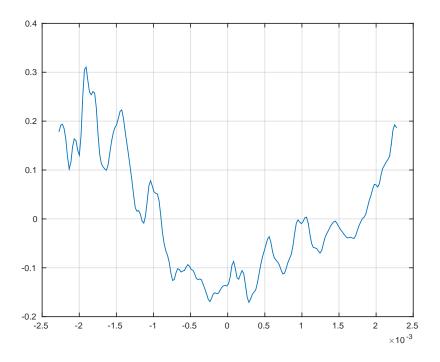
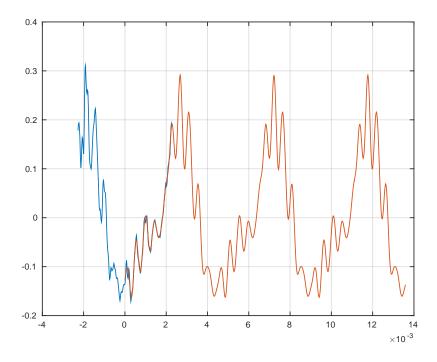
## Innhald

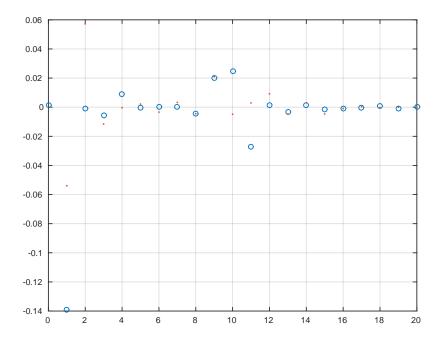
```
% Fourier-rekka til eit lydsignal
   clear
   close all
   [yA,Fs] = audioread('vokalar/a.wav');
         = audioread('vokalar/e.wav');
   уE
           = audioread('vokalar/i.wav');
   уI
           = audioread('vokalar/o.wav');
   уO
9 yU
           = audioread('vokalar/u.wav');
           = audioread('vokalar/y.wav');
10 yY
          = audioread('vokalar/æ.wav');
  yAE
12 yOE
         = audioread('vokalar/ø.wav');
          = audioread('vokalar/å.wav');
13 yAA
1 % Vi vel ut ein vokal og speler av lyden
_2 yy = yY;
  soundsc(yy,Fs)
   % Vi vel ut ei periode av signalet og viser dette grafisk
   f0 = 220;
                         % Grunnfrekvensen i Hz
3
  m = round(Fs/f0);
                      % Antall samplingar i ei periode
  L = 1/(2*f0);
                         % Reknar ut L målt i sekund
   t = linspace(-L,L,m); % Tidsrommet
   N = 20;
                         % Antall ledd i fourier-rekka
   y = yy(1:m)';
10
11
  % Grafisk framstilling av 3 perioder
13 figure(1)
plot(t,y), hold on, grid on
   % Vi reknar ut fourierkoeffisientane nummerisk
  a = zeros(1,N);
_4 b = zeros(1,N);
  a0 = 1/(2*L)*trapz(t,y);
   for n = 1:N
       a(n) = 1/L*trapz(t,y.*cos(n*pi/L*t));
       b(n) = 1/L*trapz(t,y.*sin(n*pi/L*t));
   end
  % Vi vil no bruke dei utrekna koeffisientane til å generere eit lydsignal lyd.
_{2} T = 0:1/Fs:1;
_{3} Y = 0*T + a0;
for n = 1:N
       Y = Y + a(n)*cos(n*pi/L*T) + b(n)*sin(n*pi/L*T);
_{7} plot(T(1:3*m),Y(1:3*m)), hold off
```



Figur 1:

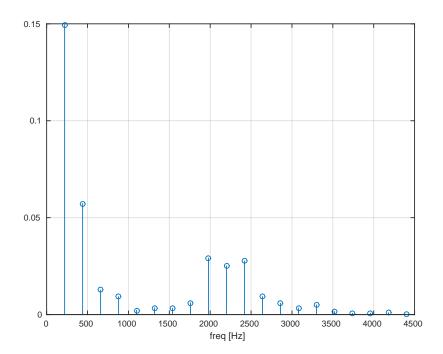


Figur 2:



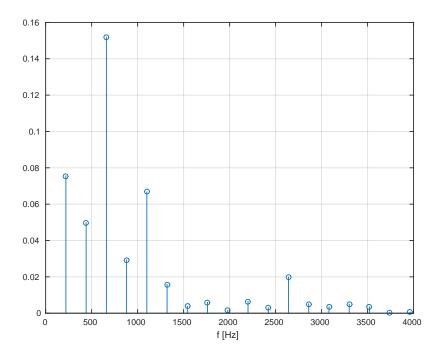
Figur 3:

```
% Viser koeffisientane grafisk
   figure(2)
   plot([0 1:N], [a0 a], 'o', 1:N, b,'.'), grid on
   \mbox{\it \%} Reknar koeffisientane om til amplityder.
   A = sqrt(a.^2 + b.^2);
   figure(3)
   stem((1:N)*f0,A), grid on
   xlabel('freq [Hz]')
   soundsc(Y,Fs)
   % Frekvensanalyse
   clear
   close all
   % Vi les inn alle lydfilene vha scriptet "les_inn_vokalar.m"
   les_inn_vokalar
   y = yA;
   % Grunnfrekvensen
       = 220; \% [Hz]
11
12
   % Funksjonen FourierCoef reknar ut fourierkoeffisientane numerisk.
13
   [~, a, b, freq] = FourierCoef(y,Fs,f0);
14
   % Vi reknar ut amplitudene til kvar av overtonane.
16
   ampl = sqrt(a.^2+b.^2);
```

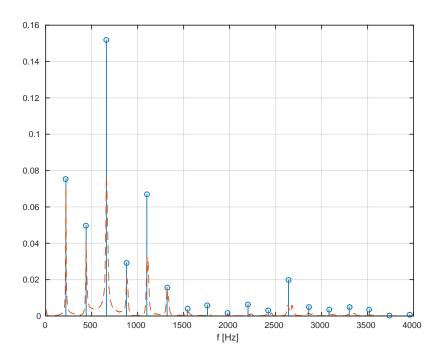


Figur 4:

```
18
   figure(1)
   stem(freq,ampl), grid on, hold on
20
   xlabel('f [Hz]')
21
   xlim([0 4000])
   % Vi prøver med ein ny grunnfrekvensen ved å dele den gamle grunnfrekvensen
   % på eit heilt tall.
   [~, a, b, freq] = FourierCoef(y,Fs,f0/32);
   % Nye amplituder
   ampl = sqrt(a.^2+b.^2);
   plot(freq,ampl,'--') %, hold off
   % Som vi ser av grafen er det berre eit heilt tall ganger f0 som gjev
10
   % noko særleg utslag. Dette kan vi bruke til å finne ut kva frekvensar
11
   % som faktisk fins i lyden.
   % Det er vanleg å bruke ei rask metode for å rekne ut
   % fourierkoeffisientane. Til dette brukar vi funksjonen fft (Fast Fourier
   % Transform). Denne reknar ut alle koeffisientane som eksempla over, men
   % med så liten grunnfrekvens som mogleg. FFT brukar komplekse
   % koeffisientar.
   % FFT
        = fft(y)/length(y);
        = length(Y);
   freq = (0:N-1)*(Fs/N);
11
   plot(freq, abs(Y)), hold off
```

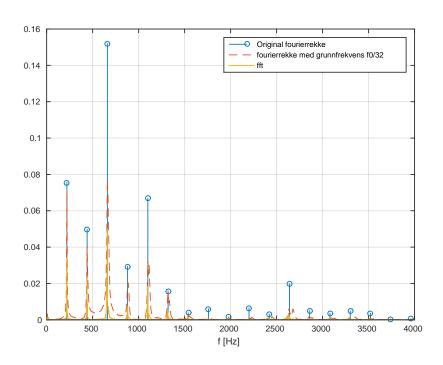


Figur 5:



Figur 6:

13



Figur 7:

```
% fourierkoeffisientar.m
   % Matlab-progrtam som finn fourierkoeffisientane for periodisk funksjon med
   % periode p = 2*pi definert som eit funksjonsuttrykk på området:
         -pi \iff x \leqslant pi
   clear
   syms x real
   syms n integer;
   Pi = sym('pi');
   % Definerer funksjonen
12
   f(x) = x^2 * heaviside(x) + x^2*(heaviside(x)-1)
13
14
   % Symbolsk utrekning av koeffisientane
15
   fprintf('Fourierkoeffisientane utrekna ved hjelp av CAS\n')
16
                                         ,x, -Pi, Pi);
   a_0 = 1/(2*Pi) * int(f(x))
18
                    * int( f(x)*cos(n*x) ,x, -Pi, Pi);
   a(n) = 1/Pi
19
   b(n) = 1/Pi
                    * int( f(x)*sin(n*x) ,x, -Pi, Pi)
20
21
   a_0 = simplify(a_0)
   a(n) = simplify(a(n))
23
   b(n) = simplify(b(n))
```

```
f(x) =
  x^2*heaviside(x) + x^2*(heaviside(x) - 1)
  Fourierkoeffisientane utrekna ved hjelp av CAS
  b(n) =
   (2*(pi^2*n^2*(2*sin((pi*n)/2)^2 - 1) - 4*sin((pi*n)/2)^2 + 2*pi*n*sin(pi*n)))/(pi*n^3)
  a_0 =
   0
   a(n) =
   0
  b(n) =
   -(2*((-1)^n*pi^2*n^2 - 2*(-1)^n + 2))/(pi*n^3)
1 % Les inn vokalar frå lydfil
2 [yA,Fs] = audioread('vokalar/a.wav');
          = audioread('vokalar/e.wav');
з уЕ
          = audioread('vokalar/i.wav');
 уI
          = audioread('vokalar/o.wav');
5 y0
          = audioread('vokalar/u.wav');
  уU
          = audioread('vokalar/y.wav');
  уY
          = audioread('vokalar/æ.wav');
  yAE
          = audioread('vokalar/ø.wav');
  yOE
          = audioread('vokalar/å.wav');
  yAA
  function [ a0, a, b, freqs ] = FourierCoef( y, Fs, f0 )
      M = length(y);
                            % Lengde av lyd-sampelen
       if (nargin == 2)
          f0 = 4*Fs/M:
      end
                            % Antall samplingar i ei periode
      m = round(Fs/f0);
       if (m>M)
           error('For kort lyd-sampel')
       end
      L = 1/(2*f0);
                             % Reknar ut L målt i sekund
      t = linspace(-L,L,m); % Tidsrommet
                             % Antall ledd i fourier-rekka
      N = floor(m/2);
      y = reshape(y(1:m), 1, m);
       a = zeros(1,N);
      b = zeros(1,N);
      a0 = 1/(2*L)*trapz(t,y);
      for n = 1:N
```

1

2

4

6

10

11

12

13

15

16

17

18 19

20

21

```
a(n) = 1/L*trapz(t,y.*cos(n*pi/L*t));
22
             b(n) = 1/L*trapz(t,y.*sin(n*pi/L*t));
23
24
         end
25
        freqs = (1:N)*f0;
26
    end
    Error using FourierCoef (line 2)
    Not enough input arguments.
    % fourierkoeffisientar_numerisk.m
   \begin{tabular}{ll} \it \% \ \it Matlab-program \ \it som \ \it finn \ \it numerisk \ \it verdi \ \it for \ \it fourierkoeffisientane \end{tabular}
   % for periodisk funksjon med periode p = 2*pi definert som eit
   % funksjonsuttrykk på området:
          -pi \ll x \ll pi
    clear
   x = linspace(-pi, pi, 1000);
10
   % Definerer funksjonen
11
    y = x.^2;
12
13
    a_0 = 1/(2*pi) * trapz(x,y);
14
    for n = 1:9
15
         a(n) = 1/pi * trapz(x,y.*cos(n*x));
16
        b(n) = 1/pi * trapz(x,y.*sin(n*x));
17
18
19
    % Utskrift av nummeriske verdiar for koeffisientane
    fprintf('Nummeriske verdiar:\n\n')
21
    fprintf('a_0 = \%8.5f \n\n',double(a_0))
22
23
    for m = 1:9
        fprintf('a_{d} = \%8.5f \n',m,double(a(m)))
25
26
27
    fprintf('\n')
29
    for m = 1:9
30
        fprintf('b_{d} = %8.5f n', m, double(b(m)))
31
    end
```

## Nummeriske verdiar:

```
a_0 = 3.28987

a_1 = -4.00001

a_2 = 1.00001

a_3 = -0.44446

a_4 = 0.25001

a_5 = -0.16001

a_6 = 0.11112

a_7 = -0.08165
```

- $a_8 = 0.06251$
- $a_9 = -0.04940$
- $b_1 = 0.00000$
- $b_2 = 0.00000$

- b\_3 = -0.00000 b\_4 = 0.00000 b\_5 = -0.00000 b\_6 = 0.00000

- b\_7 = -0.00000 b\_8 = 0.00000 b\_9 = 0.00000