# 딥러닝개론

Introduction to Deep Learning

# 시계열 데이터와 순환 신경망

#### **PREVIEW**

- 인공지능이 다루어야 하는 또 다른 중요한 데이터는 시계열 데이터 (time series data)임
- 시계열 데이터에는 시간 정보가 들어가 있으며, 문장은 대표적인 시계열 데이터임
- 예를 들어 "세상에는 시계열 데이터가 참 많다" 라는 문장에서는 <u>단어가 나타나는 순서, 즉 시간</u>
   정보가 중요함
- 또한 문장 마다 길이가 천차만별로 다르듯이 시계열 데이터도 샘플마다 길이가 다름
- 딥러닝은 시계열 데이터 처리에서도 혁신을 이루었음
- 데이터의 성질이 달라 완전히 새로운 구조의 신경망을 설계해야 할 것 처럼 보이는데, 다행히 다층 퍼셉트론의 은닉층에 피드백을 추가하면 시계열 데이터를 처리할 수 있으며, 이런 신경망을 순환 신경망(RNN, Recurrent Neural Network) 이라고 함

#### **PREVIEW**

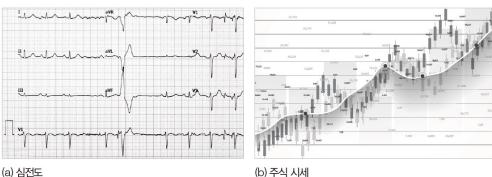
- RNN 순환 신경망은 장기 문맥을 처리하는데 한계가 있음
  - 장기 문맥이란 서로 강하게 관련이 있는 요소가 멀리 떨어져 나타나는 상황을 뜻함
- 예를 들어, 주어와 서술어는 문장의 의미를 나타내는 두 핵심 요소인데, 긴 문장에서는 둘 사이에 형용구에 해당하는 단어가 수십 개 나타나는 경우가 있음
- LSTM (Long Short Term Memory)은 순환 신경망에 선별 기억 능력을 추가한 모델로, 장기 문맥을 처리하는데 강력한 성능을 발휘함
- 현재 LSTM은 우월한 성능 때문에 시계열 데이터를 처리하는데 가장 널리 사용됨

#### 8.1 시계열 데이터의 이해

- 시계열 데이터는 시간 축을 따라 신호가 변하는 동적 데이터임
- 지금까지 배운 SVM, MLP, DNN, CNN 은 정적 데이터를 한꺼번에 입력 받으므로 시계열 데이터를 처리하는데 적합하지 않음
- 시계열 데이터를 고정 길이의 정적 데이터로 바꾸는 기법을 적용할 수도 있지만 정보 손실이 크고 변환 기법을 사람이 설계해야 하는 부담이 있음
- 딥러닝에서는 시계열 특성을 십분 활용하는 순환 신경망 또는 LSTM을 사용함

#### 8.1 시계열 데이터의 이해

- [그림 8-1]은 다양한 시계열 데이터의 예
  - (a) 심전도 신호를 분석하는 의료 인공지능을 만들어 이용하면 더욱 정확하게 병을 진단할 수 있음
  - (b) 주식 시세를 잘 분석하는 인공지능 제품을 만들면 투자에 유리할 수 있음
  - (c) 정확률이 높은 음성 인식기를 만들면 경쟁력 있는 인공지능 제품을 만들 수 있음
  - (d) 유전자 분석하는 인공지능을 만들면 신약 개발에 활용할 수 있음



(a) 심전도



(c) 음성 인식 데이터

(d) 유전자 염기 서열

그림 8-1 다양한 시계열 데이터

- 시계열 데이터의 특성
  - 요소의 순서가 중요
  - 샘플의 길이가 다름
  - 문맥 의존성을 지님
  - 계절성을 가지는 데이터가 많음

\* 각 특성에 대해서 다음 장에 있음

#### ■ 요소의 순서가 중요

- "세상에는 시계열 데이터가 참 많다"라는 문장을 "데이터가 시계열 많다 참 세상에는"으로
   바꾸면 의미가 크게 훼손됨
- 반면 시간 정보가 없는 데이터는 특징의 순서를 바꿔 표현해도 아무런 문제가 없음
- 예를 들어, iris 데이터에서는 샘플이 꽃잎 길이, 꽃잎 너비, 꽃받침 길이, 꽃받침 너비라는 특징
   벡터로 표현되는데, 벡터의 요소 즉 특징의 순서를 바꿔 꽃잎 너비, 꽃받침 너비, 꽃잎 길이,
   꽃받침 길이로 표현해도 상관없음

#### ■ 샘플의 길이가 다름

- 인공지능 이란 단어를 짧게 발음하는 사람도 있고 인~공~지~능으로 길게 발음하는 사람도 있음
- 심전도를 잴 때도 심각한 환자는 더욱 정밀하게 진단하기 위해 더 길게 축정하기도 함
- 염기 서열에서도 잡음이 섞이거나 중간에 빠지는 염기가 발생해 측정할 때마다 길이가 조금씩
   다를 수 있음

#### ■ 문맥 의존성을 지님

- "시계열은 앞에서 말한 바와 같이 데이터를 구성하는 요소의 순서, 즉 나타나는 순서가 중요하다는 특성이 있다" 라는 문장에서 주어인 "시계열은"과 서술어인 "특성이 있다"는 밀접한 연관성이 있으며, 이런 연관성을 문맥 의존성 (context dependency)라고 함
- 시계열을 처리하는 기계 학습 모델은 문맥 의존성을 스스로 발견하고 표현하는 능력이 있어야 함
- 예시 문장에서 주어와 서술어 사이에 단어 12개가 있으므로 주어와 서술어는 12만큼 떨어져 있으며, 이처럼 연관성이 깊은 요소가 멀리 떨어져서 나타나는 상황을 장기 문맥 의존성 (longterm context dependency)라고 함

#### ■ 계절성을 가지는 데이터가 많음

- 상추 판매량은 야외 바비큐에 적절한 계절에 매출이 치솟는 경향이 있음
- 수제 맥주 전문점은 금요일에 매출이 치솟는 경향이 있음
- 미세먼지 수치나 항공권 판매량은 계절에 영향이 있음

■ 시계열 데이터(동적데이터)의 정의

$$\mathbf{x} = \left(\mathbf{a}^1 \ \mathbf{a}^2 \cdots \mathbf{a}^t\right) \tag{8.1}$$

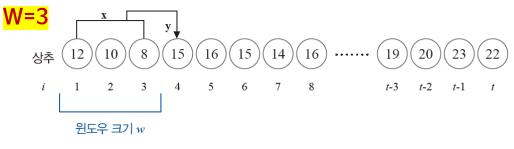
- 데이터의 길이가 가변적이므로 d 대신 t로 표기함
- 벡터의 요소를 고려하여 굵은 글씨체로 표기함

#### ■ 시계열 데이터의 예

- 매일 기온, 습도, 미세먼지 농도를 기록한다면, 첫째날은 a<sup>1</sup>=(23.5,42,0.1), 둘째날은 a<sup>2</sup>=(25.5,45,0.08) 로 표현 가능
- 심전도의 경우 10개의 채널 값이 들어오고, 30초 분량의 심전도를 초당 20번 샘플링한다면 t=600인 샘플 X가 생성되는데, x의 요소 a<sup>i</sup>는 10차원 벡터에 해당됨

- 순환 신경망은 유연한 구조라 여러 문제에 적용 가능
  - 미래를 예측(prediction vs. forecasting)하는 문제
    - Prediction 예측 : 새로운 숫자의 패턴이 입력되면 어떤 숫자인지 분류하는 일
    - Forecasting 예측(예보) : 시계열 데이터를 보고 미래를 추정하는 일
  - 시계열 데이터를 보고 미래를 추정하는 forecasting의 예
    - 내일의 주가 예측
    - 내일의 날씨 예측
    - 내일의 판매량 예측

- 시계열 패턴 하나로 미래를 예측하는 신경망을 어떻게 학습할 것인가?
  - 미래를 예측하는 문제에서는 아래와 같이 일정한 길이로 패턴을 잘라 여러 샘플을 만듬
  - 이때 이전 요소 몇 개를 볼 것인지 나타내는 윈도우 크기인 w 설정이 필요함



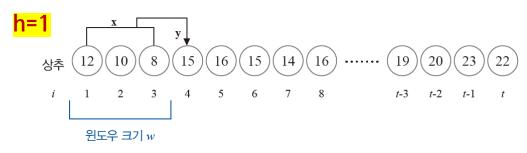
(a) 입력 데이터 샘플링	(a)	입력	데이터	샘플링
----------------	-----	----	-----	-----

샘플	x	y
1	(12, 10, 8)	15
2	(10, 8, 15)	16
3	(8, 15, 16)	15
4	(15, 16, 15)	14
t-w	(19, 20, 23)	22

(b) 입력 패턴에서 생성한 샘플

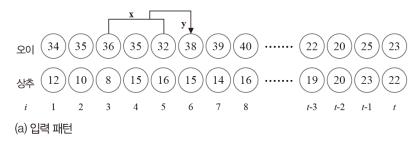
■ t=(1, 2, 3) 순간의 값을 보고 t=4 순간을 예측하고, (2,3,4) 순간의 값을 보고 5 순간을 예측하는 방식을 반복하면서 샘플링함

- 시계열 패턴 하나로 미래를 예측하는 신경망을 어떻게 학습할 것인가?
  - 이전 3일의 판매량을 보고, 이틀 또는 일주일 후의 판매량을 예측해야 하는 상황이 있음
  - 이때 얼마나 먼 미래를 예측할 것인지 지정하는 요인을 수평선 계수(horizon factor)라고 함
  - 일반적으로 수평선 계수 h가 클수록 어려운 문제가 됨



(a) 입력 데이터 샘플링

- 시계열 패턴 하나로 미래를 예측하는 신경망을 어떻게 학습할 것인가?
  - 품목이 2개 이상인 시계열 데이터를 동시에 처리해야 하는 다중 채널인 경우도 있음



샘플	X	y
1	((34, 12), (35, 10), (36, 8))	(35, 15)
2	((35, 10), (36,8), (35, 15))	(32, 16)
3	((36, 8), (35, 15), (32, 16))	(38, 15)
4	((35, 15), (32, 16), (38, 15))	(39, 14)
t - w	((22, 19), (20, 20), (25, 23))	(23, 22)

(b) 입력 패턴에서 생성한 샘플

그림 8-3 미래 예측 문제에서 샘플 생성하기(다중 채널)

- 비트코인 가격 데이터 다뤄보기
  - 디지털 통화에 관한 뉴스 사이트 코인데스크에서 비트코인 데이터를 다운로드



1	A	В	С	D	E	F	G
1	Currency	Date	Closing Pr	24h Open	24h High	24h Low (	USD)
2	BTC	2019-02-28	3772.94	3796.64	3824.17	3666.52	
3	BTC	2019-03-01	3799.68	3773.44	3879.23	3753.8	
4	BTC	2019-03-02	3811.61	3799.37	3840.04	3788.92	
5	BTC	2019-03-03	3804.42	3806.69	3819.19	3759.41	
6	BTC	2019-03-04	3782.66	3807.85	3818.7	3766.24	
7	BTC	2019-03-05	3689.86	3783.36	3804.35	3663.48	
8	BTC	2019-03-06	3832.08	3701.05	3866.72	3688.7	
9	BTC	2019-03-07	3848.96	3832.59	3881.97	3802.52	
10	BTC	2019-03-08	3859.84	3848.96	3890.75	3827.67	
11	BTC	2019-03-09	3828.37	3859.8	3918	3778.52	
12	BTC	2019-03-10	3898.87	3841.89	3948.88	3832.14	
13	BTC	2019-03-11	3899.66	3916.76	3921.93	3865.92	
14	BTC	2019-03-12	3851.25	3899.46	3913.46	3819.93	

(a) 코인데스크에서 데이터를 다운로드하기

(b) 비트코인 가격이 저장된 데이터 프레임

그림 8-4 코인데스크 사이트에서 다운로드한 비트코인 가격 데이터

- 비트코인 가격 데이터 다뤄보기
  - 다운로드한 파일을 열어보면, 아래의 그림과 같이 6개의 열이 있음
    - [Currency, Date, Closing Price(USD),24h Open(USD), 24h High(USD), 24h Low(USD)] 로 구성

1	A	В	С	D	E	F	G
1	Currency	Date	Closing Pr	24h Open	24h High	24h Low (	USD)
2	BTC	2019-02-28	3772.94	3796.64	3824.17	3666.52	
3	BTC	2019-03-01	3799.68	3773.44	3879.23	3753.8	
4	BTC	2019-03-02	3811.61	3799.37	3840.04	3788.92	
5	BTC	2019-03-03	3804.42	3806.69	3819.19	3759.41	
6	BTC	2019-03-04	3782.66	3807.85	3818.7	3766.24	
7	BTC	2019-03-05	3689.86	3783.36	3804.35	3663.48	
8	BTC	2019-03-06	3832.08	3701.05	3866.72	3688.7	
9	BTC	2019-03-07	3848.96	3832.59	3881.97	3802.52	
10	BTC	2019-03-08	3859.84	3848.96	3890.75	3827.67	
11	BTC	2019-03-09	3828.37	3859.8	3918	3778.52	
12	BTC	2019-03-10	3898.87	3841.89	3948.88	3832.14	
13	BTC	2019-03-11	3899.66	3916.76	3921.93	3865.92	
14	ВТС	2019-03-12	3851.25	3899.46	3913.46	3819.93	

(b) 비트코인 가격이 저장된 데이터 프레임

- 프로그램 8-1(a) 비트코인 가격 데이터 읽기
  - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-btc-p1

```
[18]:
       import numpy as np
       import pandas as pd
       import matplotlib.pyplot as plt
       coindesk_data_train = pd.read_csv("/kaggle/input/2024-1-dl-w-11-btc-price-prediction/traindata.csv", header=0)
       coindesk_data_test = pd.read_csv("/kaggle/input/2024-1-dl-w-11-btc-price-prediction/testdata.csv", header=0)
        coindesk_data_train.head(5)
              date closing price open price high price low price
                                                                                                                                          Bitcoin Prices (1year from 2019-02-28)
      0 2019-02-28
                        3816.6
                                 3814.6
                                          3883.7
                                                   3783.3
      1 2019-03-01
                        3821.9
                                 3816.7
                                          3855.8
                                                   3816.4
      2 2019-03-02
                        3823.1
                                 3821.9
                                          3843.2
                                                   3783.6
      3 2019-03-03
                       3809.5
                                 3823.2
                                          3836.6
                                                   3789.7
                                                                                                                   12000
      4 2019-03-04
                        3715.9
                                 3809.7
                                          3828.4
                                                   3681.8
                   + Markdown
                                                                                                                   10000
[20]:
       seq = coindesk_data_train[['closing price']].to_numpy()
                                                                                                                Price in USD
       print('데이터 길이:', len(seq), '\n앞쪽 5개 값:', seq[0:5])
      데이터 길이: 300
                                                                                                                     8000
      앞쪽 5개 값: [[3816.6]
       [3821.9]
       [3809.5]
       [3715.9]]
                                                                                                                     6000
       # 그래프로 데이터 확인
       plt.plot(seq,color='red')
                                                                                                                     4000
       plt.title('Bitcoin Prices (1year from 2019-02-28)')
       plt.xlabel('Days')
       plt.ylabel('Price in USD')
                                                                                                                                                      100
                                                                                                                                                                  150
                                                                                                                                                                              200
                                                                                                                                                                                          250
                                                                                                                                                                                                       300
       plt.show()
                                                                                                                                                                 Days
```

- 프로그램 8-1(a) 비트코인 가격 데이터 읽기
  - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-btc-p1



- 프로그램 8-2(b) 1년치 비트코인 가격 데이터를 윈도우로 자르기
  - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-btc-p1
  - 이제 시계열 데이터를 윈도우 단위로 잘라 샘플링 해야함

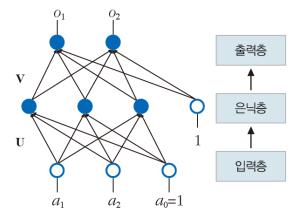
```
def seq2dataset(seq, window, horizon):
    X=[];Y=[]
    for i in range(len(seq)-(window+horizon)+1):
        x=seq[i:(i+window)]
    y=(seq[i+window+horizon-1])
    X.append(x)
    Y.append(y)
    return np.array(X), np.array(Y)
```

```
# 윈도우 크기 7, 수평선 계수 1
 w=7; h=1
 X, Y = seq2dataset(seq, w, h)
 print(X.shape, Y.shape)
 print(X[0], Y[0]);
 print(X[-1], Y[-1]);
(293, 7, 1) (293, 1)
[[3816.6]
 [3821.9]
 [3823.1]
 [3809.5]
 [3715.9]
[3857.2]
 [3863.]] [3875.1]
[[6613.3]
 [7276.
 [7165.5]
 [7196.4]
 [7156.2]
 [7495.8]
[7322.8]] [7268.3]
 + Code
             + Markdown
```

#### 8.2 순환 신경망

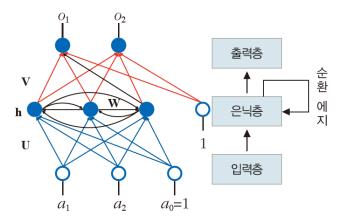
- 시계열 데이터를 처리하는 신경망을 설계할 때는 시간에 따라 값이 하나씩 순차적으로 들어온다는 사실을 고려해야 함
- 컨볼루션 신경망(CNN)과 깊은 다층 퍼셉트론(MLP)에서는 데이터가 맨 왼쪽에 있는 입력층으로 한꺼번에 들어온다는 사실을 감안하면, 새로운 신경망은 이전 신경망과 구조 측면에서 본질적으로 달라야 할 것임
- 순환 신경망은 다행스럽게도 다층 퍼셉트론(MLP)을 약간 고쳐서 사용 가능함

- 시계열 데이터를 처리하는 신경망
  - [그림8-5(a)]는 [그림4-13]을 다시 그린 것으로, 순환 신경망(RNN, Recurrent Neural Network)과 비교하기 위해 왼쪽에서 오른쪽으로 데이터가 흐르던 방식을 아래에서 위로 흐르게 90도 회전해 그렸음
  - 또한 U¹과 U²로 표기하던 가중치 집합을 U와 V로 바꾸어 표기함



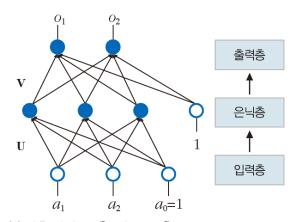
(a) 다층 퍼셉트론([그림 4-13])

그림 8-5 다층 퍼셉트론과 순환 신경망의 비교

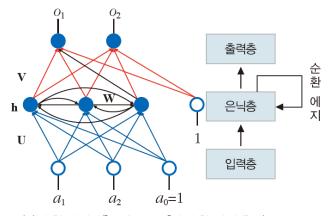


(b) 순환 신경망([그림 4-13]에 순환 에지 추가)

- 시계열 데이터를 처리하는 신경망
  - 순환 신경망은 다층 퍼셉트론과 한 가지만 뺴고 같음
  - 순환 신경망에는 은닉층에 있는 노드끼리 에지로 연결되어 있음
  - 이 에지는 은닉층 내에서 정보를 순환하므로 순환 에지 (recurrent edge)라고 함
  - 순환 에지라는 단순한 아이디어로 다층 퍼셉트론이 시계열 데이터 처리에 적합한 순환 신경망으로 변신한 것임
  - 순환 신경망은 순환 에지를 통해 시간 정보를 입력하고 가변 길이를 다루고 문맥 정보를 처리하는 능력을 갖출 수 있음



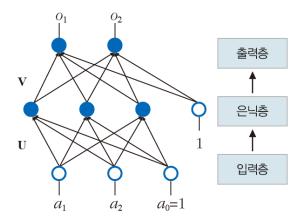
(a) 다층 퍼셉트론([그림 4-13])



(b) 순환 신경망([그림 4-13]에 순환 에지 추가)

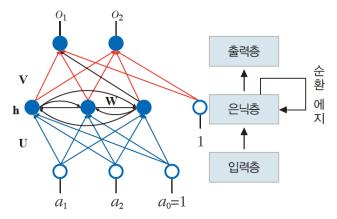
그림 8-5 다층 퍼셉트론과 순환 신경망의 비교

- 시계열 데이터를 처리하는 신경망
  - 순환 신경망이 다층 퍼셉트론과 두드러지게 다른 점은 가중치 집합임
    - 다층 퍼셉트론 {U, V} vs. 순환 신경망 {U, V, **W**}



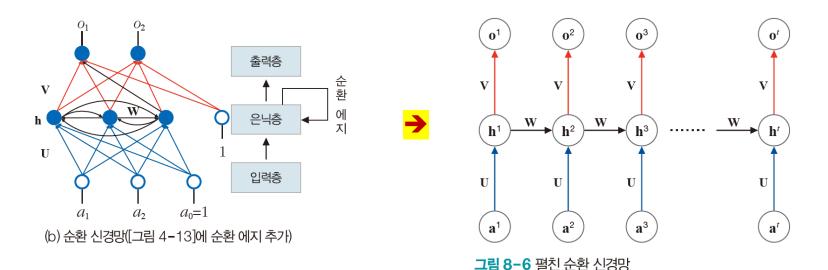
(a) 다층 퍼셉트론([그림 4-13])

그림 8-5 다층 퍼셉트론과 순환 신경망의 비교



(b) 순환 신경망([그림 4-13]에 순환 에지 추가)

- 시계열 데이터를 처리하는 신경망
  - 순환 에지는 어떻게 시간 정보를 처리할 수 있을까?
  - [그림 8-6]은 [그림8-5(b)]의 순환 신경망을 단지 펼친 것
  - [그림8-6]의 신경망에는 1이라는 순간, 2라는 순간, ···, t라는 순간이 있음
  - i라는 순간에는 입력층 a<sup>i</sup> 가 입력되고 은닉층의 상태가 h<sup>i</sup>로 변하고 출력층에서 o<sup>i</sup>가 출력됨
  - 그러나, 가중치 U, V, W를 보면 시간을 나타내는 첨자가 없으며, 이는 순환 신경망이 모든 순간 가중치를 공유한다는 것을 의미함

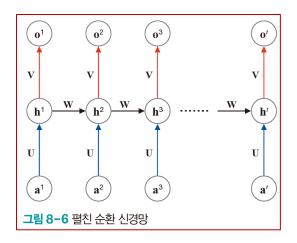


- 순환 신경망의 동작
  - i 순간의 a<sup>i</sup>는 가중치 U를 통해 은닉층의 상태 h<sup>i</sup>에 영향을 미치고, h<sup>i</sup>는 가중치 V를 통해 출력값 o<sup>i</sup>에 영향을 미침. h<sup>i-1</sup>는 가중치 W를 통해 h<sup>i</sup>에 영향을 미침
  - 은닉층에서 일어나는 계산

$$\mathbf{h}^{i} = \tau_{1} (\mathbf{W} \mathbf{h}^{i-1} + \mathbf{U} \mathbf{a}^{i}) \tag{8.2}$$

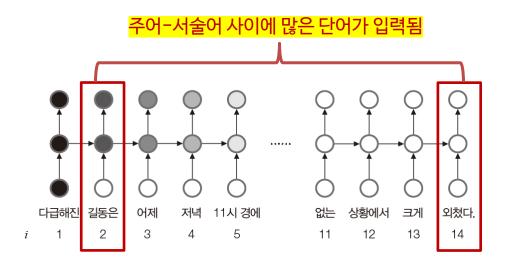
■ 출력층에서 일어나는 계산

$$\mathbf{o}^i = \tau_2(\mathbf{V}\mathbf{h}^i) \tag{8.3}$$

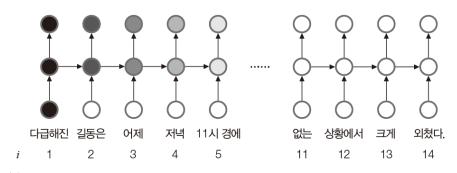


- 식 (8.2)에서 Wh<sup>i-1</sup> 항을 제외하면 다층 퍼셉트론과 동일
  - 순환 신경망은 이 항을 통해 이전 순간의 은닉층 상태 h<sup>i-1</sup>를 현재 순간의 은닉층 상태 h<sup>i</sup>로 전달하여 시간성을 처리함
- 순환 신경망의 학습 알고리즘을 BPTT(Back-propagation Through Time)라고 함

- 순환 신경망(RNN)은 이전 순간의 은닉층 상태를 다음 순간으로 넘기는 기능을 통해
   과거를 기억하는 능력이 있으나, 장기 문맥 의존성을 제대로 처리하지 못하는 단점이 있음
- <u>장기 문맥 의존성 (long-term context dependency)</u>은 떨어져 있는 두 요소가 밀접한 상호작용을 하는 성질을 말하며, 많은 시계열 데이터가 장기 문맥 의존성을 가짐
- 장기 문맥 의존성을 제대로 처리하지 못하는 이유는 계속 들어오는 입력의 영향으로 기억력이 감퇴하는 것이며, 이는 시간이 지남에 따라 기억이 점점 희미해지는 사람 뇌에 비유할 수 있음



■ 순환 신경망(RNN)은 이전 순간의 은닉층 상태를 다음 순간으로 넘기는 기능을 통해 과거를 기억하는 능력이 있으나, 장기 문맥 의존성을 제대로 처리하지 못하는 단점이 있음



(a) 선별 기억 능력이 없는 순환 신경망

t=2 에 입력된 길동은"이라는 단어는 t=3,4,5 에는 기억이 남아 있지만, 이후에는 거의 사라지는 현상이 나타남

- 사람은 선별 기억(selective memory) 능력이 있어 인상적인 일은 아주 오래 전 기억도 간직함
- LSTM(long short-term memory)은 순환 신경망에 선별 기억 능력을 추가한 신경망임
- LSTM은 게이트(gate)라는 개념을 통해 선별 기억 능력을 확보함

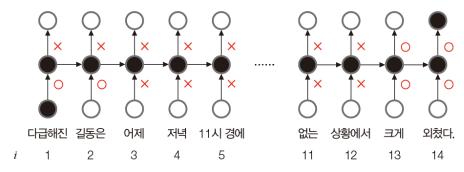


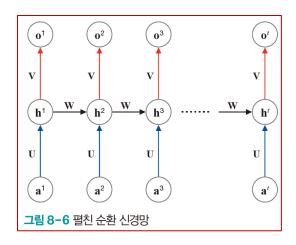
그림 8-7(b)는 순환신경망에 빨간 원으로 표시한 게이트를 추가한 LSTM임

O는 열린 상태의 게이트로서 신호를 전송하고, X는 닫힌 상태의 게이트로서 신호를 차단함

(b) 선별 기억 능력을 지닌 LSTM

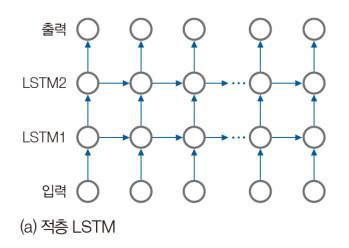
그림 8-7 순환 신경망과 LSTM

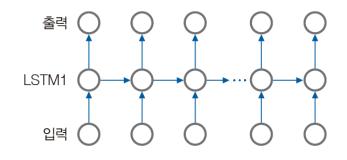
- [그림8-7(b)]는 LSTM을 아주 간단화한 설명임
- 실제로는 열거나 닫는 두 가지 상태만 있는 것이 아니라 여닫는 정도를 조절할 수 있도록
   게이트는 0~1사이의 실수 값을 가짐
- 게이트의 여닫는 정도는 LSTM의 가중치로 표현되며 가중치 값은 학습으로 알아냄
- LSTM의 가중치는 순환 신경망의 {U, V, W}에 4개를 추가하여 {U, Ui, Uo, W, Wi, Wo, V}에 해당 되며, i는 입력 게이트, o는 출력 게이트를 의미함



### 8.2.3 LSTM의 유연한 구조

- 순환 신경망은 다양하게 변형할 수 있음 (단층 → 적층)
- [그림 8-8(a)]는 은닉층을 2개 쌓은 적층 LSTM (stacked LSTM) 임
- 적층 LSTM은 층을 깊게 쌓는 형태이며, 복잡도가 높아 효율적인 특징을 지닌다.

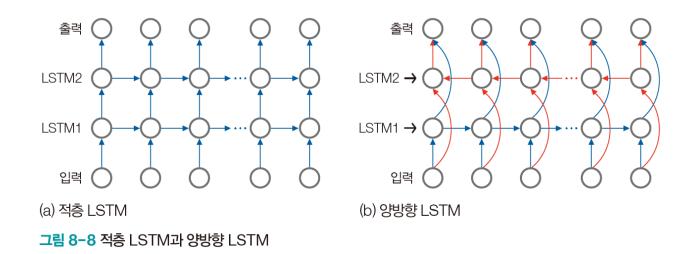




(a') 단층 LSTM

#### 8.2.3 LSTM의 유연한 구조

- 순환 신경망은 다양하게 변형할 수 있음 (단방향 → 양방향)
- 시계열 데이터 중에는 오른쪽 방향과 왼쪽 방향을 모두 살펴야 문맥을 제대로 파악할 수
   있는 경우가 많음
- 예) "잘 <mark>달리는</mark> 이 <mark>차는</mark> 유럽에서 생산했다" vs "고산 지대에서 생산한 이 **차**는 **향**이 좋다"
- [그림 8-8(b)]는 첫 번째 은닉층에서는 원래처럼 오른쪽으로 데이터가 흐르고 두 번째 은닉층에서는 데이터가 왼쪽으로 흐름. 이런 신경망을 양방향 LSTM (bi-directional LSTM)이라고 함



#### 8.2.3 LSTM의 유연한 구조

- [그림 8-9]는 여러 응용 문제를 위한 다양한 LSTM 신경망 구조를 보여줌
  - [그림 8-9(a)] 미래 예측, 비트코인 가격 예측, 심전도 데이터를 통한 환자 예측 문제에 적합한 신경망 구조
  - [그림 8-9(b)] 비디오를 구성하는 프레임별 영상 내용 분류 응용에 적합한 신경망 구조
  - [그림 8-9(c)] 언어 번역 응용에 적합한 신경망 구조
    - 앞부분에 한국어 문장을 구성하는 단어가 순서대로 입력되면 구문과 의미를 파악하고, 뒤에서는 영어 문장을 생성해 출력하는 방식

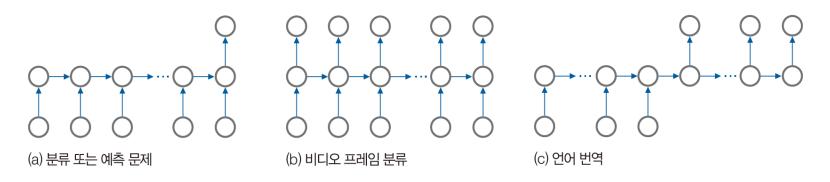


그림 8-9 다양한 문제에 적용할 수 있는 LSTM

#### 8.3 LSTM으로 시계열 예측하기

- 이 절에서는 시계열 데이터를 보고 미래를 예<del>측하는</del> 프로그래밍 실<del>슴을</del> 진행함
- [프로그램 8-1]에서 다룬 비트코인 가격 데이터를 가지고 LSTM을 학습하며, 성능 측정 기준에 따라 LSTM의 예측 능력을 평가함
- (1) 종가 정보만 있는 단일 채널 시계열 데이터에 적용
- (2) (종가, 시가, 고가, 저가)의 다중 채널 시계열 데이터에 적용

### 8.3.1 단일 채널 비트코인 가격 예측

- [그림 8-4(b)]를 보면 비트코인 가격 데이터에는 (종가, 시가, 고가, 저가)의 네 열이 있으며, 해당 데이터는 입력으로 모두 사용될 수 있음
- 하지만, 프로그램 8-2 에서는 종가만을 사용하여 입력이 1개인 단일 채널 데이터를 다루기로 함



1	A	В	С	D	E	F	G
1	Currency	Date	Closing Pr	24h Open	24h High	24h Low (	USD)
2	BTC	2019-02-28	3772.94	3796.64	3824.17	3666.52	
3	BTC	2019-03-01	3799.68	3773.44	3879.23	3753.8	
4	BTC	2019-03-02	3811.61	3799.37	3840.04	3788.92	
5	BTC	2019-03-03	3804.42	3806.69	3819.19	3759.41	
6	BTC	2019-03-04	3782.66	3807.85	3818.7	3766.24	
7	BTC	2019-03-05	3689.86	3783.36	3804.35	3663.48	
8	BTC	2019-03-06	3832.08	3701.05	3866.72	3688.7	
9	BTC	2019-03-07	3848.96	3832.59	3881.97	3802.52	
10	BTC	2019-03-08	3859.84	3848.96	3890.75	3827.67	
11	BTC	2019-03-09	3828.37	3859.8	3918	3778.52	
12	ВТС	2019-03-10	3898.87	3841.89	3948.88	3832.14	
13	BTC	2019-03-11	3899.66	3916.76	3921.93	3865.92	
14	ВТС	2019-03-12	3851.25	3899.46	3913.46	3819.93	

(a) 코인데스크에서 데이터를 다운로드하기

(b) 비트코인 가격이 저장된 데이터 프레임

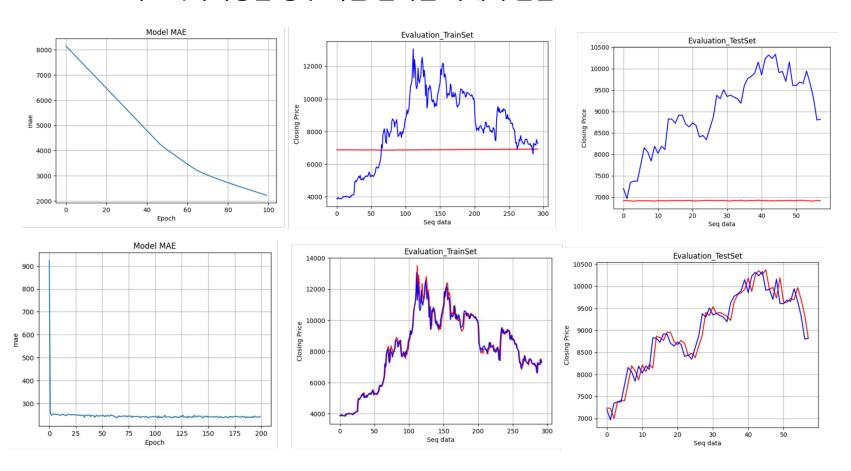
그림 8-4 코인데스크 사이트에서 다운로드한 비트코인 가격 데이터

#### 8.3.1 단일 채널 비트코인 가격 예측

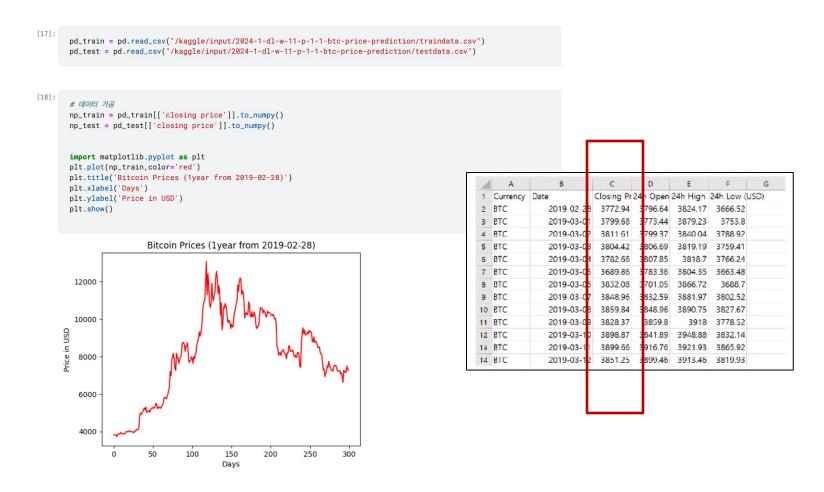
- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 리더보드
    - https://www.kaggle.com/competitions/2024-1-dl-w-11-p-1-1-btc-price-prediction
  - (1) 파이토치 내 lstm을 사용하는 솔루션
    - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-lstm-1-1
  - (2) 파이토치 내 lstm의 활성함수를 relu로 사용하는 솔루션
    - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-lstm-1-3
  - (3) 파이토치 내 lstm을 사용하고 데이터 정규화를 사용하는 솔루션
    - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-lstm-1-2

## 8.3.1 단일 채널 비트코인 가격 예측

■ Pytorch의 LSTM의 경우 내부 활성함수로 tanh를 사용 중이며, 이를 교안과 같이 ReLU로 커스터마이징할 경우 학습 결과는 아래와 같음



- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측 : (1) 파이토치 내 lstm을 사용하는 솔루션
  - 학습 및 테스트 데이터 준비



- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 윈도우에 맞게 시계열 데이터 준비 (w = 7, h = 1)

```
[19]:
       # 학습데이터와 테스트데이터가 나눠 제공되기 때문에, 교재와 차이가 있음
       def seq2dataset(seq, window, horizon, isTrain=True):
           seq: np.array format
           window: sampling step
           X=[]; Y=[]
           for i in range(len(seg)-(window+horizon)+1):
               x=seq[i:(i+window)]
               X.append(x);
               if isTrain:
                   y=(seg[i+window+horizon-1])
                   Y.append(y)
               return np.array(X), np.array(Y)
           else:
               return np.array(X)
                 + Markdown
       + Code
[20]:
       # 시계열 데이터 준비
       w = 7
       h = 1
       X_train, Y_train = seq2dataset(np_train, w, h)
       X_test = seq2dataset(np_test, w, h, isTrain=False)
       print(X_train.shape, Y_train.shape)
       print(X_test.shape)
      (293. 7. 1) (293. 1)
     (58, 7, 1)
```

[15		closing price	open price	high price	low price
	0	3816.6	3814.6	3883.7	3783.3
	1	3821.9	3816.7	3855.8	3816.4
	2	3823.1	3821.9	3843.2	3783.6
	3	3809.5	3823.2	3836.6	3789.7
	4	3715.9	3809.7	3828.4	3681.8
	5	3857.2	3715.9	3873.2	3705.7
L	6	3863.0	3857.2	3887.3	3816.7
	7	3875.1	3863.1	3907.4	3847.9
	8	3865.9	3875.1	3929.0	3810.7
	9	3944.3	3865.6	3964.0	3859.7

```
Train X
array([[[3816.6, 3814.6, 3883.7, 3783.3],
        [3821.9, 3816.7, 3855.8, 3816.4],
        [3823.1, 3821.9, 3843.2, 3783.6],
        [3715.9, 3809.7, 3828.4, 3681.8],
        [3857.2, 3715.9, 3873.2, 3705.7],
        [3863. , 3857.2, 3887.3, 3816.7]]
       [[3821.9, 3816.7, 3855.8, 3816.4],
        [3823.1, 3821.9, 3843.2, 3783.6],
        [3809.5, 3823.2, 3836.6, 3789.7],
        [3857.2, 3715.9, 3873.2, 3705.7],
        [3863. , 3857.2, 3887.3, 3816.7],
        [3875.1, 3863.1, 3907.4, 3847.9]],
       [[3823.1, 3821.9, 3843.2, 3783.6],
        [3809.5, 3823.2, 3836.6, 3789.7],
        [3715.9, 3809.7, 3828.4, 3681.8],
        [3863. , 3857.2, 3887.3, 3816.7],
        [3875.1, 3863.1, 3907.4, 3847.9],
        [3865.9, 3875.1, 3929. , 3810.7]],
Train Y
array([[3875.1, 3863.1, 3907.4, 3847.9]
        [3865.9, 3875.1, 3929. , 3810.7],
        [3944.3, 3865.6, 3964., 3859.7],
        [7495.8, 7156.3, 7501.1, 7142.],
        [7322.8, 7496.2, 7684. , 7276.2],
        [7268.3, 7322.4, 7433.2, 7185.7]])
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 모델 정의

```
[10]:
           # LSTM 모델 정의 : input 4, hidden 128, output 4
                                                                       Num_layers = 2 이상이 되면, stacked LSTM 모델이 됨
         2 # 단일 LSTM 모델 : num_layers = 1
           class LSTMModel(nn.Module):
         5
               def __init__(self, input_dim, hidden_dim, output_dim, num_layers=1):
                    super().__init__()
                   self.num_layers = num_layers
         7
         8
                    self.hidden_dim = hidden_dim
                   self.lstm = nn.LSTM(input_dim, self.hidden_dim, num_layers=self.num_layers, batch_first=True)
        10
                    self.fc = nn.Linear(self.hidden_dim, output_dim, bias=True)
        11
               def forward(self, x):
        12
        13
                   self.h0 = torch.randn(self.num_layers, x.size(0), self.hidden_dim).cuda()
        14
        15
                    self.c0 = torch.randn(self.num_layers, x.size(0), self.hidden_dim).cuda()
        16
                   x, _{-} = self.lstm(x, (self.h0, self.c0))
        17
                   x = x[:, -1, :]
        18
                   x = self.fc(x)
        19
        20
                    return x
```

+ Code ) ( + Markdown

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 모델 학습을 위한 데이터 배치형 가공

```
import torch import torch.nn as nn import torch.optim as optim from torch.utils.data import Dataset, TensorDataset from torch.utils.data import DataLoader

# 데이터 토치렌서로 변경
train_dataset = TensorDataset(torch.FloatTensor(X_train), torch.FloatTensor(Y_train))
test_dataset = TensorDataset(torch.FloatTensor(X_test))

# 데이터 베치형 데이터로 변경
# DataLoader 파라마터 shuffle은 default 값이 false
train_loader = DataLoader(train_dataset, batch_size=1)
test_loader = DataLoader(test_dataset, batch_size=1)

# 베치형 데이터 확인법
#train_features, train_labels = next(iter(train_loader))
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 모델 학습

```
model = LSTMModel(input_dim=1, hidden_dim=128, output_dim=1)
criterion = nn.L1Loss(reduction='mean')
optimizer = optim.Adam(model.parameters(), lr=1e-2, eps=1e-7)
# 학습 준비
epoch = 100
model = model.cuda()
hist = []
display_Y = []
# 학습 루프
for epoch in range(epoch):
   # 데이터 준비
    avg_loss = 0
    model.train()
    for idx, data in enumerate(train_loader):
      train_X = data[0].cuda()
      train_Y = data[1].cuda()
      # 모델 예측
      pred_Y = model(train_X)
     # 예측 값 시각화를 위한 저장
            display_Y.append(pred_Y.cpu().detach().numpy())
      # 손실 계산 및 역전파
      loss = criterion(pred_Y, train_Y)
      optimizer.zero_grad()
      loss.backward()
      avg_loss += loss
    # 최적화 수행
      optimizer.step()
    hist.append(avg_loss.cpu().detach().numpy()/len(train_loader))
    # 손실 출력 (인터벌 5로 출력)
    if epoch%5==0:
        print(f"Epoch {epoch + 1} | Loss: {(avg_loss/len(train_loader)).item():.4f}")
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 학습된 LSTM 모델을 이용한 테스트 데이터 예측

```
results = []
with torch.no_grad():
for idx, data in enumerate(test_loader):
    test_X = data[0].cuda()
    pred_Y = model(test_X)

# 아래 타입변경과 쌍임
    results.append(pred_Y.cpu())
    #print(test_X[-1].mean(), pred_Y.mean())

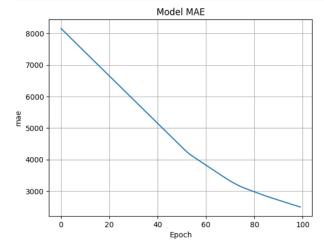
# 타입변경
results = np.array(results).reshape(-1,1)
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 캐글 리더보드 제출을 위한 csv 파일 만들기

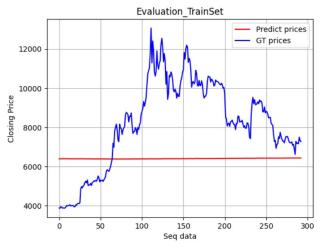
```
[30]:
# 결과 저장 및 제출 파일 준비
submit = pd.read_csv("/kaggle/input/2024-1-dl-w-11-p-1-1-btc-price-prediction/sample_submit.csv")
submit[['closing price']] = results
submit.to_csv("result.csv",index=False)
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측
  - 시각화

```
# 하台 과정 내 손실 값 시각화
plt.plot(hist)
plt.title('Model MAE')
plt.xlabel('Epoch')
plt.ylabel('mae')
plt.grid()
plt.show()
```



```
# 학습 데이터 중가과 애측된 중가 시각화
plt.title('Evaluation_TrainSet')
plt.xlabel('Seq data')
plt.ylabel('Closing Price')
plt.plot(np.array(display_Y).reshape(-1), color='red')
plt.plot(np.array(Y_train).reshape(-1), color='blue')
plt.legend(['Predict prices', 'GT prices'], loc='best')
plt.grid()
plt.show()
```



- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측:
  - (2) 파이토치 내 lstm의 활성함수를 relu로 사용하는 솔루션
    - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-lstm-1-3
  - 모델 학습

```
# LSTM 모델 정의 : input 1, hidden 128, output 1
# 단일 LSTM 모델 : num_layers = 1
class LSTMModel(nn.Module):
    def __init__(self, input_dim, hidden_dim, output_dim, num_layers=1):
        super().__init__()
        self.num_layers = num_layers
        self.hidden_dim = hidden_dim
        # self.lstm = nn.LSTM(input_dim, self.hidden_dim, num_layers=self.num_layers, batch_first=True)
        self.lstm = CustomLSTMCell(input_dim, self.hidden_dim, self.num_layers, dropout=0, activation='relu')
        self.fc = nn.Linear(self.nidden_dim, output_dim, blas=irue)
    def forward(self, x):
        self.h0 = torch.randn(self.num_layers, x.size(0), self.hidden_dim).cuda()
        self.c0 = torch.randn(self.num_layers, x.size(0), self.hidden_dim).cuda()
        x, _ = self.lstm(x, (self.h0, self.c0))
        if len(x.shape)==4:
           x = x.squeeze(0)
        x = x[:, -1, :]
        x = self.fc(x)
        return x
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측:
  - 모델 학습 (모델 정의)

```
# ReLU 기반 LSTM 모델 정의 : input 1, hidden 128, output 1
# ReLU 기반 단일 LSTM 모델 : num_layers = 1
import torch.nn.functional as F
class CustomLSTMCell(nn.Module):
   def __init__(self, input_size, hidden_size, nlayers, dropout, activation='tanh'):
        """"Constructor of the class"""
        super(CustomLSTMCell, self).__init__()
        self.nlayers = nlayers
        self.dropout = nn.Dropout(p=dropout)
        ih, hh = [], []
       for i in range(nlayers):
            ih.append(nn.Linear(input_size, 4 * hidden_size))
            hh.append(nn.Linear(hidden_size, 4 * hidden_size))
        self.w_ih = nn.ModuleList(ih)
        self.w_hh = nn.ModuleList(hh)
        if activation =='relu':
            self.outputact = F.relu
        elif activation == 'tanh':
            self.outputact = F.tanh
        else:
            assert print("No defined activation function")
```

```
def forward(self, input, hidden):
    """Defines the forward computation of the LSTMCell"""
   hy, cy = [], []
   for i in range(self.nlayers):
        B, L, D = input.shape
        input = input.view(B*L, -1)
        hx, cx = hidden[0][i], hidden[1][i].view(B, 1, -1)
        gates = self.w_ih[i](input).view(B,L,-1) + self.w_hh[i](hx).view(B,1,-1)
        i_gate, f_gate, c_gate, o_gate = gates.chunk(4, 2)
        i_gate = F.sigmoid(i_gate)
        f_gate = F.sigmoid(f_gate)
        c_gate = self.outputact(c_gate)
        o_gate = F.sigmoid(o_gate)
        ncx = (f_gate * cx) + (i_gate * c_gate)
        nhx = o_gate * self.outputact(ncx)
        cv.append(ncx)
        hy.append(nhx)
        input = self.dropout(nhx)
   hy, cy = torch.stack(hy, 0), torch.stack(cy, 0)
   return hy, cy
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측:
  - (3) 파이토치 내 lstm을 사용하고 데이터 정규화를 사용하는 솔루션
    - https://www.kaggle.com/code/yukyungchoi/2024-dl-lstm-1-2
  - 데이터 정규화

```
In [5]:
# 레이터 가공

np_train = pd_train[['closing price']].to_numpy()

np_test = pd_test[['closing price']].to_numpy()

# 테이터 전치리

scaler = Scaler()
scaler.set_(X=np_train, ax=0)
np_train = scaler.MinMaxScaler(np_train)
np_test = scaler.MinMaxScaler(np_test)

import matplotlib.pyplot as plt
plt.plot(np_train,color='red')
plt.title('Bitcoin Prices (1year from 2019-02-28)')
plt.xlabel('Days')
plt.ylabel('Price in USD')
plt.show()
```

- [프로그램 8-2] 단일 채널 비트코인 가격 예측:
  - 데이터 정규화

```
In [4]:
    class Scaler:
        def __init__(self):
            self.max_ = 0
            self.min_ = 0
            self.ax = 0

        def set_(self, X, ax):
            self.ax = ax
            self.max_ = X.max(self.ax)
            self.min_ = X.min(self.ax)

        def MinMaxScaler(self, X):
            return (X - self.min_) / (self.max_ - self.min_)

        def inverseMinMaxScaler(self, X_pp):
            return (X_pp * (self.max_ - self.min_)) + self.min_
```

#### 8.3.2 성능 평가

- 평균절댓값오차mean absolute error(MAE): 스케일 문제에 대처하지 못함

평균절댓값오차: MAE =  $\frac{1}{|M|} \sum_{\mathbf{x} \in M} |y - o| \qquad (8.4)$ 

■ 평균절댓값백분율오차: 스케일 문제에 대처

평균절댓값백분율오차: MAPE = 
$$\frac{1}{|M|} \sum_{\mathbf{x} \in M} \left| \frac{y - o}{y} \right|$$
 (8.5)

#### 표 8-1 평균절댓값오차와 평균절댓값백분율오차

데이터 스케일	데이터(y_test는 참값, pred는 예측값)	평균절댓값오치(MAE)	평균절댓값백분율오차(MAPE)	
두 자릿수	y_test [12 20 18 22 28]	(2+1+2+2+2)/5 =1.8	(2/12+1/20+2/18+2/22+2/28)/5 =0.0980	
	pred [10 21 16 20 26]	-1.0	-0,0980	
ULTITA	y_test [120 200 180 220 280]	(20+10+20+20+20)/5	(20/120+10/200+20/180+20/220+	
세 자릿수	pred [100 210 160 200 260]	=18	20/280)/5=0.0980	

#### 8.3.2 성능 평가

- 등락 정확률
  - 등락을 얼마나 정확하게 맞히는지 측정
  - 맞힌 경우의 수를 전체 샘플 수로 나눔

표 8-2 등락 정확률

샘플 i	x_test[i]	y_test[i]	pred[i]	맞힘
1	[,,, 21]	23 업	24 업	0
2	[,,, 25]	20 다음	26 업	X
3	[.,,,, 22]	24 업	23 업	0
4	[,,, 28]	25 다운	26 다운	- 0
5	[.,,,, 21]	18 <mark>다운</mark>	17 다운	- 0
6	[,,, 32]	31 다음	33 업	X
7	[,,, 35]	36 <b>업</b>	37 <b>업</b>	0
8	[,,, 20]	19 다음	22 업	X
				등락 정확률 = 5/8 = 62.5%

- [그림 8-4(b)]를 보면 비트코인 가격 데이터에는 (종가, 시가, 고가, 저가)의 네 열이 있으며, 해당 데이터는 입력으로 모두 사용될 수 있음
- 프로그램 8-3 에서는 입력이 4개인 다중 채널 데이터를 다루기로 함



4	A	В	С	D	E	F	G
1	Currency	Date	Closing Pr	24h Open	24h High	24h Low (	USD)
2	BTC	2019-02-28	3772.94	3796.64	3824.17	3666.52	
3	BTC	2019-03-01	3799.68	3773.44	3879.23	3753.8	
4	BTC	2019-03-02	3811.61	3799.37	3840.04	3788.92	
5	BTC	2019-03-03	3804.42	3806.69	3819.19	3759.41	
6	BTC	2019-03-04	3782.66	3807.85	3818.7	3766.24	
7	BTC	2019-03-05	3689.86	3783.36	3804.35	3663.48	
8	BTC	2019-03-06	3832.08	3701.05	3866.72	3688.7	
9	BTC	2019-03-07	3848.96	3832.59	3881.97	3802.52	
10	BTC	2019-03-08	3859.84	3848.96	3890.75	3827.67	
11	BTC	2019-03-09	3828.37	3859.8	3918	3778.52	
12	BTC	2019-03-10	3898.87	3841.89	3948.88	3832.14	
13	BTC	2019-03-11	3899.66	3916.76	3921.93	3865.92	
14	ВТС	2019-03-12	3851.25	3899.46	3913.46	3819.93	

(a) 코인데스크에서 데이터를 다운로드하기

(b) 비트코인 가격이 저장된 데이터 프레임

그림 8-4 코인데스크 사이트에서 다운로드한 비트코인 가격 데이터

- [프로그램 8-3] 다중 채널 비트코인 가격 예측
  - 리더보드
    - https://www.kaggle.com/competitions/2024-1-dl-w-11-btc-price-prediction/overview
  - 단일 채널 비트코인 가격 예측 문제를 기반으로 해결 하시오

- [프로그램 8-3] 다중 채널 비트코인 가격 예측
  - 학습 및 테스트 데이터 준비

```
pd_train = pd.read_csv("/kaggle/input/2024-1-dl-w-11-btc-price-prediction/traindata.csv")
              pd_test = pd.read_csv("/kaggle/input/2024-1-dl-w-11-btc-price-prediction/testdata.csv")
               #print(pd_train.shape, pd_test.shape)
       (300, 5) (65, 5)
         + Code
                       + Markdown
[19]:
                                                                                 1 Currency Date
                                                                                                   Closing Pr 24h Open 24h High 24h Low (USD)
               # 학습 데이터 확인 후 불필요한 정보 삭제
                                                                                2 BTC
                                                                                           2019-02-28 3772.94 3796.64 3824.17 3666.52
            2 pd_train.head(3)
                                                                                 4 BTC
                                                                                                                       3788 92
                                                                                                          3799 37
                                                                                                                3840.04
                                                                                 5 BTC
                                                                                 s BTC
                                                                                           2019-03-04 3782.66
                                                                                                          3807.85
                                                                                7 BTC
                                                                                           2019-03-05 3689.86 3783.36
                                                                                                                       3663.48
                                                                                B BTC
                                                                                           2019-03-06 3832.08
                                                                                                          3701.05
                                                                                9 BTC
                                                                                           2019-03-07 3848.96
                                                                                                          3832.59
                                                                                10 BTC
                                                                                           2019-03-08 3859.84
                                                                                                          3848.96
                                                                                                                       3827,67
                                                                                                                3890.75
                                                                                11 BTC
                                                                                           2019-03-09 3828.37
                                                                                12 BTC
                                                                                                          3841.89
                                                                                13 BTC
                                                                                           2019-03-11 3899.66 3916.76 3921.93
                                                                                                                       3865.92
                                                                                14 BTC
                                                                                           2019-03-12 3851.25 3899.46
         + Code
                       + Markdown
[5]:
            1 pd_train = pd_train.drop('date', axis=1)
           2 pd_test = pd_test.drop('date', axis=1)
           3 print(pd_train.shape, pd_test.shape)
       (300, 4) (65, 4)
```

- [프로그램 8-3] 다중 채널 비트코인 가격 예측
  - 윈도우에 맞게 시계열 데이터 준비 (w = 7, h = 1)

```
# 학습데이터와 테스트데이터가 나눠 제공되기 때문에, 교재와 차이가 있음
   def seq2dataset(seq, window, horizon, isTrain=True):
3
       seq: np.array format
       window: sampling step
       X=[]; Y=[]
9
       for i in range(len(seg)-(window+horizon)+1):
10
           x=seq[i:(i+window)]
11
           X.append(x);
12
13
           if isTrain:
14
               y=(seq[i+window+horizon-1])
15
               Y.append(y)
16
17
       if isTrain:
18
           return np.array(X), np.array(Y)
19
       else:
20
           return np.array(X)
```

[15		closing price	open price	high price	low price
	0	3816.6	3814.6	3883.7	3783.3
	1	3821.9	3816.7	3855.8	3816.4
	2	3823.1	3821.9	3843.2	3783.6
	3	3809.5	3823.2	3836.6	3789.7
	4	3715.9	3809.7	3828.4	3681.8
	5	3857.2	3715.9	3873.2	3705.7
l	6	3863.0	3857.2	3887.3	3816.7
	7	3875.1	3863.1	3907.4	3847.9
	8	3865.9	3875.1	3929.0	3810.7
	9	3944.3	3865.6	3964.0	3859.7

```
Train X
array([[[3816.6, 3814.6, 3883.7, 3783.3],
        [3821.9, 3816.7, 3855.8, 3816.4],
        [3823.1, 3821.9, 3843.2, 3783.6],
        [3715.9, 3809.7, 3828.4, 3681.8],
        [3857.2, 3715.9, 3873.2, 3705.7],
        [3863. , 3857.2, 3887.3, 3816.7]]
       [[3821.9, 3816.7, 3855.8, 3816.4],
        [3823.1, 3821.9, 3843.2, 3783.6],
        [3809.5, 3823.2, 3836.6, 3789.7],
        [3857.2, 3715.9, 3873.2, 3705.7],
        [3863. , 3857.2, 3887.3, 3816.7],
        [3875.1, 3863.1, 3907.4, 3847.9]],
       [[3823.1, 3821.9, 3843.2, 3783.6],
        [3809.5, 3823.2, 3836.6, 3789.7],
        [3715.9, 3809.7, 3828.4, 3681.8],
        [3863. , 3857.2, 3887.3, 3816.7],
        [3875.1, 3863.1, 3907.4, 3847.9],
        [3865.9, 3875.1, 3929. , 3810.7]],
Train Y
array([[3875.1, 3863.1, 3907.4, 3847.9]
        [3865.9, 3875.1, 3929. , 3810.7],
        [3944.3, 3865.6, 3964., 3859.7],
        [7495.8, 7156.3, 7501.1, 7142.],
        [7322.8, 7496.2, 7684. , 7276.2],
        [7268.3, 7322.4, 7433.2, 7185.7]])
```