

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

Fundamentos de lenguajes de programación Semántica de los Conceptos Fundamentales de Lenguajes de Programación carlos.andres.delgado@correounivalle.edu.co

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Facultad de Ingeniería. Universidad del Valle

Noviembre de 2016



Contenido

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andre Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia d tipos

1 Inferencia de tipos



Contenido

Fundamentos de lenguajes de programación

arlos André Delgado S.

Carlos Alber Ramírez

Inferencia de tipos

1 Inferencia de tipos



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

- Algunos lenguajes de programación dejan que el compilador averigue los tipos de todas las variables.
- Esto es llevado a cabo mediante la observación de cómo son usadas las variables y utilizando ayudas que el programador pueda aportar.
- Esta estrategia es llamada inferencia de tipos.
- Para el lenguaje en desarrollo, todas las expresiones de tipo son opcionales, y en donde no se coloquen, se pondrá el símbolo ?.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

De esta manera, un programa puede verse como:

```
letrec
? even(? odd, int x) =
    if zero?(x) then 1 else (odd sub1(x))
in letrec
bool odd(?x)
    if zero?(x) then 0 else (even odd sub1(x))
in (odd 13)
```

Los tres símbolos de interrogación indican el lugar donde un tipo debe ser inferido.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Se agregan las siguientes reglas de producción a la gramática:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos Para usar las expresiones de tipo opcionales en expresiones normales, se deben cambiar las reglas de producción para proc-exp y letrec-exp:

```
::= proc (\{\langle \text{tipo-exp-opcional} \rangle \langle \text{identificador} \rangle\}^{*(,)}) \langle \text{expresion} \rangle
(expresión)
                             proc-exp (optional-arg-texps ids body)
(expresión)
                          letrec
                             {\langle tipo-exp-opcional \rangle \langle tidentificador \rangle
                                  (\{\langle tipo-exp-opcional \rangle \langle identificador \rangle\}^{*(,)}) =
                                        ⟨expresión⟩}*
                          in (expresión)
                              letrec-exp
                              (optional-result-texps proc-names
                              optional-arg-texpss idss bodies
                              letrec-body)
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Se deben añadir las siguientes producciones a la especificación de la gramática:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Así mismo, se añaden las producciones correspondientes a las expresiones tipo-exp-opcional a la especificación de la gramática:

```
(tipo-exp-opcional (tipo-exp) a-type-exp)
(tipo-exp-opcional ("?") no-type-exp)
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

- Para operar con tipos desconocidos (expresados con los símbolos?), se agregará una nueva clase de tipo llamada variable de tipo.
- Cada variable de tipo constará de un único número serial que lo identifica y un contenedor, el cual será un vector de tamaño 1.



Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

- Una variable de tipo puede ser vacía (si almacena un (), que significa que no se conoce nada del tipo).
- Puede ser *llena* (almacena un tipo).
- Cuando una variable de tipo está llena, su contenido nunca cambia. Dicha variable de tipo es llamada de asignación simple o de única escritura.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos El tipo de dato type es modificado, agregándole una nueva variante para las variables de tipo:

```
(define-datatype type type?
  (atomic-type
        (name symbol?))
  (proc-type
        (arg-types (list-of type?))
        (result-type type?))
  (tvar-type
        (serial-number integer?)
        (container vector?)))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Se define el procedimiento fresh-tvar que crea una variable de tipo, con un valor único global para su contador y con su vector inicializado en ().

```
(define fresh-tvar
  (let ((serial-number 0))
     (lambda ()
        (set! serial-number (+ 1 serial-number))
        (tvar-type serial-number (vector '())))))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

- Se deben cambiar los llamados al procedimiento expand-type-expression por expand-optional-type-expression para estar acorde con los cambios hechos en la gramática.
- El procedimiento expand-optional-type-expression recibe una expresión de tipo opcional y un ambiente de tipos y se comporta de la siguiente manera:
 - Si encuentra una expresión de tipo (la expresión corresponde a la variante a-type-exp), llama a expand-type-expression.
 - Si se trata de una expresión de tipo opcional (denotada por ?), emite una variable de tipo.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

El procedimiento expand-optional-type-expression estará definido así:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

- Para cada expresión posible en el lenguaje, se obtienen algunas ecuaciones entre tipos y variables de tipo.
- Por ejemplo, cuando se escribe una expresión condicional if e₀ then e₁ else e₂ en tenv, se tiene:

```
(type-of-expression \ll e_0 \gg tenv) = bool (type-of-expression \ll e_1 \gg tenv)
```

- = (type-of-expression $\ll e_2 \gg tenv$)
- = (type-of-expression \ll if e_0 then e_1 else $e_2\gg$ tenv)

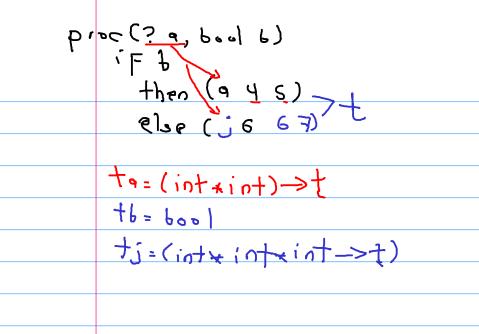


Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos Para las expresiones de aplicación de procedimientos (rator $rand_1 ... rand_n$) en tenv se tiene:

Lo anterior significa que en cada aplicación, el operador debe ser un procedimiento que asigna los tipos de los operandos al tipo de la aplicación entera.





Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos Por último, cuando se escribe una expresión proc $(x_1 ldots x_n)$ exp evaluada en el ambiente de tipos tenv, se tiene:

```
 (type-of-expression \ll proc (x_1 ... x_n) exp \gg tenv) = \\ ((type-of-expression x_1 tenv_{body}) \\ *...* \\ (type-of-expression x_n tenv_{body}) \\ -> \\ (type-of-expression \ll exp \gg tenv_{body}))
```

donde $tenv_{body}$ es el ambiente de tipo en el cual el cuerpo exp será tipado.



Fundamentos de lenguajes de programación

Larios Andr Delgado S Carlos Alber Ramírez

Inferencia de tipos

Entonces, para deducir el tipo de una expresión:

- Se introduce una variable de tipo para cada variable ligada y cada aplicación, y
- se escribe una ecuación para cada componente de la expresión usando las reglas anteriores.



Fundamentos de lenguajes de

programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Ejemplos:

- Considere la expresión proc(f,x) (f +(1,x) zero?(x)).
- Primero se hace una tabla de todas las variables ligadas y aplicaciones de la expresión, y se asigna un tipo a cada una:

```
Expresión Variable de Tipo f tf x tx (f +(1,x) zero?(x)) t1 +(1,x) t2 zero?(x) t3 proc(f,x) (f +(1,x) zero?(x)) tp
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

- Por la regla de los procedimientos, el tipo de toda la expresión tp es (tf * tx -> t1).
- Por esto, se debe hallar los tipos tf, tx y t1.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Ahora, para cada componente de la expresión, se puede deducir una equación de tipo:

Expression Ecuación de Tipo

$$\begin{array}{ll}
(f) + (1,x) \text{ zero?(x)} & \text{tf = } (t2 * t3 -> t1) \\
+ (1,x) & (\text{int * int -> int)} = \\
& & (\text{int * tx -> t2}) \\
\text{zero?(x)} & (\text{int -> bool}) = (\text{tx -> t3})
\end{array}$$

■ La primera ecuación muestra que el procedimiento f debe tomar un primer argumento del mismo tipo que +(1,x) y un segundo argumento del mismo tipo de zero?(x), y su resultado debe ser del mismo tipo que la aplicación.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de

Las otras ecuaciones son similares: en el lado izquierdo está el tipo del operador, y en el lado derecho el tipo construido de los tipos de los operandos y el tipo de la aplicación.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andr Delgado S. Carlos Alber Ramírez

Inferencia de tipos

- Las otras ecuaciones son similares: en el lado izquierdo está el tipo del operador, y en el lado derecho el tipo construido de los tipos de los operandos y el tipo de la aplicación.
- Las tres ecuaciones de tipo:

```
tf = (t2 * t3 -> t1)
+(2, x) (int * int -> int) = (int * tx -> t2)
>(int -> bool) = (tx -> t3)
```

se pueden resolver por inspección y sustitución (proceso denominado *unificación*).



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André: Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

Se concluye por la segunda ecuación que:

$$tx = int$$

 $t2 = int$

 Sustituyendo éstos valores en la primera y tercera ecuación se tiene:

```
tf = (int * t3 -> t1)
(int -> bool) = (int -> t3)
```

■ De la última ecuación se deduce:

$$t3 = bool$$

Sustituyendo en la primera ecuación:

$$tf = (int * bool -> t1)$$



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

Se han resuelto todas las variables de tipo, excepto t1 y tf:

```
tf = (int * bool -> t1)
tx = int
t2 = int
```

t3 = bool



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

- Se tiene que el primer argumento del procedimiento, f, debe ser un procedimiento de dos argumentos:
 - El primero debe ser un int (correspondiente a t2).
 - El segundo debe ser un bool (correspondiente a t3).
- Así mismo, el segundo argumento del procedimiento. x, debe ser un int (variable de tipo tx).



Fundamentos de lenguajes programación

Inferencia de tipos

- Luego, se tiene que el tipo de proc(f,x) (f +(1,x) zero?(x)) (representado por la variable de tipo tp) es ((int*bool → t1) * int → t1) para cualquier t1.

 ■ El código funcionará para cualquier tipo t1. Se dice
- entonces que la expresión es polimórfica en t1.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

Ejemplos:

Considere la expresión del ejemplo anterior pero cambiando el + por cons, es decir proc(f,x) (f cons(1,x) zero?(x)).

Las ecuaciones de tipo serían:

```
Expresión Ecuación de Tipo (f cons(1,x) zero?(x)) tf = (t2 * t3 -> t1) cons(1,x) (int * (list int) -> (list int) = (int * tx -> t2) zero?(x) (int -> bool) = (tx -> t3)
```

→ (ons = (in+ *(list : at)) → (list int)



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

■ De la segunda ecuación se deduce:

```
tx = (list int)
t2 = (list int)
```

- Sustituyendo estos valores en la tercera ecuación, se tiene:
 (int -> bool) = ((list int) -> t3)
- Pero no existe ningún valor para t3 que haga igual a esos tipos.
- Para que fueran iguales se debería tener que int = (list int), lo cual es falso.
- De allí que la expresión es rechazada y hay un error de tipos.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

- En resumen, la inferencia de tipos (realizada por el procedimiento check-equal-type!) toma dos tipos t1 y t2, y "revisa si ellos pueden ser el mismo".
- Si lo son, ajusta el contenido de las variables de tipo para igualarlos.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos El procedimiento es el siguiente:

- Primero determina si t1 y t2 son el mismo valor en Scheme. Si lo son, tiene éxito y retorna un valor no específico.
 - 2 Si t1 es una variable de tipo, llama al procedimiento check-tvar-equal-type! con t1 y t2, pasando exp para el reporte de error. De igual forma para t2.
 - 3 Si t1 y t2 son tipos atómicos, determina si ellos tienen el mismo nombre; si no, no pueden ser igualados, y un error es reportado.
 - 4 Si t1 y t2 son procedimientos de tipo, determina si tiene el mismo número de argumentos. Si lo tienen, se llama recursivamente con cada argumento y el tipo resultado.
 - **5** De lo contrario, t1 y t2 no pueden ser igualados, por lo que se reporta un error.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André: Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

El procedimiento check-equal-type! estará definido de la siguiente manera:

```
(define check-equal-type!
  (lambda (t1 t2 exp)
    (cond
      ((eqv? t1 t2))
      ((tvar-type? t1) (check-tvar-equal-type! t1 t2 exp)
      ((tvar-type? t2) (check-tvar-equal-type! t2 t1 exp)
      ((and (atomic-type? t1) (atomic-type? t2))
       (if (not
             (eqv?
               (atomic-type->name t1)
               (atomic-type->name t2)))
         (raise-type-error t1 t2 exp)))
      )))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

```
(define check-equal-type!
  (lambda (t1 t2 exp)
    (cond
      ((and (proc-type? t1) (proc-type? t2))
       (let ((arg-types1 (proc-type->arg-types t1))
             (arg-types2 (proc-type->arg-types t2))
             (result-type1 (proc-type->result-type t1))
             (result-type2 (proc-type->result-type t2)))
         (if (not
               (= (length arg-types1) (length arg-types2)
           (raise-wrong-number-of-arguments t1 t2 exp)
           (begin
             (for-each
               (lambda (t1 t2)
                 (check-equal-type! t1 t2 exp))
               arg-types1 arg-types2)
             (check-equal-type!
               result-type1 result-type2 exp)))))
      (else (raise-type-error t1 t2 exp)))))
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

Ejemplos:

- Considere la expresión let f = proc (? x) x in f.
- Se utilizarán las siguientes variables de tipo:

```
Expresión Variable de Tipo f tf x tx let f = proc (? x) x in f t1
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

- Luego, dado que f corresponde a un procedimiento, su tipo estará determinado por el tipo de sus parámetros formales y de su resultado.
- Por definición el tipo de la expresión let corresponde al tipo de su cuerpo (en este caso f).
- Por esta razon se tendrán las siguientes ecuaciones de tipo:

```
tf = (tx \rightarrow tx)

t1 = tf
```

■ Donde el tipo de f y del let es (tx -> tx) para cualquier tipo tx.



Inferencia de tipos _{Ejemplos}

Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Ejemplos:

- Ahora considere la expresión let f = proc (? x) x in let y = (f 5) in f.
- Se utilizarán las siguientes variables de tipo:



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

■ Se tendrán las siguientes ecuaciones de tipo:

■ De la segunda ecuación se puede inferir que:

$$tx = int$$

 $t2 = tx$

■ Luego el tipo de f y del let es (int → int).



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos André Delgado S. Carlos Albert Ramírez

Inferencia de tipos

Ejemplos:

- Ahora considere la expresión let f = proc (? x) x in let y = (f 5) in let z = (f true) in f.
- Se utilizarán las siguientes variables de tipo:

```
Expresión

f

x

Til: A -> +x

y

(f 5)

(f true)

let f = proc (? x) x in y = (f 5)

in let z = (f true) in f

X

Variable de Tipo

tf

tx

ty

ty

t2

t3

let f = proc (? x) x in y = (f 5)

in let z = (f true) in f

t1

Z
```



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

■ Se tendrán las siguientes ecuaciones de tipo:

■ De la segunday tercera ecuación se puede inferir que:

```
tx = int = bool
```

 Lo que resulta en un error de tipo, dado que una variable de tipo no puede corresponder a dos tipos diferentes (int y bool).



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

Ejemplos:

■ Considere la expresión:

```
let
    f = proc(? x, int y) if x then +(y,1) else -(y,1)
in
    let
        g = proc(? m, int n) (m true n)
in
    let
        h = (g f 5)
in
        g
```

Inferir su tipo.



Fundamentos de lenguajes de programación

Carlos Andrés Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

Ejercicio

Ejercicio

Considere la expresión:

```
let
    f = proc(? x, ? y, ? z)
        if (x y) then *(z,2) else z
in
    let
        g = proc(? m)
        if m then true else false
        k = 5
    in
        (f g true k)
```

Inferir su tipo.



Preguntas

Fundamentos de lenguajes de

programación

Delgado S. Carlos Alberto Ramírez

Inferencia de tipos

!



Próxima sesión

Fundamentos de lenguajes de programación

Delgado S. Carlos Alber Ramírez

Inferencia de tipos

 Conceptos Fundamentales de la Programación Orientada a Objetos.