

# Fundamentos de lenguajes de programación

## Semántica de los Conceptos Fundamentales de Lenguajes de Programación

[carlos.andres.delgado@correounivalle.edu.co](mailto:carlos.andres.delgado@correounivalle.edu.co)

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez R.

Facultad de Ingeniería. Universidad del Valle

Marzo de 2017

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

## 1 Un interpretador más complejo

## 2 Evaluación de expresiones condicionales

## 3 Ligadura local

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

**1** Un interpretador más complejo

**2** Evaluación de expresiones condicionales

**3** Ligadura local

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

**1** Un interpretador más complejo

**2** Evaluación de expresiones condicionales

**3** Ligadura local

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

## 1 Un interpretador más complejo

## 2 Evaluación de expresiones condicionales

## 3 Ligadura local

# Un interpretador más complejo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Nuestro lenguaje será extendido para incorporar condicionales y ligadura local (asignación).
- El lenguaje consistirá de las expresiones especificadas anteriormente y de expresiones para condicionales `if ... then ... else` y para el operador de ligadura local `let`.
- Para este lenguaje se extiende el conjunto de valores expresados y denotados de la siguiente manera:

Valor Expresado = Número + Booleano

Valor Denotado = Número + Booleano

# Un interpretador más complejo

## Gramática

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

La gramática para el lenguaje será la siguiente:

$\langle \text{programa} \rangle ::= \langle \text{expresión} \rangle$   
`a-program (exp)`

$\langle \text{expresión} \rangle ::= \langle \text{número} \rangle$   
`lit-exp (datum)`

$::= \langle \text{identificador} \rangle$   
`var-exp (id)`

$::= \langle \text{primitiva} \rangle (\{ \langle \text{expresión} \rangle \}^*(,))$   
`primapp-exp (prim rand)`

# Un interpretador más complejo

## Gramática

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

$::=$     `if`  $\langle \text{expresión} \rangle$  `then`  $\langle \text{expresión} \rangle$  `else`  $\langle \text{expresión} \rangle$   
         `if-exp` (`test-exp` `true-exp` `false-exp`)

$::=$     `let`  $\{ \langle \text{identificador} \rangle = \langle \text{expresión} \rangle \}^*$  `in`  $\langle \text{expresión} \rangle$   
         `let-exp` (`ids` `rands` `body`)

$\langle \text{primitiva} \rangle$      $::=$     `+` | `-` | `*` | `add1` | `sub1`



# Un interpretador más complejo

## Especificación Léxica

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

La especificación léxica será la misma del lenguaje anterior:

```
(define scanner-spec-simple-interpreter
  '((white-sp
    (whitespace) skip)
    (comment
    ("% (arbno (not #\newline))) skip)
    (identifier
    (letter (arbno (or letter digit "?"))) symbol)
    (number
    (digit (arbno digit)) number)))
```

# Un interpretador más complejo

## Especificación de la Gramática

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

La especificación de la gramática es la siguiente:

```
(define grammar-simple-interpreter
  ((program (expression) a-program)
   (expression (number) lit-exp)
   (expression (identifier) var-exp)
   (expression (primitive "(" (separated-list expression
    ",")")")
    primapp-exp)
   (expression ("if" expression "then" expression "else"
    expression)
    if-exp)
   (expression ("let" (arbno identifier "=" expression)
    "in" expression)
    let-exp)
   (primitive "+" add-prim)
   (primitive "-" subtract-prim)
   (primitive "*" mult-prim)
   (primitive "add1" incr-prim)
   (primitive "sub1" decr-prim)
  ))
```

# Un interpretador más complejo

## Sintaxis Abstracta

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

La sintaxis abstracta está construida de la siguiente manera.

```
(define-datatype program program?  
  (a-program  
    (exp expression?)))
```

# Un interpretador más complejo

## Sintaxis Abstracta

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

```
(define-datatype expression expression?
  (lit-exp
    (datum number?))
  (var-exp
    (id symbol?))
  (primapp-exp
    (prim primitive?)
    (rands (list-of expression?)))
  (if-exp
    (test-exp expression?)
    (true-exp expression?)
    (false-exp expression?))
  (let-exp
    (ids (list-of symbol?))
    (rans (list-of expression?))
    (body expression?)))
```

# Un interpretador más complejo

## Sintaxis Abstracta

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

```
(define-datatype primitive primitive?  
  (add-prim)  
  (subtract-prim)  
  (mult-prim)  
  (incr-prim)  
  (decr-prim))
```

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

1 Un interpretador más complejo

2 Evaluación de expresiones condicionales

3 Ligadura local

- Para determinar el valor de una expresión condicional (`if-exp  $exp_1$   $exp_2$   $exp_3$` ) es necesario determinar el valor de la subexpresión  $exp_1$ .
- Si este valor corresponde al valor booleano `true`, el valor de toda la expresión `if-exp` debe ser el valor de la subexpresión  $exp_2$ .
- En caso contrario, el valor de la expresión `if-exp` debe ser el valor de la subexpresión  $exp_3$ .

# Semántica de los condicionales

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Para poder determinar si el valor de una expresión es un valor booleano (verdadero o falso), es necesario dar alguna representación a este tipo de dato.
- Para no tener que definir un nuevo tipo de dato que maneje booleanos, falso se representará con cero y cualquier otro valor representará verdadero (como en C).



# Semántica de los condicionales

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

Para esto se implementa la función `true-value?`. Esta función recibe un argumento y determina si corresponde al valor booleano falso (es igual a cero) o al valor booleano verdadero (cualquier otro valor).

```
(define true-value?  
  (lambda (x)  
    (not (zero? x))))
```

# Semántica de los condicionales

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

De esta manera, el comportamiento de los condicionales en el interpretador, se obtiene agregando la siguiente clausula en el procedimiento `eval-expression`:

```
(if-exp (test-exp true-exp false-exp)
  (if (true-value? (eval-expression test-exp env))
      (eval-expression true-exp env)
      (eval-expression false-exp env)))
```

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if -(x,4) then +(y,11) else *(y,10)`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if -(x,4) then +(y,11) else *(y,10)`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if -(x,4) then +(y,11) else *(y,10)`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

# Semántica de los condicionales

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

`if -(x,4) then +(y,11) else *(y,10)`

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(x,4)$ . Dado que  $x$  vale 4 en el ambiente en el que se evalúa la expresión, el valor de la expresión es 0.
- Como el valor de la subexpresión  $-(x,4)$  es 0, se evalúa la subexpresión  $*(y,10)$ .
- Finalmente, el valor de toda la expresión `if` es 20.

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

1 Un interpretador más complejo

2 Evaluación de expresiones condicionales

3 Ligadura local

- Hasta el momento, todas las expresiones del lenguaje se evalúan en el mismo ambiente ( el ambiente inicial).
- La expresión `let` permite la creación de ligaduras locales a variables nuevas.
- Típicamente, la expresión `let` crea un nuevo ambiente que extiende el ambiente principal (sobre el que se evalúa el `let`) con las variables y valores especificados en el contenido de la expresión.



- Para determinar el valor de una expresión (`let-exp ids exps body`) es necesario evaluar las partes derechas de las declaraciones (correspondientes a las expresiones `exps`) en el ambiente anterior.
- Posteriormente, debe crearse un nuevo ambiente extendiendo el ambiente anterior con las variables de la declaración y sus valores (obtenidos al evaluar las expresiones `exps`).
- Finalmente, se evalúa la expresión `body` en el nuevo ambiente extendido.

De esta manera, el comportamiento del operador de ligadura local, se obtiene agregando la siguiente clausula en el procedimiento `eval-expression`:

```
(let-exp (ids rands body)
  (let ((args (eval-rands rands env)))
    (eval-expression body
      (extend-env ids args env))))
```

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación.
- Se quiere evaluar la expresión:

```
let
  x = -(y, 1)
in
  let
    x = +(x, 2)
  in
    add1(x)
```

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(y, 1)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` exterior.
- El valor de la subexpresión  $-(y, 1)$  es 1 por lo que se crea un ambiente  $env_1$  que extiende el ambiente anterior  $env_0$  con la variable  $x$  y el valor 1.
- Posteriormente se evalúa la expresión:

```
let
  x = +(x, 2)
in
  add1(x)
```

en el ambiente  $env_1$ .

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(y, 1)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` exterior.
- El valor de la subexpresión  $-(y, 1)$  es 1 por lo que se crea un ambiente  $env_1$  que extiende el ambiente anterior  $env_0$  con la variable  $x$  y el valor 1.
- Posteriormente se evalúa la expresión:

```
let
  x = +(x, 2)
in
  add1(x)
```

en el ambiente  $env_1$ .

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Primero se evalúa la subexpresión  $-(y, 1)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` exterior.
- El valor de la subexpresión  $-(y, 1)$  es 1 por lo que se crea un ambiente  $env_1$  que extiende el ambiente anterior  $env_0$  con la variable  $x$  y el valor 1.
- Posteriormente se evalúa la expresión:

```
let
  x = +(x, 2)
in
  add1(x)
```

en el ambiente  $env_1$ .

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión `add1(x)` en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión `add1(x)` en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.



# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión `add1(x)` en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Se evalúa la subexpresión  $+(x, 2)$  correspondiente a la parte derecha de la única declaración en el `let` interior.
- El valor de la subexpresión  $+(x, 2)$  es 3 por lo que se crea un ambiente  $env_2$  que extiende el ambiente  $env_1$  con la variable  $x$  y el valor 3.
- Posteriormente se evalúa la expresión `add1(x)` en el ambiente  $env_2$ .
- Finalmente, el valor de la expresión original es 4.

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

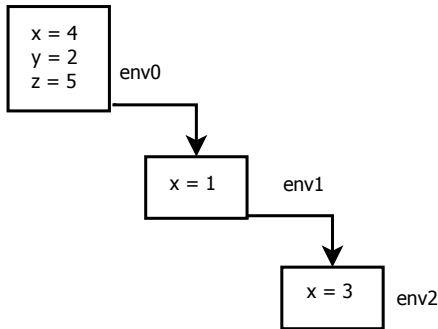
Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

Los ambientes creados en la evaluación de la expresión anterior se pueden visualizar así:



Finalmente, el procedimiento `eval-expression` se define así:

```
(define eval-expression
  (lambda (exp env)
    (cases expression exp
      (lit-exp (datum) datum)
      (var-exp (id) (apply-env env id))
      (primapp-exp (prim rand)
                    (let ((args (eval-rands rand env)))
                      (apply-primitive prim args)))
      (if-exp (test-exp true-exp false-exp)
              (if (true-value? (eval-expression test-exp
                                                    env))
                  (eval-expression true-exp env)
                  (eval-expression false-exp env)))
      (let-exp (ids rand body)
              (let ((args (eval-rands rand env)))
                (eval-expression body
                                (extend-env ids args
                                              env))))))
```

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos  $(x \ y \ z)$  y valores  $(4 \ 2 \ 5)$  el ambiente inicial de computación. Evaluar:

```
let
  z=5
  t=sub1(x)
in
  let
    x= -( t , 1)
  in
    let
      y= 4
    in
      *(t , -(z , -(x , y)))
```

# Semántica de la ligadura local

## Ejemplo

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos ( $x$  y  $z$ ) y valores (4 2 5) el ambiente inicial de computación. Evaluar:

```
let
  z=5
  t= let
      p = 5
      q = 2
      in
      +(p, q)
  in
  let
    x= add1(z)
  in
    *(t, *(y, x))
```

# Semántica de la ligadura local

Ejercicio para entregar

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

Sea el ambiente  $env_0$  con símbolos  $(x\ y\ z)$  y valores  $(3\ 7\ 1)$  el ambiente inicial de computación. Evaluar:

```
let
  y=5
  m= let
    t = sub1(y)
    in
      *(t, x)
in
  let
    y= if sub1(y) then +(add1(y), m) else sub1(+(y, m))
    in
      let
        t = -(y, m)
        in
          +(t, +(y, -(z, 3)))
```

Dibuje los ambientes creados en la evaluación de la expresión.

Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

?



Fundamentos  
de lenguajes  
de  
programación

Carlos Andrés  
Delgado S.  
Carlos Alberto  
Ramírez R.

Un  
interpretador  
más complejo

Evaluación de  
expresiones  
condicionales

Ligadura local

- Semántica de la creación y aplicación de procedimientos.