

## Capítulo 1: Gramáticas y Lenguajes Formales.

01.- Dado el Lenguaje  $L = \{ \lambda, cb, abbc, babac \}$  determinar:

- Los posibles prefijos, infijos y posfijos de cada cadena.
- El Alfabeto  $\Sigma$ .
- La longitud de cada cadena de  $L$ .
- El contenido del conjunto  $L^2$ .
- ¿ $L$  es un Lenguaje finito o infinito?

a.

$\lambda$	Prefijos:	$\lambda$
	Posfijos:	$\lambda$
	Infijos:	$\lambda$

$cb$	Prefijos:	$\lambda, c, cb$
	Posfijos:	$\lambda, b, cb$
	Infijos:	$\lambda, c, b, cb$

$abbc$	Prefijos:	$\lambda, a, ab, abb, abbc$
	Posfijos:	$\lambda, c, bc, bbc, abbc$
	Infijos:	$\lambda, a, b, c, ab, bc, abb, bbc, abbc$

$babac$	Prefijos:	$\lambda, b, ba, bab, baba, babac$
	Posfijos:	$\lambda, c, ac, bac, abac, babac$
	Infijos:	$\lambda, a, b, c, ba, ab, ac, bab, aba, bac, baba, abac, babac$

b.  $\Sigma = \{a, b, c\}$

c.  $|\lambda| = 0$

$|cb| = 2$

$|ab^2c| = 4$

$|(ba)^2c| = 5$

d.  $L^2 = \{\lambda, cb, ab^2c, (ba)^2c, (cb)^2, cbab^2c, cb(ba)^2c, ab^2c^2b, (ab^2c)^2, ab^2c(ba)^2c, (ba)^2c^2b, (ba)^2cab^2c, [(ba)^2c]^2\}$

e. Finito.

02.- Dados los Lenguajes  $L_1 = \{ a, aa, ab, aba \}$  y  $L_2 = \{\lambda, b, ab, bab, bbb \}$  evaluar:

- |                      |                               |
|----------------------|-------------------------------|
| a) $L_1 \cup L_2$    | d) $L_2 - L_1$                |
| b) $L_1 \cap L_2$    | e) $L_1 - L_2$                |
| c) $L_1 \bullet L_2$ | f) $L_2 \cup L_1 \bullet L_2$ |

a.  $L_1 \cup L_2 = \{\lambda, a, b, aa, ab, aba, bab, bbb\}$

b.  $L_1 \cap L_2 = \{ab\}$

- c.  $L_1 \cdot L_2 = \{a, ab, a^2b, (ab)^2, ab^3, a^2, a^3b, a(ab)^2, a^2b^3, ab^2, ab^2ab, ab^4, aba, aba^2b, (ab)^3, (ab)^2b^2\}$
- d.  $L_2 - L_1 = \{\lambda, b, bab, bbb\}$
- e.  $L_1 - L_2 = \{a, aa, aba\}$
- f.  $L_2 \cup L_1 \cdot L_2 = \{\lambda, a, b, ab, bab, b^3, a^2b, (ab)^2, ab^3, a^2, a^3b, a(ab)^2, a^2b^3, ab^2, ab^2ab, ab^4, aba, aba^2b, (ab)^3, (ab)^2b^2\}$

03.- Dado el Lenguaje  $L = \{\lambda, a, ab, c\}$ , determinar el contenido de los conjuntos  $\Sigma$ ,  $L^0$ ,  $L^1$ ,  $L^2$ ,  $L^+$  y  $L^*$ .

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$

$$L^0 = \{\lambda\}$$

$$L^1 = \{\lambda, a, b, c\}$$

$$L^2 = \{\lambda, a, ab, c, a^2, a^2b, ac, aba, (ab)^2, abc, ca, cab, c^2\}$$

$$L^+ = \{L^1 \cup L^2 \cup \dots \cup L^\infty\}$$

$$L^* = \{L^0 \cup L^1 \cup \dots \cup L^\infty\}$$

04.- Considérese el Lenguaje  $L^*$ , surgido a partir de  $L = \{a, b\}$  con un Alfabeto  $\Sigma = \{a, b\}$ .

a) ¿Cuántas palabras de ese  $L^*$  tienen longitud de 2, de 3, de 4 y de  $n$ , respectivamente?

b) Evaluar lo mismo que en el inciso anterior, pero ahora con  $L = \{a, ab, bc\}$  si  $\Sigma = \{a, b, c\}$ .

a.  $|s| = 2$ ; Palabras = 4 ;  $\{a^2, ab, ba, b^2\}$

$$|s| = 3; \text{Palabras} = 8; \{a^3, a^2b, aba, \dots, b^3\}$$

$$|s| = 4; \text{Palabras} = 16; \{a^4, a^3b, a^2ba, \dots, b^4\}$$

$$|s| = n; \text{Palabras} = 2^n; \{a^n, \dots, b^n\}$$

b.  $|s| = 2$ ; Palabras = 3 ;  $\{a^2, ab, bc\}$

$$|s| = 3; \text{Palabras} = 5; \{a^3, a^2b, abc, aba, bca\}$$

$$|s| = 4; \text{Palabras} = 11; \{a^4, a^3b, a^2bc, aba^2, bca^2, a^2ba, abca, ab^2c, bcab, (ab)^2, (bc)^2\}$$

$$|s| = n; \text{Palabras} = ?$$

05.- Considérese al Lenguaje  $L = \{ a, ab, bb \}$ . Las cadenas aabab, babbab, abbabab, abbaababbb, ¿son palabras de un  $L^n$ ?

$$a-ab-ab \in L^3$$

$$babbbab \notin L^n$$

$$a-bb-ab-ab \in L^4$$

$$a-bb-a-ab-ab-bb \in L^6$$

06.- Dado el Lenguaje  $L = \{ aa, aba, baa \}$ , responder:

a) Las cadenas  $a^2ba^2$ ,  $(ba^3)^2$ ,  $(ba^2)^3b^2a$ ,  $ba^5(ba)^2a^3$  ¿son palabras del Lenguaje  $L^+$ ?

b) ¿Qué características tendrían las cadenas de este  $L^+$ , expresadas en un Lenguaje natural?

a.  $a^2ba^2 = aa-baa \in L^+$

$(ba^3)^2 = baa-aba-aa \in L^+$

$(ba^2)^3b^2a = baa-baa-baa-bba \notin L^+$

$ba^5(ba)^2a^3 = baa-aa-aba-baa-aa \in L^+$

b. Las cadenas de este  $L^+$ :

- Terminan en "a".
- No existen "b" consecutivas.
- Contienen una cantidad par de "a" a partir de 2.
- Contienen el doble o más de "a" que de "b".

07.- Describir en un Lenguaje natural las cadenas que contiene cada uno de los siguientes Lenguajes Formales:

- a)  $L = \{ 1^*0 \}$       d)  $L = \{ (1, 00)^* \}$   
b)  $L = \{ 1^*00^* \}$       e)  $L = \{ (0^+1)^* \}$   
c)  $L = \{ 1^20^* \} \cup \{ 0^21^* \}$  f)  $L = \{ (0,1)^1 \bullet (0,1)^* 00 \}$

- a. Cadenas de bits que tienen una cantidad de 1's indeterminada y siempre contienen un cero al final.
- b. Cadenas de bits que contienen al menos un cero y todos estos van al final de la cadena.
- c. Cadenas de bits que inician con dos 1's seguidos de cualquier cantidad de 0's o bien comienzan con dos 0's seguidos de cualquier cantidad de 1's.
- d. Cadenas de bits que cuando aparecen 0's estos vienen consecutivos y en cantidades pares.

- e. Cadenas de bits que no contienen 1's consecutivos, además de siempre comenzar con 0 y terminar con 1, excepto  $\lambda$ .
- f. Cadenas de bits cuya longitud es mayor que dos y siempre termina en 0.

08.- Determinar en cuáles de los siguientes Lenguajes está contenida la cadena 1011.

- |                                |  |
|--------------------------------|--|
| a) $L = \{ 10^* 1^* \}$        | f) $L = \{ (11)^*, (10)^* \}$                      |
| b) $L = \{ 0^* (11, 10)^* \}$  | g) $L = \{ 1^* (01)^* 1^* \}$                      |
| c) $L = \{ (10)^* 101 \}$      | h) $L = \{ (1, 00) \bullet (01, 0) \bullet 1^* \}$ |
| d) $L = \{ 1^* 01 (0, 1)^1 \}$ | i) $L = \{ 10, 11 \}^3$                            |
| e) $L = \{ (11)^* (10)^* \}$   | j) $L = \{ 0, 1, 10 \}^n$                          |
- 
- |                    |                    |                    |
|--------------------|--------------------|--------------------|
| a. $1011 \in L$    | e. $1011 \notin L$ | i. $1011 \notin L$ |
| b. $1011 \in L$    | f. $1011 \notin L$ | j. $1011 \in L$    |
| c. $1011 \notin L$ | g. $1011 \in L$    |                    |
| d. $1011 \in L$    | h. $1011 \in L$    |                    |

09.- Considerando a  $\Sigma = \{ a, b, c \}$ , ¿son equivalentes las parejas de expresiones formales de cada inciso?

- |   |
|---|
| a) $((a \cup b)c)^*$ y $(ac \cup bc)^*$ .       |
| b) $b(ab \cup ac)$ y $(ba \cup ba)(b \cup c)$ . |
| c) $(a, b)^*$ y $(a^*, b^*)$ .                  |
| d) $((a \cup b)a)^*$ y $(a \cup b)^*a^*$ .      |
- 
- |                    |
|--------------------|
| a. Equivalente.    |
| b. Equivalente.    |
| c. No equivalente. |
| d. No equivalente. |

10.- Especificar la expresión formal que corresponda a cada uno de los siguientes Lenguajes sobre  $\Sigma = \{ a, b \}$ :

- |   |
|---|
| a) El Lenguaje de las cadenas que inician con $a^2$ <u><b>o</b></u> que finalizan con $b^2$ . |
| b) El Lenguaje de las cadenas que inician con $a^2$ <b>y</b> que finalizan con $b^2$ .        |

- |   |
|---|
| a. $L = \{ a^2(a, b)^* \} \cup \{ (a, b)^*b^2 \}$ |
| b. $L = \{ a^2(a, b)^*b^2 \}$                     |

11.- Sea  $G = \{(A, B, C), (a, b, c), (A \rightarrow aaA, A \rightarrow bB, B \rightarrow cCb, B \rightarrow cb, C \rightarrow bbC, C \rightarrow bb), (A)\}$ .

Establecer cuáles de las siguientes cadenas pertenecen a  $L(G)$ .

- |              |                |
|--------------|----------------|
| a) aabcb.    | d) aabccbbb.   |
| b) abbcb.    | e) aaaabcbb.   |
| c) bcbbbbbb. | f) aaaabcbbbb. |

- A  $\rightarrow$  aaA  $\rightarrow$  aabB  $\rightarrow$  aabcb  $\in L(G)$
- abbcb  $\notin L(G)$
- A  $\rightarrow$  bB  $\rightarrow$  bcCb  $\rightarrow$  bcbbCb  $\rightarrow$  bcbbbbbb  $\in L(G)$
- aabccbbb  $\notin L(G)$
- aaaabcbb  $\notin L(G)$
- A  $\rightarrow$  aaA  $\rightarrow$  aaaaA  $\rightarrow$  aaaabB  $\rightarrow$  aaaabcCb  $\rightarrow$  aaaabcbbbb  $\in L(G)$

12.- Dada  $G = (\{a, b, c\}, \{+, -\}, \{a \rightarrow a+, a \rightarrow -c-, b \rightarrow +, b \rightarrow a+c, c \rightarrow \lambda, c \rightarrow cc, a \rightarrow -c \rightarrow ++\}, \{a\})$ .

- ¿Qué observaciones se le pueden hacer a  $G$ ?
  - Caracterizar la Gramática anterior.
  - Encontrar 6 cadenas del Lenguaje  $L(G)$ .
- a. Observaciones:
- En la cadena no se producen "b".
  - Jamás se aplica la regla  $a-c \rightarrow ++$
  - La regla  $c \rightarrow cc$  haría imposible seguir derivando la cadena (esta regla se puede usar, pero no se debe).
  - La gramática se puede simplificar como:  

$$G = \{(a, c), (+, -), (a \rightarrow a+, a \rightarrow -c-, c \rightarrow \lambda), (a)\}$$
- b.  $L(G) = \{-+^*\}$   

$$\underline{a} \rightarrow \underline{a}+ \rightarrow \dots \rightarrow \underline{a}+^* \rightarrow -\underline{c}-^* \rightarrow -+^*$$
- c.  $L(G) = \{-, -+, -+^2, -+^3, -+^4, -+^5, \dots, -+^n\}$

13.- Caracterizar la Gramática con composiciones  $P = \{S \rightarrow AB, A \rightarrow aA, A \rightarrow a, B \rightarrow Bb, B \rightarrow b\}$  y  $\sigma_0 = \{S\}$ .

$$L(G) = \{a^*b^*\}$$

$$\begin{aligned} S &\rightarrow \underline{A} B \\ \underline{A} &\rightarrow a\underline{A} \rightarrow aa\underline{A} \rightarrow \dots \rightarrow a^*\underline{A} \rightarrow a^*a = a^* \\ \underline{B} &\rightarrow \underline{B}b \rightarrow \underline{B}bb \rightarrow \dots \rightarrow \underline{B}b^* \rightarrow bb^* = b^* \end{aligned}$$

14.- Sean  $N = \{ S, A, B \}$ ,  $T = \{ a, b \}$ ,  $\sigma_0 = \{ S \}$ . Para cada inciso caracterizar el Lenguaje generado por la Gramática señalada y mencionar si existe algún error en las especificaciones y cómo se puede corregir.

- a)  $P = \{ S \rightarrow A \mid B, A \rightarrow abA \mid c, B \rightarrow ccB \mid ab \}$ .
- b)  $P = \{ S \rightarrow AA \mid B, A \rightarrow aaA \mid aa, B \rightarrow bB \mid b \}$ .
- c)  $P = \{ S \rightarrow AB \mid AA, A \rightarrow aB \mid ab, B \rightarrow b \}$ .
- d)  $P = \{ S \rightarrow AS \mid aA, A \rightarrow a, B \rightarrow ba \}$ .

- a. La gramática no es válida, por lo tanto no se podría caracterizar. Sin embargo, si  $T = \{a, b, c\}$ , entonces la gramática es válida y se podría caracterizar.

$$L(G) = \{(ab)^*c\} \cup \{(c^2)^*ab\}$$

$$\underline{S} \rightarrow \underline{A} \mid \underline{B}$$

$$\underline{S} \rightarrow \underline{A} \rightarrow ab\underline{A} \rightarrow abab\underline{A} \rightarrow \dots \rightarrow (ab)^*\underline{A} \rightarrow (ab)^*c$$

$$\underline{S} \rightarrow \underline{B} \rightarrow (c^2)\underline{B} \rightarrow (c^2)(c^2)\underline{B} \rightarrow \dots \rightarrow (c^2)^*\underline{B} \rightarrow (c^2)^*ab$$

$$b. \quad L(G) = \left. \begin{array}{l} \{(a^2)^*a^4\} \\ \{(a^2)^*a^2\} \\ \{(a^2)^*(a^2)^*\} \\ \{a^{2m+4} \mid m \in \mathbb{N}_0\} \end{array} \right\} \cup \left\{ \begin{array}{l} \{b^+\} \\ \{b^n \mid n \in \mathbb{N}\} \end{array} \right\}$$

$$c. \quad L(G) = \{ab^2, (ab)^2\} = \{ab^2\} \cup \{(ab)^2\}$$

$$\underline{S} \rightarrow \underline{A} \underline{B} \mid \underline{A} \underline{A}$$

$$\underline{S} \rightarrow \underline{A} \underline{B} \rightarrow a\underline{B} \underline{B} \rightarrow abb \rightarrow ab^2$$

$$\underline{S} \rightarrow \underline{A} \underline{A} \rightarrow abab \rightarrow (ab)^2$$

$$d. \quad L(G) = \{a^*a^2\} = \{a^+a\}$$

$$\underline{S} \rightarrow A\underline{S} \rightarrow AA\underline{S} \rightarrow \dots \rightarrow A^*\underline{S} \rightarrow A^*a\underline{A} \rightarrow A^*aa \rightarrow a^*a^2$$

15.- Caracterizar la Gramática con  $P = \{ A \rightarrow xAz, A \rightarrow yAz, A \rightarrow \lambda \}$  y  $\sigma_0 = \{ A \}$ . ¿Es la anterior una Gramática decidable?

$$L(G) = \{(x, y)^n z^n \mid n \in \mathbb{N}_0\}$$

Si es decidable, porque  $\lambda \in L(G)$

16.- Diseñar la Gramática que produce cada uno de los  $L(G)$  enunciados.

- a)  $L(G) = \{ 0^n 1^n \mid n \in \mathbb{N} \}$ .
- b)  $L(G) = \{ 0^n 1^n \mid n \in \mathbb{N}_0 \}$ .
- c)  $L(G) = \{ 0^m 1^n \mid m, n \in \mathbb{N} \}$ .

a.  $G = \{(A), (0, 1), (A \rightarrow 0A1, A \rightarrow 01), (A)\}$

b.  $G = \{(A), (0, 1), (A \rightarrow 0A1, A \rightarrow \lambda), (A)\}$

c.  $G = \{(A), (0, 1), (A \rightarrow 0A, A \rightarrow A1, A \rightarrow 01), (A)\}$

17.- Diseñar la Gramática Formal que produce el Lenguaje  $L = \{(ab)^*c^2\}$ .

$$G = \{(A), (a, b, c), (A \rightarrow abA, A \rightarrow cc), (A)\}$$

18.- Diseñar para cada inciso una Gramática que genere todas las cadenas de bits con las siguientes características:

a) Con igual cantidad de 0 que de 1.

b) Con más 0 que 1.

c) Con desigual cantidad de 0 que de 1.

a.  $G = \{(A, I, O), (0, 1), (A \rightarrow OIA \mid \lambda, OI \rightarrow IO, IO \rightarrow OI, I \rightarrow 1, O \rightarrow 0), (A)\}$

b.  $G = \{(A, I, O), (0, 1), (A \rightarrow OIA \mid OA \mid O, OI \rightarrow IO, IO \rightarrow OI, I \rightarrow 1, O \rightarrow 0), (A)\}$

c.  $G = \{(A, B, I, O), (0, 1), (A \rightarrow OIA \mid OA \mid O \mid OIB \mid IB \mid I, OI \rightarrow IO, IO \rightarrow OI, I \rightarrow 1, O \rightarrow 0), (A)\}$

19.- Diseñar una Gramática Regular que produzca el Lenguaje  $L = \{01, 10\}^*$  con  $T = \{0, 1\}$ .

$$G = \{(A, B, C), (0, 1), (A \rightarrow 0B \mid 1C, B \rightarrow 1, C \rightarrow 0, B \rightarrow 1A, C \rightarrow 0A), (A)\}$$

20.- Diseñar la Gramática Regular que produce el Lenguaje  $L = \{a^*b\} \cup \{a\}$  si el Alfabeto es  $\Sigma = \{a, b\}$ .

$$G = \{(A, B), (a, b), (A \rightarrow aB, B \rightarrow aB, B \rightarrow b, A \rightarrow a, A \rightarrow b), (A)\}$$

21.- Demostrar que  $L(G) = \{0^n 1^n \mid n \in \mathbb{N}\}$  no es Lenguaje Regular.

No es un lenguaje regular, porque no tiene una gramática regular que lo genere. Es un lenguaje libre de contexto, porque la gramática que lo genera es libre de contexto:  $G = \{(A), (0, 1), (A \rightarrow 0A1, A \rightarrow 01), (A)\}$

## CAPITULO 2: Las Gramáticas Formales en la Computación.

22.- Expresar al menos 5 de las reglas de producción más comunes de Lenguaje C en BNF y otras 4 reglas de Java o Pascal en Diagramas de Sintaxis.

5 reglas de producción en C en BNF:

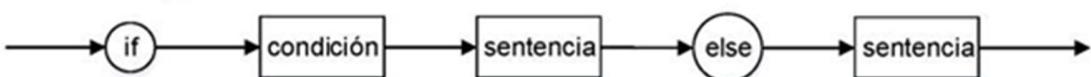
```
<instrucción si> ::= if(<condición>) <sentencia>
<instrucción si_no> ::= if(<condición>) <sentencia> else <sentencia>
<para> ::= for(<asignación>; <condición>; <incremento>) <sentencia>
<mientras> ::= while(<condición>) <sentencia>
<hacer> ::= do <sentencia> while(<condición>);
```

4 reglas de Java en diagrama de sintaxis:

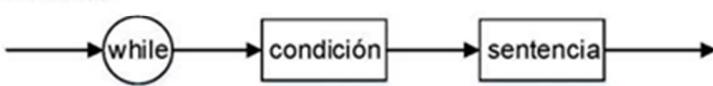
Instrucción si:



Instrucción si\_no:



Mientras:



Hacer:



23.- Diseñar las composiciones en BNF para una Gramática que genere todos los números reales o flotantes válidos, en este caso sin tomar en cuenta el tipo de Gramática a emplear.

$P = \{<\text{real}> ::= <\text{real c/signo}> \mid <\text{real s/signo}>, <\text{real c/signo}> ::= <\text{signo}> <\text{real s/signo}>, <\text{signo}> ::= + \mid -, <\text{real s/signo}> ::= <\text{secuencia de dígitos}> . <\text{secuencia de dígitos}> \mid .<\text{secuencia de dígitos}>, <\text{secuencia de dígitos}> ::= <\text{dígito}> <\text{secuencia de dígitos}> \mid <\text{dígito}>, <\text{dígito}> ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9\}$

24.- Diseñar una Gramática Regular en BNF para cada inciso, que produzca los siguientes tokens:

- Identificadores válidos en Lenguaje C.
- Números enteros decimales sin signo.
- Números enteros decimales (con o sin signo).
- Números reales decimales (con o sin signo).
- Números enteros hexadecimales sin signo en ensamblador para microprocesadores de Intel.

- a.  $G = \{(\langle id \rangle, \langle resto id \rangle), (\text{letra}, \_, \text{dígito}), (\langle id \rangle ::= \text{letra } \langle resto id \rangle \mid \text{letra} \mid \_ \langle resto id \rangle \mid \_, \langle resto id \rangle ::= \text{letra } \langle resto id \rangle \mid \text{dígito } \langle resto id \rangle \mid \_ \langle resto id \rangle \mid \text{letra} \mid \text{dígito} \mid \_), (\langle id \rangle)\}$
- b.  $G = \{(\langle entero s/signo \rangle), (\text{dígito}), (\langle entero s/signo \rangle ::= \text{dígito } \langle entero s/signo \rangle \mid \text{dígito}), (\langle entero s/signo \rangle)\}$
- c.  $G = \{(\langle entero \rangle, \langle entero s/signo \rangle), (\text{signo}, \text{dígito}), (\langle entero \rangle ::= \text{signo } \langle entero s/signo \rangle \mid \text{dígito } \langle entero s/signo \rangle \mid \text{dígito}, \langle entero s/signo \rangle ::= \text{dígito } \langle entero s/signo \rangle \mid \text{dígito}), (\langle entero \rangle)\}$
- d.  $G = \{(\langle real \rangle, \langle real s/signo \rangle, \langle entero s/signo \rangle), (\text{signo}, ., \text{dígito}), (\langle real \rangle ::= \text{signo } \langle real s/signo \rangle \mid \text{dígito } \langle real s/signo \rangle \mid . \langle entero s/signo \rangle, \langle real s/signo \rangle ::= \text{dígito } \langle real s/signo \rangle \mid . \langle entero s/signo \rangle, \langle entero s/signo \rangle ::= \text{dígito } \langle entero s/signo \rangle \mid \text{dígito}), (\langle real \rangle)\}$
- e.  $G = \{(\langle hexadecimal \rangle, \langle resto hex \rangle), (\text{dígito}, \text{letra}, \text{hache}), (\langle hexadecimal \rangle ::= \text{dígito } \langle resto hex \rangle, \langle resto hex \rangle ::= \text{dígito } \langle resto hex \rangle \mid \text{letra } \langle resto hex \rangle \mid \text{hache}), (\langle hexadecimal \rangle)\}$

25.- Dada la Gramática con las composiciones del conjunto

$P = \{ \langle \text{número} \rangle ::= \langle \text{entero} \rangle \mid \langle \text{real} \rangle,$   
 $\langle \text{entero} \rangle ::= \langle \text{dígito} \rangle \mid \langle \text{entero} \rangle \langle \text{dígito} \rangle,$   
 $\langle \text{real} \rangle ::= \langle \text{entero} \rangle \langle \text{entero} \rangle \mid$   
 $\langle \text{entero} \rangle \langle \text{entero} \rangle E \langle \text{exp} \rangle \mid \langle \text{entero} \rangle E$   
 $\langle \text{exp} \rangle,$   
 $\langle \text{exp} \rangle ::= \langle \text{entero} \rangle \mid \langle \text{signo} \rangle \langle \text{entero} \rangle,$   
 $\langle \text{signo} \rangle ::= + \mid -,$   
 $\langle \text{dígito} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9 \}$

en donde  $\langle \text{número} \rangle$  es el símbolo inicial; especificar qué inconvenientes tiene la Gramática, respecto a la producción de números válidos según los criterios empleados en el desarrollo de compiladores actuales.

Inconvenientes de la gramática:

- No es regular.
- No genera números con signo al inicio.
- No se genera una cadena que empiece con punto.
- No se aceptan las cadenas con "E" minúscula.

26.- Empleando la misma Gramática del inciso anterior evaluar tanto la derivación por la izquierda como por la derecha, para las cadenas 0.27 y 6E-3.

0.27 por la izquierda:

$\langle \text{número} \rangle ::= \langle \text{real} \rangle ::= \langle \text{entero} \rangle \langle \text{entero} \rangle ::= \langle \text{dígito} \rangle \langle \text{entero} \rangle ::= 0 \langle \text{entero} \rangle ::= 0 \langle \text{entero} \rangle \langle \text{digito} \rangle ::= 0 \langle \text{dígito} \rangle \langle \text{dígito} \rangle ::= 0.2 \langle \text{dígito} \rangle ::= 0.27$

0.27 por la derecha:

<número>::= <real>::= <entero>.<entero>::= <entero>.<entero> <dígito>::= <entero>.<entero> 7::= <entero>.<dígito> 7::= <entero>.27::= <dígito>.27::= 0.27

6E-3 por la izquierda:

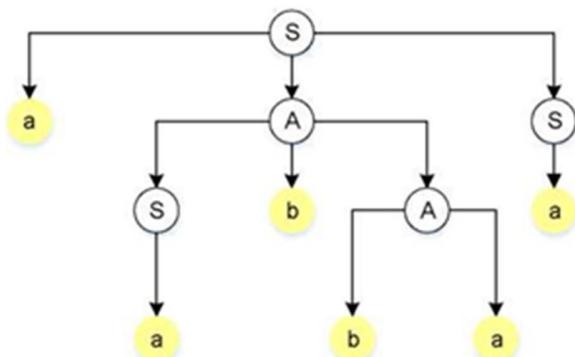
<número>::= <real>::= <entero> E <exp>::= <dígito> E <exp>::= 6E <exp>::= 6E <signo> <entero>::= 6E-<entero>::= 6E-<dígito>::= 6E-3

6E-3 por la derecha:

<número>::= <real>::= <entero> E <exp>::= <entero> E <signo> <entero>::= <entero> E <signo> <dígito>::= <entero> E <signo> 3::= <entero> E-3::= <dígito> E-3::= 6E-3

27.- Demostrar con un árbol de derivación, si esto fuera posible, que la cadena  $a^2b^2a^2$  es una cadena del Lenguaje producido por la Gramática con  $P = \{ S \rightarrow aAS \mid a, A \rightarrow SS \mid SbA \mid ba \}$ , con símbolo inicial S.

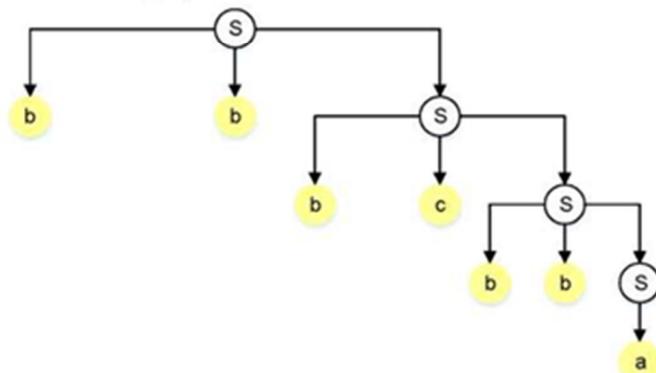
$a^2b^2a^2 \in L(G)$



28.- Dada la Gramática con  $G = (\{S\}, \{a, b, c\}, \{S \rightarrow abS, S \rightarrow bcS, S \rightarrow bbS, S \rightarrow a, S \rightarrow cb\}, \{S\})$ , construir los árboles de derivación para cada una de las cadenas:

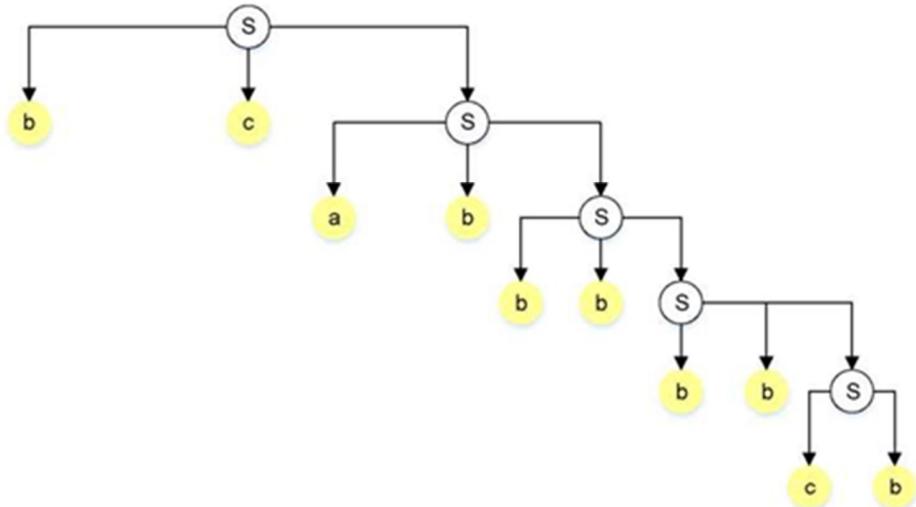
- |                 |                  |
|-----------------|------------------|
| a) $b^3cb^2a$   | d) $ab^2c^2ab$   |
| b) $ab^2ac^2ba$ | e) $bcb^5ca$     |
| c) $bcab^5cb$   | f) $(ab)^3b^4cb$ |

a.  $b^3cb^2a \in L(G)$



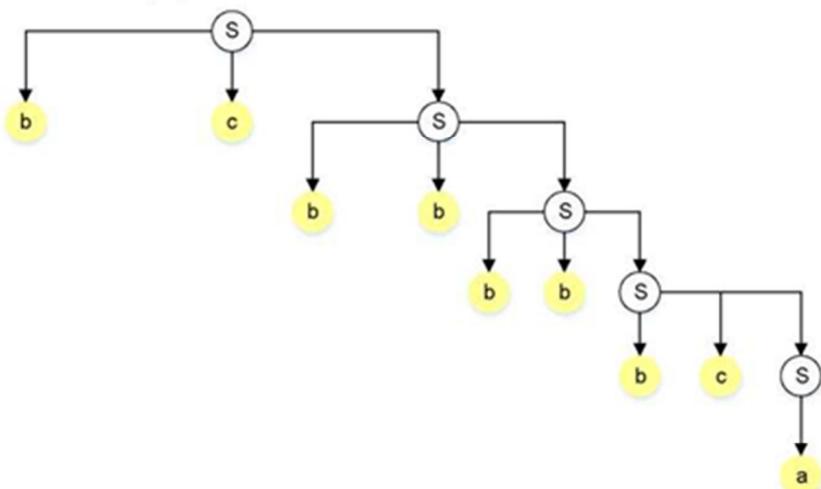
b.  $ab^2ac^2ba \notin L(G)$

c.  $bcab^5cb \in L(G)$

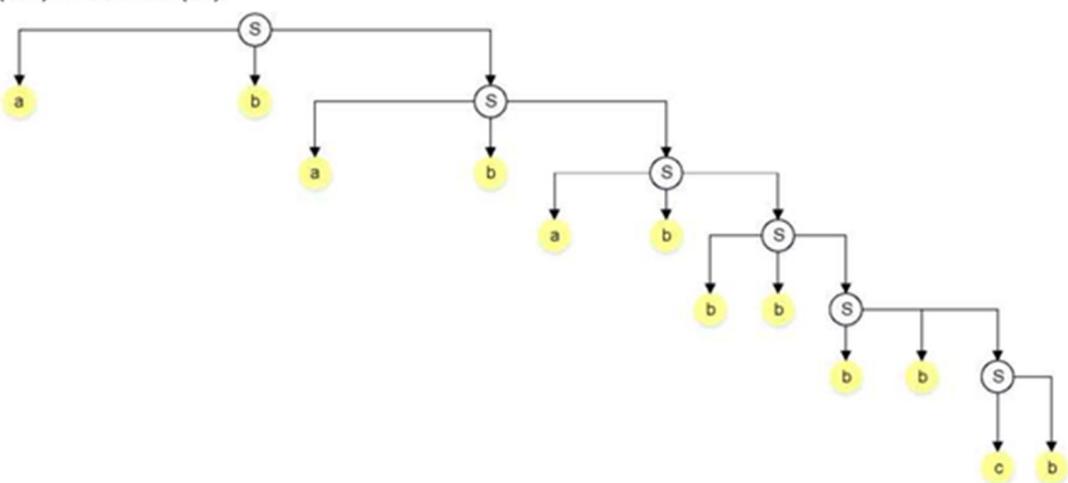


d.  $ab^2c^2ab \notin L(G)$

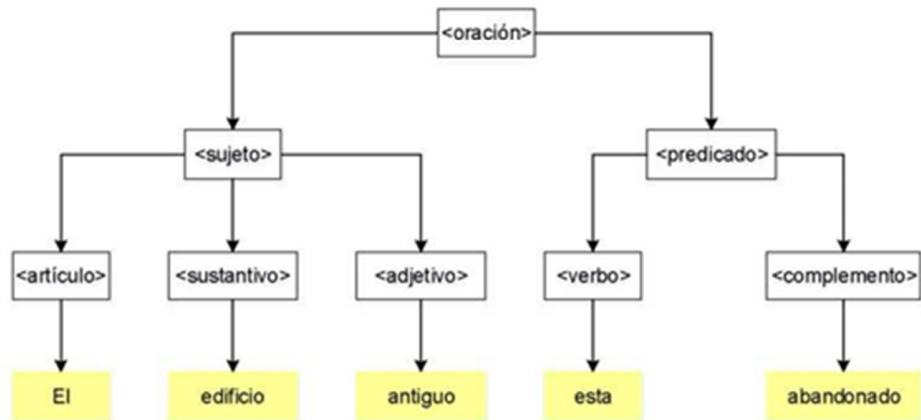
e.  $bcb^5ca \in L(G)$



f.  $(ab)^3b^4cb \in L(G)$



29.- Desarrollar una oración o sentencia válida de un Lenguaje natural, como el castellano, por medio de un árbol de derivación y utilizando las reglas de producción adecuadas, aprendidas durante la primaria.

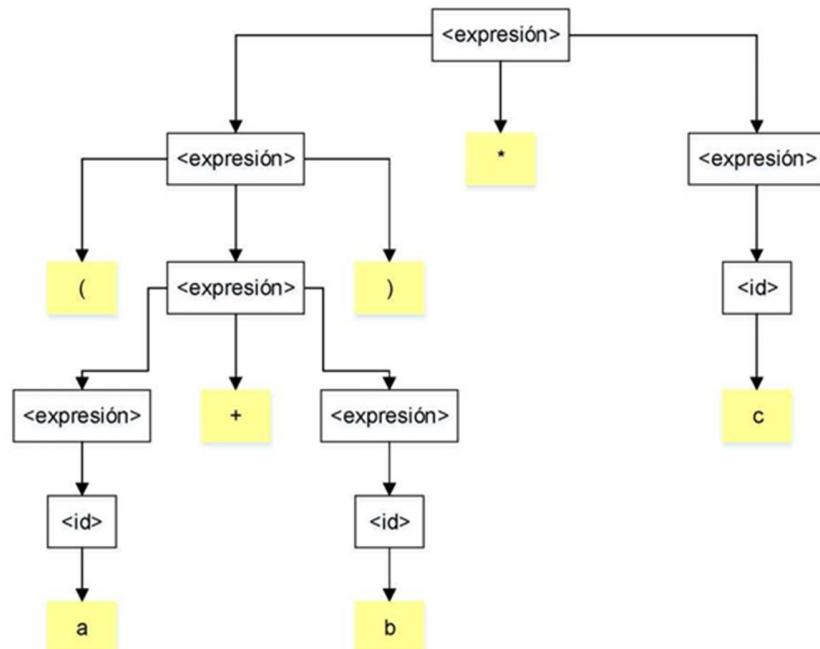


NOTA: El verbo debe corresponder a la naturaleza del sustantivo y ser conjugado.

30.- Diseñar el árbol de derivación para la expresión tomada del código de un programa  $(a + b) * c$ . ¿Cuáles serían su árbol de análisis sintáctico y su árbol sintáctico?

Las composiciones a emplear deben ser deducidas por el alumno en base a sus conocimientos sobre programación.

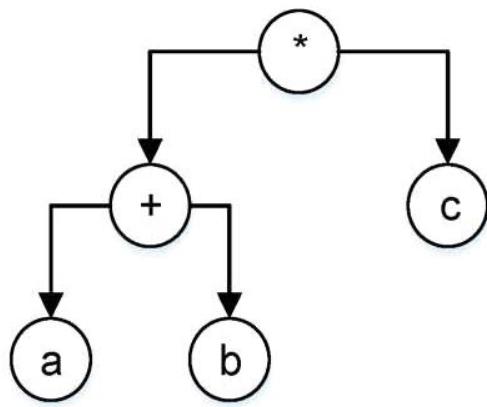
Árbol de análisis sintáctico:



Donde:

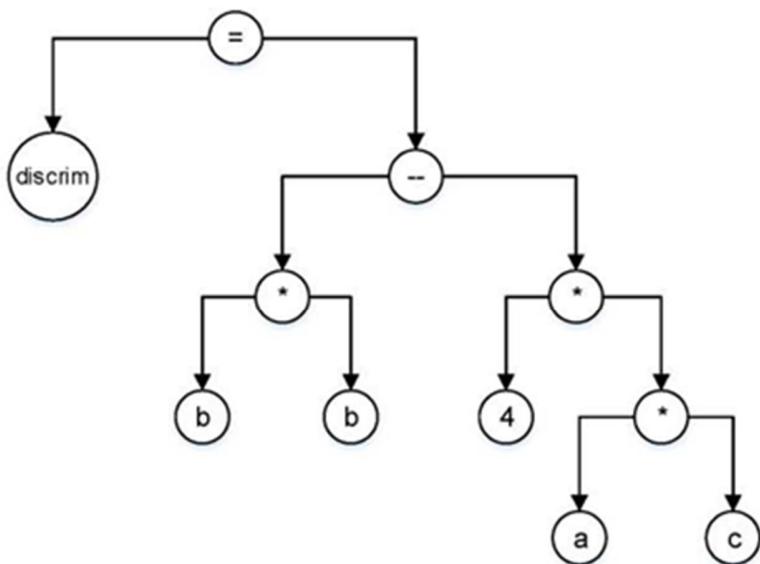
$<\text{id}>$  = <identificador>

Árbol sintáctico:

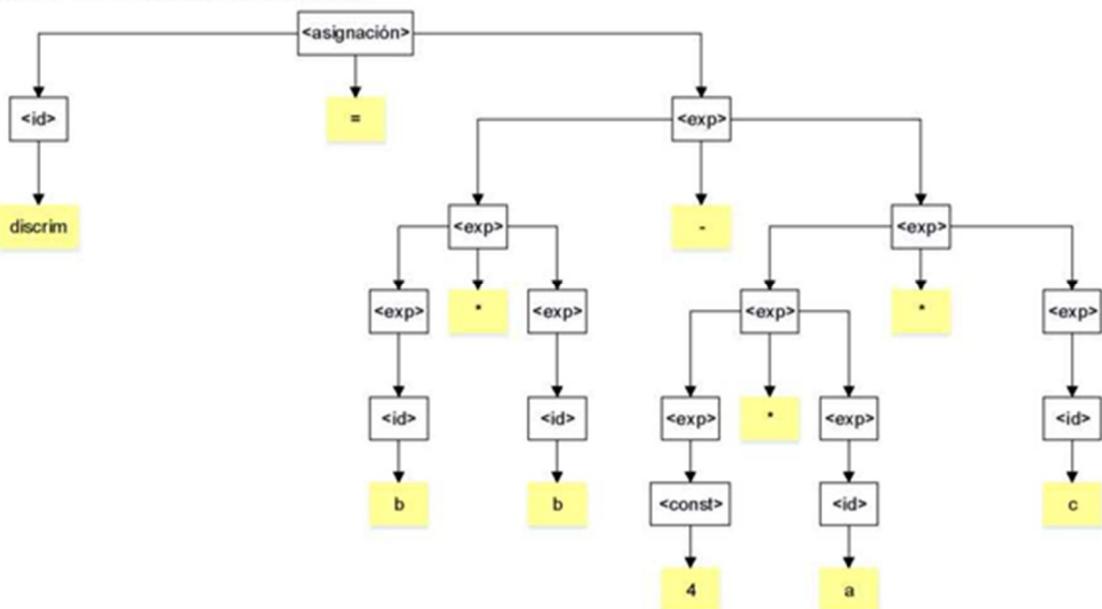


31.- Diseñar un árbol de sintaxis y otro de análisis sintáctico que correspondan a la siguiente cadena tomada de un programa en Lenguaje C: **discrim = b \* b - 4 \* a \* c.** Definir las reglas usadas.

Árbol de sintaxis:



Árbol de análisis sintáctico:



Donde:

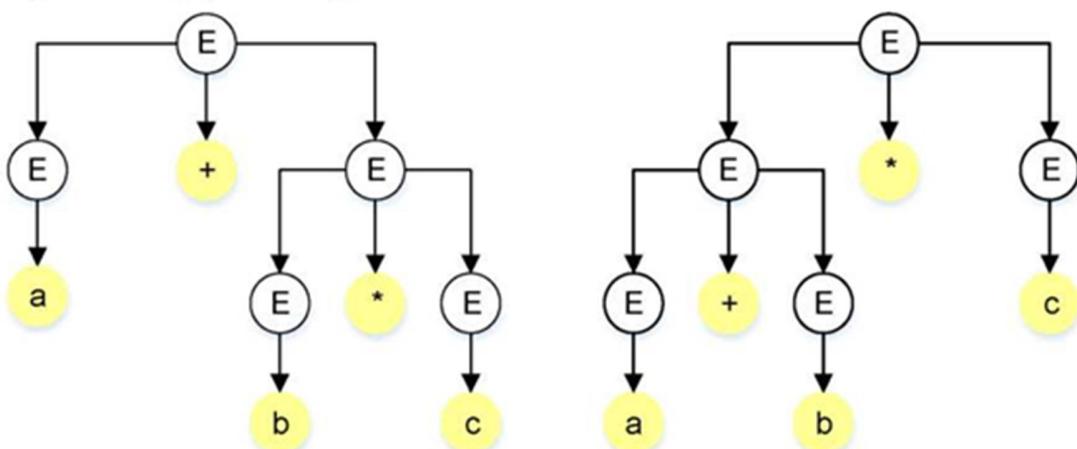
<exp> = <expresión>

<const> = <constante>

<id> = <identificador>

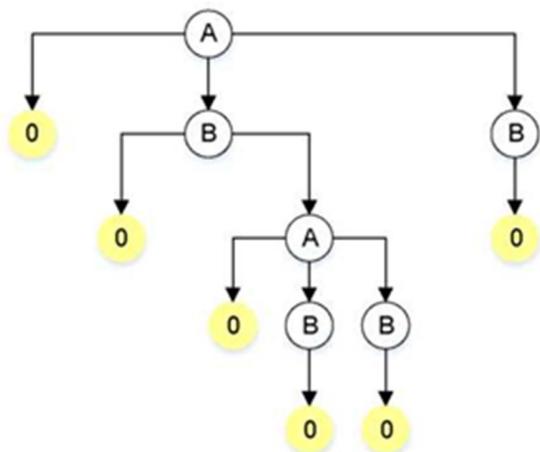
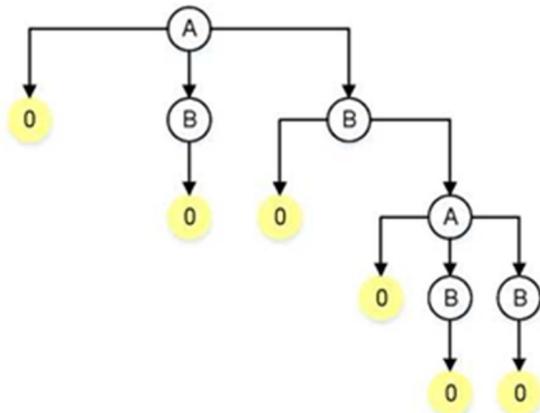
32.- Determinar si G es ambigua o unívoca:  $G = (\{E\}, \{(,), +, *, id\}, \{E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id\}, \{E\})$ . En este caso, como la variedad de identificadores válidos es muy grande, se considera en la teoría de compiladores, para generalizarlos, como si *id* fuera un terminal definido.

La gramática (G) es ambigua.



33.- Dada la Gramática con  $P = \{ A \rightarrow 0 BB, B \rightarrow 1A | 0A | 0 \}$  con A como símbolo inicial, determinar si es ambigua o unívoca y justifíquese la respuesta.

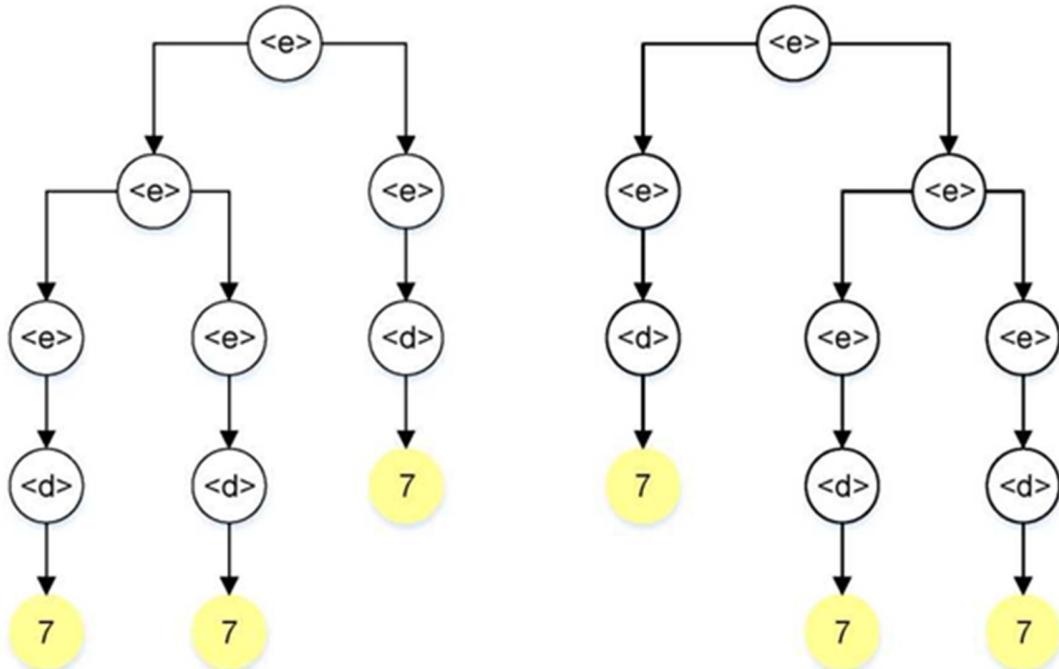
La gramática (G) es ambigua porque, al igual que la gramática anterior, puede generar cadenas idénticas con diferentes árboles:



34.- Demostrar que la Gramática con  $P = \{ \langle \text{entero s/signo} \rangle ::= \langle \text{dígito} \rangle \mid \langle \text{entero s/signo} \rangle \langle \text{entero s/signo} \rangle, \langle \text{dígito} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9 \}$  es ambigua y encontrar otra equivalente y no ambigua.

Se ha demostrado que la gramática (G) es ambigua porque puede generar cadenas iguales con árboles diferentes. Sin embargo, se puede generar una gramática equivalente y no ambigua, sus composiciones serían:

$$P = \{ \langle \text{entero s/signo} \rangle ::= \langle \text{dígito} \rangle \mid \langle \text{dígito} \rangle \langle \text{entero s/signo} \rangle, \langle \text{dígito} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9 \}$$



Donde:

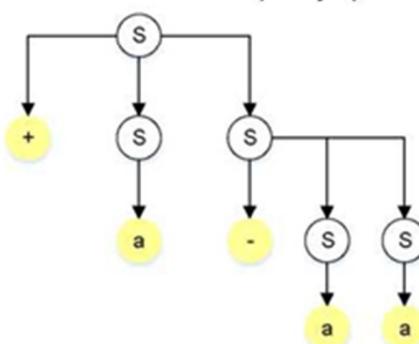
<e> = <entero s/signo>

<d> = <dígito>

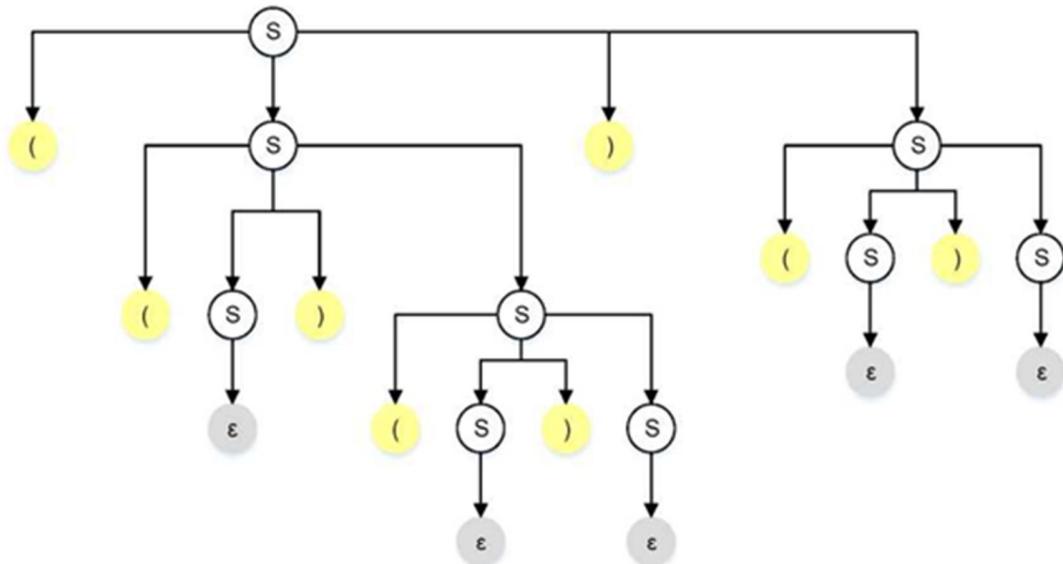
35.- Determinar si son ambiguas las siguientes Gramáticas:

- $P = \{ S \rightarrow + S S \mid - S S \mid a \}$ .
- $P = \{ S \rightarrow ( S ) S \mid \epsilon \}$ . // $\epsilon$  es cadena vacía
- $P = \{ S \rightarrow S^a S \mid a \}$ .

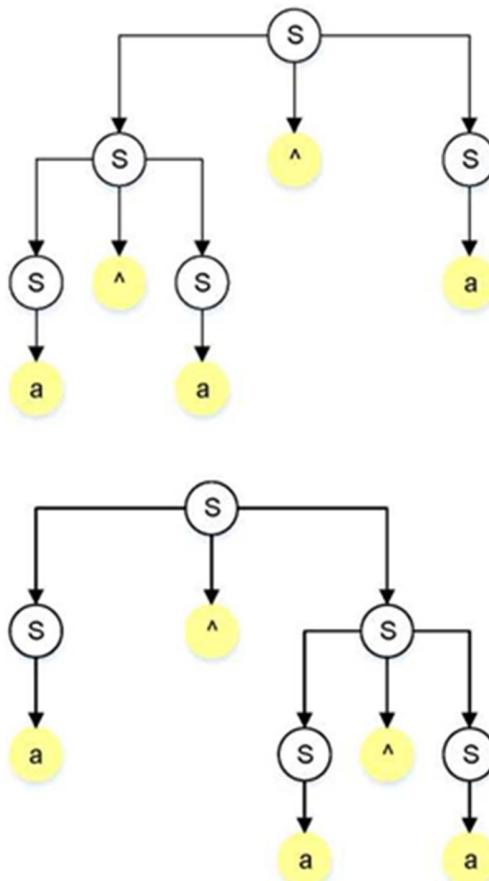
a. En la notación prefija y posfija las expresiones no son ambiguas y como la gramática genera expresiones en notación prefija podemos decir que es unívoca



- b. Esta gramática (G) nos ayuda a crear parejas de paréntesis bien anidados. Es unívoca, porque no existen dos cadenas iguales que se puedan formar con diferentes árboles.



- c. La gramática (G) es ambigua.



36.- Diseñar las reglas de producción para un compilador que evalúe sin que exista ambigüedad la exponenciación múltiple ( $a^b^c^d \dots$ ) y considerando la asociatividad.

En la exponenciación la asociatividad es por la derecha:

$P = \{ \langle \text{exponenciación} \rangle ::= \langle \text{id} \rangle ^ \langle \text{id} \rangle \mid \langle \text{id} \rangle ^ \langle \text{exponenciación} \rangle, \langle \text{id} \rangle ::= \text{letra} \langle \text{resto id} \rangle \mid \text{letra} \mid \_ \langle \text{resto id} \rangle \mid \_, \langle \text{resto id} \rangle ::= \text{letra} \langle \text{resto id} \rangle \mid \text{dígito} \langle \text{resto id} \rangle \mid \_ \langle \text{resto id} \rangle \mid \text{letra} \mid \text{dígito} \mid \_ \}$

37.- Diseñar una Gramática Libre de Contexto en la cual se jerarquicen las cuatro operaciones aritméticas básicas, además de incluir los paréntesis y considerando también su asociatividad. Llámese  $\langle \text{expresión} \rangle$  al símbolo inicial.

$G = (\{\langle \text{expresión} \rangle, \langle \text{término} \rangle, \langle \text{factor} \rangle\}, \{+, -, *, /, (, )\}, \text{id, constante}\}, \{\langle \text{expresión} \rangle ::= \langle \text{expresión} \rangle + \langle \text{término} \rangle \mid \langle \text{expresión} \rangle - \langle \text{término} \rangle \mid \langle \text{término} \rangle, \langle \text{término} \rangle ::= \langle \text{término} \rangle * \langle \text{factor} \rangle \mid \langle \text{término} \rangle / \langle \text{factor} \rangle \mid \langle \text{factor} \rangle, \langle \text{factor} \rangle ::= (\langle \text{expresión} \rangle) \mid \text{id} \mid \text{constante}\}, \{\langle \text{expresión} \rangle\})$

38.- Convertir la Gramática Libre de Contexto a su Forma Normal de Chomsky (CNF):

$P = \{ A \rightarrow xy \mid Bx \mid xEx, \quad D \rightarrow xx \mid yB \mid xE, \\ B \rightarrow zC \mid DE \mid E, \quad E \rightarrow EAx \mid yCy, \\ C \rightarrow DC \mid xyF \mid FA \mid y, F \rightarrow AC \mid B \}.$

$P = \{A \rightarrow XY \mid BX \mid XG, B \rightarrow ZC \mid DE \mid EI \mid YJ, C \rightarrow DC \mid XH \mid FA \mid y, D \rightarrow XX \mid YB \mid XE, \\ E \rightarrow EI \mid YJ, F \rightarrow AC \mid ZC \mid DE \mid EI \mid YJ, G \rightarrow EX, H \rightarrow YF, I \rightarrow AX, J \rightarrow CY, X \rightarrow x, Y \rightarrow y\}$

39.- Convertir a la Forma Normal de Chomsky (CNF) equivalente la siguiente Gramática Libre de Contexto:

$N = \{ A, B, C, D, E, F \} \quad T = \{ x, y \} \quad \sigma_0 = \{ A \}$   
 $P = \{ A \rightarrow xy, \quad B \rightarrow DEF, \quad C \rightarrow y, \quad E \rightarrow FA, \\ A \rightarrow Bx, \quad C \rightarrow DC, \quad D \rightarrow xx, \quad E \rightarrow yCy, \\ A \rightarrow xEx, \quad C \rightarrow xyF, \quad D \rightarrow yB, \quad F \rightarrow AC, \\ B \rightarrow zC, \quad C \rightarrow FA, \quad D \rightarrow xE, \quad F \rightarrow B \}.$

$G = (\{A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, X, Y\}, \{x, y\}, \{A \rightarrow XY \mid BX \mid XG, B \rightarrow ZC \mid DH, C \rightarrow DC \\ \mid XI \mid FA \mid y, D \rightarrow XX \mid YB \mid XE, E \rightarrow FA \mid YJ, F \rightarrow AC \mid ZC \mid DH, G \rightarrow EX, H \rightarrow EF, I \rightarrow YF, \\ J \rightarrow CY, X \rightarrow x, Y \rightarrow y\}, \{A\})$

## CAPITULO 3: Máquinas de Estado Finito.

41.- Dibujar el diagrama de transición de la Máquina de Estado Finito que corresponde a cada inciso, además de expresar los seis conjuntos que forman la representación de la tupla para M.

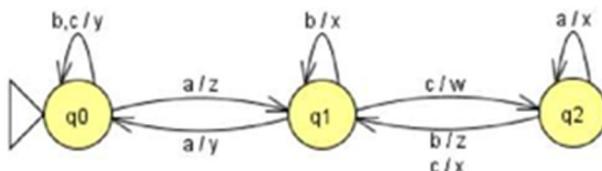
a)

S \ I	f			g		
	a	b	c	a	b	c
q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>0</sub>	z	y	y
q <sub>1</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>2</sub>	y	x	w
q <sub>2</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>1</sub>	x	z	x

b)

S \ I	f			g		
	x	y	z	x	y	z
q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>3</sub>	q <sub>2</sub>	a	b	a
q <sub>1</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>1</sub>	d	a	c
q <sub>2</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>3</sub>	c	b	b
q <sub>3</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>3</sub>	q <sub>1</sub>	d	c	b

a.



$$I = \{a, b, c\}$$

$$O = \{w, x, y, z\}$$

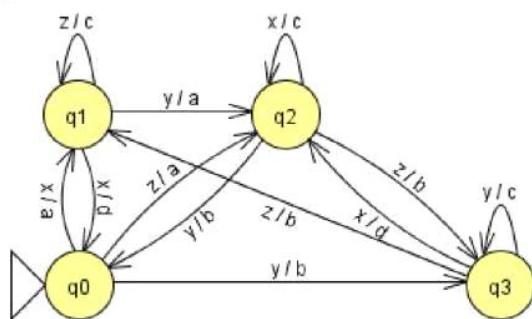
$$S = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$\begin{aligned} f &= \{f(q_0, a) = q_1, f(q_0, b) = q_0, f(q_0, c) = q_0, f(q_1, a) = q_0, f(q_1, b) = q_1, f(q_1, c) = q_2, \\ &f(q_2, a) = q_2, f(q_2, b) = q_1, f(q_2, c) = q_1\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} g &= \{g(q_0, a) = z, g(q_0, b) = y, g(q_0, c) = y, g(q_1, a) = y, g(q_1, b) = x, g(q_1, c) = w, \\ &g(q_2, a) = x, g(q_2, b) = z, g(q_2, c) = x\} \end{aligned}$$

$$\sigma_0 = \{q_0\}$$

b.



$$I = \{x, y, z\}$$

$$O = \{a, b, c, d\}$$

$$S = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$$

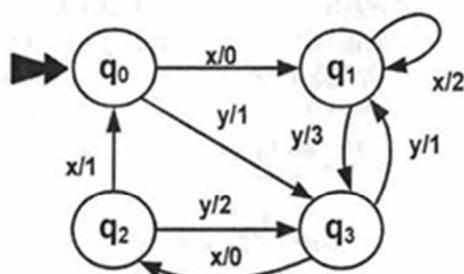
$$f = \{f(q_0, x) = q_1, f(q_0, y) = q_3, f(q_0, z) = q_2, f(q_1, x) = q_0, f(q_1, y) = q_2, f(q_1, z) = q_1, \\ f(q_2, x) = q_2, f(q_2, y) = q_0, f(q_2, z) = q_3, f(q_3, x) = q_2, f(q_3, y) = q_3, f(q_3, z) = q_1\}$$

$$g = \{g(q_0, x) = a, g(q_0, y) = b, g(q_0, z) = a, g(q_1, x) = d, g(q_1, y) = a, g(q_1, z) = c, \\ g(q_2, x) = c, g(q_2, y) = b, g(q_2, z) = b, g(q_3, x) = d, g(q_3, y) = c, g(q_3, z) = b\}$$

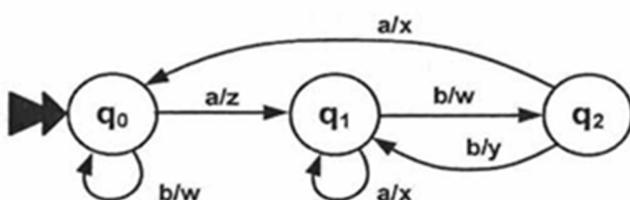
$$\sigma_0 = \{q_0\}$$

42.- Determinar cuáles son los conjuntos que determinan la descripción formal para las siguientes Máquinas de Estado Finito, además de las tablas de transición para cada inciso.

a)



b)



a.

$$I = \{x, y\}$$

$$O = \{0, 1, 2, 3\}$$

$$S = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$$

$$f = \{f(q_0, x) = q_1, f(q_0, y) = q_3, f(q_1, x) = q_1, f(q_1, y) = q_3, f(q_2, x) = q_0, f(q_2, y) = q_3, f(q_3, x) = q_2, f(q_3, y) = q_1\}$$

$$g = \{g(q_0, x) = 0, g(q_0, y) = 1, g(q_1, x) = 2, g(q_1, y) = 3, g(q_2, x) = 1, g(q_2, y) = 2, g(q_3, x) = 0, g(q_3, y) = 1\}$$

$$\sigma_0 = \{q_0\}$$

S \ I	f		g	
	x	y	x	y
q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>3</sub>	0	1
q <sub>1</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>3</sub>	2	3
q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>3</sub>	1	2
q <sub>3</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>1</sub>	0	1

b.

$$I = \{a, b\}$$

$$O = \{w, y, z\}$$

$$S = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$f = \{f(q_0, a) = q_1, f(q_0, b) = q_0, f(q_1, a) = q_1, f(q_1, b) = q_2, f(q_2, a) = q_0, f(q_2, b) = q_1\}$$

$$g = \{g(q_0, a) = z, g(q_0, b) = w, g(q_1, a) = x, g(q_1, b) = w, g(q_2, a) = x, g(q_2, b) = y\}$$

$$\sigma_0 = \{q_0\}$$

S \ I	f		g	
	a	b	a	b
q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>0</sub>	z	w
q <sub>1</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>2</sub>	x	w
q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	x	y

**43.-** Establecer las transiciones (estados y cadenas de salida) que resultan al introducir las siguientes cadenas de entrada, referidas a las Máquinas de los problemas 41 y 42.

- a) babccab en 41a)      c) xyxyyxyxxy en 42a)
- b) zxyzxzyz en 41b)      d) bbabbbaaba en 42b).

a.

Cadena de entrada:	b	a	b	c	c	a	b
Cadena de salida:	y	z	x	w	x	y	y
Estado actual:	q <sub>0</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>0</sub>

b.

Cadena de entrada:	z	x	y	z	x	z	y	z
Cadena de salida:	a	c	b	a	c	b	c	b
Estado actual:	q <sub>0</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>3</sub>	q <sub>3</sub>	q <sub>1</sub>

c.

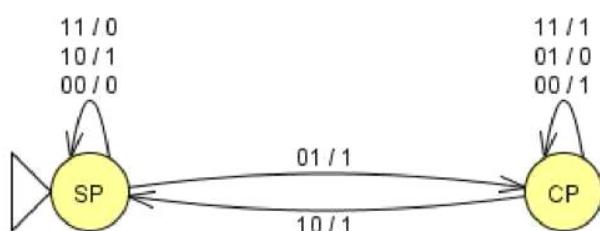
Cadena de entrada:	x	y	x	y	y	x	y	x	y
Cadena de salida:	0	3	0	2	1	2	3	0	1
Estado actual:	q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>3</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>3</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>3</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>

d.

Cadena de entrada:	b	b	a	b	b	b	a	a	b	a
Cadena de salida:	w	w	z	w	y	w	x	z	w	x
Estado actual:	q <sub>0</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>

**44.-** Diseñar una Máquina de Estado Finito que funcione como restador binario en serie y otra que se comporte como un multiplicador binario en serie, para operar con cadenas de bits de la misma longitud. Justificar las respuestas.

- Restador binario en serie:



Donde:

SP = Sin préstamo.

CP = Con préstamo.

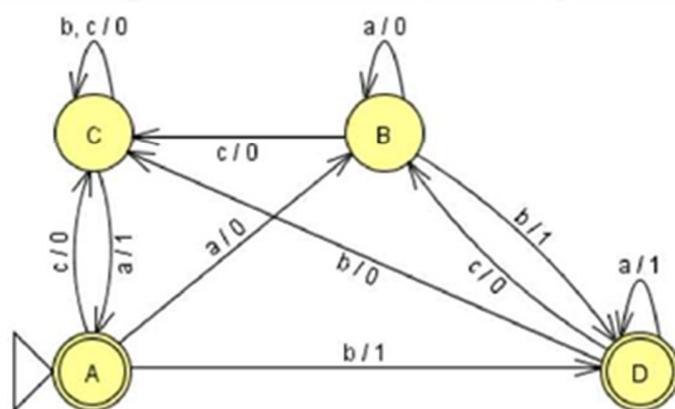
- Multiplicador binario en serie:

No es posible realizar la multiplicación binaria en serie porque:

- El resultado no es aritméticamente correcto.
- No hay estados en la multiplicación debido a que  $0*0$ ,  $0*1$ ,  $1*0$  siempre es 0, y  $1*1$  siempre es 1; no hay estados de sin préstamo o con préstamo, como en el restador binario en serie, ni de acarreo o sin acarreo, como en el sumador binario en serie.

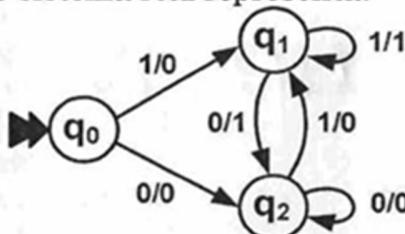
- 45.-** Diseñar una Máquina de Estado Finito, que también sea Autómata de Estado Finito, con las siguientes características:

$$I = \{a, b, c\}, \quad S = \{A, B, C, D\}, \quad \sigma_0 = \{A\}.$$



- 46.-** Dado el siguiente diagrama de transición determinar:

- ¿Se puede transformar esta Máquina en un Autómata Finito?
- ¿Qué sistema real representa?

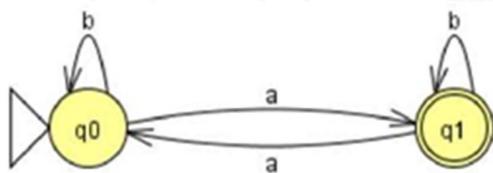


- No, porque en los estados  $q_1$  y  $q_2$  dos de los tres arcos que inciden (entrar) en ellos tienen salidas diferentes.
- Representa un sistema SHR (SHift to Right) de lenguaje ensamblador, que hace un corrimiento de bits a la derecha.

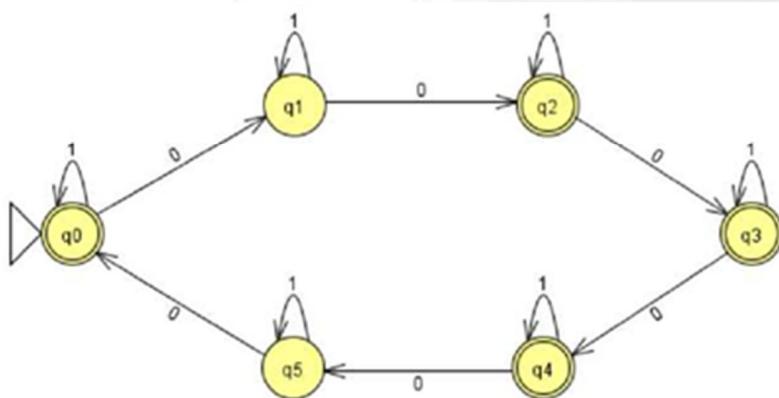
Cadena de entrada:	1	0	1	1	1	0	0	1	0	1
Cadena de salida:	0	1	0	1	1	1	0	0	1	0
Estado actual:	$q_0$	$q_1$	$q_2$	$q_1$	$q_1$	$q_1$	$q_2$	$q_2$	$q_1$	$q_1$

## CAPITULO 4: Autómatas de Estado Finito.

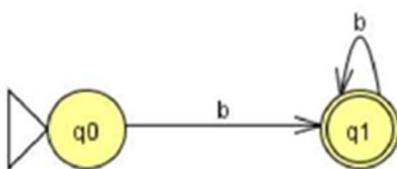
**47.-** Diseñar un Autómata Finito con  $I = \{ a, b \}$  que acepte cadenas con una cantidad impar de letras  $a$ .



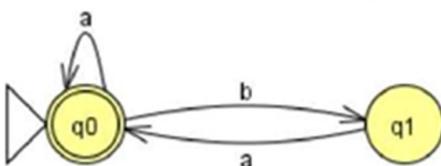
**48.-** Diseñar un Autómata de Estado Finito que acepte las cadenas de bits con una cantidad de 0 igual a un múltiplo de 2 ó de 3.



**49.-** Diseñar un Autómata Finito que acepte cadenas no nulas formadas con los símbolos del conjunto  $I = \{ a, b, c \}$  y que no contengan ni  $a$  ni  $c$ .

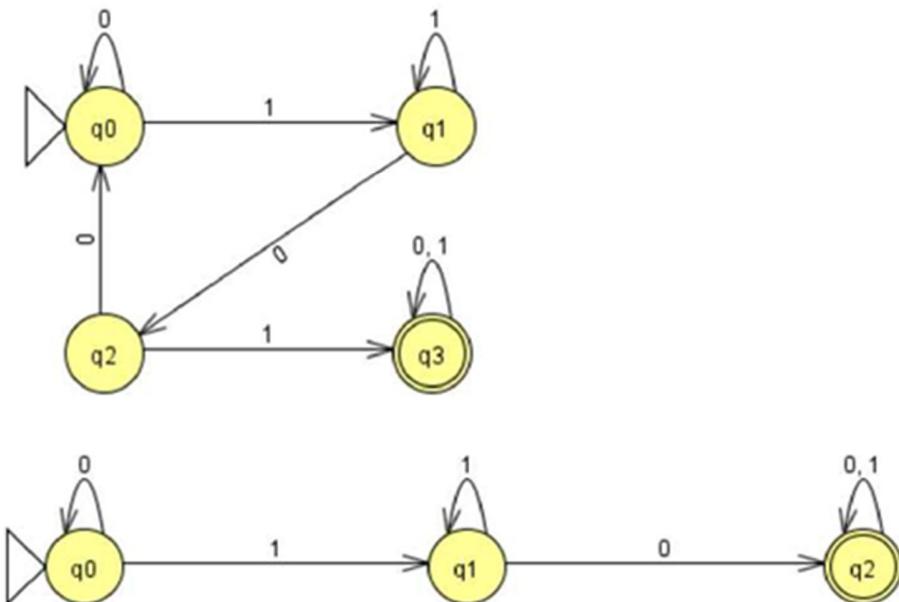


**50.-** Diseñar un Autómata Finito con  $I = \{ a, b \}$  que acepte las palabras en las que siempre que aparezca una  $b$ , esté seguida necesariamente por una  $a$ .



**51.-** Diseñar un Autómata de Estado Finito que acepte las cadenas de bits que contienen el infijo 10.

**52.-** Diseñar un Autómata de Estado Finito que acepte las cadenas de bits que contienen el infijo 101.



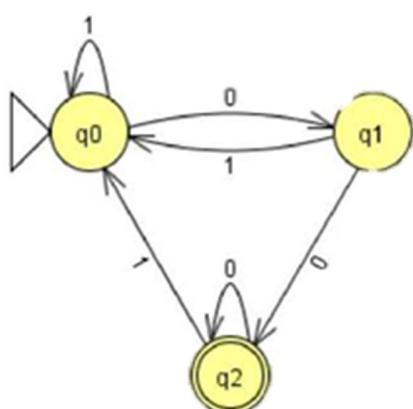
**53.-** Diseñar un Autómata Finito con  $I = \{ 0, 1 \}$  que acepte los arreglos que inician con 011.



**54.-** Diseñar un Autómata Finito que acepte todas las cadenas de bits que finalicen con 00 y mostrar el resultado por medio de las tres representaciones posibles para el modelo formal.

$$A = (\{0, 1\}, \{q_0, q_1, q_2\}, \{q_2\}, \{f(q_0, 0) = q_1, f(q_0, 1) = q_0, f(q_1, 0) = q_2, f(q_1, 1) = q_0, f(q_2, 0) = q_2, f(q_2, 1) = q_0\}, \{q_0\})$$

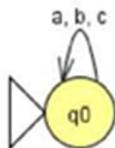
S \ I	0	1
▷ q <sub>0</sub>	q <sub>1</sub>	q <sub>0</sub>
q <sub>1</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>
q <sub>2</sub>	q <sub>2</sub>	q <sub>0</sub>



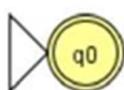
55.- Diseñar el Autómata Finito que acepta cada uno de los siguientes Lenguajes, considerando  $I = \{ a, b, c \}$

- |                    |                                  |
|--------------------|----------------------------------|
| a) $\emptyset$     | d) $\{ (a, b, c)^* \}$           |
| b) $\{ \lambda \}$ | e) $\{ a^*b^*c^* \}$             |
| c) $\{ a, b, c \}$ | f) $\{ bca^* \} \cup \{ ac^* \}$ |

a.



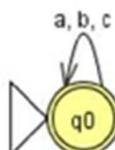
b.



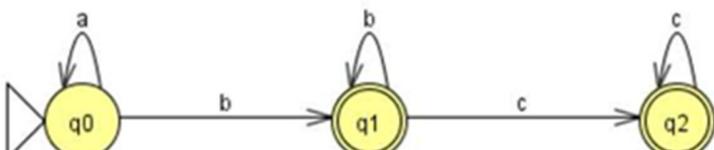
c.



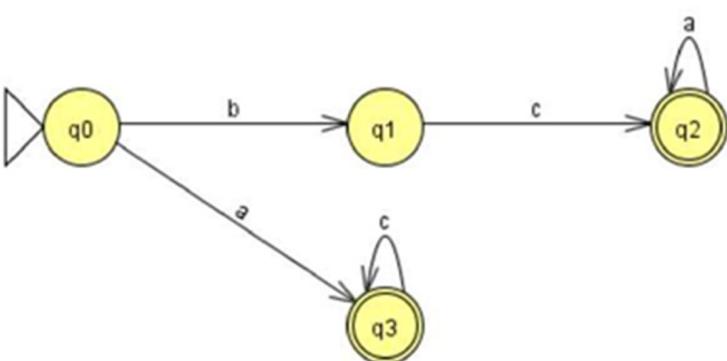
d.



e.



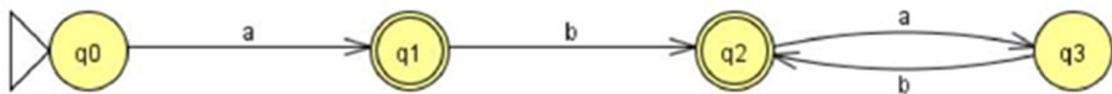
f.



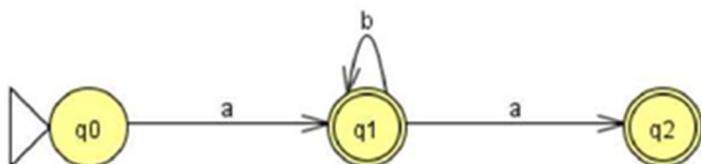
**56.-** Dado el conjunto  $I = \{ a, b \}$  diseñar un diagrama de transición del Autómata Finito para cada uno de los Lenguajes expresados en los siguientes incisos:

- $L = \{ (ab)^+ \} \cup \{ a \}$ .
- $L = \{ ab^* \} \cup \{ ab^*a \}$ .
- $L = \{ a(a,b)^* \} \cup \{ b(a,b)^* \}$

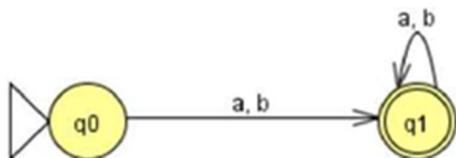
a.



b.



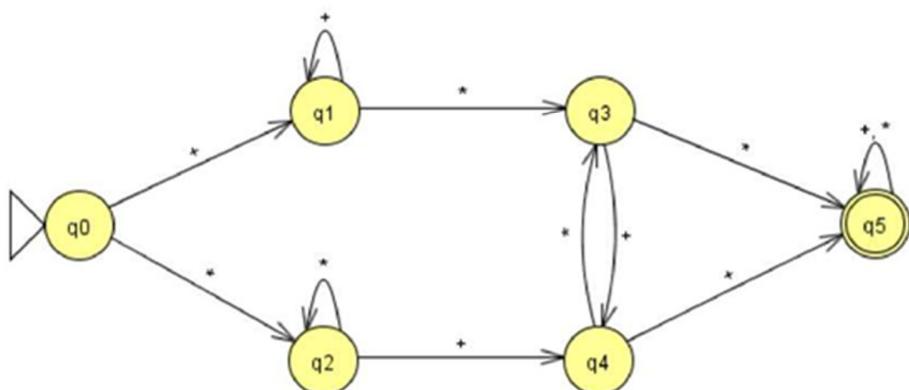
c.



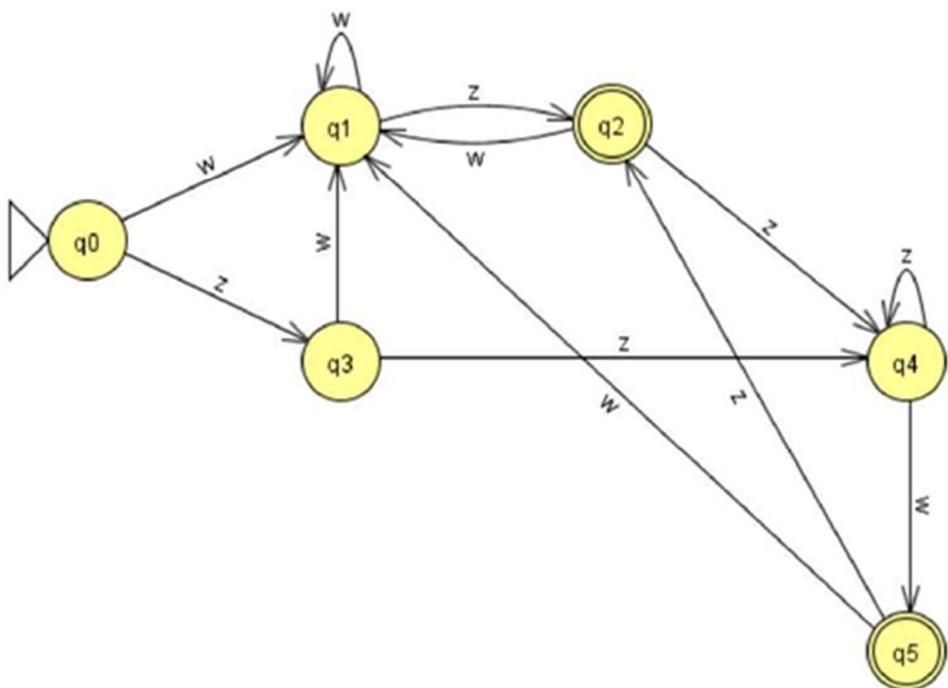
**57.-** Diseñar un Autómata Finito en cada inciso de acuerdo a las entradas y las cadenas aceptadas que se indican.

- $I = \{ +, * \}$ . Cadenas que contienen  $+**$  ó  $*++$ .
- $I = \{ w, z \}$ . Cadenas que terminen en  $wz$  o  $z^2w$ .

a.



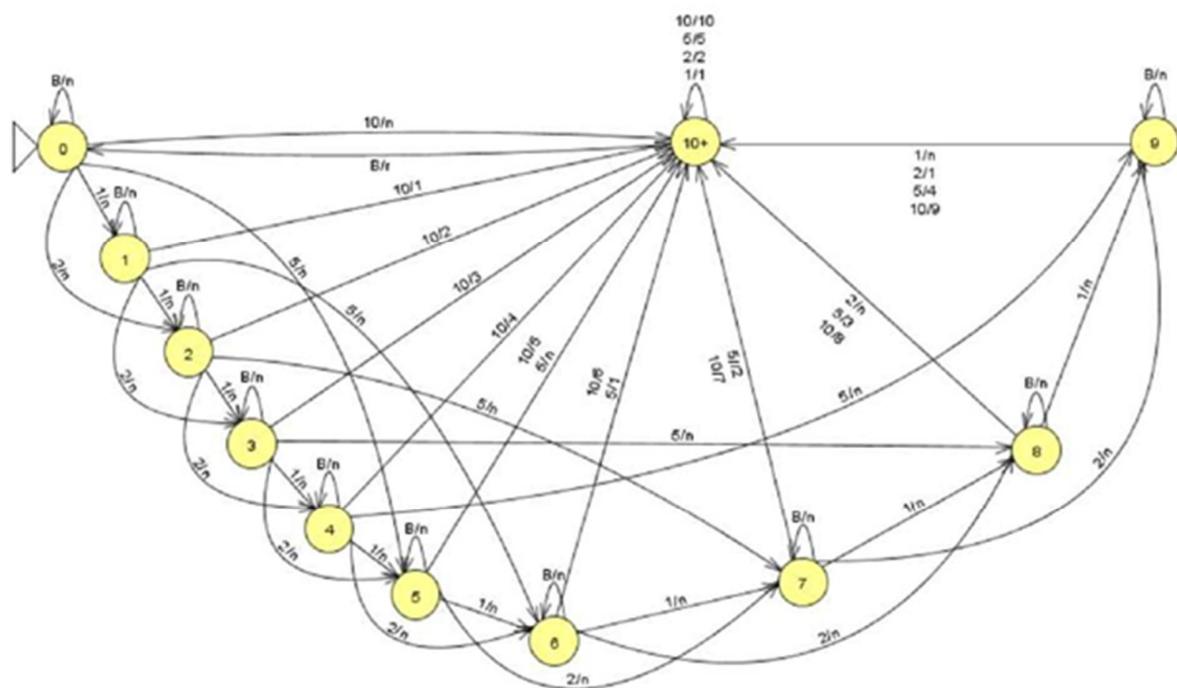
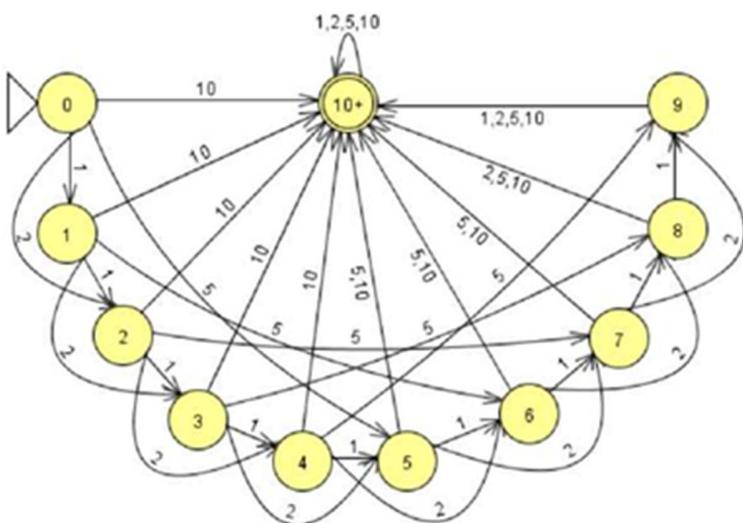
b.



**58.-** Demostrar que no es posible construir un Autómata de Estado Finito que al recibir como entrada cualquier cadena de bits, acepte la cadena que contiene exactamente la misma cantidad de 0 que de 1.

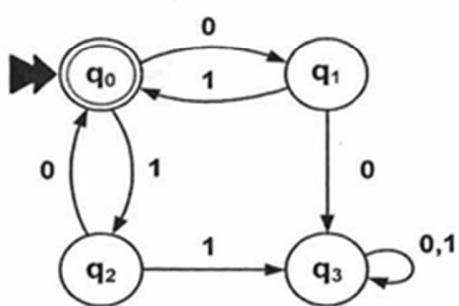
Este lenguaje se define formalmente como  $L = \{0^n1^n \mid n \in \mathbb{N}\}$ ; tal como se explica en el problema 21, es un lenguaje libre de contexto, por lo tanto, según la jerarquía de Chomsky un autómata de estado finito NO puede reconocer las cadenas de este lenguaje, sin embargo podrían ser reconocidas por un autómata de pila.

**59.-** Comparar entre el diseño de una máquina para venta de refrescos implementada con los modelos de Autómata y de Máquina de Estado Finito para descubrir la diferencia entre las dos herramientas matemáticas. Para fines didácticos considérese el caso de un refresco con un coste de \$10 y empleando monedas de \$1, \$2, \$5 y \$10 como posibles entradas.



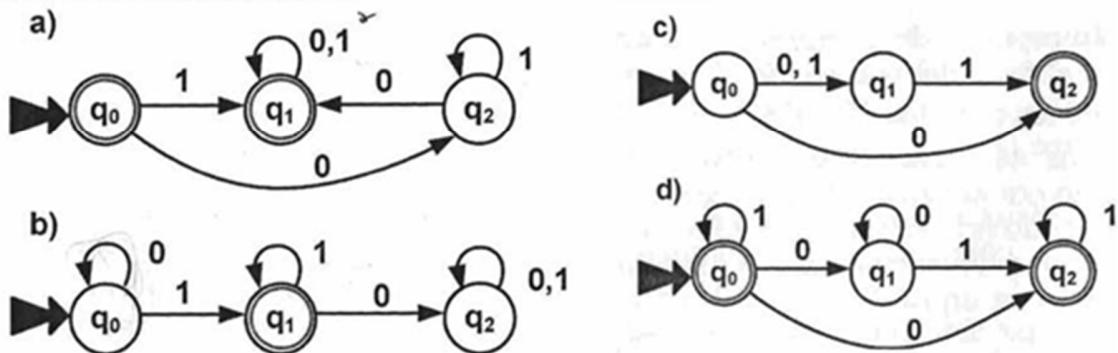
Nótese que en este caso, el modelo de la máquina de estados es más recomendable, debido a que se deben considerar varias salidas y no solamente la aceptación o rechazo de ciertas condiciones. Obsérvese que la máquina no tiene estados de aceptación o de no aceptación.

**60.-** ¿Qué cadenas acepta el siguiente Autómata Finito?



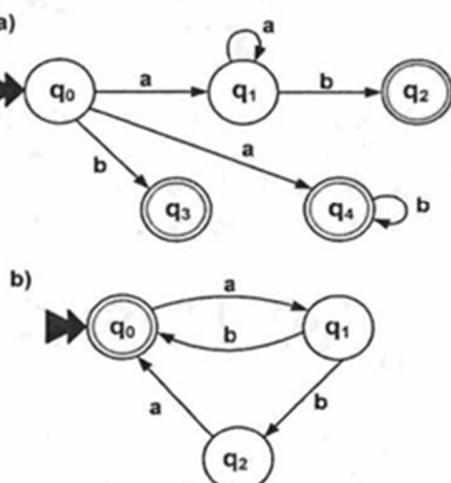
$$L = \{01, 10\}^* = \{(01, 10)^*\}$$

**61.-** Determinar el Lenguaje aceptado por cada uno de los siguientes Autómatas Finitos, observando que dos de ellos son No Determinísticos.



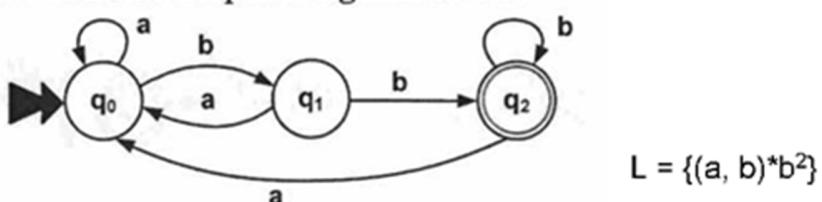
- $L = \{\lambda\} \cup \{1(0, 1)^*\} \cup \{01^*0(0, 1)^*\}$
- $L = \{0^*1^*\}$
- $L = \{0, 01, 1^2\}$
- $L = \{1^*\} \cup \{1^*01^*\} \cup \{1^*0^+1^*\}$

**62.-** Caracterizar el Lenguaje aceptado por los siguientes Autómatas Finitos No Determinísticos:



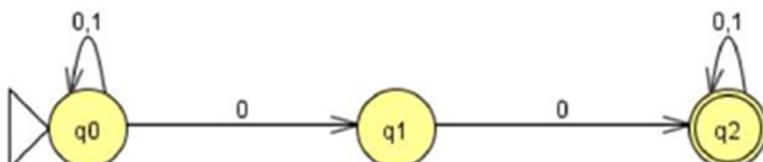
- $L = \{a^*b, ab^*, b\} = \{a^*b, ab^*\}$
- $L = \{ab, aba\}^*$

**63.-** ¿Qué cadenas acepta el siguiente AFD?

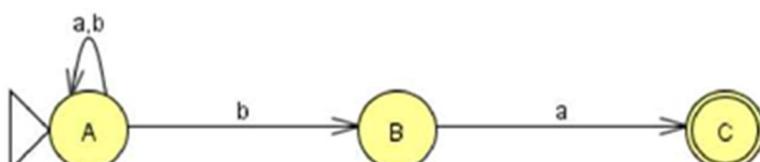


$$L = \{(a, b)^*b^2\}$$

**64.-** Demostrar que el Lenguaje de todas las cadenas de unos y ceros que tienen al menos dos ceros consecutivos es un Lenguaje Regular.

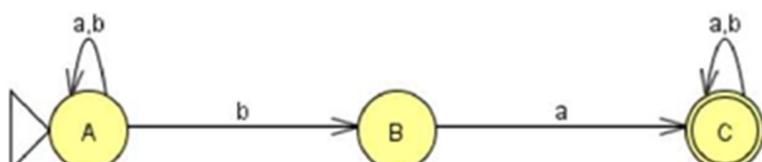


**65.-** Diseñar una Gramática Regular con  $T = \{ a, b \}$  que genere todos los arreglos que finalicen con ba. El diseño se deberá hacer a partir de un Autómata Finito.



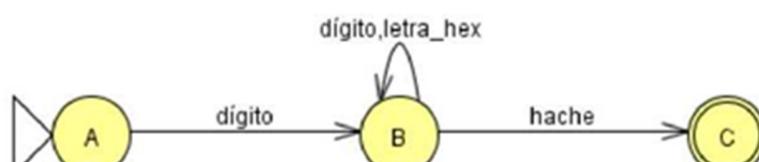
$$G = \{(A, B, C), (a, b), (A \rightarrow Aa \mid bA \mid bB, B \rightarrow aC, B \rightarrow a), (A)\}$$

**66.-** Diseñar por medio de un Autómata Finito una Gramática Regular con  $T = \{ a, b \}$  que genere todas las cadenas que contengan el infijo ba.



$$G = \{(A, B, C), (a, b), (A \rightarrow Aa \mid bA \mid bB, B \rightarrow aC \mid a, C \rightarrow aC \mid bC \mid b \mid a), (A)\}$$

**67.-** Diseñar por medio de un Autómata Finito la Gramática Regular que produce todas las cadenas que representan los números enteros hexadecimales sin signo en la notación de ensamblador para microprocesadores de Intel.



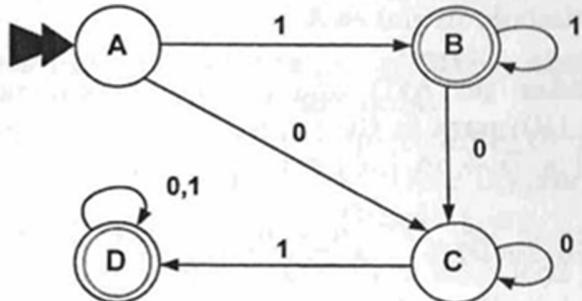
$$G = \{(A, B, C), (\text{dígito}, \text{digito\_letta\_hex}, \text{hache}), (A \rightarrow \text{dígito}B, B \rightarrow \text{dígito}B \mid \text{digito\_letta\_hex}B \mid \text{hache}G \mid \text{hache}), (A)\}$$

Transformado a notación en BNF:

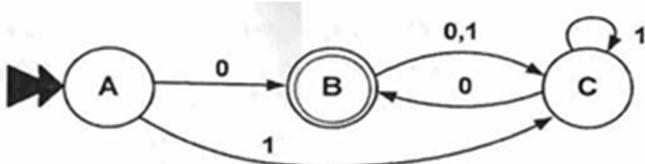
$G = \{(\langle\text{hexadecimal}\rangle, \langle\text{resto_hex}\rangle), (\text{dígito}, \text{letra_hex}, \text{hache}), (\langle\text{hexadecimal}\rangle ::= \text{dígito } \langle\text{resto_hex}\rangle, \langle\text{resto_hex}\rangle ::= \text{dígito } \langle\text{resto_hex}\rangle \mid \text{letra_hex } \langle\text{resto_hex}\rangle \mid \text{hache}), (\langle\text{hexadecimal}\rangle)\}$

**68.-** Construir una Gramática Regular que genere el Lenguaje reconocido por el Autómata Finito determinado.

a)



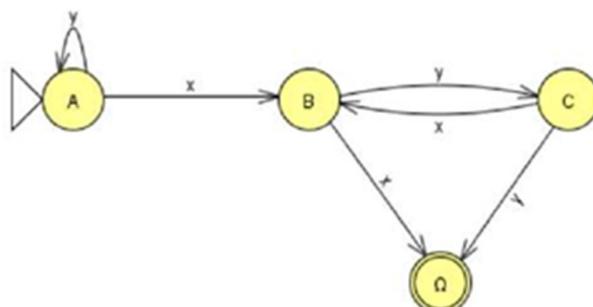
b)



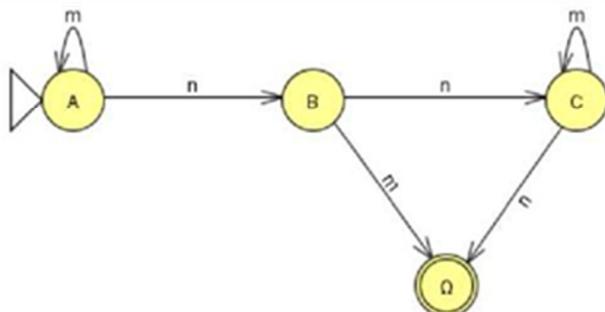
a.  $G = \{(A, B, C, D), (0, 1), (A \rightarrow 1B \mid 0C \mid 1, B \rightarrow 1B \mid 0C \mid 1, C \rightarrow 1D \mid 0C \mid 1, D \rightarrow 1D \mid 0D \mid 0 \mid 1), (A)\}$

b.  $G = \{(A, B, C), (0, 1), (A \rightarrow 0B \mid 1C \mid 0, B \rightarrow 0C \mid 1C, C \rightarrow 0B \mid 1C \mid 0), (A)\}$

**69.-** Diseñar el AFD que acepte las cadenas producidas por la Gramática con las composiciones  $P = \{ A \rightarrow xB \mid yA, B \rightarrow yC \mid x, C \rightarrow xB \mid y \}$  si  $\sigma_0 = \{ A \}$ .

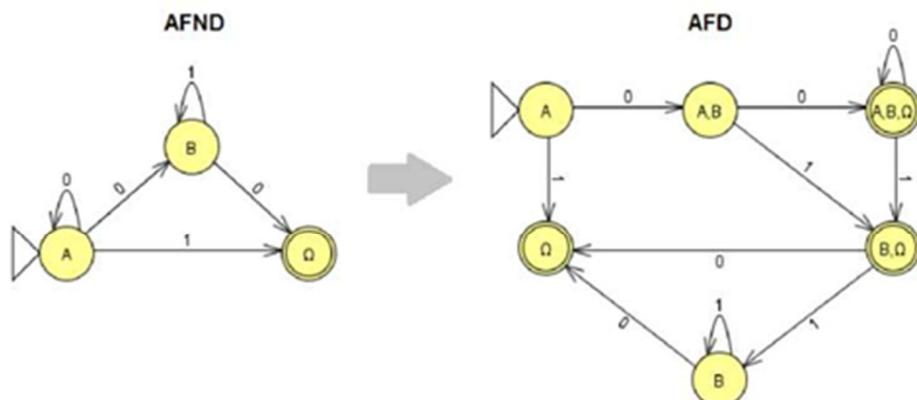


**70.-** Diseñar un AFD que acepte las cadenas del Lenguaje L(G) para la Gramática con reglas  $P = \{ A \rightarrow mA \mid nB, B \rightarrow nC \mid m, C \rightarrow mC \mid n \}$  con A como inicial. Caracterizar el Lenguaje producido.



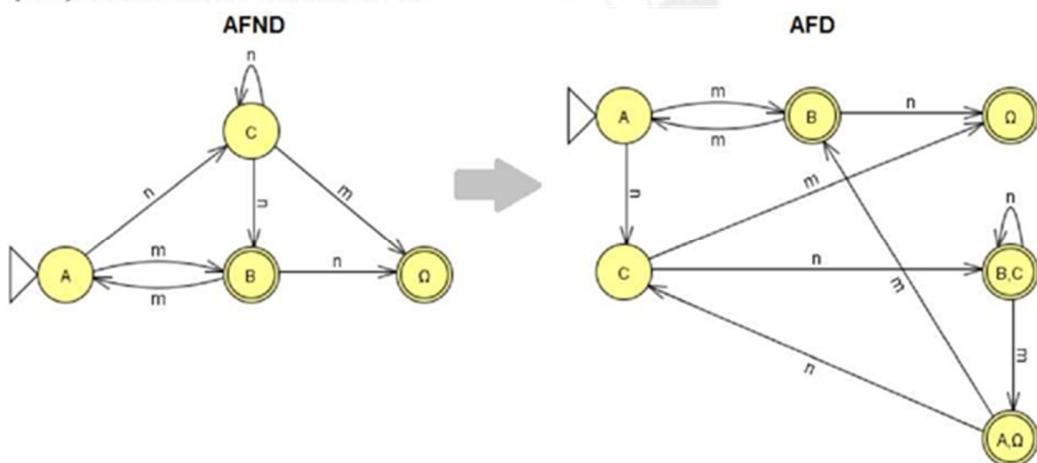
$$L = \{m^*nm\} \cup \{m^*n^2m^*n\}$$

**71.-** Diseñar un AFD que reconozca las cadenas del Lenguaje generado por la Gramática  $G = (\{A, B\}, \{0, 1\}, \{A \rightarrow 0A \mid 0B \mid 1, B \rightarrow 1B \mid 0\}, \{A\})$ . Encontrar la caracterización del Lenguaje L(G).

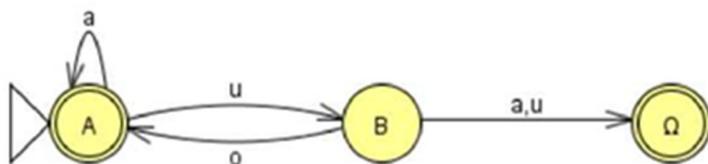


$$L = \{0^*1\} \cup \{0^*1^*0\}$$

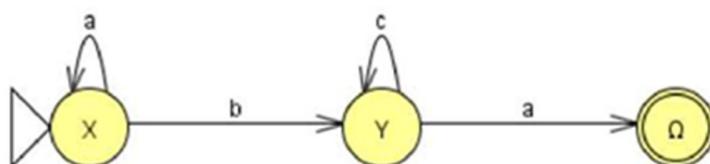
**72.-** Diseñar un AFD que acepte las cadenas del Lenguaje Formal L(G) para la Gramática con reglas  $P = \{ A \rightarrow mB \mid nC \mid m, B \rightarrow mA \mid n, C \rightarrow nB \mid nC \mid m \mid n \}$ . El símbolo inicial es A.



73.- Diseñar un AFD que acepte las cadenas del Lenguaje  $L(G)$  para la Gramática con reglas  $P = \{ A \rightarrow aA \mid uB \mid a, B \rightarrow oA \mid a \mid o \mid u \}$  con  $\sigma_0 = \{ A \}$ .

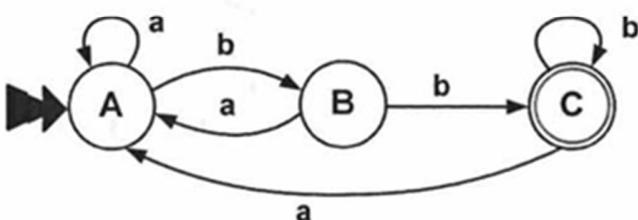


74.- Diseñar un AFD que acepte las cadenas del Lenguaje  $L(G)$  para la Gramática con reglas  $P = \{ X \rightarrow aX \mid bY \mid b, Y \rightarrow cY \mid a \mid c \}$  con  $X$  como símbolo inicial. Caracterizar el Lenguaje  $L(G)$ .



$$L = \{a^*bc^*\} \cup \{a^*bc^*a\} = \{a^*bc^*(\lambda, a)\}$$

75.- Sea  $L$  el conjunto de arreglos aceptados por el AFD mostrado al final del enunciado. Constrúyase un AFD que acepte los arreglos  $L^R = \{x_n \dots x_2 x_1 \mid x_1 x_2 \dots x_n \in L\}$  además de caracterizar  $L$  y  $L^R$ . Se inicia el diseño en el que era el estado de aceptación original y se traza el recorrido en sentido opuesto hasta llegar al que se tenía como el estado inicial. Finalmente se convierte el AFND en un AFD.



AFND

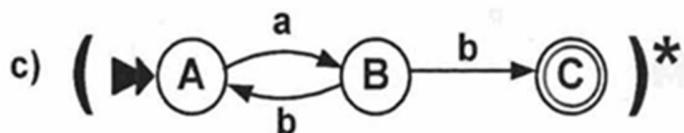
AFD



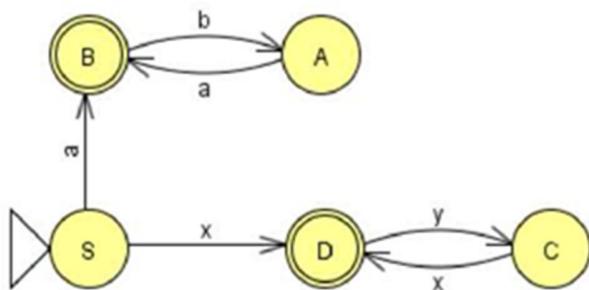
$$L = \{(a,b)^*b^2\}$$

$$L^R = \{b^2(a,b)^*\}$$

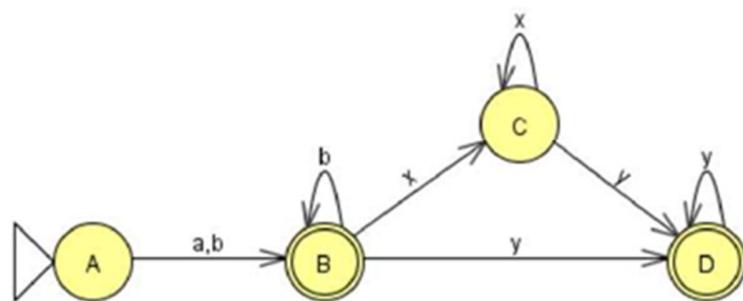
76.- Diseñar para cada inciso, el diagrama de transición del Autómata Finito que acepta las palabras, resultado de las operaciones indicadas en los correspondientes Lenguajes.



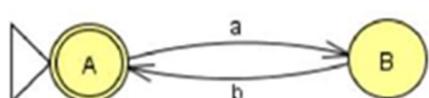
a.



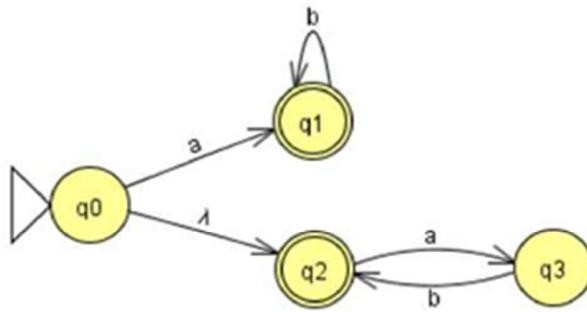
b.



c.



**77.-** Diseñar un Autómata Finito con transiciones  $\lambda$  en el que con  $I = \{a, b\}$  se acepte el Lenguaje  $L = \{ab^*\} \cup \{(ab)^*\}$ . ¿Cómo sería la versión del Autómata Finito que acepta ese mismo Lenguaje pero sin transiciones  $\lambda$ ?



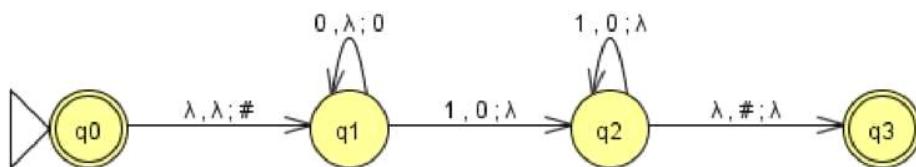
La versión del autómata finito que acepta este mismo lenguaje,  $L = \{ab^*, (ab)^*\}$ , pero sin transiciones  $\lambda$ , sería un automata finito no deterministico (AFND).

## CAPITULO 5: Autómatas de Pila.

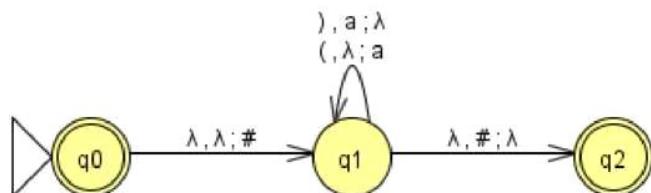
**78.-** Diseñar para cada inciso el Autómata de Pila que acepte el Lenguaje que se describe:

- $L = \{0^n 1^n \mid n \in \mathbb{N}_0\}$ .
- $L = \{s \mid s \text{ sea cualquier expresión aritmética que contenga paréntesis correctamente anidados}\}$ .
- $L = \{x^n y^n z^n \mid n \in \mathbb{N}\}$ .
- $L = \{w^m x^n y^n z^m \mid m, n \in \mathbb{N}\}$ .
- $L = \{w^m x^n y^m z^n \mid m, n \in \mathbb{N}_0\}$ .
- $L = \{x^m y^m \mid m \in \dots \cup \{x^n y^{2n} \mid n \in \dots\}$ .
- $L = \{(a, b)^* \mid \text{Cantidad de } a \geq \text{Cantidad de } b\}$ .

a.

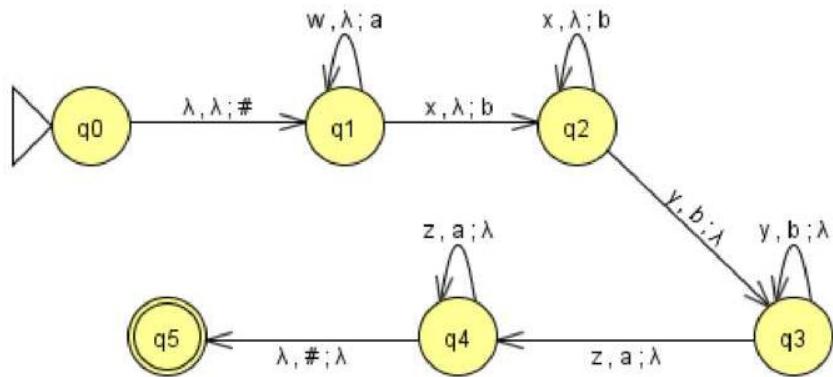


b.



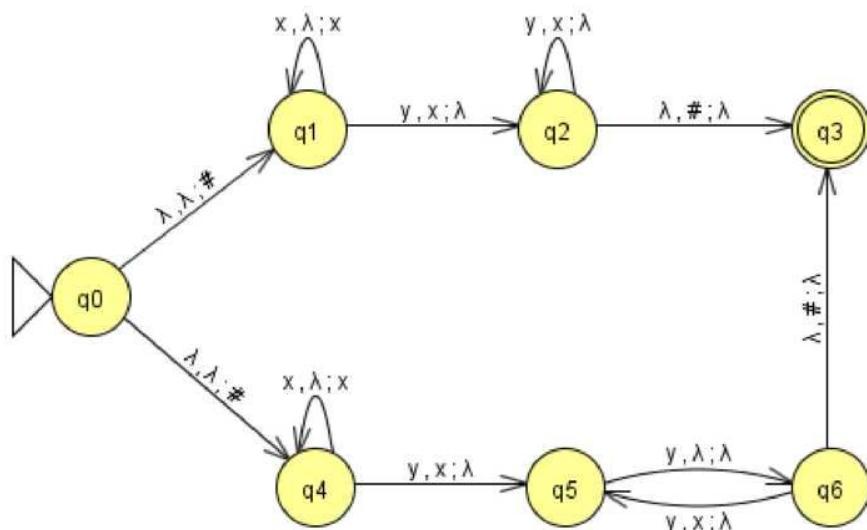
- c. No existe autómata de pila que acepte este lenguaje, debido a que el lenguaje NO es libre de contexto.

d.

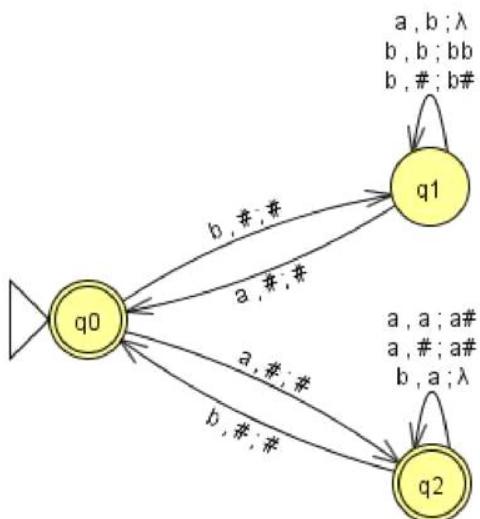


- e. No existe autómata de pila que acepte este lenguaje, debido a que el lenguaje NO es libre de contexto.

f.

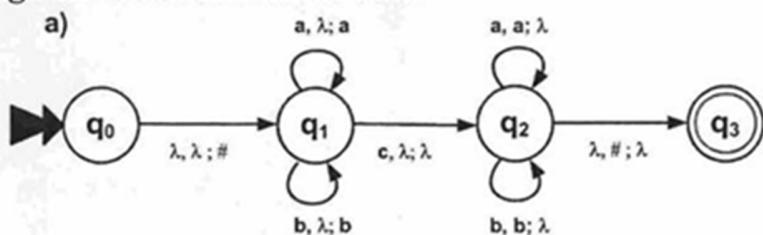


g.



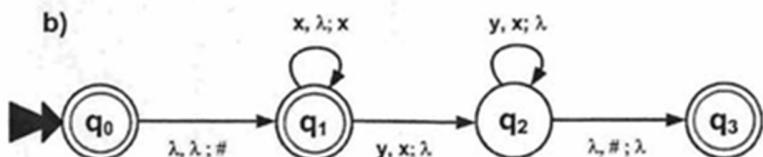
79.- ¿Qué Lenguaje Formal acepta cada de los siguientes Autómatas de Pila?

a)



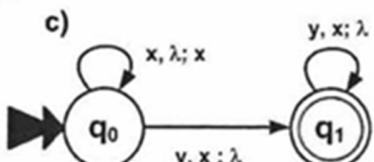
a.  $L = \{s \mid s \text{ es un palíndromo de formato } (a, b)^n c (a, b)^n\}$

b)



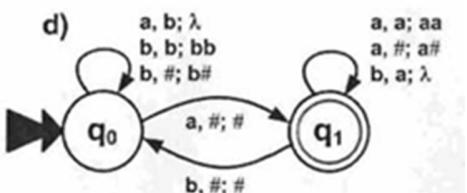
b.  $L = \{x^m \mid m \in \mathbb{N}_0\} \cup \{x^n y^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

c)



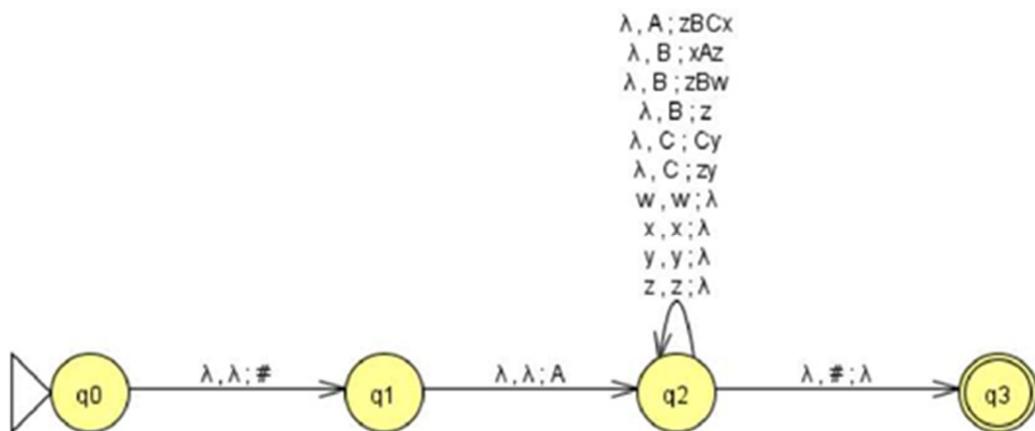
c.  $L = \{x^m y^n \mid m \geq n, \wedge m, n \in \mathbb{N}_0\}$

d)



d.  $L = \{(a, b)^+ \mid \text{la cantidad de } a > \text{cantidad de } b\}$

**80.-** Sea la Gramática Libre de Contexto definida por las composiciones  $P = \{ A \rightarrow zBCx, B \rightarrow xAz, B \rightarrow zBw, B \rightarrow z, C \rightarrow Cy, C \rightarrow zy \}$  y símbolo inicial A. Diseñar el Autómata de Pila que acepta el Lenguaje  $L(G)$ .



**81.-** Sea la Gramática Libre de Contexto definida por las composiciones  $P = \{ A \rightarrow aBA \mid a, B \rightarrow AbB \mid AA \mid ba \}$  y símbolo inicial A. Diseñar el Autómata de Pila que acepta el Lenguaje  $L(G)$ .

