

Version 2025-09-28 15:54



Prof. Dr. Sebastian Wild Dr. Nikolaus Glombiewski Übungen zur Vorlesung

## **Effiziente Algorithmen**

## Präsenzübung 0

## Aufgabe: Komplexität

- a) Beweisen oder widerlegen Sie die folgenden Aussagen:
  - i)  $\frac{1}{6}n^3 + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{3}n \in \mathcal{O}(n^3)$
  - ii)  $4n^3 + 2n + 1 \in \Theta(6n^3 + n + 12)$
  - iii)  $n \log_2(n) \in \mathcal{O}(n^2)$
  - iv)  $n \cdot \sqrt{\log n} \in \Omega(n \cdot \log(n^2))$
  - v) Aus  $f(n) \in \Theta(n)$  folgt  $2^{f(n)} \in \mathcal{O}(2^n)$
- b) Implementieren Sie den in der Vorlesung vorgestellten Algorithmus *Bubblesort* in Java für ein ganzzahliges Array (int[]).

Testen Sie die Laufzeit Ihrer Implementierung, indem Sie ein zufälliges Array der Größe n generieren und anschließend den Algorithmus auf das Array anwenden.

Führen Sie das Experiment mehrfach aus und variieren Sie n, indem Sie die Größe schrittweise verdoppeln. Vergleichen Sie anschließend die Ergebnisse mit der Methode Arrays.sort der Java Standardbibliothek.