

# Teorema de Pitágoras



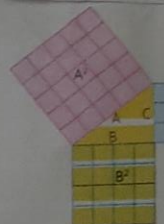
## Solo para triángulos rectángulos

El teorema de Pitágoras establece que en cualquier triángulo rectángulo, **el cuadrado de la hipotenusa es igual a la suma de los cuadrados de los catetos**.

En el triángulo amarillo del dibujo:  $A^2 = B^2 + C^2$   
 $5^2 = 4^2 + 3^2$

Al conocer las longitudes de dos lados de un triángulo rectángulo, se puede obtener la del otro.

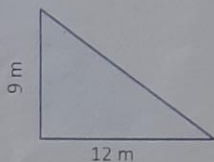
$$\text{Hip}^2 = (\text{Cat}_1)^2 + (\text{Cat}_2)^2 \rightarrow \text{Hip} = \sqrt{(\text{Cat}_1)^2 + (\text{Cat}_2)^2} \quad \text{Cat}_1 = \sqrt{\text{Hip}^2 - (\text{Cat}_2)^2} \quad \text{Cat}_2 = \sqrt{\text{Hip}^2 - (\text{Cat}_1)^2}$$



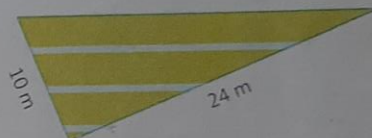
1

Señalá el ángulo recto de cada triángulo y calculá la longitud del lado que falta indicar.

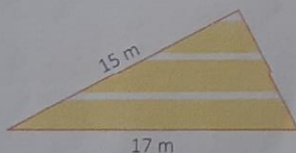
a.



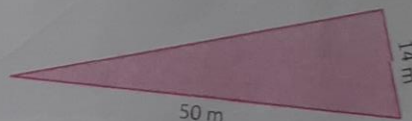
c.



b.

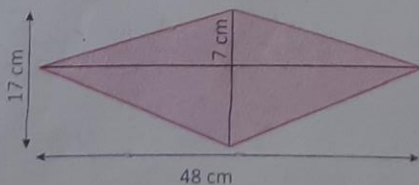


d.



2

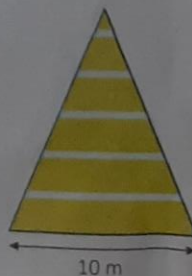
Averiguá el perímetro y el área del romboide.



Tengo tarea

3

Calculá el área del triángulo isósceles cuyo perímetro es de 36 m.



- 4) Tachá las ternas de números que no puedan representar las medidas de los lados de un triángulo (todas están en la misma unidad de longitud). Luego, rodeá las que corresponden a triángulos rectángulos.

1; 2; 3      2; 8; 10      5; 6; 7      3; 9; 15      0,75; 1; 1,25      16; 30; 34  
 4; 12; 16      18; 24; 30      7; 7; 7      2; 3; 6      50; 120; 130       $\frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}$

- 5) **Estrategia: hacer un esquema** La plaza de un pueblo vista desde arriba es un cuadrado de 85 m de lado. ¿Cuántos metros ahorra aproximadamente don Cansancio, que cruza la plaza por la diagonal, en lugar de ir por el borde? Redondeá el resultado a un valor entero.

- 6) **Estrategia: hacer un esquema** En un edificio van a construir una rampa para que la gente con movilidad reducida pueda evitar los 3 escalones de acceso (de 15 cm de alto cada uno). La rampa estará sobre un corredor de 3,15 m de largo al costado de los escalones. Hacé un esquema de la futura rampa vista de perfil y calculá su longitud.

#### Tengo tarea

- 7) ¿Cómo adaptarías la fórmula del teorema de Pitágoras si se aplicara a triángulos rectángulos isósceles?

## Números irracionales en la recta real

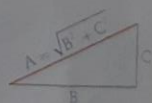
### Teoría

Los números irracionales no pueden ubicarse exactamente en la recta numérica; salvo las raíces cuadradas, que se pueden representar por un segmento.

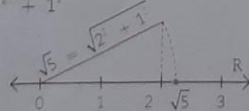
- A partir de aplicar la relación pitagórica, la longitud de la diagonal de un cuadrado de lado 1 es  $\sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$



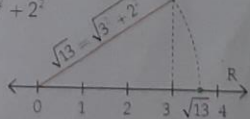
- Para representar  $\sqrt{a}$  en la recta numérica, se debe aplicar la relación pitagórica:  
 $A^2 = B^2 + C^2 \Rightarrow A = \sqrt{B^2 + C^2}$



a)  $\sqrt{5} = \sqrt{2^2 + 1^2}$



b)  $\sqrt{13} = \sqrt{3^2 + 2^2}$



- 4) Pensar y responder. Justificar.

- ¿Cuál es el valor de la diagonal de un cuadrado de lado 3?
- La diagonal de un cuadrado ¿puede medir  $\sqrt{50}$ ?
- ¿Puede la diagonal de un cuadrado ser un valor racional?
- ¿Cuál es el valor de la diagonal de un rectángulo cuyos lados son 2 y 6?
- ¿Qué rectángulo no cuadrado tiene por diagonal  $\sqrt{50}$ ?