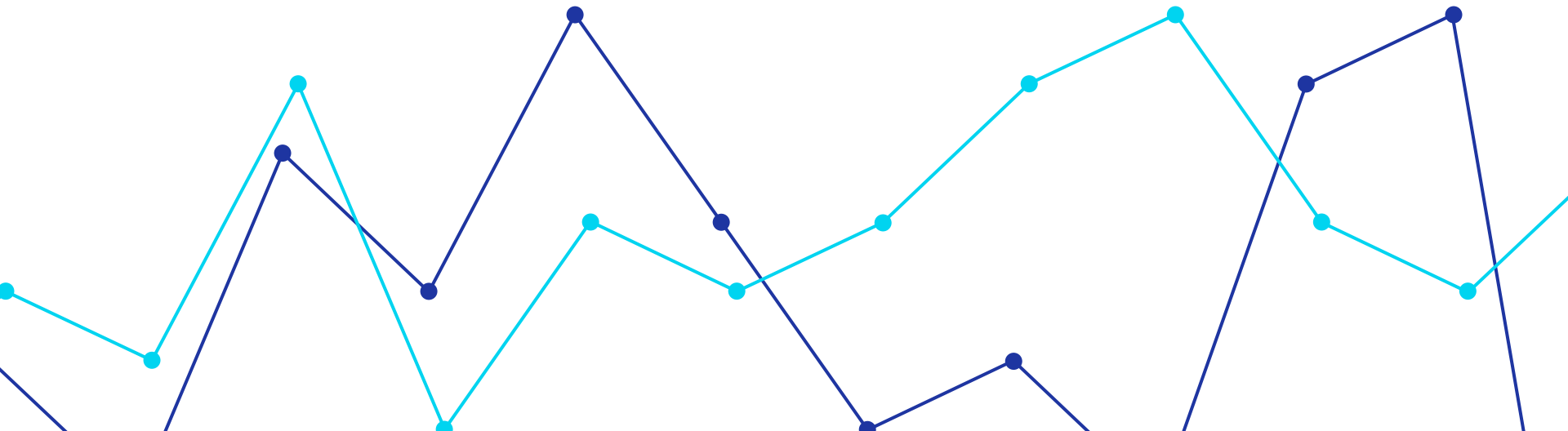


# 딥러닝의 동작 원리 \_ 3장 선형 회귀

2023 인공지능 기초 스터디 1팀



# CONTENT

---

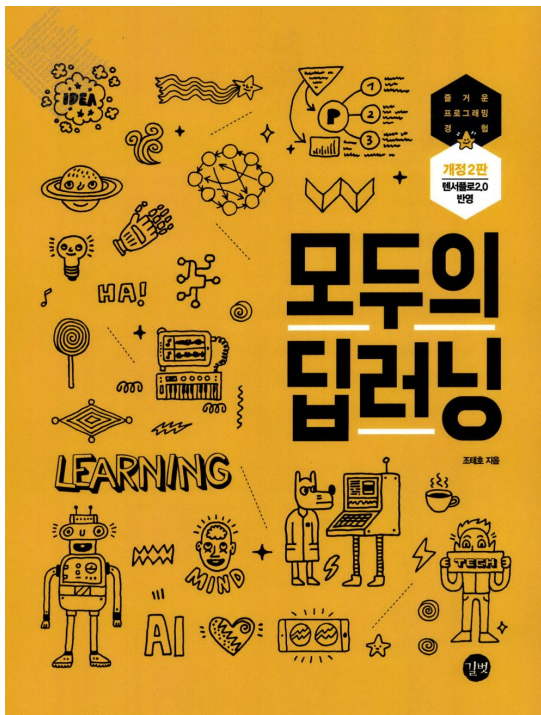
## 1부

1. 딥러닝이란?
  - 책 소개
  - 1부 맛보기
2. Numpy 문법

## 2부

1. 최소제곱법: 행렬 계산  
실습문제 01
2. 오차를 계산해보자
  - MSE란 무엇인가
  - 실습문제 2번 풀이

# 책 소개 : 모두의 딥러닝



1

2022 winter AI study 책

2

파이썬 인공지능 관련 라이브러리 다뤄보기  
(데이터 분석 스터디에서 학습한 내용  
이용하기)

3

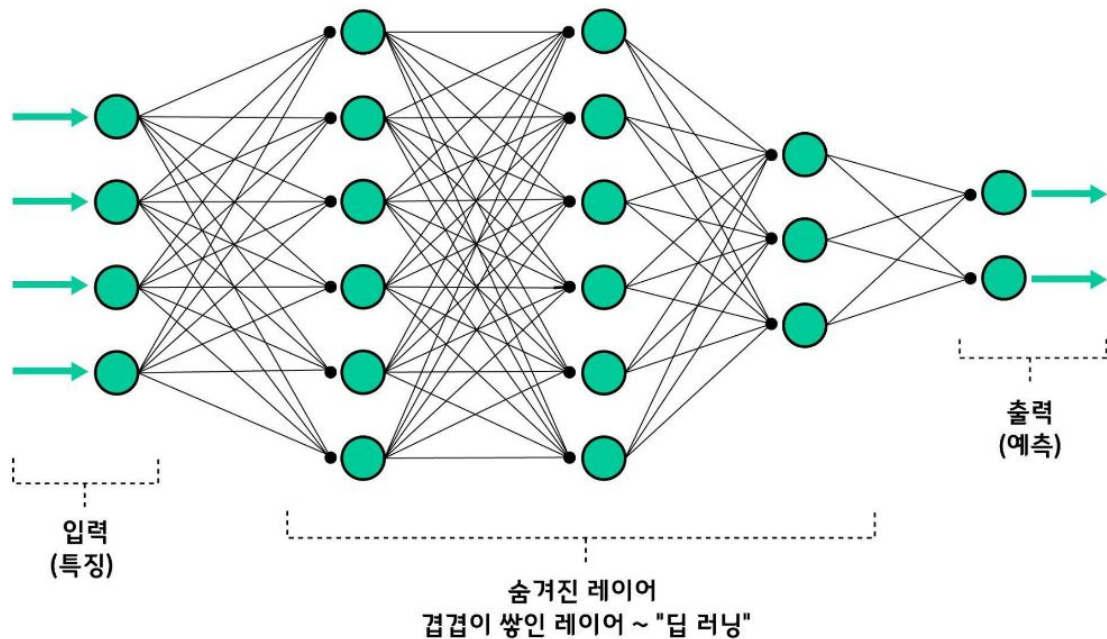
선형회귀, 분류, 퍼셉트론, CNN,  
RNN, 자연어처리, GAN에 대한 기초  
공부해보기

교재의 추가적인 복제 및 재배포를 막기 위해 pdf에  
워터마크가 새겨져 있습니다.

**발표 자료 제작 시 교재 캡처는 삼가주세요!**

# 딥러닝에 대해 알아보기

딥 러닝 (Deep Learning) - 인공 신경망의 구조



# 1장 맛보기 : 머신러닝과 딥러닝

스테이크



딥러닝  
Deep Learning

인간의 뉴런과 비슷한  
인공신경망으로 정보 처리

고기



머신러닝  
Machine Learning

특정 부분을 스스로 학습해  
성능 향상

음식



인공지능  
Artificial Intelligence

계산, 학습 등 인간의 지적능력을  
컴퓨터를 통해 구현하는 기술

# 1장 맛보기 : 머신러닝과 딥러닝

Q1. 방대한 데이터를 수집할 수 있게 되면서 빅데이터를 분석해 스스로 학습하는 \*  
(B)의 형태로 진화하였다. 다만 데이터가 포함한 내용의 특징을 파악하는 데 한계를  
보였는데, 이를 뛰어넘는 (C)이 고안되면서 문제가 해결되었다.  
(A)의 큰 범주 안에 (B)이 속하고, (B)의 일부분이 (C)인 것이다.

- ☐ (A) 인공지능, (B) 딥러닝, (C) 머신러닝
- ☒ (A) 인공지능, (B) 머신러닝, (C) 딥러닝
- ☐ (A) 머신러닝, (B) 딥러닝, (C) 인공지능
- ☐ (A) 머신러닝, (B) 인공지능, (C) 딥러닝

# 1장 맛보기 : 머신러닝과 딥러닝

Teachable Machine

코난

6 이미지 샘플

촬영 업로드

미란이

6 이미지 샘플

촬영 업로드

장미

6 이미지 샘플

촬영 업로드

학습

모델 학습 완료됨

고급

미리 보기

모형 내보내기

기호 드래그 앤 드롭하세요.

Google Drive에서 이미지 가져오기

출력

코난 100%

미란이

장미

출력

뽀로로

크롱

패티

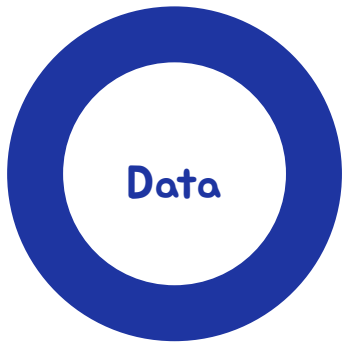
루피 99%

에디

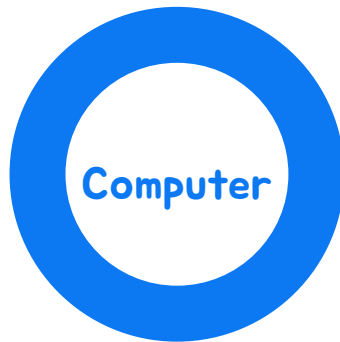
포비

해리

# 1장 맛보기 : 딥러닝 실행을 위한 준비사항



-지도학습  
-비지도학습



- 일반 CPU 컴퓨터  
- GPU



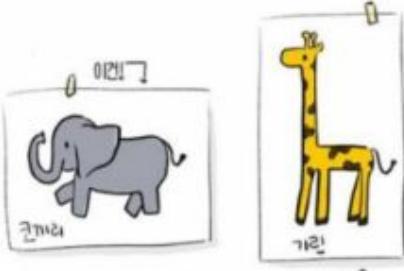
-딥러닝 구동



# 1장 맛보기 : 딥러닝 실행을 위한 준비사항(데이터)

**지도 학습**  
(Supervised Learning)

문제와 정답을 모두 알려주고  
공부시키는 방법




The diagram shows two cards pinned to a wall. The left card has a drawing of an elephant and the label '코끼리' (elephant) written below it. The right card has a drawing of a giraffe and the label '가젤' (gazelle) written below it. Above the elephant card is the label '이런' (like this) with an arrow pointing to the elephant. Above the giraffe card is the label '요런' (like that) with an arrow pointing to the giraffe.

예측, 분류

**비지도 학습**  
(Unsupervised Learning)

답을 가르쳐주지 않고  
공부시키는 방법

비지도학습은 답을 가르쳐주지 않고 공부를 시키는 거야.

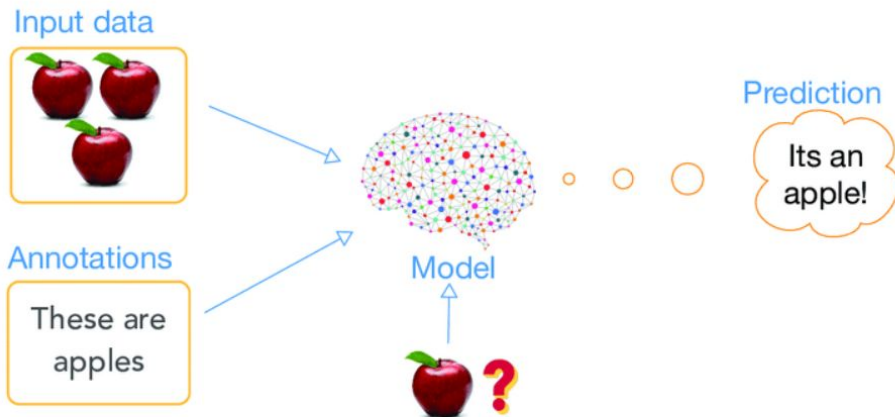


The diagram shows a blue sphere with 'A.I.' written on it, sitting on a yellow box. The sphere has a speech bubble coming from it that says '비지도학습은 답을 가르쳐주지 않고 공부를 시키는 거야.' (Unsupervised learning is about making the study without giving the answer). There are two small grey boxes on the floor, one to the left and one to the right of the yellow box. The word '입력' (input) is written next to each of these boxes. The word '출력' (output) is written next to the sphere.

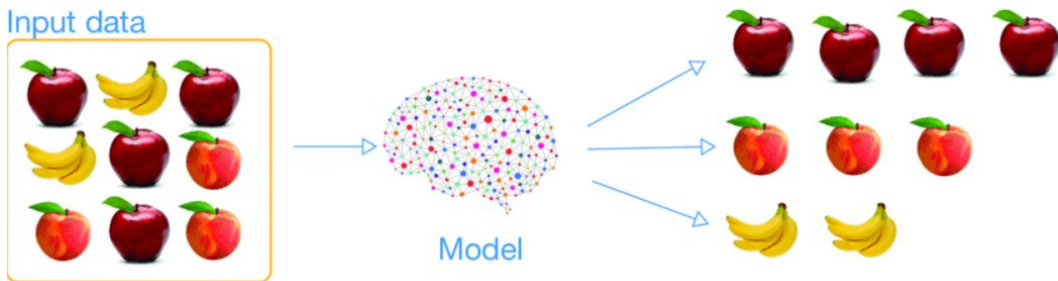
연관 규칙, 군집

# 1장 맛보기 : 딥러닝 실행을 위한 준비사항(데이터)

supervised learning



unsupervised learning



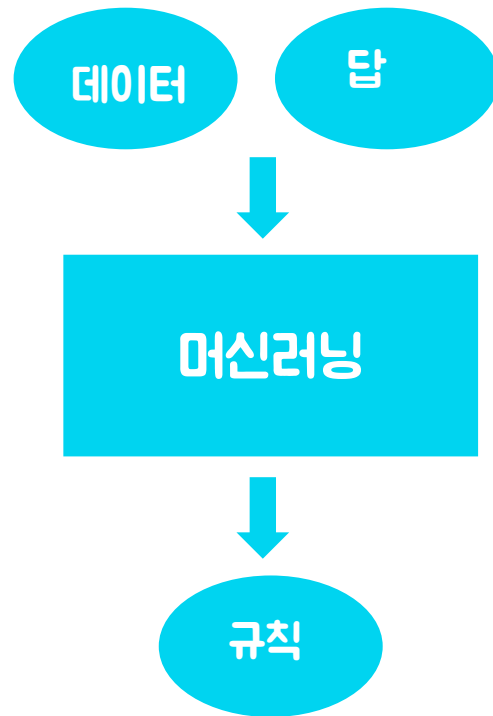
# 깜짝 Quiz!



이름표가 없는 머핀과 치와와 사진이 섞여 있습니다. 우리는  
이 사진들을 두 개의 그룹으로 분류하고 싶은데요.  
이때 우리의 선택은?!  
(댓글로 답을 보내주세요~)

1. 지도 학습
2. 비지도 학습

# 1장 맛보기 : 미지의 일을 예측하는 일





**Colab( Colaboratory, 코랩 )**

: 구글 서버에서 제공하는 주피터 노트북 개발환경

장점	단점
(1) 작성 용이  (2) 별도의 설치나 컴퓨터의 성능 불필요	(1) 새로 설치한 패키지 저장 X  (2) 파일이나 가중치 값 유실 가능

# NumPy

(Numerical Python)

: 배열 형태의 데이터를 처리, 연산하기 위한 파이썬 라이브러리



1. 고성능의 수치 계산

2. 고성능의 수치 해석 가능

3. 통계, 선형대수, 행렬 계산

4. 벡터, 다차원 배열 연산

# NumPy 문법

(Numerical Python)

생성

연산

난수 생성

저장 / 불러오기

# [ NumPy 문법 ] 생성

**np.array()**



# (1) 생성

```
x = np.array([1.0, 2.0, 3.0])
```

```
y = np.array([4.0, 5.0, 6.0])
```

```
print(x)
```

```
print(y)
```

```
[1. 2. 3.]
```

```
[4. 5. 6.]
```



# [ NumPy 문법 ] 연산

## # 사칙연산

```
n1=np.add(x,y) # x+y  
n2=np.subtract(x,y) # x-y  
n3=np.multiply(x,y) # x*y  
n4=np.divide(x,y) # x/y
```

```
[5.  7.  9.]  
[-3. -3. -3.]  
[ 4. 10. 18.]  
[0.25 0.4  0.5 ]
```

## # 행렬곱

```
n5 = np.dot(x,y)
```

```
32.0
```

## # 최대, 최소

```
max= np.max(x)  
min=np.min(x)
```

```
3.0  
1.0
```

# [ NumPy 문법 ] 연산

**Mean** : 산술평균

**Average** : 가중치를 둔 평균

```
[30] # (2) 연산 _ 평균
```

```
n6=np.mean(x)  
n7=np.average(x)
```

```
print(n6)  
print(n7)
```

```
2.0  
2.0
```

차이



```
# (2) 연산 _ mean VS average
```

```
n6=np.mean(x)  
n7=np.average(x, weights=(2,2,1))
```

```
print(n6)  
print(n7) # (1*2+2*2+3*1)/3
```



```
2.0  
1.8
```

# [ NumPy 문법 ] 난수 생성

**np.random.rand**

: N개의 난수를 생성

```
a = np.random.rand(5)  
print(a)
```

```
[0.1102777  0.75824413 0.02564787 0.85949244 0.26065274]
```

**np.random.randint**

: A부터 B까지 중에서 정수인 난수를 생성

```
c = np.random.randint(1, 5, size=(2, 3))  
print(c)
```

```
[[3 4 2]  
 [2 3 2]]
```

**np.random.seed**

: 알고리즘을 거쳐 난수처럼 보이게 만드는 함수

# [ NumPy 문법 ] 저장/불러오기

## 저장

## 불러오기

[ 1개의 배열 ]

`np.save ()`

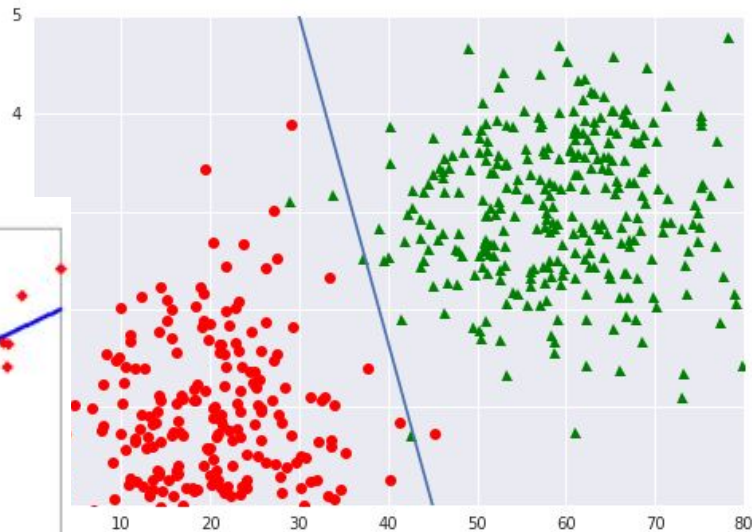
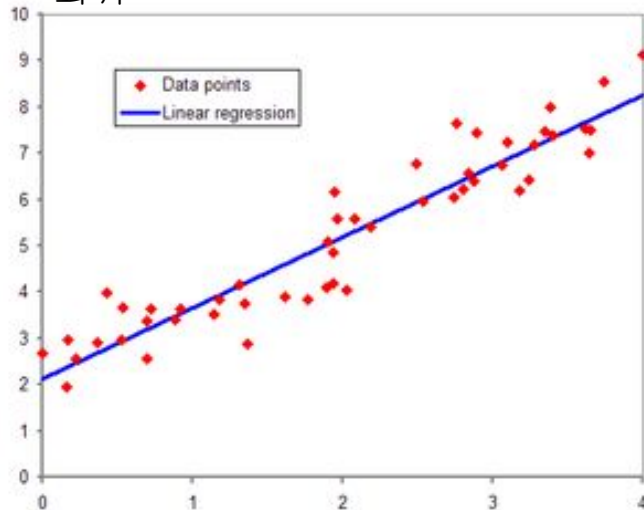
`np.load ()`

[ 2개 이상 배열 ]

`np.savez ()`

# 회귀\_분류

<회귀>



<분류>

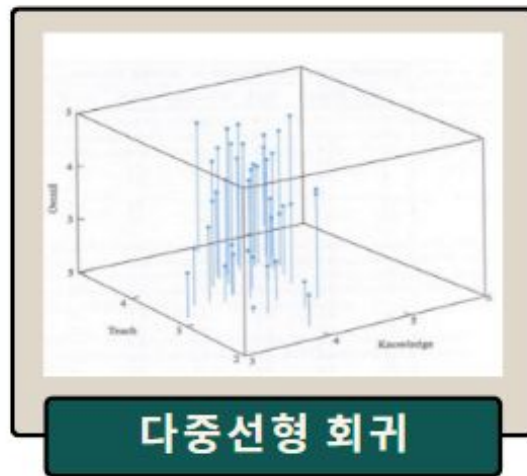
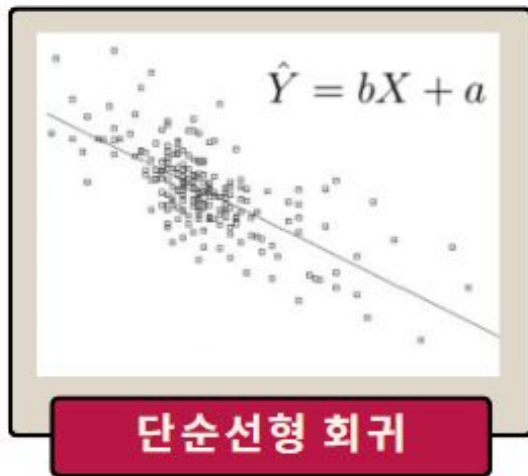
이진 분류

다중 클래스 분류

	Positive	Negative
Positive	TP	FN
Negative	FP	TN

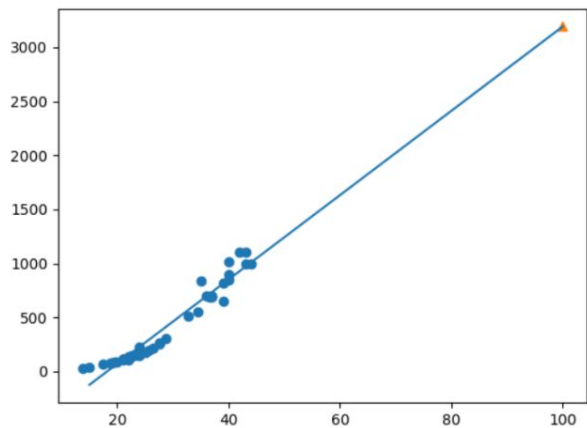
# 선형회귀

*Linear Regression*  
선형회귀란?



# 선형회귀

농어의 무게



농어의 길이

단순 선형 회귀

$$H(x) = \underbrace{W}_{\substack{\text{가중치} \\ \text{(WEIGHT)}}}x + \underbrace{b}_{\substack{\text{편향} \\ \text{(BIAS)}}$$

독립 변수

다중 선형 회귀

$$y = W_1x_1 + W_2x_2 + \dots + W_nx_n + b$$

독립 변수

다항 회귀

$$y = 1.014x^2 - 21.5579x + 116.05$$

# 최소제곱법

## 최소제곱법

더 정확한 기울기와 Y절편 구하기

$f(x) = ax + b$  기울기와 상수항의 값을 임의로 지정했을때,

|실제값 - 예상값|  $e_i = |y_i - f(x_i)|$  들의 합

$$E = \sum_{i=1}^n [y_i - ax_i - b]^2 : \text{최소제곱합}$$

---

$$E \text{가 최소일때} \Rightarrow \frac{\partial E}{\partial a} = 0 \quad \text{and} \quad \frac{\partial E}{\partial b} = 0$$



# 최소제곱법 \_ 행렬계산

## 최소제곱법 \_ 행렬계산

예시

$$P = \{ (1,1), (2,3), (3,4), (4,6), (5,5) \}$$

$$\begin{array}{l} Y = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix} \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 3 & 1 \\ 4 & 1 \\ 5 & 1 \end{pmatrix} \quad X = \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} \quad \left| \quad \begin{array}{l} A^T A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 3 & 1 \\ 4 & 1 \\ 5 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 55 & 15 \\ 15 & 5 \end{pmatrix} \\ X = \begin{pmatrix} 55 & 15 \\ 15 & 5 \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1.1 \\ 0.5 \end{pmatrix} \end{array} \right. \\ X = (A^T A)^{-1} A^T Y \end{array}$$

# 단순선형회귀 실습 01

## 단순선형회귀 실습 01

```
import numpy as np

# x값과 y값
x = [2,4,6,8]
y = [81,93,91,97]

# x,y의 평균값
mx = np.mean(x)
my = np.mean(y)

# 기울기의 분모
divisor = sum([(mx - i)**2 for i in x])

# 기울기의 분자
def top(x,mx,y,my):
    d=0
    for i in range(len(x)):
        d += (x[i] - mx) * (y[i] - my)
    return d
dividend = top(x,mx,y,my)

a = dividend / divisor
b = my - (mx*a)
```



실행결과

x의 평균값: 5.0 y의 평균값: 90  
기울기 a = 2.3 y 절편 b = 79.0

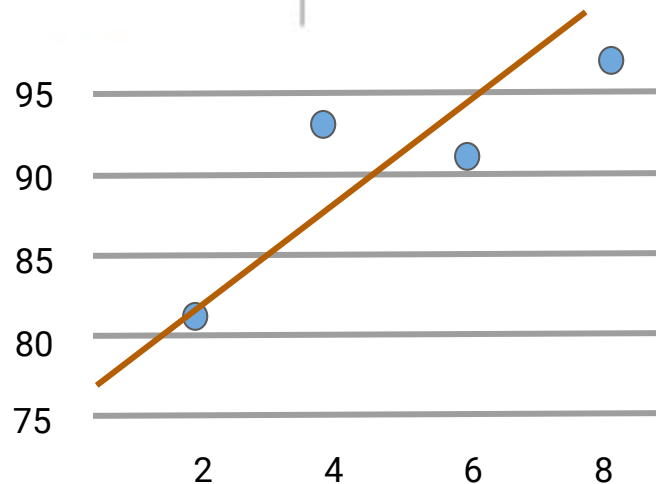
$$H(x) = Wx + b$$

기울기

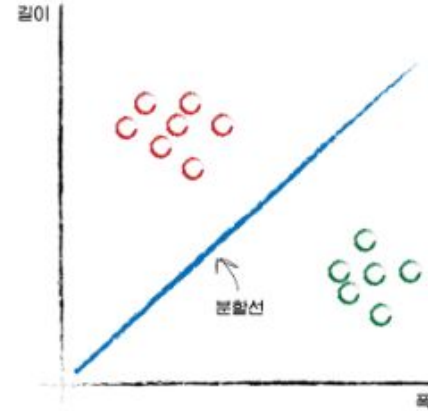
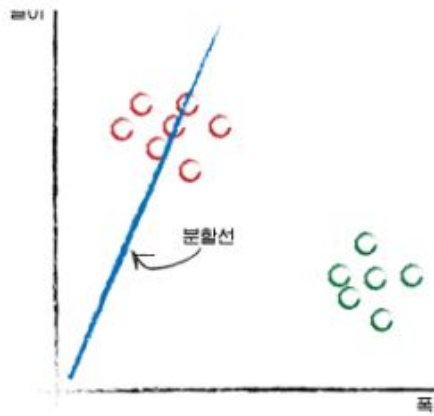
$$W = \frac{(x-x\text{평균})(y-y\text{평균})\text{의 합}}{(x-x\text{평균})^2\text{의 합}}$$

Y 절편

$$b = y\text{의 평균} - (x\text{의 평균} \times \text{기울기})$$



# 예측자와 분류자



# 오차 수정

선형회귀를 이용하여 데이터를 분석할 경우, 실제 값과 예측값 사이의 오차가 발생한다.  
이러한 오차가 얼마나 큰지 계산하는 것으로 더욱 정확한 예측이 가능하다.

$$\text{오차} = \text{예측값} - \text{실제값}$$

# 오차 수정

$$\text{오차의 합} = \sum_i^n (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$y_i$  = 실제 값

$\hat{y}_i$  = 예측 값

$n$  = x 원소의 총 개수

$i$  = 원소의 순서

# 오차 수정

$$\text{평균 제곱 오차(MSE)} = \frac{1}{n} \sum_i^n (y_i - \hat{y}_i)^2$$

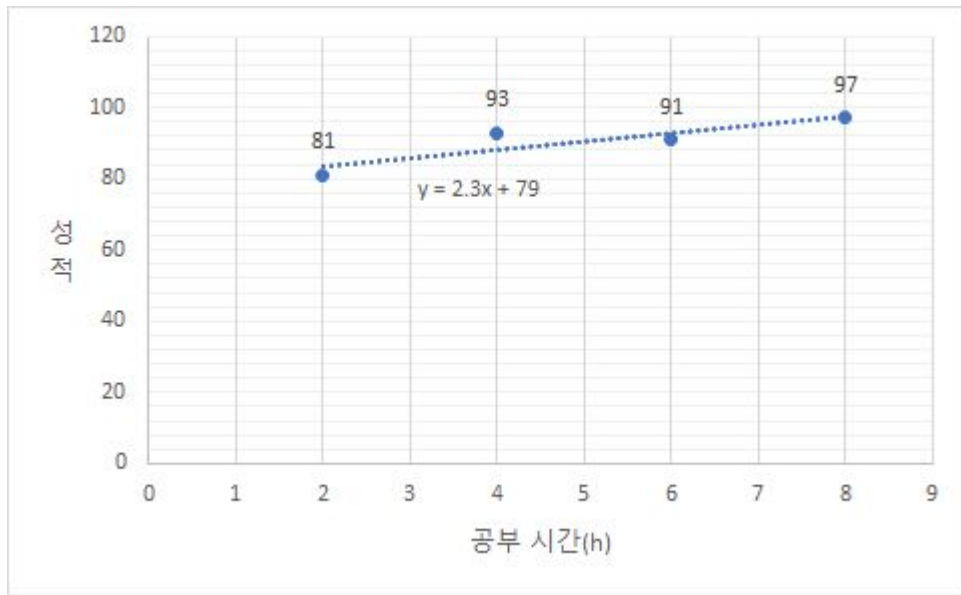
$y_i$  = 실제 값

$\hat{y}_i$  = 예측 값

$n$  = x 원소의 총 개수

$i$  = 원소의 순서

# 오차 수정



x	y	예측값	오차	오차제곱
2	81	83.6	2.6	6.76
4	93	88.2	-4.8	23.04
6	91	92.8	1.8	3.24
8	97	97.4	0.4	0.16
오차 제곱의 평균		8.3		

$$y = 2.3x + 79$$

$$a(\text{기울기}) = 2.3$$

$$b(\text{y절편}) = 79$$

$$\text{MSE} = 8.3$$

# 오차 수정

엥? 이거 완전 '분산' 아니냐?



# 오차 수정

$$\text{평균제곱오차}(MSE) = \frac{1}{n} \sum_i^n (y_i - \hat{y}_i)^2 = Var(\hat{y}) + Bias(\hat{y})^2 + Var(\epsilon)$$

$Var(\hat{y})$  = 분산

$Bias(\hat{y})^2$  = 편향의 제곱

$Var(\epsilon)$  = 노이즈(irreducible value)

# 오차 수정

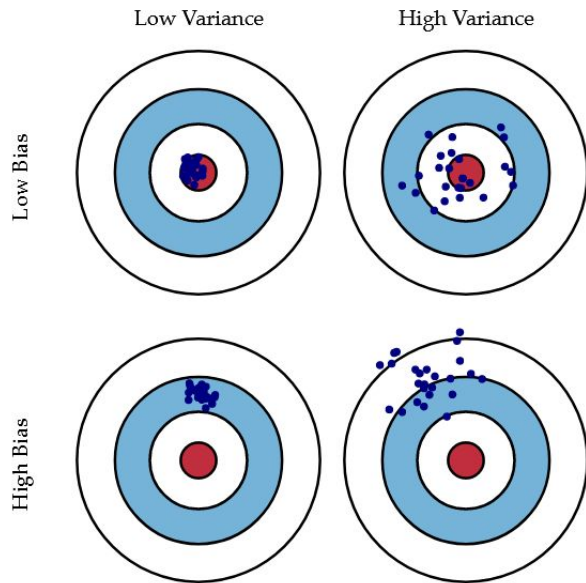


Fig. 1 Graphical illustration of bias and variance.

<https://scott.fortmann-roe.com/docs/BiasVariance.html>

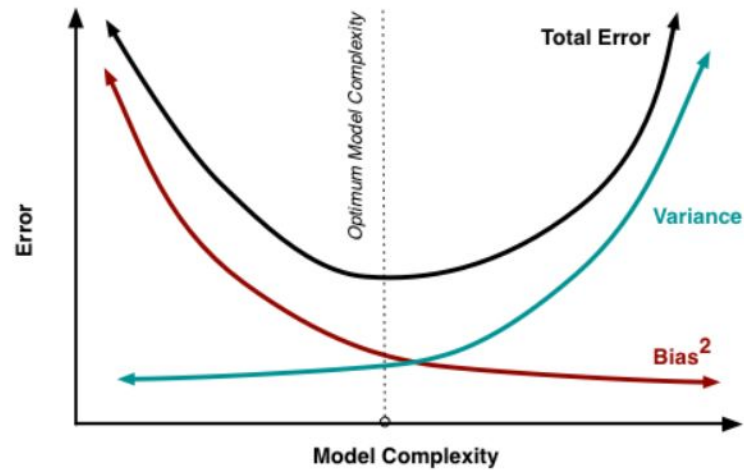


Fig. 6 Bias and variance contributing to total error.

# 오차 수정

## 1. 데이터 설정

- $a = 3, b = 76$ 으로, `fake_a_b` 라는 리스트를 선언하여 사용해보자.

```
fake_a_b = [3, 76]
```

- `data` 리스트를 만들어,  $(x, y)$  값을 저장하고, `x` 와 `y` 변수에 for문을 사용하여 저장한다.

```
data = [[2, 81], [4, 93], [6, 91], [8, 97]]  
x = [i[0] for i in data]    ##data리스트의 순서쌍 중 첫 번째 값을 저장  
y = [i[1] for i in data]    ##data리스트의 순서쌍 중 두 번째 값을 저장
```

# 오차 수정

## 2. 내부 함수 구성

일차방정식  $y = ax + b$  구현

```
def predict(x):  
    return fake_a_b[0] * x + fake_a_b[1]  
    ##fake_a_b리스트의 첫 번째 원소를 a, 두 번째 원소를 b로 삼음
```

평균 제곱 오차 공식 함수 구현

```
def mse(y, y_hat):  
    return ((y-y_hat) ** 2).mean()    ##.mean() : numpy 라이브러리에서 평균을 구해주는 함수
```

mse() 함수에 값을 대입해주는 함수 구현

```
def mse_val(y, predict_result):  
    return mse(np.array(y), np.array(predict_result)) ##y는 실제값, predict_result는 예측값
```

# 오차 수정

## 3. main 함수 작성

```
predict_result = []    ##예측값을 저장할 빈 리스트 선언

for i in range(len(x)): ##독립변수 x의 수 만큼 반복
    predict_result.append(predict(x[i]))    ##predict_result 리스트에 predict() 함수에 x값 대입한 결과값 추가
    print("공부시간 = %.f, 실제점수 = %.f, 예측점수 = %.f" %(x[i], y[i], predict(x[i])))    ##결과 출력
```

## 4. MSE값 출력

```
print("mse 최종값: " + str(mse_val(predict_result, y)))
##print문에서 문자열과 결합하여 출력하므로 str()함수 사용
```

**감사합니다!**