ACTIVIDAD II: GRAMÁTICAS FORMALES

Fecha de entrega: 1 semana Entregables: Mínimo 5 ejercicios

NOTA: En los ejercicios donde se pide el tipo de gramática según la jerarquía de Chomsky, indicar el grupo más restringido al que pertenece.

1. Dada la siguiente gramática:

$$G = (\{c, d, e\}, \{X, Y, Z\}, X, P), P = \{X::=cYe|\lambda, Y::=Z|cY|Ye, Z::=Zd|d\}$$

Se pide:

- a) Especificar el tipo de la gramática de acuerdo a la jerarquía de Chomsky.
- b) Determinar el lenguaje L generado por la gramática G.
- c) Elaborar dos árboles o cadenas de derivación diferentes para una misma palabra $s \mid s \in L(G)$.
- d) Determinar si las siguientes cadenas pertenecen al lenguaje generado por la gramática y generar los árboles o cadenas de derivación correspondientes: *ccYee, ce, cdcdZee, cddeee*.
- 2. Dados los siguientes lenguajes, diseñar una gramática que los genere:

$$\begin{split} L_1 &= \{a^m b^n \mid m \ge n \ge 0\} \\ L_2 &= \{a^k b^m a^n \mid n, \, k, \, m \ge 0 \, \land \, \, n = k + m\} \\ L_3 &= \{c^{n+2} a^{n+1} c^n \mid n \ge 1\} \end{split}$$

- 3. Clasificar las siguientes gramáticas en términos de la jerarquía de Chomsky.
 - a) $G = \{\{0, 1\}, \{P, M, Q\}, Q, R\}, R = \{Q:=0|11|Q1|P1, P:=0|1, M:=M1|M0|P0|P1\}$
 - b) $G = \{\{a, b\}, \{S, A, B, C\}, S, P\}, P = \{S::=A|Ba, A::=a|b|AC, aA::=saA, B::=Ca|b|Cb, C::=\lambda\}$
 - c) $G = \{\{S, A, B, C\}, \{a, b\}, A, P\}, P = \{A::=\lambda, B::=aB|aA|bA, ABC::=ABaa|AbaC\}\}$
 - d) $G = \{\{x, y, z\}, \{M, N, R, Q\}, Q, P\}, P = \{Q:=xM|yN|zR|\lambda|z, M:=x|y|z|zR, N:=y|xN, R:=xR\}$
- **4.** Dadas las siguientes gramáticas: i) indicar de qué tipo son, ii) determinar el lenguaje que generan, iii) especificar dos palabras o cadenas que pertenecen al lenguaje que generan, iv) construir el árbol o cadena de derivación correspondiente al punto iii.
 - a) $G = \{\{a, b, c, 0, 1\}, \{S\}, S, P\}, P = \{S::=a|b|c|Sa|Sb|Sc|S0|S1\}$
 - b) $G = \{\{a, b\}, \{S, A\}, S, P\}, P = \{S:=A|\lambda, A:=aA|Ab|a|b\}$
- 5. Sea la gramática $G = (\{0, 1\}, \{A, B\}, A, \{A:=B1|1, B:=A0\})$. Describa el lenguaje que genera.
- **6.** Sea la gramática $G = (\{a, b\}, \{S\}, S, \{S:=aSb|ab\})$
 - a) Especifique el tipo de gramática de acuerdo a la jerarquía de Chomsky
 - b) Determine el lenguaje L que genera
 - c) Elabore dos árboles o cadenas de derivación para una palabra de L
- 7. Construye una gramática para:
 - a) $L = \{b^n a^{n+1} c^{n+2} \mid n \ge 1\}$
 - b) $L = \{a^{i}b^{i} | i \in \mathbb{N}\} \cup \{b^{i}a^{i} | i \in \mathbb{N}\}\$
- 8. Dado el alfabeto $\Sigma = \{a, b..., z\}$ generar una gramática lineal por la izquierda y una gramática lineal por la derecha para los siguientes lenguajes:
 - a) $L_1 = {\lambda, a, aa, aaa, ...}$
 - b) $L_2 = \{w \mid w \text{ comienza con a}\}$

- **9.** Dadas las siguientes gramáticas, determine el tipo según la jerarquía de Chomsky, justificando su respuesta:
 - a) $G = (\{a, b, c\}, \{B, C, S\}, S, P), P = \{S:=aBSC, S:=aCB, aC:=ba, CB:=BC, aB:=cc\}$
 - b) $G = (\{a, c\}, \{B, D, S\}, S, P), P = \{S:=aB, S:=\lambda, B:=Bc, B:=cD, D:=a, D:=c\}$
 - c) $G = (\{a, b, c\}, \{B, C, A\}, A, P), P = \{A:=aBCA, BCA:=A, A:=aCB, aC:=b, bB:=cc\}$
 - d) $G = (\{a, b, c\}, \{A, C, B\}, A, P), P = \{A::=CA, C::=aCa, C::=bb, C::=BCa, B::=ccc\}$
- **10.** Para cada gramática siguiente, caracterizar el lenguaje generado por la gramática y mencionar si existe algún error en las especificaciones y cómo puede corregirse:

$G_1 = \{\{S, A, B\}, \{a, b\}, S, P_1\}$	$G_2 = \{\{S, A, B\}, \{a, b\}, S, P_2\}$	$G_3 = \{\{S, A, B\}, \{a, b\}, S, P_3\}$
$P_1 = \{S ::= A B,$	$P_2 = \{S ::= AA B,$	$P_3 = \{S ::= AB AA,$
A:=abA c, B:=ccB ab	$A::=aaA aa, B::=bB b\}$	$A::=aB ab, B::=b\}$

- 11. Sean los siguientes lenguajes:
 - $L_1 = \{ w \in \{a, b\}^* \mid w \text{ contiene un número impar de } b \text{ } s \},$
 - $L_2 = \{w \in \{a, b\}^* \mid w \text{ contiene el mismo número de } a \text{ 's que de } b \text{ 's}\}.$

Encuentra una gramática G_1 que genere a L_1 y una gramática G_2 que genere a L_2 .

- 12. Construye una gramática para el lenguaje L_a de las palabras sobre $\Sigma = \{x, y, z\}$ tales que cada y esta seguida por una z. Por ejemplo $xxxyzxyz \in L_a$ pero $xyxzyyz \notin L_a$
- 13. Determinar el lenguaje asociado a cada una de las siguientes gramáticas:
 - a) $G = \{\{A, B\}, \{a\}, P, S\}$ donde $P = \{S::=\lambda, S::=aA, A::=aB, A::=a, B::=aA\}$
 - b) $G = \{\{S, A\}, \{a, b\}, P, S\}, \text{ donde } P = \{S:=ab, S:=aASb, A:=bSb, AS:=b\}\}$
 - c) $G = \{\{A, S\}, \{0, 1\}, P, S\}, \text{ donde } P = \{S::=AB, A::=0A1|01, B::=0B1|01\}$
 - d) $G = \{\{0, 1\}, \{A, B, C, D\}, A, P\}, \text{ donde } P = \{A::=0B|0|0C, B::=0B|0|1B|1|1D, C::=1D|1, D::=1A\}$
 - e) $G = \{\{S, A\}, \{a, b\}, S, P\}, \text{ donde } P = \{S::=abAS, abA::=baab, S::=a, A::=b\}$
- **14.** Diseñar una gramática que genere el siguiente lenguaje: $L_1 = \{x^n y^{n+3} z^n | n \ge 0\}$