



ACH2024 Algoritmos e Estruturas de Dados II

Prof. Ivandré Paraboni <u>ivandre@usp.br</u>
Estagiário PAE – Wesley Ramos dos Santos <u>wesley.ramos.santos@usp.br</u>

Exercícios básicos em grafos

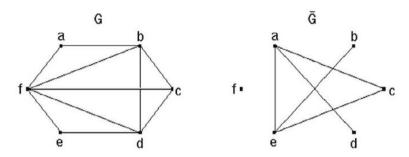
Exceto quando indicado, **todos exercícios** podem ser resolvidos em **listas ou matrizes** de adjacências. Para verificar se a resposta está correta ou não, use o compilador.

- 1. Escreva um algoritmo para contar a quantidade de laços em um grafo.
- 2. Variação: remover todos os laços encontrados.
- 3. Escreva um algoritmo para destruir as arestas de um grafo, tornando-o vazio.
- 4. Seja um grafo g dirigido. Escreva um algoritmo para retornar o grafo transposto de g.
- 5. Escreva um algoritmo que dado um grafo **m** representado em matriz, retorne o mesmo grafo em listas de adjacências.
- 6. Uma árvore enraizada é um grafo acíclico, conexo e dirigido, com um único vértice fonte de onde todas as arestas partem. Escreva um algoritmo que, dado um grafo **g**, verifique se é uma árvore enraizada ou não, retornando true/false conforme o caso.
- 7. Seja um grafo **g** não-dirigido ponderado (com um peso inteiro associado a cada aresta). Escreva um algoritmo que, dado **g** e um custo mínimo int **c**, retorne uma cópia de **g** contendo apenas as arestas de custo maior do que **c**.
- 8. Sejam dois grafos **g1** e **g2** contendo exatamente os mesmos vértices. Verifique se **g2** é um subgrafo de **g1**, retornando true/false conforme o caso. Para tornar o problema mais interessante, considere que um grafo é representado em listas e outro em matriz.
- 9. Dados dois grafos **g1** e **g2**, escreva um algoritmo que retorne um grafo **g3** cujas arestas estejam presentes em **g1** mas não em **g2**.
- 10. Considere um grafo dirigido em lista de adjacências representando uma rede de troca de emails, onde cada vértice representa um usuário, e cada aresta representa um email enviado. Cada aresta possui um campo int **id** que representa o conteúdo da mensagem (ou seja, o campo **id** faz parte da definição do nó das listas de adjacências). Problema: circula pela rede uma mensagem **x** do tipo spam. Escreva um algoritmo para exibir os usuários suspeitos de iniciar a propagação de **x**. Um usuário é considerado suspeito se ele próprio não recebeu a mensagem **x** nenhuma vez.
- 11. Considere um grafo dirigido em lista de adjacências representando uma rede de chamadas telefônicas entre diversas unidades de uma empresa, onde cada vértice representa uma unidade, e cada aresta representa uma chamada efetuada. As unidades podem estar em diferentes países, identificados por um campo int país definido no respectivo vértice. Problema: a conta de telefone global da empresa está muito alta. Escreva um algoritmo que identifique a unidade que efetua chamadas para o maior número de países. Havendo empate, retorne qualquer resposta possível.
- 12. Seja um grafo **g** não-dirigido. Escreva uma função para detectar ciclos em **g**, retornando true/false.
- 13. Variação 1: remover as arestas que provocam ciclo.
- 14. Variação 2: retornar o comprimento (i.e., a quantidade de arestas) do maior ciclo encontrado.
- 15. Seja um grafo **g** não-conexo e não-dirigido. Escreva uma função para contar a quantidade de grupos disjuntos de vértices mutuamente alcançáveis em **g**.
- 16. Variação: ao invés de contar os grupos, retornar uma lista ligada contendo os vértices do maior grupo identificado. Se dois ou mais grupos possuem a mesma quantidade de vértices, retornar a lista de vértices de qualquer um.
- 17. Seja um grafo **g** e dois vértices **a** e **b**. Verifique se há um caminho qualquer entre **a** e **b** retornando true/false conforme o caso.
- 18. Variação 1: contar quantos vértices há no caminho de a até b.
- 19. Variação 2: retornar a lista dos vértices que compõe o caminho de **a** até **b**.





- 20. Um grafo não dirigido é completo se todos seus vértices são adjacentes, ou seja, existe uma aresta conectando cada par de vértices de um grafo. Escreva um algoritmo que, dado um grafo simples **g**, verifique se **g** é completo, retornando *true/false* conforme o caso.
- 21. Seja $\mathbf{G} = (V;A)$ um grafo simples e $\mathbf{\bar{G}} = (V; V2-A)$ seu complemento, onde V2 é o conjunto de todos os pares de vértices em V . Escreva um método que, dado um grafo simples \mathbf{G} , retorne seu complemento $\mathbf{\bar{G}}$.



Da esquerda para direita, um grafo e seu complemento.

- 22. Seja um grafo g representando salas de aula (vértices) e suas ligações (arestas). Cada sala possui uma ocupação representada por um inteiro. Escreva um algoritmo que, a partir da sala atual i, encontre a sala vazia mais próxima, retornando o número do vértice correspondente. Havendo mais de uma sala que atenda estas condições, retorne a primeira que encontrar.
- 23. Variação: havendo empate, retorne uma lista ligada contendo todas as salas vazias mais próximas.
- 24. Para todos os vértices de um grafo, calcular o tamanho do caminho mais curto a partir de um vértice inicial i.
- 25. Seja um grafo não-dirigido representando uma rede social. Os vértices são os usuários e as arestas indicam relações (e.g., de amizade) entre pares de usuários. Dado um usuário i, escreva um algoritmo para exibir todos os usuários relacionados a i com até d graus de distância (medida em quantidade de arestas). Os amigos imediatos estão no grau 1, os amigos dos amigos no grau 2, e assim por diante.
- 26. Seja um grafo dirigido representando trocas de email entre usuários. Os vértices são usuários e as arestas orientadas indicam que houve envio de mensagens na respectiva direção, incluindo um contador do número de mensagens enviadas. Escreva um algoritmo que, dado um usuário atual i, retorne uma lista ligada contendo todos os usuários que estão diretamente relacionados com i, e que enviaram ou receberam pelo menos k mensagens de/para i. A constante k é fornecida como parâmetro de entrada para a função.
- 27. Seja um grafo representando uma malha aérea. Vértices são cidades e arestas são voos. Escreva um algoritmo que, dada uma cidade origem **a**, um destino **b** e uma companhia aérea **c**, encontre o trajeto com menor número de conexões de **a** até **b** voando apenas pela companhia **c**. A resposta deve ser fornecida na forma de uma lista ligada de vértices de **a** até **b**.
- 28. Seja um grafo representando as ruas de uma cidade ligando pontos de interesse identificados por um código numérico inteiro (1=hotéis, 2=restaurante etc.) Escreva um algoritmo que, dado um código de ponto de interesse **x** e uma posição atual **i**, retorne o vértice contendo o **x** mais próximo. Havendo empate, retorne o primeiro que encontrar.
- 29. Variação: considere ainda que existe um local **n** que *não* deve ser visitado (por exemplo, **n** pode ser uma área da cidade que foi interditada por alguma razão). Modifique o algoritmo de acordo.