Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет информационных технологий, механики и оптики

УЧЕБНЫЙ ЦЕНТР ОБЩЕЙ ФИЗИКИ ФТФ

Группа Р3112 К работе допущен

Студент Сенина Мария и Никонова Наталья Работа выполнена

Преподаватель Сорокина Е.К. Отчёт принят

Рабочий протокол и отчёт по лабораторной работе № 3-13 <u>Измерение магнитного поля Земли</u>

1. Цель работы

Изучение основных характеристик свободных затухающих колебаний.

2. Задачи, решаемые при выполнении работы.

- 1. Измерить значение силы тока в катушках для каждого угла отклонения стрелки компаса.
- 2. Рассчитать среднее значение силы тока для каждого угла.
- 3. Рассчитать индукцию магнитного поля катушек Гельмгольца для каждого угла.
- 4. Рассчитать параметр у для каждого угла.
- 5. Построить график зависимости индукции магнитного поля катушек от у.
- 6. Найти угловой коэффициент этой зависимости по МНК, который является величиной индукции магнитного поля Земли.
- 7. Сравнить полученное значение с табличным.

3. Объект исследования.

Магнитное поле Земли и катушек Гельмгольца.

4. Метод экспериментального исследования.

Для того, чтобы определить магнитное поле Земли, нужно чтобы оно с чем-то провзаимодействовало, тогда мы сможем поверить его. Т.к. нам нужно не только направление, но и модуль индукции мы будем действовать на компас двумя полями, так что модуль можно будет рассчитать, как разность суммы и известного вектора индукции установки.

Для этого соберём схему, как на рисунке 1. Т.е. подключим к одинаковым источникам две катушки, чтобы ток в них тёк параллельно, расстояние между ними ровнялось радиусу — т.е. усилим поле между ними в два раза и упростим себе расчёты.

В данном эксперименте нас интересует только горизонтальная составляющая поля, поэтому метод годится, если и поле установки тоже будет горизонтальным.

5. Рабочие формулы и исходные данные.

Используемые формулы:

1. Средняя сила тока в катушке: $\langle I \rangle = \frac{I_1 + I_2 + I_3}{3}$

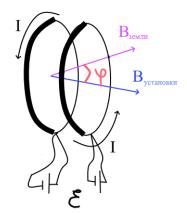


Рисунок 1 Схема установки

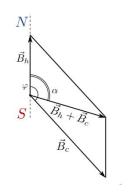


Рисунок 2 Схема сложения

Где B_h - горизонтальная составляющая поля земли, B_c - поле установки

2. Магнитная индукция катушек Гельмгольца:
$$B_c = \mu_0 \left(\frac{4}{5}\right)^{\frac{3}{2}} * \frac{ln}{R}$$

3. Параметр ү:
$$\gamma_i = \frac{\sin{(\alpha_i)}}{\sin{(\varphi - \alpha_i)}}$$

MHK:

1. Коэффициент линейной зависимости
$$A\gamma = B_c$$
: $A = \frac{\sum_{i=1}^{N} B_{ci} \gamma_i}{\sum_{i=1}^{N} \gamma_i^2}$

2. Выборочное среднеквадратичное отклонение:
$$\sigma_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (B_{c_i} - A\gamma_i)^2}{(N-1)\sum_{i=1}^N {\gamma_i}^2}}$$

- 3. Абсолютная погрешность через коэффициент Стьюдента, где N число измерений, α доверительная вероятность: $\Delta x = x_{\alpha,N} \cdot \sigma_{\langle x \rangle}$
- 4. Относительная погрешность через абсолютную: $\varepsilon_{\chi} = \frac{\Delta x}{x} * 100\%$

Исходные данные:

- 1. Paduyc катушек: R = 0,15 м
- 2. Число витков в каждой из катушек: n = 100
- 3. Магнитная постоянная: $\mu_0 = 4\pi * 10^{-7} \frac{H}{A^2}$
- 4. Коэффициент Стьюдента для доверительной вероятности α =0,95 и числа измерений N=14, $x_{\alpha,N}$ = 1,76

4.

6. Схема установки

См рисунок 1

7. Измерительные приборы.

№ n/n	Наименование	Используемый диапазон	Погрешность прибора
1.	Амперметр	0-100 мкА	
2.	Компас	0°-360°	

8. Результаты прямых измерений и их обработки.

Результаты измерений см в приложении.

9. Расчёт результатов косвенных измерений.

1. Рассчитаем для каждого значения угла величину средней силы тока в катушках по формуле: $\langle I \rangle = \frac{I_1 + I_2 + I_3}{3}$

Пример расчёта:

$$\langle I \rangle = \frac{7 \text{ A} + 8 \text{ A} + 8 \text{ A}}{3} = 7.7 \text{ A}$$

2. Для каждого значения угла рассчитаем величину магнитного поля катушек Гельмгольца B_c по формуле: $B_c = \mu_0 \left(\frac{4}{5}\right)^{\frac{3}{2}} * \frac{\ln n}{R}$. Пример расчёта:

$$B_c = 4 * \pi * 10^{-7} * \frac{\text{H}}{4^2} * \left(\frac{4}{5}\right)^{\frac{3}{2}} * \frac{7,67 * 10^{-3} \, A * 100}{0.15 \, \text{M}} = 0,0046 \, \text{MTл} = 4,6 \, \text{MкТл}$$

3. Для каждого значения угла рассчитаем величину параметра γ по формуле: $\gamma_i = \frac{\sin{(\alpha_i)}}{\sin{(\varphi - \alpha_i)}}$ Пример расчёта:

$$\gamma_1 = \frac{\sin(10^\circ)}{\sin(160^\circ - 10^\circ)} = 0.35$$

- 4. Сведём рассчитанные данные в таблицу (см. Приложение)
- 5. Построим график зависимости $B_c = B_c(\gamma_i)$
- 6. Найдём угловой коэффициент этой зависимости по МНК, который будет равен величине магнитного поля Земли B_h : $B_c = A * \gamma$. Заполним вспомогательную таблицу:

Вспомогательная таблица для МНК

$oldsymbol{B_c}*oldsymbol{\gamma}$, мк ${ m T}$ л	$d^2=(B_c-A*\gamma)^2$, мк ${ m T}{ m J}^2$	γ^2
1,60	7,23	0,12
4,25	10,03	0,28
6,91	9,61	0,43
9,20	10,10	0,55
11,73	7,35	0,66
14,06	6,05	0,77
15,77	8,55	0,88
17,18	14,36	1,00
19,78	13,96	1,13
23,18	12,04	1,29
27,94	8,70	1,50
34,73	6,16	1,82
50,21	0,40	2,35
105,90	286,64	3,53

Примеры расчётов:

$$\gamma_1^2=0.35^2=0.12$$
 $\gamma_1*B_{c_1}=0.35*4.6$ мк $\mathrm{T}\pi=1.60$ мк $\mathrm{T}\pi$

(Пример расчёта параметра д в пункте 10)

$$B_h = A = rac{\sum_{i=1}^N B_{c_i} \gamma_i}{\sum_{i=1}^N \gamma_i^2} = rac{1,60 \text{ мкТл} + 4,25 \text{ мкТл} + \dots + 105,90 \text{ мкТл}}{0,12 + 0,28 + \dots + 3,53} = 20,97 \text{ мкТл}$$

10. Расчёт погрешностей

1. Рассчитаем параметр d и заполним второй столбец вспомогательной таблицы. Пример расчёта:

$$d_1^2 = (4.6 \text{ MKT} \pi - 20.97 \text{ MKT} \pi * 0.35)^2 = 7.23 \text{ MKT} \pi^2$$

2. Рассчитаем СКО углового коэффициента (индуктивности магнитного поля Земли) по

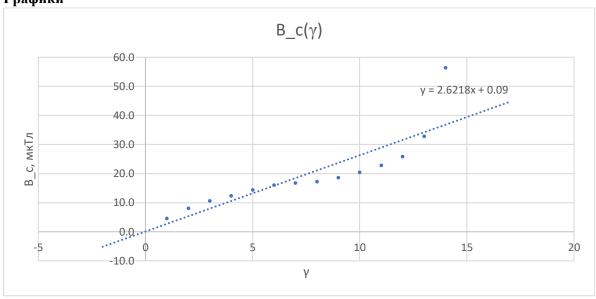
формуле:
$$\sigma_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (B_{c_i} - A\gamma_i)^2}{(N-1)\sum_{i=1}^N {\gamma_i}^2}}$$
Расчёт: $\sigma_A = \sqrt{\frac{(7,23+10,03+\cdots+286,64)\text{мкТ}\pi^2}{(14-1)(0,12+0,28+\cdots+3,53)}} = 1,37 \text{ мкТ}\pi$

3. Найдём абсолютную погрешность индуктивности магнитного поля Земли по формуле: $\Delta B_h = x_{\alpha,N} \cdot \sigma_{B_h}$

Pacчет: $\Delta B_h = 1,76 * 1,37$ мкTл = 2,42 мкTл

4. Найдём относительную погрешность: $\varepsilon_{B_h} = \frac{\Delta B_h}{B_h} * 100\% = \frac{2,42 \text{ мкТл}}{20,97 \text{ мкТл}} * 100\% = 11,54\%$

11. Графики



12. Окончательные результаты.

Индукция магнитного поля Земли в лаборатории: $B_h = (20,97 \pm 2,42)$ мкТл, Относительная погрешность: $\varepsilon_{B_h} = 11,54\%$, для доверительной вероятности $\alpha = 0,95$. Табличное значение магнитного поля Земли в Санкт-Петербурге в 2008 году: $B_h = 14,92$ мкТл

13. Выводы и анализ результатов работы.

В этой лабораторной работе мы измерили горизонтальную составляющую магнитного поля Земли. Если верить данным http://db.izmiran.nw.ru/timeseries/pavlovsk-mm.html и считать, что поле земли не меняется за 10 лет больше чем на 1 мкТл, то наш результат хорошо совпадает с табличным значением за 2008ой год.

И тот факт, что стрелка компаса вращается вокруг оси с трением, т.е. при маленькой силе со стороны магнитного поля может не доходить до нужного значения. С этим мы столкнулись в процессе снятия измерений — часть из них пришлось перемерить, потому что значения слишком сильно расходились. (Яркий пример выбивающаяся точка с $\alpha = 140^\circ$.

Ну и конечно, высчитывая погрешность мы не учитываем возможность возникновения систематической ошибки из-за присутствия в лаборатории объектов, создающих дополнительные магнитные поля.