## Appunti Fisica I

Luca Seggiani

17 Maggio 2024

## 1 Introduzione alla magnetostatica

Studiando l'elettrostatica, abbiamo dato una definizione di campo elettrico. Vediamo adesso un campo collegato al campo elettrico, il campo magnetico. Il campo magnetico viene generato dai magneti, che possono essere magneti permanenti, oppure elettromagneti (che saranno visti nel dettaglio in seguito). E' fondamentale notare che non esiste un equivalente magnetico della carica elettrica: in altre parole, non esistono monopoli magnetici, e i magneti si presentano sempre come dipoli con un polo nord e un polo sud. N.B.: Il campo magnetico è un costrutto dell'elettrodinamica classica. In realtà, campo magnetico e campo elettrico sono manifestazioni dello stesso fenomeno attraverso punti di vista diversi. Il campo magnetico è un'effetto relativistico del campo elettrico, e viceversa.

## Forza di Lorentz

Il campo magnetico influenza le cariche elettriche, proprio come faceva il campo elettrico. La forza applicata dal campo magnetico  $\vec{B}$  ad una carica q in moto con velocità  $\vec{\mathbf{v}}$  è:

$$\vec{F} = q\vec{\mathbf{v}} \times \vec{B}$$

Si osserva che la forza applicata dal campo elettrico dipende sia dalla carica che dalla sua velocità. Il campo magnetico  $\vec{B}$  si misura in Tesla (1T =  $1\frac{N}{A \cdot m}$ ). Notiamo che, visto che il prodotto vettoriale restituisce un vettore perpendicolare alla velocità della particella (e al campo magnetico), la forza di Lorentz non varia il modulo della sua velocità. In altre parole, il lavoro della forza di Lorentz è nullo.

Possiamo conciliare la formula della forza di Lorentz col modello di Drude-Lorentz. Iniziamo con l'esprimere la forza applicata su una carica q da campo elettrico e campo magnetico (la cui formula sarebbe quella che prende effettivamente il nome di forza di Lorentz, bensì solitamente ci si riferisce con

questo nome solamente alla parte magnetica):

$$\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{\mathbf{v}} \times \vec{B})$$

Possiamo da questo ricavare l'accelerazione che una particella immersa in un certo campo elettromagnetico subisce:

$$\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt} = \vec{a} = \frac{q}{m}(\vec{E} + \vec{\mathbf{v}} \times \vec{B})$$

Possiamo quindi considerare (come avevamo già fatto nello studio della conducibilità attraverso Drude-Lorentz), due velocità medie  $\langle \vec{v}_i \rangle$  e  $\langle \vec{v}_{i+1} \rangle$ , corrispondenti rispettivamente all'attimo appena prima e appena dopo un'urto col reticolo metallico o con un'altra particella. Come sappiamo, quanto accade fra un'urto e un altro è effettivamente irrilevante in quanto le particelle continuano a muoversi di moto rettilineo uniforme, e la loro quantità di moto quindi non cambia. Si ha allora, stabilito un cammino libero medio  $\tau$ :

$$<\vec{\mathbf{v}_{i+1}}> = <\vec{\mathbf{v}_i} + \frac{q\tau}{m}(\vec{E} + \vec{\mathbf{v}_i} \times \vec{B})> = \frac{q\tau}{m}(\vec{E} + \vec{\mathbf{v}_i} \times \vec{B})$$

come velocità media (potremo forse assimilarla alla velocità di deriva) di una particella. Dividiamo nelle due componenti:

$$\langle \vec{\mathbf{v}} \rangle = \frac{q\tau}{m} \vec{E} + \frac{q\tau}{m} (\vec{\mathbf{v}} \times \vec{B})$$

Prendiamo come approssimazione che l'effetto  $\frac{q\tau}{m}(\vec{\mathbf{v}}\times\vec{B})$  del campo magnetico sia molto minore dell'effetto  $\frac{q\tau}{m}\vec{E}$  del campo elettrico. Potremo allora trovare un'approssimazione di  $\vec{\mathbf{v}}$ :

$$\vec{\mathbf{v}} \approx \frac{q\tau}{m} \vec{E}$$

Possiamo quindi risostituire nella formula per la forza di Lorentz:

$$\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{\mathbf{v}} \times \vec{B}) = \vec{F} = q(\vec{E} + \frac{q\tau}{m} \vec{E} \times \vec{B})$$

Questo ci suggerisce che l'applicazione della forza di Lorentz al modello di Drude-Lorentz fornisce a livello microscopico risultati consistenti con quelli che osserviamo a livello macroscopico.