7 клас

Геометрія

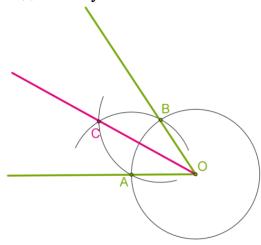
Тема: Основні задачі на побудову

Хід уроку

- Виконайте наступні побудови в зошиті та ознайомтесь із доведенням.
- При кресленні користуємось лише олівцем, циркулем та лінійкою (без поділок)

1. Побудова бісектриси даного кута

- ✓ 3 вершини даного кута О як з центра описуємо коло довільного радіуса.
- ✓ Точки В і С точки перетину даного кола зі сторонами кута
- ✓ 3 точок В і С тим самим радіусом описує кола.
- ✓ Точка A точка перетину даних кіл
- ✓ Будуємо промінь з початком у точці О і проходить через точку А
- ✓ Промінь ОА бісектриса даного кута.



Відео-пояснення: https://youtu.be/EetaNcG6uyY

Доведення:

Розглянемо трикутники АОС і ВОС.

ОА=ОВ як радіуси одного кола,

АС=ВС, оскільки при побудові ми вибрали однакові радіуси для обох кіл.

Сторона ОС — спільна.

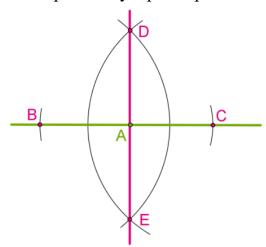
Ці трикутники рівні за третьою ознакою рівності трикутників, тож їх відповідні кути рівні.

Отже, AOC і BOC — дві рівні частини одного кута, і це означає, що промінь OC ділить кут навпіл.

2. Побудова прямої, перпендикулярної до даної

- ✓ За допомогою лінійки проводимо довільну пряму;
- ✓ Позначаємо довільну точку D поза прямою;

- ✓ Довільним радіусом з центром у точці D будуємо коло, яке перетинає пряму в точках C і В;
- ✓ 3 точок B і C будуємо два коло тим же самим радіусом;
- ✓ Точка Е точка перетину даних кіл;
- ✓ DE перпендикуляр до прямої CB.



Відео-пояснення: https://youtu.be/Jpvs00-FqC4

Доведення:

АВ=АС, оскільки ці точки були відкладені при побудові.

BD=CD, оскільки обидва кола побудували з однаковими радіусами.

Отже, DA або EA — медіани до основи рівнобедрених трикутників ADB або AEB. Медіана в трикутнику є також висотою, тобто перпендикулярна до основи.

Задача

Дано рівнобедрений трикутник. Побудуйте точку перетину бісектриси кута при основі з бічною стороною.

Розв'язання:

- 1) Відкладемо рівні відрізки від точки A: AK = AL.
- 2) Із точок К і L будуємо кола, радіуса АК, які перетинаються в точці Р.
- 3) Будуємо бісектрису АР, яка перетне бічну сторону в точці F.

