## SAYISAL ANALIZ

Yrd.Doç.Dr. Abdullah SEVİN





## SAYISAL ANALİZ

#### **INTERPOLASYON**

(Ara Değer Bulma)





## **İÇİNDEKİLER**

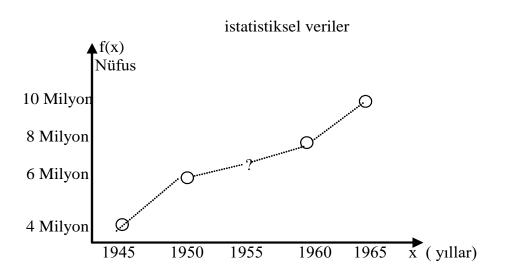
- ☐ Ara Değer Hesabı (İnterpolasyon)
  - ☐ İnterpolasyon Polinomları
  - ☐ Doğrusal Ara Değer Hesabı
  - ☐ MATLAB'ta İnterpolasyon Komutunun Kullanımı
  - ☐ Kuadratik İnterpolasyon
  - ☐ Lagrance Polinom İnterpolasyonu





# Ara Değer Hesabı (İnterpolasyon)

- Ara değer hesabı mühendislik problemlerinde sıklıkla karşılaşılan bir işlemdir.
- İnterpolasyon
  - □ Bilinen değerlerden bilinmeyen aradeğerin ya da değerlerin bulunması işlemidir.
  - Genel olarak ise bir f(x) fonksiyonunun  $x_0, x_1, ..., x_n$  gibi ayrık noktalarda verilen  $f_0, f_1,...,f_n$  değerlerini kullanarak, bu fonksiyonu temsil eden ve daha basit bilinen bir F(x) fonksiyonu (enterpolasyon fonksiyonu) ile ifade edilmesidir.





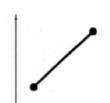


# Ara Değer Hesabı (İnterpolasyon)

☐ Ara değer bulmada en yaygın kullanılan yöntem, polinom interpolasyonudur.

$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + \dots + a_n x^n$$

- n + 1 adet nokta için, tüm noktalardan geçen ve n. derece olan yalnızca tek bir polinom vardır.
  - İki noktayı birleştiren birinci derece (doğrusal) polinom



 3 noktayı sadece bir parabol (ikinci derece polinom) birleştirir.







Polinomlar, Newton, Lagrange gibi bir çok seçenek ile matematiksel olarak ifade edilebilir.



# (İnterpolasyon Polinomları)

X	3.2	2.7	1	4.8	5.6
f(x)	22	17.8	14.2	38.3	51.7

Örnek: Bu noktaların ilk dördünden 3. dereceden bir polinom elde ederiz.  $f(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3$ 

Herbir noktanın koordinatları bu denklemi sağlayacağı için

$$a_{0} + (3.2)a_{1} + (3.2)^{2}a_{2} + (3.2)^{3}a_{3} = 22.0$$

$$a_{0} + (2.7)a_{1} + (2.7)^{2}a_{2} + (2.7)^{3}a_{3} = 17.8$$

$$a_{0} + (1.0)a_{1} + (1.0)^{2}a_{2} + (1.0)^{3}a_{3} = 14.2$$

$$a_{0} + (4.8)a_{1} + (4.8)^{2}a_{2} + (4.8)^{3}a_{3} = 38.3$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3.2 & 10.24 & 32.768 \\ 1 & 2.7 & 7.29 & 19.683 \\ 1 & 1.0 & 1.00 & 1.000 \\ 1 & 4.8 & 23.04 & 110.592 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 22.0 \\ 17.8 \\ 14.2 \\ 38.3 \end{bmatrix}$$





# **Interpolasyon**

- □ İnterpolasyon fonksiyonu için polinom, trigonometrik fonksiyon, üstel gibi fonksiyonlar kullanılır. Ancak çoğu durumda koşulları kolaylıkla sağlamaları sebebiyle polinomlar tercih edilir.
- ☐ İnterpolasyon fonksiyonunun seçiminde kullanılan teoremler:
- Eğer fonksiyon [a,b] aralığında sürekli ve türevlenebilir ise polinom kullanılabilir.
  - [a,b] aralığında küçük bir ε değeri için,

$$| f(x) - F(x) | \le \varepsilon$$
 koşulu sağlanabilir

Periyodik ( $2\pi$ ) ve sürekli bir fonksiyon için,

$$F(x) = \sum_{k=0}^{n} a_k \cos(kx) + \sum_{k=1}^{n} b_k \sin(kx)$$

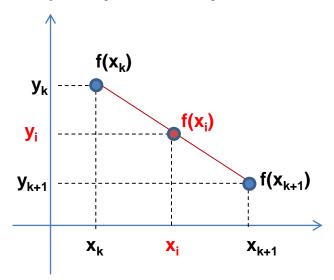
şeklinde sonlu bir trigonometrik seri interpolasyon fonksiyonu olarak kullanılabilir





# Doğrusal (Lineer) İnterpolasyon

- En basit interpolasyon şeklidir.
- Doğrusal interpolasyonda iki farklı değişkene karşılık gelen fonksiyon değerleri  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$ , bir doğru ile birleştirilir.
- Aradeğer (interpolasyon) doğru üzerindedir. Doğru denkleminin elde edilmesi ile interpolasyon bulunur.
- Bilinen iki nokta arasındaki uzaklık ne kadar az ise bilinmeyen nokta için bulunacak interpolasyon fonksiyonunun değeri de o kadar doğru olacaktır.



DogruDenklemi  

$$y_i = y_k + m(x_i - x_k)$$
  $m = \frac{y_{k+1} - y_k}{x_{k+1} - x_k}$   

$$\frac{f(x_k) - f(x_i)}{x_k - x_i} = \frac{f(x_k) - f(x_{k+1})}{x_k - x_{k+1}}$$

$$f(x_i) = f(x_k) + \frac{f(x_{k+1}) - f(x_k)}{x_{k+1} - x_k} (x_i - x_k)$$





## Doğrusal (Lineer) İnterpolasyon

Örnek: Aşağıdaki tablo da bir firmanın son 5 yılki ciro dağılımı görülmektedir. Tabloda 2009 yılına ait sonuç yer almamaktadır. Doğrusal interpolasyon yöntemini kullanarak değeri bulunuz.

Yıllar	2007	2008	2009	2010	2011
Ciro	120	142	?	146	143

#### ☐ Çözüm:

#### □ Doğru Denklemi ile

$$m = \frac{y_{k+1} - y_k}{x_{k+1} - x_k} = \frac{146 - 142}{2010 - 2008} = 2$$

$$y_i = y_k + m(x_i - x_k)$$
  
 $y_i = 142 + 2(2009 - 2008)$   
 $y_i = 144$ 

$$\frac{f(x_k) - f(x_i)}{x_k - x_i} = \frac{f(x_k) - f(x_{k+1})}{x_k - x_{k+1}}$$

$$\frac{142 - f(x_i)}{2008 - 2009} = \frac{142 - 146}{2008 - 2010}$$

$$f(x_i) = 144$$





# MATLAB İle Doğrusal İnterpolasyon

YI= interp1 (X, Y, XI)

X'in bu değeri için işlem yapılacak
bilinen Y değerlerinden oluşan <u>sütun vektörü</u>
bilinen X değerlerinden oluşan <u>sütun vektörü</u>

Y sütun vektöründe bilinmeyen olarak hesaplanacak değer

Örnek: Önceki sorudaki işlemi MATLAB'ta interp1 komutu ile çözünüz?

```
>> Y = [120 142 146 140]';

>> X = [2007 2008 2010 2011]';

>> YI=interp1(X,Y,2009)

YI =

144
```





Yrd.Doç.Dr. Abdullah SEVİN

Sayısal Analiz

# Doğrusal (Lineer) İnterpolasyon

- ☐ Örnek: f(x)= e<sup>x</sup> fonksiyonunun [0.2, 0.3] aralığındaki değerleri sırasıyla [1.22140, 1.34986]'dır. Doğrusal interpolasyon yöntemi ile x=0.27 noktasındaki değer nedir?
  - □ x=0.27 noktasındaki gerçek değer 1.3099 olduğuna göre bağıl yüzde hatayı hesaplayınız?





## Kuadratik İnterpolasyon

f(x) fonksiyonunun (x0, y0), (x1, y1) ve (x2, y2) gibi 3 noktası belli ise [x0, x2] aralığındaki herhangi bir x noktasındaki fonksiyonun değeri, bu üç noktadan geçen parabole eşdeğer yaklaşım polinomu seçilerek bulunmaktadır.

- ☐ Üç noktanın seçimi (x0, y0), (x1, y1) ve (x2, y2) olduğunda polinom;

$$a = y_0,$$
  $b = \frac{y_1 - y_0}{x_1 - x_0},$   $c = \frac{\left(\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} - \frac{y_1 - y_0}{x_1 - x_0}\right)}{x_2 - x_0}$ 

$$P(x) = y_0 + \frac{(y_1 - y_0)(x - x_0)}{x_1 - x_0} + \frac{\left(\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} - \frac{y_1 - y_0}{x_1 - x_0}\right)}{x_2 - x_0}(x - x_0)(x - x_1) \quad \text{bulunur.}$$





Sayısal Analiz

# Kuadratik İnterpolasyon

- ☐ Örnek: In(1)=0, In(3)=1.098, In(4)=1.386 ise In(3.2)=? (Matlabta log(3.2) In(3.2) demek log10 (x): 10 tabanında log(x) demektir.)
- $a = y_0 = 0$
- $b = \frac{y_1 y_0}{x_1 x_0}$  b=(1.098-0)/(3-1)=0.549

$$c = \left(\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} - \frac{y_1 - y_0}{x_1 - x_0}\right) / (x_2 - x_0) \quad c = (((1.386 - 1.098)/(4-3)) - ((1.098 - 0)/(3-1)))/(4-1)$$

$$= -0.087$$

- $\Box$  P(x)= 0 + 0.549 (x-x0) 0.087(x-x0) (x-x1)
- □ P(3.2)=1.1696 (gerçek değer=1.1632)





Bir f(x) fonksiyonunun  $x_1, x_2, K, x_{n+1}$  gibi aralıkları eşit olan ayrık noktalarda bilinen  $f(x_1)$ ,  $f(x_2)$ , K,  $f(x_{n+1})$  değerleri varsa ve bu f(x) fonksiyonunun, enterpolasyon fonksiyonu P(x)'i veren Gregory-Newton enterpolasyon yönteminde, n. dereceden bir enterpolasyon polinomu

$$\begin{split} P(x) = & a_1 + a_2(x - x_1) + \ a_3(x - x_1)(x - x_2) + a_4(x - x_1)(x - x_2)(x - x_3) + ... \\ & + a_n(x - x_1)(x - x_2) ...(x - x_{n-1}) + \ a_{n+1}(x - x_1)(x - x_2) ...(x - x_n) \quad \text{şeklinde ifade edilmiştir.} \end{split}$$

Buradaki bilinmeyen katsayılardan  $a_1$  için, eşitlikte x ve P(x) yerine sırasıyla  $x_1$  ve  $f(x_1)$  değerleri yazılırsa,  $a_1 = f(x_1)$ 

 $a_2$  bilinmeyen katsayısının çözümü için, eşitlikte x ve P(x) yerine sırasıyla  $x_2$  ve  $f(x_2)$  değerleri

yazılırsa,  $a_2 = \frac{f(x_2) - a_1}{x_2 - x_1} = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} \ \text{şeklindedir}.$ 

Elde edilen  $a_1$  ve  $a_2$  değerleri ile  $x_3$  ve  $f(x_3)$  kullanılarak  $a_3$  için denklemden,

$$f(x_3) = a_1 + a_2(x_3 - x_1) + a_3(x_3 - x_1)(x_3 - x_2)$$
 bulunur

buradan  $a_3$  çekilerek;  $a_3 = \frac{f(x_3) - a_1 - a_2(x_3 - x_1)}{(x_3 - x_1)(x_3 - x_2)}$  şeklinde elde edilir.





Benzer sekilde devam edilerek ;

$$\begin{split} f(x_n) &= a_1 + a_2(x_3 - x_1) + \dots + a_n(x_n - x_1)(x_n - x_2) \dots (x_n - x_{n-1}) \\ a_n &= \frac{f(x_n) - a_1 - a_2(x_3 - x_1) + \dots}{(x_n - x_1)(x_n - x_2) \dots (x_n - x_{n-1})} \end{split} \text{ seklindedir.}$$

Eşit aralıklı noktalarda fonksiyon değerlerinin belli olması durumunda formüller biraz daha

basitleşecektir.  $x_0$   $x_1 = x_0 + h$  gibi iki noktanın verilmesi durumunda

$$f(x) = f(x_0) + (x - x_0) \frac{\Delta f(x_0)}{(1!)h}$$
 veya  $P_1(x) = y_0 + \frac{\Delta y_0}{h}(x - x_0)$  yazılabilir.

 $x_0$ ,  $x_1 = x_0 + h$ ,  $x_2 = x_0 + 2h$ , ...,  $x_n = x_0 + nh$  gibi n+1 nokta verilmesi durumunda ifade;

$$f(x) = f(x_0) + (x - x_0) \frac{\Delta f(x_0)}{(1!)h} + (x - x_0)(x - x_1) \frac{\Delta^2 f(x_0)}{(2!)h^2} + \dots + (x - x_0)(x - x_1) \dots (x - x_{k-1}) \frac{\Delta^k f(x_0)}{(k!)h^k} + H_k$$

veya

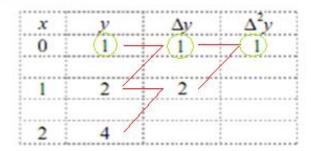
$$P_n(x) = y_0 + \frac{\Delta y_0}{h}(x - x_0) + \frac{\Delta^2 y_0}{2!h^2}(x - x_0)(x - x_1) + \dots + \frac{\Delta^n y_0}{n!h^n}(x - x_0)\dots(x - x_{n-1}) \text{ olur.}$$





ÖRNEK:

İleri fark tablosu,



şeklinde elde edilir. Tablo değerleri formüle uygulandığında,

$$P(x) = y_0 + \Delta y_0 x + \frac{\Delta^2 y_0}{2!} x(x-1)$$

$$P(x)=1+x+\frac{1}{2}x(x-1) = \frac{1}{2}x^2+\frac{1}{2}x+1$$

$$P(0.5) = 1.37$$

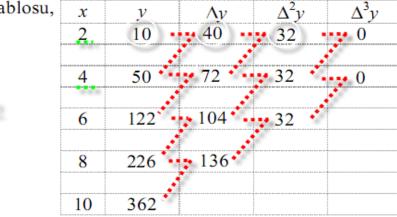




ÖRNEK: x 2 4 6 8 10 y 10 50 122 226 362

Yukarıdaki tabloyu kullanarak enterpolasyon polinomunu ve *x*=3 noktasındaki değerini bulunuz.

İleri fark tablosu,



h = 2

şeklinde elde edilir.

Tablo değerleri formüle uygulandığında,

$$P(x) = y_0 + \frac{\Delta y_0}{h}(x - x_0) + \frac{\Delta^2 y_0}{2! h^2}(x - x_0)(x - x_1)$$

$$P(x) = 10 + \frac{40}{2}(x-2) + \frac{32}{2!2^2}(x-2)(x-4)$$

$$P(x) = 4x^2 - 4x + 2$$
  $P(3) = 26$ 

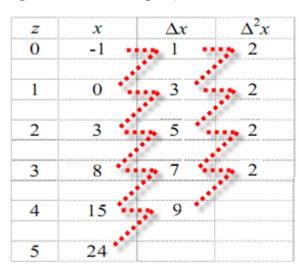




Yukarıdaki tabloyu kullanarak enterpolasyon polinomunu bulunuz.

Değişkenin adım aralığı sabit olmadığı için x, z 'nin fonksiyonu olarak tanımlanır. x = f(z)

İleri fark tablosu,



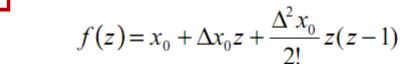
şeklinde elde edilir.

Tablo değerleri formüle uygulandığında, değişken x ve fonksiyon y için formül,

$$P(x) = y_0 + \Delta y_0 x + \frac{\Delta^2 y_0}{2!} x(x-1)$$
 olacaktı,  
değişken z ve fonksiyon x için aynı ifade







şeklinde ifade edilir.

Tablo değerleri yerine yazıldığında,

$$x = f(z) = -1 + z + z(z - 1) = z^{2} - 1$$



$$z = \sqrt{x+1}$$

değişken dönüşüm ifadesi elde edilir.

z değişkeni ve y fonksiyonu için ileri fark tablosu,

	_				
Z	y	Δy	$\Delta^2 y$	$\Delta^3 y$	$\Delta^4 y$
0	2 -	<del>-1</del> -	10 —	<del>-</del> 36	z 24
	/				
1	1	9 -	<del></del>	<del></del>	
	/				
2	10 =	<del></del>	<del>/</del> 106 —	7 84	
			1		
3	65	<u> 7161 —</u>	7190		
	/	/			
4	226 —				
			. 4		
5	577				

İleri Farklar Enterpolasyon formülü sadece <u>sabit adım aralıklı</u> değişkenli problemlere uygulanabilir. Adım aralığının sabit olmadığı durumlarda, değişken dönüşümü yapılarak adım aralığı sabit hale getirildikten sonra yöntem uygulanabilir.





Formül z değişkeni ve y fonksiyonu için düzenlendiğinde,

$$P(z) = y_0 + \Delta y_0 z + \frac{\Delta^2 y_0}{2!} z(z - 1) + \frac{\Delta^3 y_0}{3!} z(z - 1)(z - 2) + \frac{\Delta^4 y_0}{4!} z(z - 1)(z - 2)(z - 3)$$

$$P(z) = 2 - z + \frac{10}{2!}z(z-1) + \frac{36}{3!}z(z-1)(z-2) + \frac{24}{4!}z(z-1)(z-2)(z-3)$$

parantez çarpımları yapılarak,

$$P(z) = z^4 - 2z^2 + 2$$
 ara enterpolasyon fonksiyonu elde edilir.

Değişken dönüşüm ifadesi yerine yazıldığında x değişkenine bağlı enterpolasyon polinomu,

$$P(x) = (x+1)^2 - 2(x+1) + 2$$

$$P(x) = x^2 + 1$$
 olarak elde edilir.





Formül z değişkeni ve y fonksiyonu için düzenlendiğinde,

$$P(z) = y_0 + \Delta y_0 z + \frac{\Delta^2 y_0}{2!} z(z - 1) + \frac{\Delta^3 y_0}{3!} z(z - 1)(z - 2) + \frac{\Delta^4 y_0}{4!} z(z - 1)(z - 2)(z - 3)$$

$$P(z) = 2 - z + \frac{10}{2!}z(z-1) + \frac{36}{3!}z(z-1)(z-2) + \frac{24}{4!}z(z-1)(z-2)(z-3)$$

parantez çarpımları yapılarak,

$$P(z) = z^4 - 2z^2 + 2$$
 ara enterpolasyon fonksiyonu elde edilir.

Değişken dönüşüm ifadesi yerine yazıldığında x değişkenine bağlı enterpolasyon polinomu,

$$P(x) = (x+1)^2 - 2(x+1) + 2$$

$$P(x) = x^2 + 1$$
 olarak elde edilir.





□ öRNEK 1:

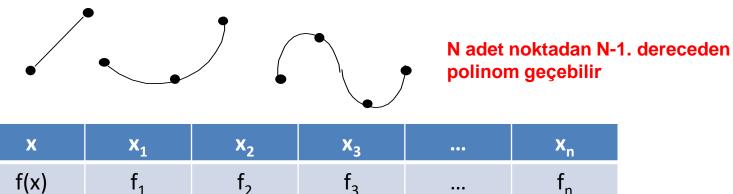
- ☐ Bir deney sonucunda elektrik devresinin zamana göre güc değişimi tabloda verilmiştir, Gücü zamana bağlayan polinomu bulunuz.
- (t=5 İçin güç =?)

t <sub>i</sub>	P(t <sub>i</sub> )
0	0
2	24
4	80
6	168
8	288



## Lagrange Polinom İnterpolasyonu

□ Lagrange interpolasyonu, bilinen noktalara önce bir eğri uydurulması sonra eğriyi temsil eden denklemden istenilen noktaların değerlerinin elde edilmesine dayanır.



- n elemandan oluşan bir f(x) yukarıdaki tablodaki gibi tanımlanmış olsun.
- Lagrange yöntemine göre interpolasyon hesabı yapılırken kullanılacak polinom forma sahip fonksiyonun derecesi sahip olunan ölçüm değerlerinin adedinden bir eksik olacak şekilde seçilir.

$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + \dots + a_{n-1} x^{n-1}$$





## Lagrange Polinom İnterpolasyonu

Polinom formun derecesi belirlenmeli

$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + \dots + a_{n-1} x^{n-1}$$

Her ölçüm sonucuna ait bir eşitlik ifadesi yazılarak, ölçüm sonuçlarının adedi kadar eşitliklerden oluşan bir denklem takımı elde edilir.

$$f_{1} = a_{0} + a_{1}x_{1} + a_{2}x_{1}^{2} + a_{3}x_{1}^{3} + \dots + a_{n-1}x_{1}^{n-1}$$

$$f_{2} = a_{0} + a_{1}x_{2} + a_{2}x_{2}^{2} + a_{3}x_{2}^{3} + \dots + a_{n-1}x_{2}^{n-1}$$

$$f_{n} = a_{0} + a_{1}x_{n} + a_{2}x_{n}^{2} + a_{3}x_{n}^{3} + \dots + a_{n-1}x_{n}^{n-1}$$

**8** Elde edilen denklem takımı matris formda ifade edilebilir

$$\begin{bmatrix} 1 & x_1 & x_1^2 & x_1^3 & \dots & x_1^{n-1} \\ 1 & x_2 & x_2^2 & x_2^3 & \dots & x_2^{n-1} \\ 1 & x_3 & x_3^2 & x_3^3 & \dots & x_3^{n-1} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ 1 & x_n & x_n^2 & x_n^3 & \dots & x_n^{n-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ \dots \\ a_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_0 \\ f_1 \\ f_2 \\ \dots \\ f_{n-1} \end{bmatrix}$$





## Lagrange Polinom İnterpolasyonu

Denklem takımı ile polinom form yapısında olan fonksiyonun katsayıları bulunur. 4 Ortaya çıkan fonksiyon ifadesinin değişken değerine istenilen sayı büyüklüğü verilerek bunun karşılığında ölçüm sonucunun yaklaşık olarak gerçekleştirilir.

$$f(x) = \frac{(x-x_2)(x-x_3)(x-x_4)\cdots(x-x_n)}{(x_1-x_2)(x_1-x_3)(x_1-x_4)\cdots(x_1-x_n)} * f_1$$

$$+ \frac{(x-x_1)(x-x_3)(x-x_4)\cdots(x-x_n)}{(x_2-x_1)(x_2-x_3)(x_2-x_4)\cdots(x_2-x_n)} * f_2$$

$$+ \frac{(x-x_1)(x-x_2)(x-x_4)\cdots(x-x_n)}{(x_3-x_1)(x_3-x_2)(x_3-x_4)\cdots(x_3-x_n)} * f_3$$

$$+ \frac{(x-x_1)(x-x_2)(x-x_3)\cdots(x-x_{n-1})}{(x_2-x_1)(x_2-x_2)(x_2-x_3)\cdots(x_n-x_{n-1})} * f_n$$

$$f_n(x) = \sum_{i=0}^n L_i(x) f(x_i)$$
$$L_i(x) = \prod_{\substack{j=0 \ j \neq i}}^n \frac{x - x_j}{x_i - x_j}$$

Elde edilen f(x) eşitliğinde x değişkeninin istenilen değer karşılığı sayısal olarak girilmek suretiyle fonksiyonun karşılığı Lagrange yöntemine göre bulunmuş olur.





## Lagrange İnterpolasyon

□ Örnek: Aşağıdaki tabloda x'e bağlı bir f(x) fonksiyonunun sayısal değişimi görülmektedir. x=3 için aradeğeri Lagrange interpolasyon yöntemi kullanarak bulunuz

x	0	2	4	7	10
f(x)	1	7	10	13	20

#### ☐ Çözüm:

$$f(x) = \frac{(x-2)(x-4)(x-7)(x-10)}{(0-2)(0-4)(0-7)(0-10)} *1 + \frac{(x-0)(x-4)(x-7)(x-10)}{(2-0)(2-4)(2-7)(2-10)} *7$$

$$\frac{(x-0)(x-2)(x-7)(x-10)}{(4-0)(4-2)(4-7)(4-10)} *10 + \frac{(x-0)(x-2)(x-4)(x-10)}{(7-0)(7-2)(7-4)(7-10)} *13$$

$$+ \frac{(x-0)(x-2)(x-4)(x-7)}{(10-0)(10-2)(10-4)(10-7)} *20$$

X=3 için f(3)=8.7583





# Lagrange İnterpolasyon

☐ Örnek: Aşağıda verilen 4 nokta için Lagrange interpolasyon polinomu elde ederek f (3.9) değerini hesaplayınız.

Not: Tüm değerler, virgülden sonra 4 basamak alınacak.

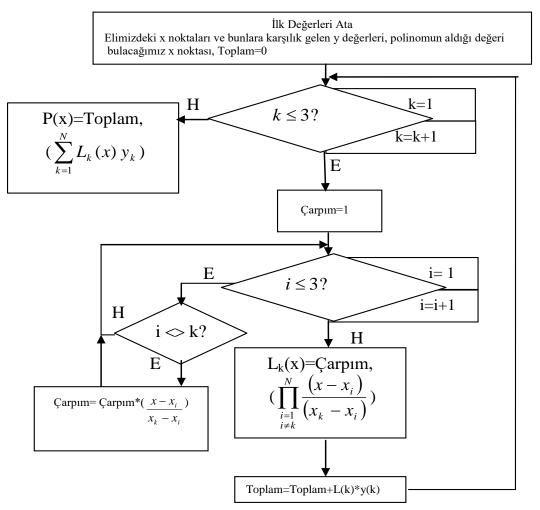
x	1	3	5	7
f(x)	0.6	0.9	1.7	3.3







## Algoritması ve MATLAB Program Kodu



```
function [xL] = x(L)
      x=[30 45 60]; y=[0.5 0.7071 0.8660];
      xL=L;
       Toplam=0;
      for k=1:3
          Carpim=1;
          for i=1:3
               if i~=k
               Carpim= Carpim*(xL-x(i))/(x(k)-x(i));
               end
          end
15
       L(k) = Carpim
       Toplam=Toplam+L(k)*y(k);
      end
      P=Toplam
```



Serhat Yılmaz'ın Sunusundan Alınmıştır.





Not: Vaktinde teslim edilmeyen ödevler alınmayacaktır.

- □ Aşağıdaki tabloda x'e bağlı bir f(x) fonksiyonunun sayısal değişimi görülmektedir.
   X=4 için aradeğeri Lagrange interpolasyon yöntemi kullanarak bulunuz
  - □ Ödevi hem el ile hemde matlab ile çözünüz. Matlab da program (döngüler) yazınız (serhat yılmazın notlarından ya da laboratuardaki uygulamalardan yararlanabilirsiniz)

x	0	2	5	7	9
f(x)	2	6	8	11	15





#### **KAYNAKLAR**

- Steven C. Chapra, Raymond P. Canale (Çev. H. Heperkan ve U. Kesgin), "Yazılım ve Programlama Uygulamalarıyla Mühendisler İçin Sayısal Yöntemler", Literatür Yayıncılık.
- İlyas ÇANKAYA, Devrim AKGÜN, Sezgin KAÇAR "Mühendislik
   Uygulamaları İçin MATLAB", Seçkin Yayıncılık
- Serhat YILMAZ, "Bilgisayar İle Sayısal Çözümleme", Kocaeli Üniv. Yayınları, No:168, Kocaeli, 2005.
- Yüksel YURTAY, Sayısal Analiz Ders Notları, Sakarya Üniversitesi



