Appunti Fisica I

Luca Seggiani

16 Maggio 2024

1 Analisi circuitale

Formalizziamo adesso alcuni dei metodi usati per l'analisi dei circuiti DC (in corrente continua).

Leggi di Kirchoff

Le leggi di Kirchoff sono regole riguardanti la corrente e il potenziale sui circuiti, specialmente quelli che non possono essere ricondotti ad una singola maglia.

• Prima legge di Kirchoff (corrente sui nodi)

In un circuito formato da più fili, ogni punto di incontro fra più fili è chiamato **nodo**. La prima legge di Kirchoff ci assicura che la somma totale delle correnti sul nodo è nulla:

$$\sum_{i} i_j = 0$$

Abbiamo chiaramente bisogno di una convenzione per i segni: scelta una direzione di scorrimento della corrente, le correnti entranti avranno segno positivo e quelle uscenti senso negativo.

• Seconda legge di Kirchoff (potenziale sulle maglie)

Ogni circuito può essere ridotto ad una serie di percorsi chiusi detti **maglie**. Su una maglia, la somma di differenza di potenziale ai capi di tutti gli elementi è nulla:

$$\sum_{j} \Delta V_j = 0$$

Questo è dato dal fatto che, per una maglia formata da un certo numero di generatori di fem \mathcal{E}_j , e di componenti circuitali che usano la fem R_j , si avrà che tutta la forza elettromotrice viene usata dai componenti:

$$\sum_{j} R_{j} = \sum_{j} \mathcal{E}_{j} \Rightarrow \sum_{j} \Delta V_{j} = 0$$

Anche in questo caso occorrerà una convenzione di segno: si ha:

- **Resistori**: per i resistori, il potenziale è $\Delta V = -IR$ nel caso si percorra il resistore nella direzione della corrente, $\Delta V = IR$ nel caso si percorra nella direzione opposta.
- **Sorgenti**: per le sorgenti, il potenziale è $\Delta V = \mathcal{E}$ nel caso si percorra la sorgente nella direzione della corrente, $\Delta V = -\mathcal{E}$ nel caso si percorra nella direzione opposta.

Circuito con resistenza

Usiamo le leggi appena definite per studiare il comportamento di un semplice circuito, formato da un generatore di forza elettromotrice e da una resistenza. Questa resistenza potrà essere interpretata come una resistenza interna al generatore o esterna, è irrilevante. Abbiamo, dalla seconda legge di Kirchoff, che il potenziale sull'unica maglia del circuito, presa la direzione della corrente come quella dal polo negativo al positivo del genratore, è:

$$\mathcal{E} - IR = 0, \quad \mathcal{E} = IR$$

da cui si nota chiaramente che la fem \mathcal{E} non è altro che la differenza di potenziale a cui il generatore mantiene i due capi di filo a cui è collegato.