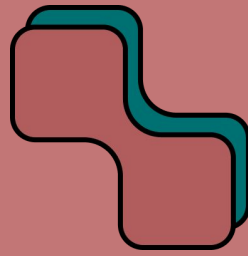
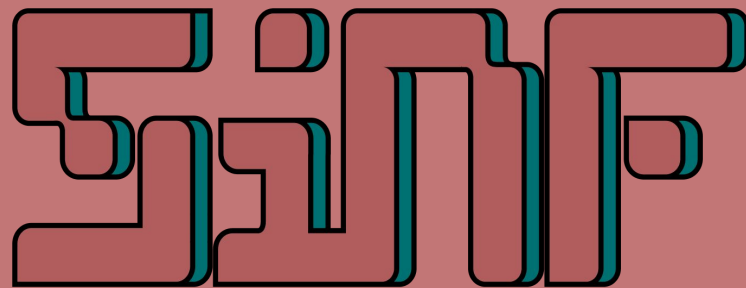


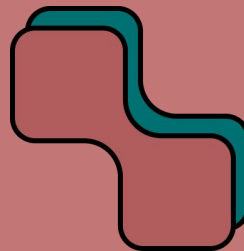
# Lario & Muigi Adventures

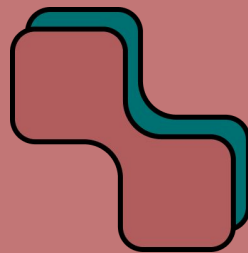


# Competição de Programação Soluções



semana\_  
\_de\_informática





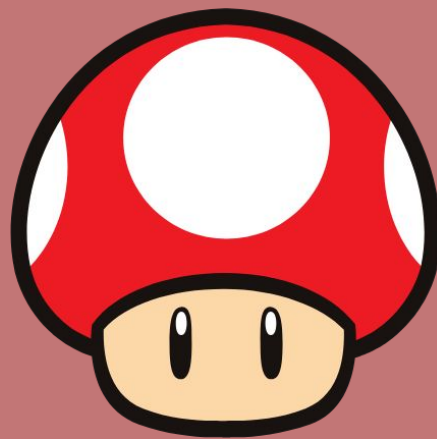
# Lario and Mushrooms

Neste problema basta verificar em que categoria é que o inteiro fornecido se encaixa. Podemos alcançar isto com uma série de *if-else statements*.

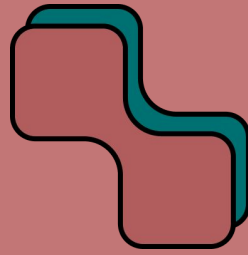
Tema: Ad Hoc

Dificuldade: Fácil

Complexidade temporal:  $O(1)$



# Smash Browser



Neste problema temos de determinar se o Lario consegue vencer o Browser usando as  $C$  moedas. Não há qualquer restrição quanto ao gasto das moedas, por isso devemos ser *greedy* e gastar o maior número de moedas possível.

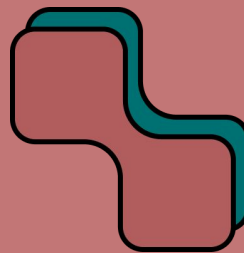
Tema: Complete Search, Greedy

Dificuldade: Médio -

Complexidade temporal:  $O(C)$



# Smash Browser



Como  $C$  é no máximo  $10^5$ , podemos explorar todas as possibilidades quanto ao uso das moedas:  $X$  moedas para vida e  $C - X$  para dano.

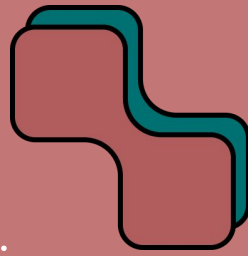
Tema: Complete Search, Greedy

Dificuldade: Médio -

Complexidade temporal:  $O(C)$



# Smash Browser



Para cada iteração calcula-se a vida e dano com que o Lario fica. Podemos depois calcular o número de *hits* que cada personagem precisa para derrotar o outro.

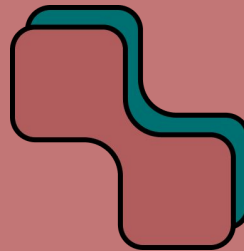
Tema: Complete Search, Greedy

Dificuldade: Médio -

Complexidade temporal:  $O(C)$



# Smash Browser



Os *hits* são calculados dividindo a vida do personagem atacado pelo dano do personagem que ataca. Se a divisão não for inteira soma-se 1.

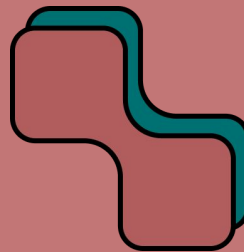
Tema: Complete Search, Greedy

Dificuldade: Médio -

Complexidade temporal:  $O(C)$



# Smash Browser



Se nalguma das iterações os *hits* do Lario forem menores ou iguais aos *hits* do Browser, Lario ganha, senão perde.

Tema: Complete Search, Greedy

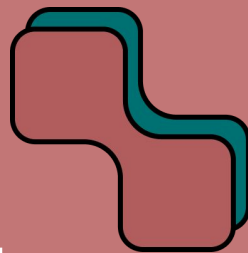
Dificuldade: Médio -

Complexidade temporal:  $O(C)$





# Squashing Mega Doombas

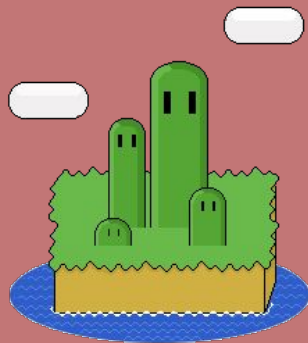


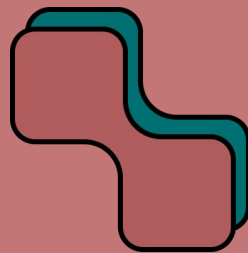
Observação chave: Se escolhermos usar uma montanha com altura  $H$ , podemos “passar por cima” de todas as próximas montanhas cuja altura é menor que  $H$ .

Tema: Greedy, Stacks

Dificuldade: Médio

Complexidade temporal:  $O(N)$





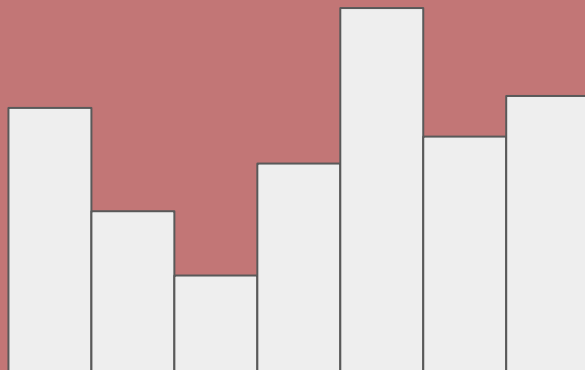
# Squashing Mega Doombas

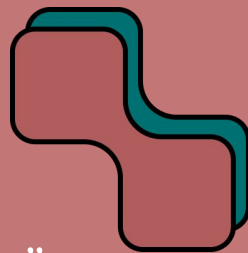
Assim podemos, da esquerda para a direita, escolher a montanha atual para ser um dos extremos da ponte, e iterar até à próxima montanha de altura maior ou igual, guardando a maior diferença de altura vista.

Tema: Greedy, Stacks

Dificuldade: Médio

Complexidade temporal:  $O(N)$





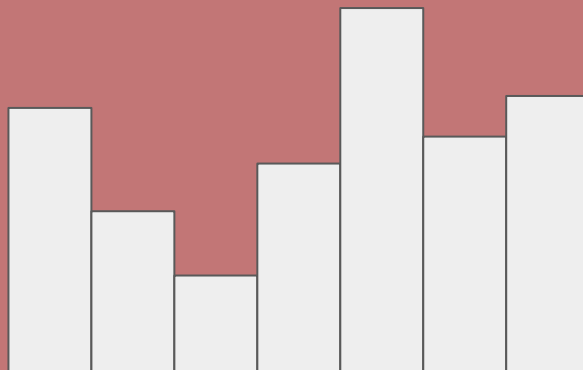
# Squashing Mega Doombas

Contudo, para cada montanha que pode ser um “extremo”, temos de considerar construir a ponte para a direita ou para a esquerda!

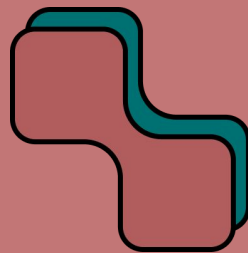
Tema: Greedy, Stacks

Dificuldade: Médio

Complexidade temporal:  $O(N)$



# Squashing Mega Doombas

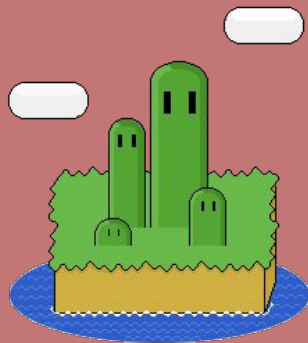


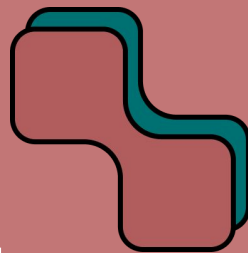
Para resolver este problema basta repetir o mesmo processo da esquerda para a direita e obter a máxima diferença de altura entre os dois processos.

Tema: Greedy, Stacks

Dificuldade: Médio

Complexidade temporal:  $O(N)$





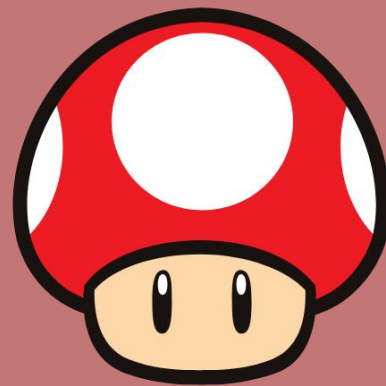
# Mushroom Baskets

Havendo  $N$  cogumelos, existem  $2^N$  cestos possíveis. Cada cogumelo pode pertencer a exatamente  $2^{N-1}$  cestos! Com esta informação, podemos calcular o peso total de todos os cestos possíveis em  $O(N)$ .

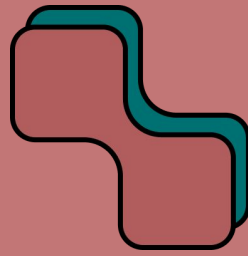
Tema: Complete Search, Mathematics

Dificuldade: Médio +

Complexidade temporal:  $O(NC_4)$



# Mushroom Baskets

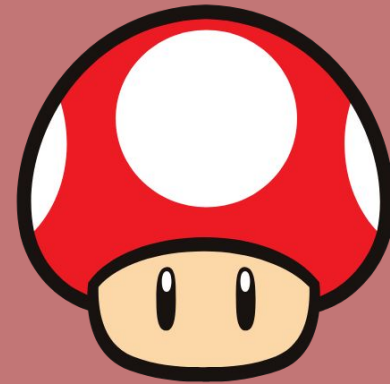


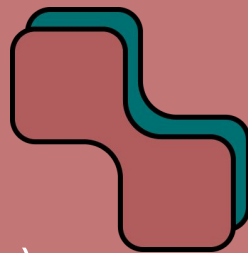
Há também outra observação importante: dado que o mínimo de peso de um cogumelo são 50 gramas, são muitos menos os cestos com peso menor que 200 gramas do que ao contrário!

Tema: Complete Search, Mathematics

Dificuldade: Médio +

Complexidade temporal:  $O(\binom{N}{C_4})$





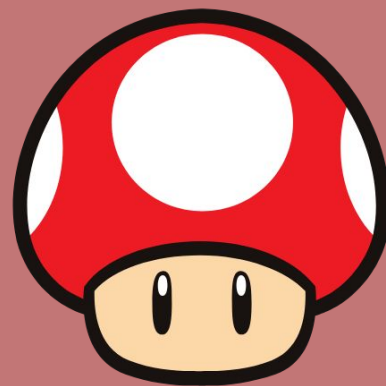
# Mushroom Baskets

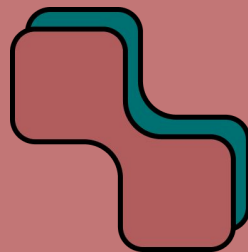
Assim devemos recursivamente (e com uso de *pruning*) calcular todos os cestos com peso menor do que 200 gramas. Depois basta subtrair este peso ao total e dar a resposta.

Tema: Complete Search, Mathematics

Dificuldade: Médio +

Complexidade temporal:  $O(\binom{N}{C_4})$





# Muigi's Vacuum Supplier

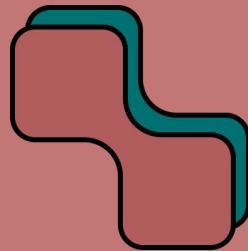
Observação chave: existindo apenas duas linhas de  $N$  colunas, o próximo espaço sujo ficará sempre ou na mesma coluna ou numa coluna à direita de onde se está atualmente.

Tema: Dynamic Programming

Dificuldade: Difícil

Complexidade temporal:  $O(N)$





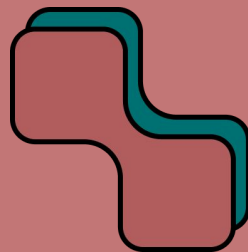
# Muigi's Vacuum Supplier

Podemos usar Dynamic Programming para resolver este exercício. Ao chegar a uma certa coluna vamos assumir que todos os espaços que estão nas colunas atrás estão limpos!

Tema: Dynamic Programming

Dificuldade: Difícil

Complexidade temporal:  $O(N)$



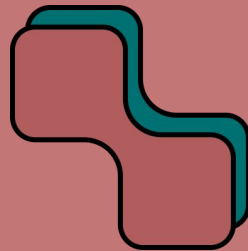
# Muigi's Vacuum Supplier

Vamos representar o nosso estado com três variáveis: a linha e coluna em que estamos e se o espaço na mesma coluna mas na outra linha vai ser deixado limpo ou não. Existem três hipóteses para passar para a próxima coluna:

Tema: Dynamic Programming

Dificuldade: Difícil

Complexidade temporal:  $O(N)$



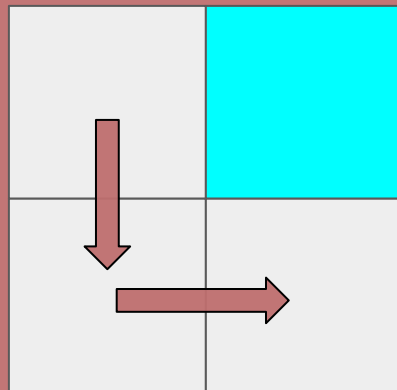
# Muigi's Vacuum Supplier

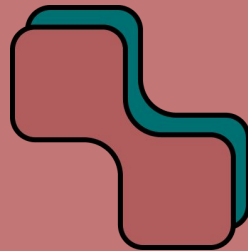
Vamos representar o nosso estado com três variáveis: a linha e coluna em que estamos e se o espaço na mesma coluna mas na outra linha vai ser deixado limpo ou não. Existem três hipóteses para passar para a próxima coluna:

Tema: Dynamic Programming

Dificuldade: Difícil

Complexidade temporal:  $O(N)$





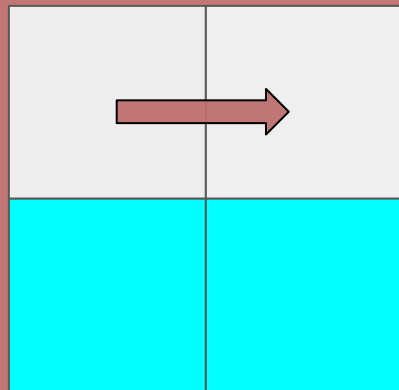
# Muigi's Vacuum Supplier

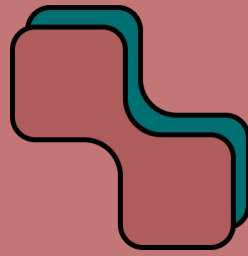
Vamos representar o nosso estado com três variáveis: a linha e coluna em que estamos e se o espaço na mesma coluna mas na outra linha vai ser deixado limpo ou não. Existem três hipóteses para passar para a próxima coluna:

Tema: Dynamic Programming

Dificuldade: Difícil

Complexidade temporal:  $O(N)$





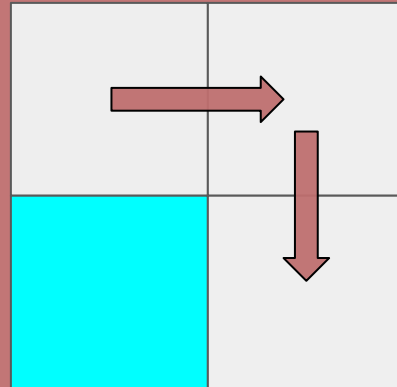
# Muigi's Vacuum Supplier

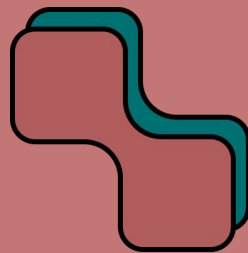
Vamos representar o nosso estado com três variáveis: a linha e coluna em que estamos e se o espaço na mesma coluna mas na outra linha vai ser deixado limpo ou não. Existem três hipóteses para passar para a próxima coluna:

Tema: Dynamic Programming

Dificuldade: Difícil

Complexidade temporal:  $O(N)$





# Lario and the Colliding Doombas

Este problema, apesar de parecer complexo, tem um “truque” que permite resolvê-lo de uma maneira muito simples!

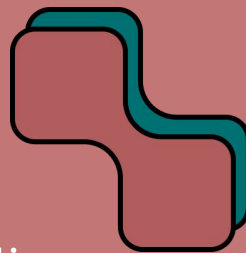
Tema: Ad Hoc

Dificuldade: Tricky!

Complexidade temporal:  $O(N)$



# Lario and the Colliding Doombas



Vamos imaginar dois doombas prestes a colidir, representados abaixo:

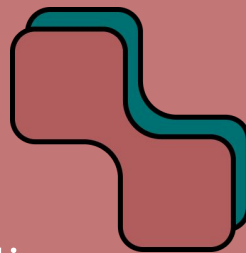
Tema: Ad Hoc

Dificuldade: Tricky!

Complexidade temporal:  $O(N)$



# Lario and the Colliding Doombas



Vamos imaginar dois doombas prestes a colidir, representados abaixo:

Tema: Ad Hoc

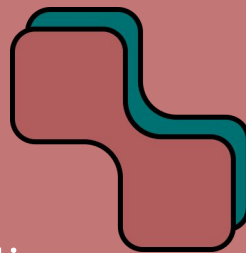
Dificuldade: Tricky!

Complexidade temporal:  $O(N)$





# Lario and the Colliding Doombas



Vamos imaginar dois doombas prestes a colidir, representados abaixo:

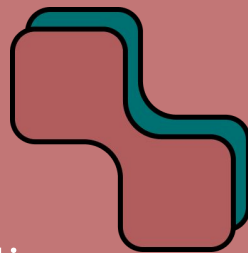
Tema: Ad Hoc

Dificuldade: Tricky!

Complexidade temporal:  $O(N)$



# Lario and the Colliding Doombas



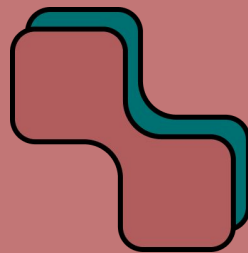
Vamos imaginar dois doombas prestes a colidir, representados abaixo:

Tema: Ad Hoc

Dificuldade: Tricky!

Complexidade temporal:  $O(N)$





# Lario and the Colliding Doombas

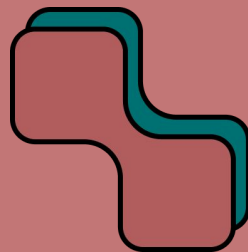
Em vez de pensarmos que os doombas chocam uns com os outros, podemos pensar que simplesmente passam uns pelos outros sem se tocarem.

Tema: Ad Hoc

Dificuldade: Tricky!

Complexidade temporal:  $O(N)$





# Lario and the Colliding Doombas

Assim precisamos apenas de ver a máxima distância entre a coordenada inicial de cada doomba e a ponta da plataforma para o qual ele está direcionado!

Tema: Ad Hoc

Dificuldade: Tricky!

Complexidade temporal:  $O(N)$

