

Fenómeno en el cual nuestro modelo aprendió muy poco sobre el fenómeno subyacente en los datos.

- **Regularización**

Es una técnica ad-hoc para cada máquina/función objetivo, que nos permitirá dos cosas:

- Evitar overfitting
- Incluir características deseables en la máquina

Como la regularización es un proceso que depende de la máquina con la que se esté trabajando, veremos estas técnicas caso a caso a medida que se vayan presentando los modelos.

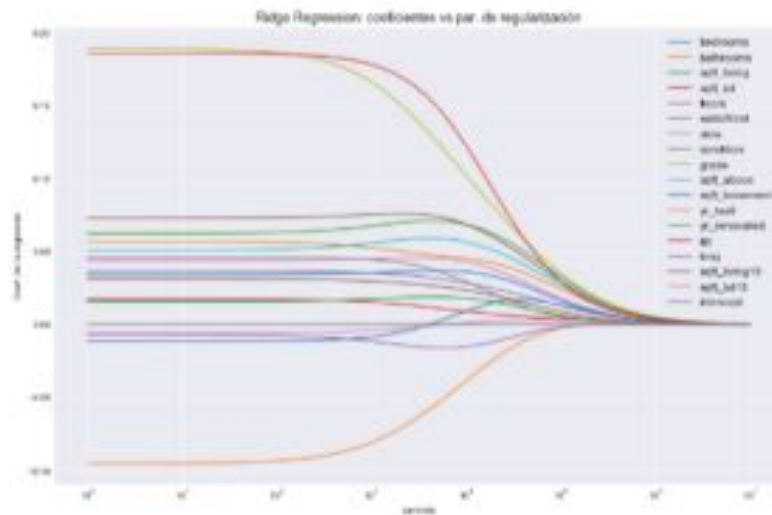
# Objetivo de la Regularización

- Evitar el overfitting e incluir características deseables en la máquina.
- Mecanismo: Penalizar la función objetivo.
- Forma canónica de la regularización:

$$\Theta \Rightarrow \begin{matrix} \text{Optimización} \\ \text{Parametros} \end{matrix} \quad \text{Función objetivo} \pm \text{Regularizador}$$

# Ridge

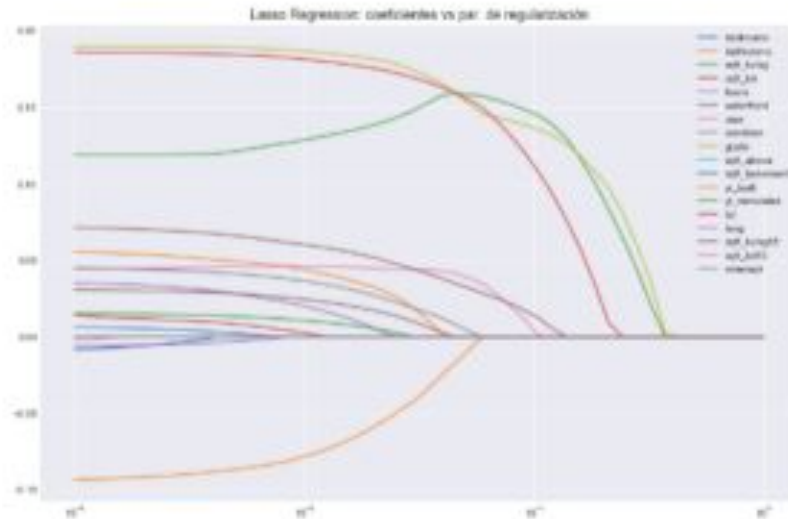
$$\beta_{\text{Ridge}} = \underset{\beta}{\operatorname{argmin}} \sum_i^n (y_i - \hat{y}_i)^2 + \lambda \sum_{j=1}^p \beta_j^2$$





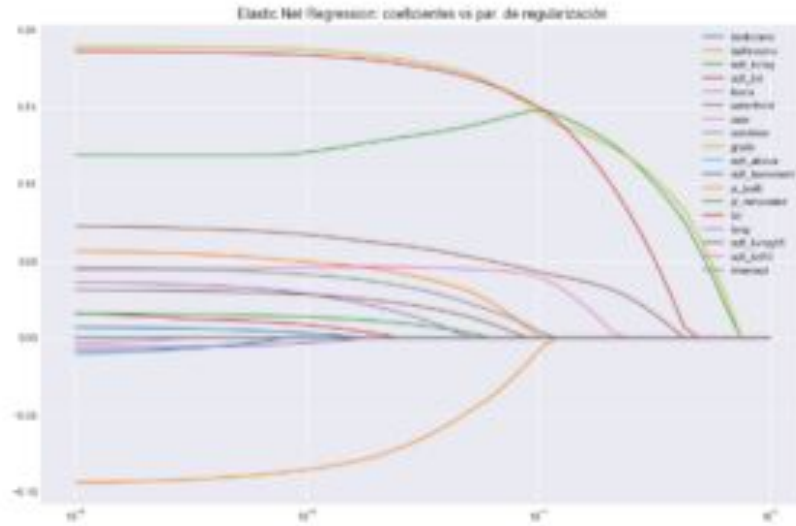
# Lasso

$$\beta_{\text{Lasso}} = \underset{\beta}{\operatorname{argmin}} \sum_i^n (y_i - \hat{y}_i)^2 + \lambda \sum_{j=1}^p |\beta_j|$$



# ElasticNet

$$\beta_{\text{ElasticNet}} = \underset{\beta}{\operatorname{argmin}} \sum_i^n (y_i - \hat{y}_i)^2 + \lambda_1 \sum_{j=1}^p |\beta_j| + \lambda_2 \sum_{j=1}^p \beta_j^2$$



# Ejemplo de Optimización y hiperparámetros

Generaremos un dataset artificial para regresión:

```
In [2]: from sklearn.datasets.samples_generator import make_regression  
X, y = make_regression(n_samples=1400, n_features=7, random_state=21)  
df = pd.DataFrame(X)
```

Probemos el rendimiento de los métodos para el dataset:

```
In [3]: df.head()
```

Out[3]:

|   | 0         | 1         | 2         | 3         | 4         | 5         |         |
|---|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|---------|
| 0 | 1.671540  | 2.282226  | -0.909524 | -0.433356 | -0.936663 | 1.311349  | -0.2327 |
| 1 | 0.797755  | 0.920072  | -0.489390 | -0.727929 | 0.517007  | 1.701459  | 0.6394  |
| 2 | 0.470842  | -0.879841 | 1.073794  | -1.369692 | -1.247534 | -0.819175 | -1.8950 |
| 3 | -0.239566 | 0.096981  | 0.191484  | 0.108997  | -1.728113 | -0.460841 | 0.1408  |
| 4 | 0.152605  | 0.969800  | 0.122987  | 0.558151  | 0.960098  | 1.727859  | 0.1964  |

# Preparemos nuestro ambiente de trabajo

```
In [4]: from sklearn.linear_model import Lasso, Ridge, ElasticNet; from sklearn.preprocessing import StandardScaler; from sklearn.model_selection import train_test_split

# Preprocesamiento
scaler = StandardScaler(); df_scaled = scaler.fit_transform(df)
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(df_scaled, y, test_size = 0.3, random_state = 21)

# Lasso
lasso_model = Lasso().fit(X_train, y_train)
# Ridge
ridge_model = Ridge().fit(X_train, y_train)
# Elastic Net
enet_model = ElasticNet().fit(X_train, y_train)
```

# Métricas

Los ejemplos de regularización vistos se basan en la regresión lineal → la métrica de optimización es (R)MSE.

```
In [5]: from sklearn.metrics import mean_squared_error
print('Ridge MSE: {}'.format(mean_squared_error(ridge_model.predict(X_test), y_test)))
print('Lasso MSE: {}'.format(mean_squared_error(lasso_model.predict(X_test), y_test)))
print('Elastic Net MSE: {}'.format(mean_squared_error(enet_model.predict(X_test), y_test)))
```

```
Ridge MSE: 0.032367749978319066
Lasso MSE: 6.905771887596452
Elastic Net MSE: 3569.3027415529227
```

# MSE en norma $-l_1$

Importante: Seleccionamos hiperparámetros en la muestra de entrenamiento.

```
In [6]: alphas = [0.01, 0.1, 1.0, 10.0, 100.0]
        for a in alphas:
            lasso_model = Lasso(alpha=a).fit(X_train, y_train)
            print('Train MSE on Lasso for alpha = {0}: {1}'.format(a, mean_squared_error(lasso_model.predict(X_train), y_train)))
```

```
Train MSE on Lasso for alpha = 0.01: 0.0006754788760091857
Train MSE on Lasso for alpha = 0.1: 0.06750696518946286
Train MSE on Lasso for alpha = 1.0: 6.750288513363294
Train MSE on Lasso for alpha = 10.0: 675.0247724990405
Train MSE on Lasso for alpha = 100.0: 30747.33037964957
```

```
In [7]: print('-' * 50); lasso_model = Lasso(alpha=0.01).fit(X_train, y_train)
        print('Test MSE on Lasso for alpha = {0}: {1}'.format(lasso_model.alpha, mean_squared_error(lasso_model.predict(X_test), y_test)))
```

```
-----
Test MSE on Lasso for alpha = 0.01: 0.0006909428932056883
```

# MSE en ElasticNet

```
In [8]: alphas = [0.01, 0.1, 1.0, 10.0, 100.0]
        for a in alphas:
            enet_model = ElasticNet(alpha=a).fit(X_train, y_train)
            print('Train MSE on Enet for alpha = {0}: {1}'.format(a, mean_squared_error(enet_model.predict(X_train), y_train)))
```

```
Train MSE on Enet for alpha = 0.01: 0.7647210013241578
Train MSE on Enet for alpha = 0.1: 70.095198033748
Train MSE on Enet for alpha = 1.0: 3451.0457057216963
Train MSE on Enet for alpha = 10.0: 21848.66950935735
Train MSE on Enet for alpha = 100.0: 30363.99601423732
```

```
In [9]: print('-' * 60); enet_model = ElasticNet(alpha=0.01).fit(X_train, y_train)
        print('Test MSE on Lasso for alpha = {0}: {1}'.format(enet_model.alpha, mean_squared_error(enet_model.predict(X_test), y_test)))
```

```
-----
Test MSE on Lasso for alpha = 0.01: 0.792382120149239
```

# Comportamiento de la regularización en matrices dispersas

**Matriz densa** → Matrices donde la cantidad de no ocurrencias es infima.

**Matriz dispersa** → Matrices donde la mayor cantidad de observaciones son no ocurrentes.

Generaremos dos datasets artificiales para regresión, uno denso y otro disperso (sparse).

Veamos cómo se comportan los modelos con matrices de datos densas vs dispersas



```
In [13]: from scipy import sparse
         from scipy import linalg
         import numpy as np
         from sklearn.datasets.samples_generator import make_regression
         from time import time

         X, y = make_regression(n_samples=400000, n_features=500, random_state=21)
         X_dense = sparse.coo_matrix(X)

         X_sparse = X.copy()
         X_sparse[X_sparse < 2.5] = 0.0
         X_sparse = sparse.coo_matrix(X_sparse)
         X_sparse = X_sparse.tocsc()
```

```
In [14]: print("Matrix density X_sparse: %s %%" % (X_sparse.nnz / float(X.size) * 100))
```

```
Matrix density X_sparse: 0.6207294999999999 %
```

## Ejemplo: Lasso $\lambda = 0.01$ en Dispersas vs Densa

```
In [15]: sparse_lasso = Lasso(alpha=0.01, fit_intercept=False, max_iter=1000)
dense_lasso = Lasso(alpha=0.01, fit_intercept=False, max_iter=1000)

# sparse
t0 = time(); sparse_lasso.fit(X_sparse, y); print("Sparse Lasso done in %fs" % (time() -
t0))

# dense
t0 = time(); sparse_lasso.fit(X, y); print("Dense Lasso done in %fs" % (time() - t0))

Sparse Lasso done in 0.079642s
Dense Lasso done in 6.583675s
```

**/\* Desafío \*/**

# Panel de discusión

**{desafío}**  
**latam\_**

*Academia de  
talentos digitales*

[www.desafiolatam.com](http://www.desafiolatam.com)