# Otimização de Processos de Negócios em Cadeia de Suprimentos

#### **Edcarllos Santos**

Email:

esantos@ic.uff.br

Universidade Federal Fluminense Instituto de Computação Niterói - RJ

Outubro/2016







### Conteúdo

- 1 Introdução
- 2 Logística
- 3 PERVMP
- 4 Algoritmo HILS-RVND
- 5 Resultados Computacionais
- 6 Conclusão e trabalhos futuros

### Conteúdo

- Introdução
- 2 Logística
- 3 PERVMF
- 4 Algoritmo HILS-RVND
- 5 Resultados Computacionais
- 6 Conclusão e trabalhos futuros

### Agropecuária

#### É responsável por...

- produzir alimentos para a população
- fornecer matérias-primas à indústria
- fornecer divisas através das exportações





#### Agropecuária no Brasil

- responsável por cerca de **25**% do PIB brasileiro
- o país possui diversas vantagens:
  - clima favorável
  - relevo pouco acidentado
  - solo fértil
  - prande mercado consumidor interno e externo

# Agropecuária no Brasil



#### Alguns dados sobre a agropecuária no Brasil...

- ▶ 2º maior produtor de carne bovina
- ▶ 4º maior produtor de leite
- Maior exportador de frango
- 2º maior exportador de soja
- 4º país em exportação de suínos

#### Previsões ainda afirmam que...

- Em 5 anos, pode se tornar o maior produtor de carne bovina
- Em 10 anos, pode se tornar o maior produtor de soja
- Brasil será maior exportador agrícola mundial em 2024

# Agropecuária no Tocantins

- principal atividade econômica privada de 72,6% dos municípios
  - Pedro Afonso
  - Lagoa da Confusão
  - Formoso do Araguaia
- maior produtor de grãos da região Norte do Brasil
  - ▶ arroz (3º no Brasil)
  - soja
  - melancia
  - milho
  - feijão
- tem o menor índice de desmatamento na região Norte



### Agropecuária no mundo

#### Estudos e previsões afirmam...

- em 2050 será necessário 60% a mais de comida
- o consumo de alimentos deve dobrar nas próximas quatro décadas no mundo





#### O problema...

 soluções existentes não são ideais para o cenário futuro

#### A solução...

 usar tecnologias para aumentar a produtividade para a produção de alimentos



### Conteúdo

- 1 Introdução
- 2 Logística
- 3 PERVMP
- 4 Algoritmo HILS-RVNI
- 5 Resultados Computacionais
- 6 Conclusão e trabalhos futuros

# Cadeia de Suprimentos

#### O que é?

 conjunto de atividades funcionais <sup>a</sup> que se repetem inúmeras vezes ao longo do canal pelo qual matérias-primas vão sendo convertidas em produtos acabados

#### Quem participa?

- fornecedores de matérias primas
- fabricantes
- atacadista e distribuidores
- varejistas
- clientes



<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>e.g. transporte, controle de estoque e etc

# Cadeia de suprimentos



Fluxo Financeiro e de Produto

### Gestão da cadeia de suprimentos

#### O que é logística?

 administração das atividades funcionais (aka processos de negócios) que facilitam a movimentação e coordenação de bens desde sua criação ao armazenamento



#### Processos de negócios

- distribuição de bens
- armazenamento de produtos
- contabilidade gerencial
- previsão de vendas

### Logística

#### Que fatores afetam a gerência dos processos de negócios?

- Cultura e regras governamentais
  - Mudanças de impostos e incentivos fiscais
- Globalização
  - Acordos regionais como Mercosul, Nafta e outros
- Mercado e demanda
  - Necessidade x Disponibilidade x Qualidade x Preço
- Meio ambiente
  - Valorização e preservação
- Competição intensa
  - Serviços diferenciados
- Informação e comunicação
  - Marketing social

### A dinamicidade do processo logístico

Objetivos conflitantes

**Produção:** alta qualidade x alta produtividade x baixo custo de produção

**Estoque:** baixo nível de estoque x capacidade rápida de reposição

ente: curtos prazos de entrega x preços baixos x grande

quantidade em estoque

Complexa rede de instalações

Variações temporais do sistema (incerteza)

### Vantagens de uso da logística

#### Redução de custos

- Objetivo: maximização de lucros
- Reduzir custos variáveis de transporte e armazenagem
  - escolha do local de armazenagem





#### Redução de capital

- Objetivo: maximização do retorno sobre os ativos logísticos
- Reduzir nível de investimento no sistema logístico
  - terceirização de serviços logísticos

#### Melhoria dos serviços

- Objetivo: estabelecer o nível apropriado de serviços aos clientes
- Aumentar lucros
  - redução do tempo de entrega



### Logística

#### No Brasil...

- custos logísticos correspondem a 10,6% do PIB
- para empresas, gastos com logística representam 8,5% da receita líquida

#### Transporte de mercadorias

- representa entre metade e 2/3 dos custos logísticos totais
  - seleção de modal
  - consolidação de fretes
  - roteirização
  - programação de veículos





#### Estoque de produtos

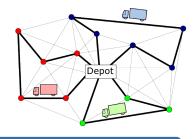
- funcionam como "pulmão" entre oferta e demanda
  - estratégias de estocagem de matérias-primas e produtos
  - previsão de vendas a curto prazo
  - número, tamanho e localização das instalações

### Conteúdo

- 1 Introdução
- 2 Logística
- 3 PERVMP
- 4 Algoritmo HILS-RVNI
- 5 Resultados Computacionais
- 6 Conclusão e trabalhos futuros

### Problema de Estoque e Roteamento de Veículos (PERV)

- Extensão do Problema de Roteamento de Veículos
- ► N P-difícil



#### Decisões a estipular...

- definir os dias de atendimentos para cada cliente
- 2 atribuir a quantidade de produtos a serem entregues em cada atendimento
- 3 encontrar as melhores rotas para atender os clientes

#### Objetivo

Minimizar os custos operacionais de distribuição e estocagem de produtos ao longo de um horizonte de planejamento

# PERV com Múltiplos Veículos (PERVMP)

ATRIBUTOS		OPÇÕES	
Topologia de rede	1-1	1-n	n-n
Horizonte de planejamento	Finito	Infinito	-
Tipo de produtos	Único	Múltiplos	-
Tipo de demanda	Determinístico	Estocástico	-
Composição da frota	Homogênea	Heterogênea	Irrestrito
Tamanho da frota	Fixa	Variável de decisão	Irrestrita
Gestão do estoque	Backlogging	Lost sales	No negative

### PERV com Múltiplos Veículos (PERVMP)

- Um depósito para suprir todos os clientes
- Demandas determinísticas para um único tipo de produto
- Frota de veículos homogênea e limitada
- Estoques independentes para fornecedor e clientes

#### Objetivo

Minimizar custos de distribuição e estocagem de produtos

#### Restrições

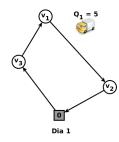
- ► Rotas iniciam e terminam no fornecedor sem violar a capacidade do veículo
- Falta de estoque n\u00e3o \u00e9 permitido
- Capacidade de estoque deve ser respeitada

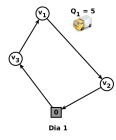


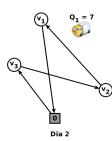


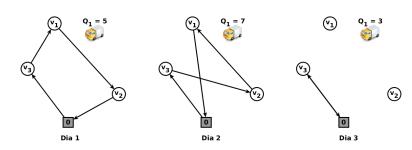


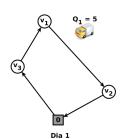


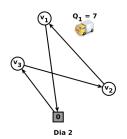


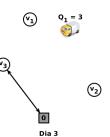


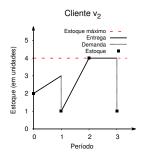


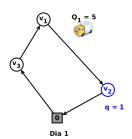


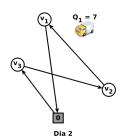


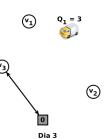


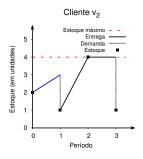


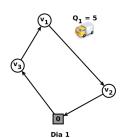


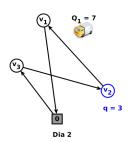


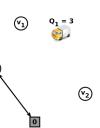




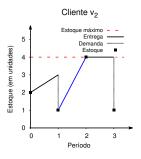


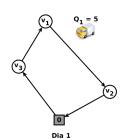


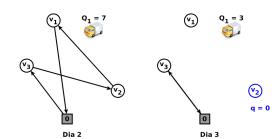


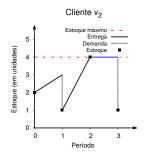


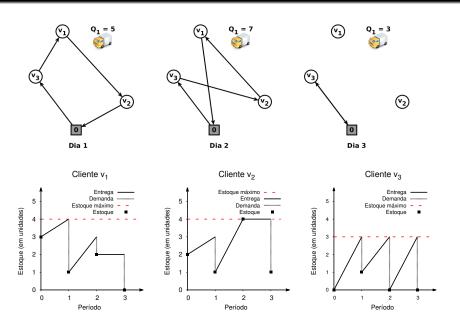
Dia 3











### Conteúdo

- 1 Introdução
- 2 Logística
- 3 PERVMF
- 4 Algoritmo HILS-RVND
- 5 Resultados Computacionais
- 6 Conclusão e trabalhos futuros

### Metaheurísticas

#### Heuríticas

 são regras gerais de influência utilizadas pelo decisor para simplificar seus julgamentos em tarefas decisórias de incerteza

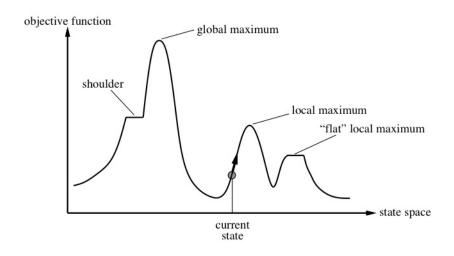
#### Metaheurísticas

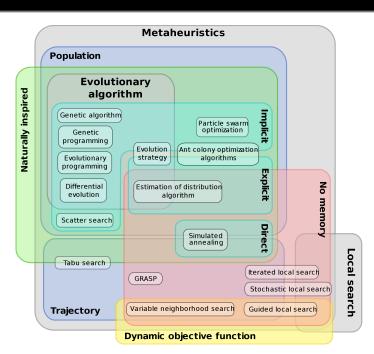
 é um processo iterativo do qual guia heurísticas subordinadas combinando conceitos inteligentes para explorar o espaço de solução

#### Características

- explora o espaço de busca com o intuito de encontrar soluções de boa qualidade
- é uma técnica aproximada e usualmente não-determinística
- incorpora mecanismos para evitar ficar preso em uma região do espaço de busca (ótimos locais)

# Componentes de uma metaheurística





# Revisão Bibliográfica

- ► Hybrid ALNS (2012)
- ► Branch-and-cut (2013)
- ► Branch-price-and-cut (2014)

# Revisão Bibliográfica

- Hybrid ALNS (2012)
- Branch-and-cut (2013)
- Branch-price-and-cut (2014)

Leandro C. Coelho, Jean-François Cordeau e Gilbert Laporte. "Consistency in multi-vehicle inventory-routing". Em: *Transportation Research Part C: Emerging Technologies* 24 (out. de 2012), pp. 270–287

# Revisão Bibliográfica

- Hybrid ALNS (2012)
- Branch-and-cut (2013)
- Branch-price-and-cut (2014)

Leandro C Coelho e Gilbert Laporte. "The exact solution of several classes of inventory-routing problems". Em: *Computers & Operations Research* 40.2 (fev. de 2013), pp. 558–565

# Revisão Bibliográfica

- ► Hybrid ALNS (2012)
- Branch-and-cut (2013)
- Branch-price-and-cut (2014)

Guy Desaulniers, Jørgen Glomvik Rakke e Leandro C. Coelho. *A branch-price-and-cut algorithm for the inventory-routing problem.* Rel. téc. Montreal: GERAD - Department of Mathematics e Industrial Engineering Polytechnique Montréal, 2014, pp. 1–25

# Algoritmo HILS-RVND

```
f(s^*) \leftarrow \infty
for iterMS \leftarrow 0 until MaxIterMS do
     iterII S \leftarrow 0
     s \leftarrow \text{HeuristicaDeConstrucao}()
     for iterILS \leftarrow 0 until MaxIterILS do
          s \leftarrow \text{Buscalocal}(s)
          if f(s) < f(s^*) then
               s^* \leftarrow s
               iterILS \leftarrow -1
          s \leftarrow \text{Perturbacao}(s^*)
          iterILS \leftarrow iterILS + 1
     iterMS \leftarrow iterMS + 1
s \leftarrow \text{GestaoDeEstoque}(s^*)
```

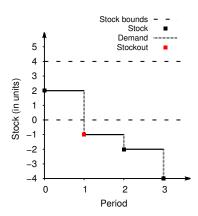
# Fase 1 para período tInput: Periodo t, Lista $CL \leftarrow \emptyset$ foreach cliente do if stockout eh identificado then AtualizarEstoque(|stockout em t|) $CL \leftarrow CL + \{cliente\}$ Misturar(CL) ConstruirRotas(CL) return CL

- Suprir clientes que apresentam stockout no período t
- Rotear os clientes atendidos

#### Fase 1 para período t

#### Dados do estoque para cliente $v_2$

- ► Foram entregues = 0 unidades
- Períodos sem stockout = {1,2,3}
- $CL = \{v_1, v_3\}$



```
Fase 1 para período t

Input: Periodo t, Lista CL \leftarrow \emptyset

foreach cliente do

if stockout eh identificado then

AtualizarEstoque(|stockout em t|)

CL \leftarrow CL + \{cliente\}

Misturar(CL)

ConstruirRotas(CL)
```

#### Dados do estoque para cliente $v_2$

- ► Foram entregues = 1 unidade
- ▶ Períodos sem stockout = {2,3}
- $CL = \{v_1, v_3, v_2\}$

return CL



# Fase 1 para período tInput: Periodo t, Lista $CL \leftarrow \emptyset$ foreach cliente do if stockout eh identificado then AtualizarEstoque(|stockout em t|) $CL \leftarrow CL + \{cliente\}$ Misturar (CL) ConstruirRotas(CL) return CL

#### Roteamento para cliente $v_2$

- Custo de roteamento no período 1 = 0
- ightharpoonup CL=  $\{v_3, v_1, v_2\}$





#### Period 1

#### Fase 1 para período t

Misturar(CL)
ConstruirRotas(CL)
return CL

Dois critérios de inserção são usados:

Cliente mais próximo: 
$$g(k,t) = c_{i\nu}^{r}$$

 $g(k,t) = (c_{ik}^r + c_{kj}^r - c_{ij}^r) - \gamma(c_{0k}^r + c_{k0}^r)$ 

#### Roteamento para cliente v<sub>2</sub>

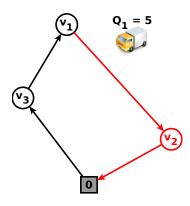
- Custo de roteamento no período 1 = 0
- ightharpoonup CL=  $\{v_3, v_1, v_2\}$

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>Uma penalidade para evitar inserção tardia de clientes localizados longe do fornecedor é usada

```
Fase 1 para período t
```

#### Roteamento para cliente v<sub>2</sub>

- Custo de roteamento no período 1 = 3.75
- ightharpoonup CL=  $\{v_3, v_1, v_2\}$



Period 1

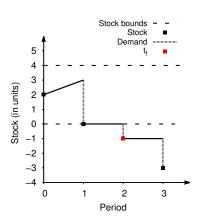
#### Fase 2 para período t

```
Input: Periodo t, Lista CL
Misturar(CL)
foreach cliente em CL do

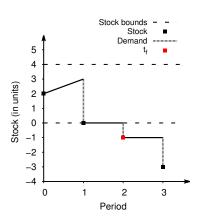
 | t_f \leftarrow \text{selecionar período arbitrário}[t, T] 
while operação é inviável do
 | entrega \leftarrow | stockout em t_f|
 | ChecarViabilidade(t_f, entrega) 
if ainda é inviável then
 | t_f \leftarrow t_f - 1 
else
 | end while |
 | AtualizarEstoque(t_f, entrega) 
 | s \leftarrow \text{AtualizarRota}(t) 
return s
```

 Aumentar a quantidade de produtos entregues nos atendimentos realizados na Fase 1

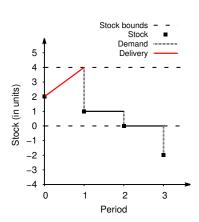
```
Fase 2 para período t
Input: Periodo t, Lista CL
Misturar(CL)
foreach cliente em CL do
     t_f \leftarrow selecionar período arbitrário[t, T]
     while operação é inviável do
           entrega \leftarrow |stockout| em t_f|
           ChecarViabilidade(t. entrega)
          if ainda é inviável then
                t_f \leftarrow t_f - 1
          else
                end while
     AtualizarEstoque(t_f, entrega)
     s \leftarrow AtualizarRota(t)
return s
```



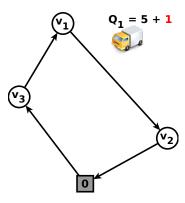
```
Fase 2 para período t
Input: Periodo t, Lista CL
Misturar(CL)
foreach cliente em CL do
     t_f \leftarrow \text{selecionar período arbitrário}[t, T]
     while operação é inviável do
           entrega \leftarrow |stockout| em t_f|
           ChecarViabilidade(t_f, entrega)
           if ainda é inviável then
                t_f \leftarrow t_f - 1
           else
                end while
     AtualizarEstoque(t_f, entrega)
     s \leftarrow AtualizarRota(t)
return s
```



```
Fase 2 para período t
Input: Periodo t, Lista CL
Misturar(CL)
foreach cliente em CL do
     t_f \leftarrow \text{selecionar período arbitrário}[t, T]
     while operação é inviável do
           entrega \leftarrow |stockout| em t_f|
           ChecarViabilidade(t. entrega)
           if ainda é inviável then
                t_f \leftarrow t_f - 1
           else
                end while
     AtualizarEstoque(t_f, entrega)
     s \leftarrow AtualizarRota(t)
return s
```



```
Fase 2 para período t
Input: Periodo t, Lista CL
Misturar(CL)
foreach cliente em CL do
     t_f \leftarrow \text{selecionar período arbitrário}[t, T]
     while operação é inviável do
           entrega \leftarrow |stockout| em t_f|
           ChecarViabilidade(t_f, entrega)
           if ainda é inviável then
                t_f \leftarrow t_f - 1
           else
                end while
     AtualizarEstoque(t_f, entrega)
     s \leftarrow AtualizarRota(t)
return s
```



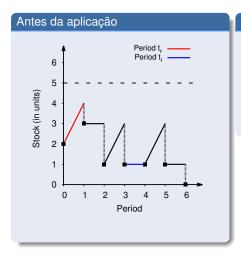
Period 1

#### **Busca Local**

- Realizado por um procedimento RVND
  - Random Variable Neighborhood Search
- Três tipos de estruturas de vizinhança são usadas:
  - Inter-período
  - Inter-rota
  - Intrarrota

# Inter-período - Service Insertion

- Realoca produtos do período t<sub>r</sub>, adicionando um novo atendimento no período t<sub>i</sub>
- Aumenta o custo de roteamento e reduz o custo de estocagem

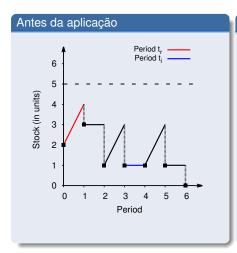


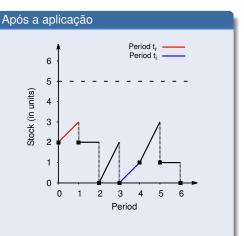
#### Pré-requisitos

- ightharpoonup período  $t_r$  < período  $t_i$
- um atendimento deve existir no período t<sub>r</sub>
- nenhum atendimento deve existir no período t<sub>i</sub>
- alguma rota com capacidade residual positiva deve existir no período ti

# Inter-período - Service Insertion

- Realoca produtos do período  $t_r$ , adicionando um novo atendimento no período  $t_i$
- Aumenta o custo de roteamento e reduz o custo de estocagem





# Inter-período - Service Removal

- rightarrow Realoca produtos para o período  $t_i$ , removendo um atendimento existente no período  $t_r$
- Aumenta o custo de estocagem e reduz o custo de roteamento

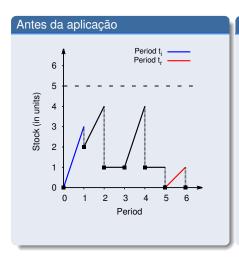
# Antes da aplicação Period t<sub>i</sub> Period t, -6 5 Stock (in units) 4 3 2 1 Period

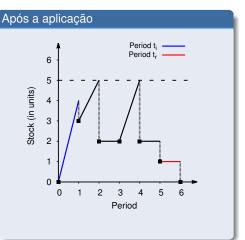
#### Pré-requisitos

- um atendimento deve existir nos períodos
   t<sub>r</sub> e t<sub>i</sub>
- rota associada ao cliente no período t<sub>i</sub>, deve possuir capacidade residual suficiente para armazenar todos os produtos realocados

## Inter-período - Service Removal

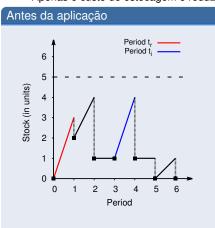
- ▶ Realoca produtos para o período  $t_i$ , removendo um atendimento existente no período  $t_r$
- Aumenta o custo de estocagem e reduz o custo de roteamento





# Inter-período - Shift Delivery

- Desloca parcialmente produtos de um atendimento do período período t<sub>r</sub> para um novo/existente atendimento no período período t<sub>i</sub>
- Apenas o custo de estocagem é reduzido

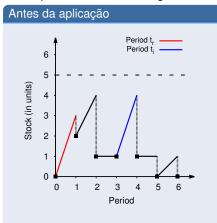


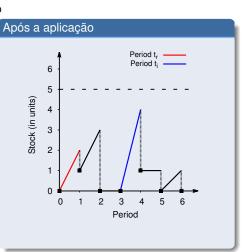
#### Pré-requisitos

- ightharpoonup período  $t_r$  < período  $t_i$
- um atendimento deve existir no período t<sub>r</sub>
- alguma rota com capacidade residual positiva deve existir no período ti

# Inter-período - Shift Delivery

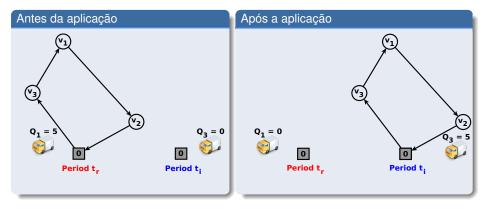
- Desloca parcialmente produtos de um atendimento do período período t<sub>r</sub> para um novo/existente atendimento no período período t<sub>i</sub>
- Apenas o custo de estocagem é reduzido





# Inter-período - Swap Route

- Transfere um rota rt por completo do período  $t_r$  para o período  $t_i$
- Custo de estocagem é reduzido

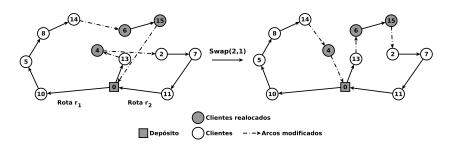


# Estruturas Inter-rota

- Swap(1,1): Troca dois clientes de rotas distintas
- Swap(2,1): Troca um arco e um cliente de rotas distintas
- ► Swap(2,2): Troca dois arcos de rotas distintas
- Shift(1,0): Um cliente é removido e inserido em outra rota
- Shift(2,0): Um arco é removido e inserido em outra rota

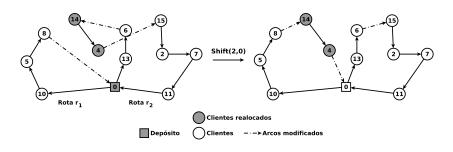
#### Estruturas Inter-rota

- Swap(1,1): Troca dois clientes de rotas distintas
- Swap(2,1): Troca um arco e um cliente de rotas distintas
- Swap(2,2): Troca dois arcos de rotas distintas
- ▶ Shift(1,0): Um cliente é removido e inserido em outra rota
- Shift(2,0): Um arco é removido e inserido em outra rota



#### Estruturas Inter-rota

- Swap(1,1): Troca dois clientes de rotas distintas
- Swap(2,1): Troca um arco e um cliente de rotas distintas
- Swap(2,2): Troca dois arcos de rotas distintas
- ▶ Shift(1,0): Um cliente é removido e inserido em outra rota
- Shift(2,0): Um arco é removido e inserido em outra rota

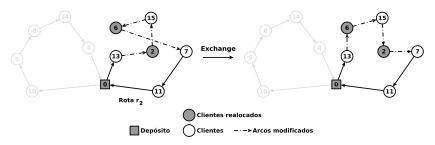


#### Estruturas Intrarrota

- Exchange: Troca a posição de dois clientes
- Reinsertion: Um cliente é removido e reinserido em outra posição da rota
- Or-opt2: Dois clientes adjacentes são removidos e reinseridos em outra posição da rota
- Or-opt3: Três clientes adjacentes são removidos e reinseridos em outra posição da rota
- ▶ **2-opt**: Dois arcos não adjacentes  $(i_1, j_1)$  e  $(i_2, j_2)$  são removidos. Então, dois novos arcos  $(i_1, i_2)$  e  $(j_1, j_2)$  são inseridos

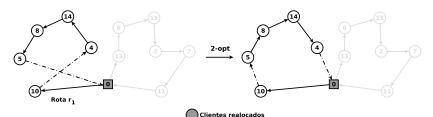
#### Estruturas Intrarrota

- Exchange: Troca a posição de dois clientes
- Reinsertion: Um cliente é removido e reinserido em outra posição da rota
- Or-opt2: Dois clientes adjacentes s\u00e3o removidos e reinseridos em outra posi\u00e7\u00e3o da rota
- Or-opt3: Três clientes adjacentes são removidos e reinseridos em outra posição da rota
- ▶ **2-opt**: Dois arcos não adjacentes  $(i_1, j_1)$  e  $(i_2, j_2)$  são removidos. Então, dois novos arcos  $(i_1, i_2)$  e  $(j_1, j_2)$  são inseridos



## Estruturas Intrarrota

- Exchange: Troca a posição de dois clientes
- Reinsertion: Um cliente é removido e reinserido em outra posição da rota
- Or-opt2: Dois clientes adjacentes s\u00e3o removidos e reinseridos em outra posi\u00e7\u00e3o da rota
- Or-opt3: Três clientes adjacentes são removidos e reinseridos em outra posição da rota
- ▶ **2-opt**: Dois arcos não adjacentes  $(i_1, j_1)$  e  $(i_2, j_2)$  são removidos. Então, dois novos arcos  $(i_1, i_2)$  e  $(j_1, j_2)$  são inseridos



# Mecanismos de perturbação

- Baseado em três estruturas inter-período:
  - Supply Insertion
  - Supply Removal
  - Shift Delivery
- Uma das estruturas é selecionada de modo aleatório e um número arbitrário de movimentos [1,4] são executados

# Gestão do estoque

#### Constantes

- h<sub>i</sub> custo de estocagem para cliente i
- $ightharpoonup p^t$  quantidade de produto disponível no fornecedor no período t
- d<sup>t</sup> demanda dos produtos no período t para cliente i
- C<sub>i</sub> capacidade máxima de estocagem para cliente i
- Q capacidade máxima do veículo
- z<sub>i</sub><sup>t</sup> assume 1, se e somente se, cliente i é atendido no período t e 0 caso contrário

#### Variáveis

- I<sup>t</sup> quantidade de produto armazenado no período t para o cliente i
- $ightharpoonup q_i^t$  quantidade de produto entregue no período t para cliente i

Minimizar 
$$\sum_{v \in V} \sum_{t \in T} h_v I_v^t \tag{1}$$

$$l_0^t = l_0^{t-1} + p^t - \sum_{v \in V'} q_v^t \qquad t \in T$$
 (2)

$$I_{V}^{t} = I_{V}^{t-1} + q_{V}^{t} - d_{V}^{t} \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (3)

$$I_{v}^{t} \geq 0 \qquad v \in V \quad t \in T$$
 (4)

$$I_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} \qquad \nu \in V' \quad t \in T \tag{5}$$

$$q_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} - I_{\nu}^{t-1} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (6)

$$\sum_{v \in rt} q_v^t \le Q \qquad t \in T \tag{7}$$

$$q_v^t \ge z_v^t \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (8)

$$q_v^t = 0 \qquad v \in V' \quad t \in T, \quad \forall \ z_v^t = 0$$
 (9)

Minimizar 
$$\sum_{v \in V} \sum_{t \in T} h_v I_v^t \tag{1}$$

$$I_0^t = I_0^{t-1} + p^t - \sum_{v \in V'} q_v^t \qquad t \in T$$
 (2)

$$I_{v}^{t} = I_{v}^{t-1} + q_{v}^{t} - d_{v}^{t} \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (3)

$$I_{v}^{t} \ge 0 \qquad v \in V \quad t \in T \tag{4}$$

$$I_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} \qquad \nu \in V' \quad t \in T \tag{5}$$

$$q_{\nu}^{t} \le C_{\nu} - I_{\nu}^{t-1} \qquad \nu \in V' \quad t \in T \tag{6}$$

$$\sum_{v \in rt} q_v^t \le Q \qquad t \in T \tag{7}$$

$$q_{\nu}^{t} \ge z_{\nu}^{t} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (8)

$$q_V^t = 0 \qquad v \in V' \quad t \in T, \quad \forall \ z_V^t = 0$$
 (9)

Objetivo (1): minimizar custo de estocagem para a solução

Minimizar 
$$\sum_{v \in V} \sum_{t \in T} h_v I_v^t \tag{1}$$

$$I_0^t = I_0^{t-1} + p^t - \sum_{v \in V'} q_v^t \qquad t \in T$$
 (2)

$$I_{v}^{t} = I_{v}^{t-1} + q_{v}^{t} - d_{v}^{t} \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (3)

$$I_{\nu}^{t} \ge 0 \qquad \nu \in V \quad t \in T \tag{4}$$

$$I_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} \qquad \nu \in V' \quad t \in T \tag{5}$$

$$q_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} - l_{\nu}^{t-1} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (6)

$$\sum_{\nu \in rt} q_{\nu}^t \le Q \qquad t \in T \tag{7}$$

$$q_v^t \ge z_v^t \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (8)

$$q_{\nu}^{t} = 0 \qquad \nu \in V' \quad t \in T, \quad \forall \ z_{\nu}^{t} = 0 \tag{9}$$

Restrições (2-3): estipula nível de estoque para fornecedor e clientes

Minimizar 
$$\sum_{v \in V} \sum_{t \in T} h_v I_v^t \tag{1}$$

$$l_0^t = l_0^{t-1} + p^t - \sum_{v \in V'} q_v^t \qquad t \in T$$
 (2)

$$I_{v}^{t} = I_{v}^{t-1} + q_{v}^{t} - d_{v}^{t} \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (3)

$$I_{\nu}^{t} \ge 0 \qquad \nu \in V \quad t \in T \tag{4}$$

$$I_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} \qquad \nu \in V' \quad t \in T \tag{5}$$

$$q_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} - l_{\nu}^{t-1} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (6)

$$\sum_{\nu \in rt} q_{\nu}^t \le Q \qquad t \in T \tag{7}$$

$$q_{\nu}^{t} \ge z_{\nu}^{t} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (8)

$$q_V^t = 0 \qquad v \in V' \quad t \in T, \quad \forall \ z_V^t = 0$$
 (9)

Restrições (4-5): define os limites para o nível de estoque

Minimizar 
$$\sum_{v \in V} \sum_{t \in T} h_v I_v^t \tag{1}$$

$$l_0^t = l_0^{t-1} + \rho^t - \sum_{v \in V'} q_v^t \qquad t \in T$$
 (2)

$$I_{v}^{t} = I_{v}^{t-1} + q_{v}^{t} - d_{v}^{t} \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (3)

$$I_{\nu}^{t} \ge 0 \qquad \nu \in V \quad t \in T \tag{4}$$

$$I_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (5)

$$q_{\nu}^{t} \le C_{\nu} - I_{\nu}^{t-1} \qquad \nu \in V' \quad t \in T \tag{6}$$

$$\sum_{v \in rt} q_v^t \le Q \qquad t \in T \tag{7}$$

$$q_{\nu}^{t} \ge z_{\nu}^{t} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (8)

$$q_{\nu}^{t} = 0$$
  $\nu \in V'$   $t \in T$ ,  $\forall z_{\nu}^{t} = 0$  (9)

**Restrições (6):** assegura que o nível de estoque após um serviço de entrega respeite o limite máximo de estocagem

Minimizar 
$$\sum_{v \in V} \sum_{t \in T} h_v I_v^t \tag{1}$$

$$I_0^t = I_0^{t-1} + p^t - \sum_{v \in V'} q_v^t \qquad t \in T$$
 (2)

$$I_{v}^{t} = I_{v}^{t-1} + q_{v}^{t} - d_{v}^{t} \quad v \in V' \quad t \in T$$
 (3)

$$I_{\nu}^{t} \ge 0 \qquad \nu \in V \quad t \in T \tag{4}$$

$$I_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} \qquad \nu \in V' \quad t \in T \tag{5}$$

$$q_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} - l_{\nu}^{t-1} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (6)

$$\sum_{v \in rt} q_v^t \le Q \qquad t \in T \tag{7}$$

$$q_{\nu}^{t} \ge z_{\nu}^{t} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (8)

$$q_v^t = 0$$
  $v \in V'$   $t \in T$ ,  $\forall z_v^t = 0$  (9)

**Restrições (7):** garante que produtos entregues para todos os clientes atendidos pela rota *rt* não exceda a capacidade do veículo

Minimizar 
$$\sum_{v \in V} \sum_{t \in T} h_v I_v^t \tag{1}$$

$$I_0^t = I_0^{t-1} + p^t - \sum_{v \in V'} q_v^t \qquad t \in T$$
 (2)

$$I_{v}^{t} = I_{v}^{t-1} + q_{v}^{t} - d_{v}^{t} \qquad v \in V' \quad t \in T$$
 (3)

$$I_{\nu}^{t} \ge 0 \qquad \nu \in V \quad t \in T \tag{4}$$

$$I_{\nu}^{t} \leq C_{\nu} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (5)

$$q_{\nu}^{t} \le C_{\nu} - I_{\nu}^{t-1} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (6)

$$\sum_{v \in rt} q_v^t \le Q \qquad t \in T \tag{7}$$

$$q_{\nu}^{t} \ge z_{\nu}^{t} \qquad \nu \in V' \quad t \in T$$
 (8)

$$q_{\nu}^{t} = 0$$
  $\nu \in V'$   $t \in T$ ,  $\forall z_{\nu}^{t} = 0$  (9)

**Restrições (8):** assegura uma quantidade mínima de entrega para clientes servidos por uma rota

#### Conteúdo

- 1 Introdução
- 2 Logística
- 3 PERVMF
- 4 Algoritmo HILS-RVND
- 5 Resultados Computacionais
- 6 Conclusão e trabalhos futuros

# Configuração

#### **Ambiente**

- Algoritmos implementado em C++ usando compilador G++ 4.6.4
- CPLEX CONCERT TECHNOLOGY 12.2
- INTEL® CORE™2 QUAD 2.83 GHz com 8 GB
- ▶ UBUNTU 12.04 64-BIT
- Uma thread

#### Parâmetros do algoritmo

- MaxIterMS fixado em (10.000 × T × M × K)
- MaxIterILS igual a 10
- ▶ 10 execuções
- ► Tempo limite de 300 segundos

# Conjunto-teste de instâncias

#### Primeiro conjunto

- ▶ Horizonte de planejamento  $H = \{3\}$
- Número de clientes  $V = \{10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50\}$

#### Segundo conjunto

- Horizonte de planejamento H = {6}
- Número de clientes  $V = \{10, 15, 20, 25, 30\}$
- Frota homogênea de tamanho  $K = \{2,3,4,5\}$
- ▶ Um único tipo de produto M = {1}
- Custos de estocagem baixo e alto
- ▶ 560 problemas-teste (Coelho, 2012)

# Resultados computacionais - Parte 1

- Hybrid ALNS (2013)
- Apenas um subconjunto dos problemas-teste foram utilizados (Coelho, 2013)

#### Ambiente (Coelho, 2013)

- Dual Core AMD OPTERON™ 2.20 GHz com 12 GB
- CPLEX CONCERT TECHNOLOGY 12.2
- Uma thread

# Resultados computacionais

		ALNS			
	Quant	Quant (%)	Avg Gap ALNS (%)	Avg Time (s)	Time (s)
Best	32	66,66	-0,76	-	-
Draw	0	0,00	0,00	-	-
Worst	16	33,33	0,51	-	-
TOTAL	48	100,00	-0,33	77,40	4.934,69

Tabela: Resumo dos resultados para HILS-RVND

# Resultados computacionais - Parte 2

- Branch-and-cut (2013)
- Branch-price-and-cut (2014)

#### Ambiente (Coelho, 2014)

- ► INTEL® CORE™I7 3.40 GHz com 16 GB
- CPLEX CONCERT TECHNOLOGY 12.2
- Uma thread com tempo limite de 7200 segundos

# Resultados computacionais

	HILS-RVND					Exact
	Quant	Quant (%)	Opt	Avg Gap (%)	Avg Time (s)	Time (s)
Best	125	22,32	-	-8,99	-	-
Draw	127	22,68	124	0,00	-	-
Worst	308	55,00	-	2,22	-	-
TOTAL	560	100,00	124	-0,76	104,19	3.598,10

Tabela: Resumo dos resultados para HILS-RVND

# Resultados computacionais

	HILS-RVND					Exact
	Quant	Quant (%)	Opt	Avg Gap (%)	Avg Time (s)	Time (s)
Best	61	21,79	-	-11,35	-	-
Draw	76	27,14	74	0,00	-	-
Worst	143	51,07	-	3,30	-	-
TOTAL	280	100,00	74	-0,74	102,90	3.629,02

Tabela : Resumo dos resultados para problemas-teste com custos de estocagem baixo

# Resultados computacionais

	HILS-RVND					Exact
	Quant	Quant (%)	Opt	Avg Gap (%)	Avg Time (s)	Time (s)
Best	64	22,86	-	-6,75	-	-
Draw	51	18,21	50	0,00	-	-
Worst	165	58,93	-	1,29	-	-
TOTAL	280	100,00	50	-0,77	105,48	3.567,18

Tabela : Resumo dos resultados para problemas-teste com custos de estocagem alto

### Conteúdo

- 1 Introdução
- 2 Logística
- 3 PERVMF
- 4 Algoritmo HILS-RVNI
- 5 Resultados Computacionais
- Conclusão e trabalhos futuros

#### Conclusão e trabalhos futuros

#### Conclusão

- Processos de negócios podem ter seus custos operacionais reduzidos de modo considerável
- Metaheurísticas híbridas são boas alternativas para problemas de grande porte
- Podem ser adaptadas para operar em casos reais (e.g. Petrobras e Liquigás)

#### Trabalhos futuros

- Extender o algoritmo para trabalhar com outras variantes
- Desenvolver um framework para facilitar o gerenciamento de processos de negócios
- Incorporar incerteza/imprevisibilidade ao problema

# Otimização de Processos de Negócios em Cadeia de Suprimentos

#### **Edcarllos Santos**

Email: esantos@ic.uff.br

Universidade Federal Fluminense Instituto de Computação Niterói - RJ

Outubro/2016





