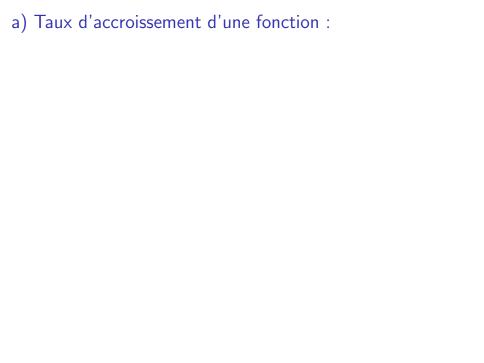
### 1S - Dérivation - Cours 1 : Nombre Dérivé

- a) Taux d'accroissement d'une fonction
- b) Comment dériver une fonction en un point
- c) Comment déterminer l'équation d'une tangente à une courbe



Définition :

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I,

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et a  $+ h \in I$ .

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et a + h  $\in$  I. On dit que le taux d'accroissement de f

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et a + h  $\in$  I. On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a+h\in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a+h est le nombre :

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

Exemple:

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

Calculer le taux d'accroissement

#### Définition:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

Calculer le taux d'accroissement de la fonction f(x) = 3x - 1

#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}=$$

#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = \frac{f(2+0,1)-f(2)}{0,1} =$$

#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = \frac{f(2+0,1)-f(2)}{0,1} = \frac{f(2,1)-f(2)}{0,1} =$$

#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = \frac{f(2+0,1)-f(2)}{0,1} = \frac{f(2,1)-f(2)}{0,1} = \frac{(3\times2,1-1)-(3\times2-1)}{0,1} =$$

#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = \frac{f(2+0,1)-f(2)}{0,1} = \frac{f(2,1)-f(2)}{0,1} = \frac{(3\times2,1-1)-(3\times2-1)}{0,1} = \frac{5,2-5}{0,1} =$$

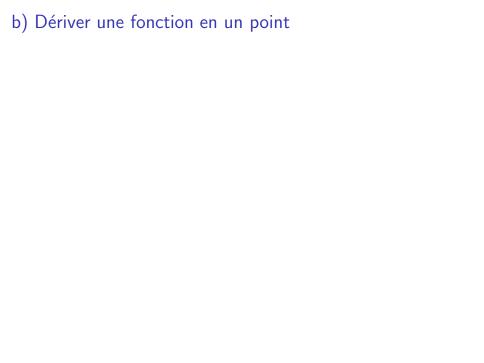
#### Définition :

Soit f une fonction définie sur un intervalle I, a et  $a + h \in I$ . On dit que le taux d'accroissement de f entre a et a + h est le nombre :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

### Exemple:

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = \frac{f(2+0,1)-f(2)}{0,1} = \frac{f(2,1)-f(2)}{0,1} = \frac{(3\times2,1-1)-(3\times2-1)}{0,1} = \frac{5,2-5}{0.1} = 2$$



Définition :

### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite,

### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe,

### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe, du taux d'accroissement

### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe, du taux d'accroissement  $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$ 

### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe, du taux d'accroissement  $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$  lorsque h tend vers 0.

### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe, du taux d'accroissement  $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$  lorsque h tend vers 0. On dit alors que f est dérivable en a.

### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe, du taux d'accroissement  $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$  lorsque h tend vers 0. On dit alors que f est dérivable en a. On le note f'(a)

#### Définition:

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe, du taux d'accroissement  $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$  lorsque h tend vers 0. On dit alors que f est dérivable en a. On le note f'(a)

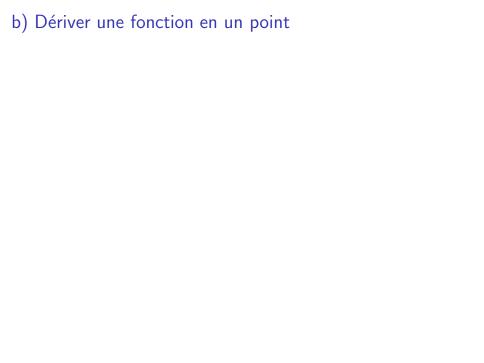
### Mathématiquement :

#### Définition :

Le nombre dérivé de f en a est la limite, si elle existe, du taux d'accroissement  $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$  lorsque h tend vers 0. On dit alors que f est dérivable en a. On le note f'(a)

### Mathématiquement :

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$



Exemple:

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ .

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$a = -1$$
.

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  
 $f(-1+h) = 2 \times$ 

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  
$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  
$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  
$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 3$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  
$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + 4$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2)$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$
  

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1-2h+h^2)$$

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1 - 2h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1-2h+h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 4$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1 - 2h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 - 4h + 2h^2$$

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1 - 2h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 - 4h + 2h^2 - 3 + 3h + 4$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

### On calcule donc :

f(-1+h) =

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1 - 2h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 - 4h + 2h^2 - 3 + 3h + 4$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1 - 2h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 - 4h + 2h^2 - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

Le but est de calculer :

$$a = -1$$
.  $f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h}$ 

$$f(-1) = 2 \times (-1)^2 + 3 \times (-1) + 4 = 3$$

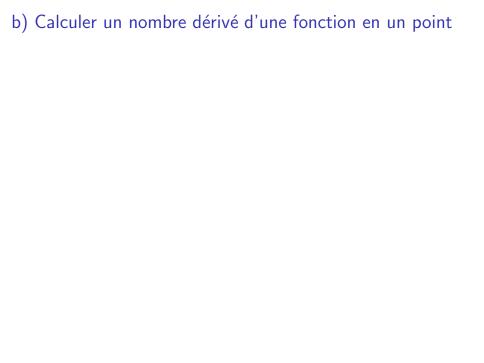
$$f(-1+h) = 2 \times (-1+h)^2 + 3 \times (-1+h) + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times ((-1)^2 + 2 \times (-1) \times h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 \times (1 - 2h + h^2) - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2 - 4h + 2h^2 - 3 + 3h + 4$$

$$f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$



Exemple:

Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ .

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h}$$

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1) = 3|$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3|f(-1+h)| = 2h^2 - h + 3$$

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h} |f(-1)| = 3|f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1)$$

### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h} |f(-1)| = 3| f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3|f(-1+h)| = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h + 3 - 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3|f(-1+h)| = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h + 3 - 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3| f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$

Donc: 
$$\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} =$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} | f(-1) = 3 | f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$
Donc: 
$$\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2 - h}{h} = \frac{2h^2 - h}{h}$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} | f(-1) = 3 | f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$
Donc: 
$$\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2 - h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h}$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} | f(-1) = 3 | f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$
Donc: 
$$\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2 - h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h} = 2h - 1.$$

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

#### Le but est de calculer :

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3| f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$

Donc :  $\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2 - h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h} = 2h - 1$ . Lorsque h tend vers 0,

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

#### Le but est de calculer :

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3|f(-1+h)| = 2h^2 - h + 3$$

$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h + 3 - 3$$

$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h$$

$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h$$

Donc:  $\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2-h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h} = 2h-1$ . Lorsque h tend vers 0, l'expression 2h - 1 tend vers -1.

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

#### Le but est de calculer :

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3| f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$

$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$

Donc :  $\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2-h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h} = 2h-1$ . Lorsque h tend vers 0, l'expression 2h - 1 tend vers -1. Donc la fonction f est dérivable en -1

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

#### Le but est de calculer :

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3| f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$

Donc :  $\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2-h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h} = 2h-1$ . Lorsque h tend vers 0, l'expression 2h - 1 tend vers -1. Donc la fonction f est dérivable en -1 et a pour nombre dérivé :

#### Exemple:

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

#### Le but est de calculer :

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3| f(-1+h) = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h + 3 - 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1) = 2h^2 - h$$

Donc :  $\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2-h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h} = 2h-1$ . Lorsque h tend vers 0, l'expression 2h - 1 tend vers -1. Donc la fonction f est dérivable en -1 et a pour nombre dérivé :

$$f'(-1) =$$

#### Exemple:

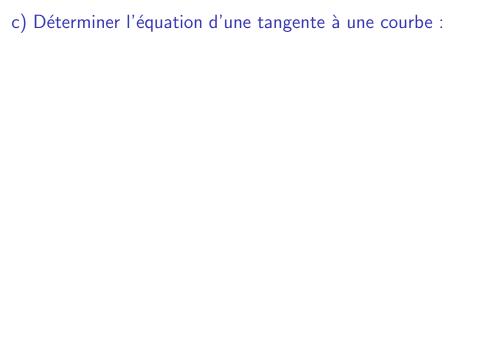
Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Calculer le nombre dérivé de f en -1.

#### Le but est de calculer :

$$f'(-1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} |f(-1)| = 3|f(-1+h)| = 2h^2 - h + 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h + 3 - 3$$
  
$$f(-1+h) - f(-1)| = 2h^2 - h$$

Donc :  $\frac{f(-1+h)-f(-1)}{h} = \frac{2h^2-h}{h} = \frac{h(2h-1)}{h} = 2h-1$ . Lorsque h tend vers 0, l'expression 2h - 1 tend vers -1. Donc la fonction f est dérivable en -1 et a pour nombre dérivé :

$$f'(-1) = -1.$$



Tangente:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I.

#### Tangente:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I.

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

#### Tangente:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I.

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$
 donne le coefficient directeur de la tangente à la courbe au point A.

#### Tangente:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I.

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$
 donne le coefficient directeur de la tangente à la courbe au point A.

L'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  de la fonction f au point d'abscisse a est :

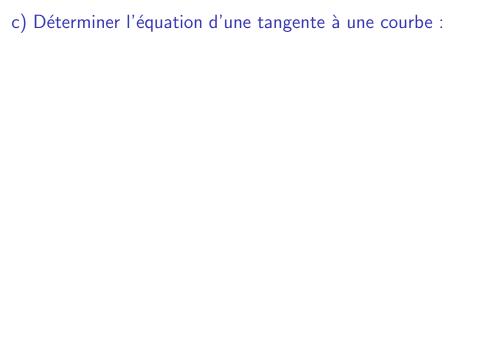
#### Tangente:

Soit f une fonction définie sur un intervalle I.

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$
 donne le coefficient directeur de la tangente à la courbe au point A.

L'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  de la fonction f au point d'abscisse a est :

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$



Exemple:

### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ .

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb R$  tel que  $f(x)=x^2$ . Et  $\mathscr C$  la courbe représentative de f.

### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h =$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h =$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y =$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y =$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1$$

### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1 = 2x - 1.$$

#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

#### Tangente à la courbe x=1

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

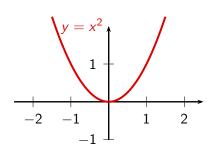
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1 = 2x - 1.$$

### Graphiquement :



#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

#### Tangente à la courbe x=1

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

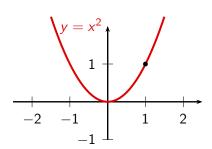
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1 = 2x - 1.$$

### Graphiquement :



#### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

### Tangente à la courbe x=1

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

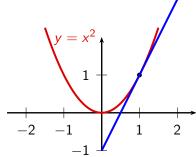
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1 = 2x - 1.$$

### Graphiquement :



### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

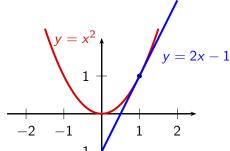
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1 = 2x - 1.$$





### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

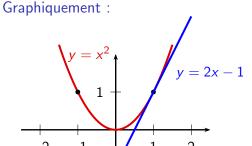
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1 = 2x - 1.$$



### Exemple:

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  tel que  $f(x) = x^2$ . Et  $\mathscr{C}$  la courbe représentative de f.

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathscr C$  au point d'abscisse 1.

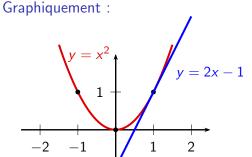
$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} \frac{h(2+h)}{h}$$

$$f'(1) = \lim_{h \to 0} 2 + h = 2$$

$$y = f'(1)(x-1) + f(1).$$

$$y = 2(x-1) + 1 = 2x - 1.$$





Le taux d'accroissement de f entre a et a+h est :

Le taux d'accroissement de f entre a et a+h est :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

Le taux d'accroissement de f entre a et a+h est :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

Le nombre dérivé de f en a est :

Le taux d'accroissement de f entre a et a+h est :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

Le nombre dérivé de f en a est :

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

Le taux d'accroissement de f entre a et a+h est :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

Le nombre dérivé de f en a est :

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

L'équation d'une tangente à une courbe :

Le taux d'accroissement de f entre a et a+h est :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

Le nombre dérivé de f en a est :

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

L'équation d'une tangente à une courbe :

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$

Le taux d'accroissement de f entre a et a+h est :

$$\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$$

Le nombre dérivé de f en a est :

$$f'(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

L'équation d'une tangente à une courbe :

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$