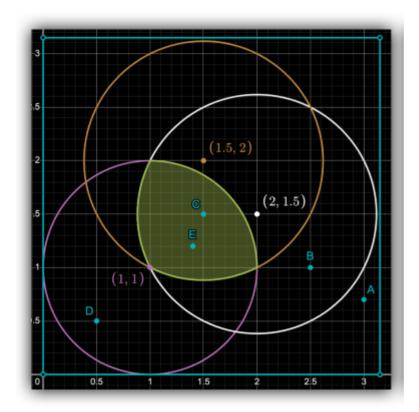
Лучше сразу открыть тут

Алгоритм Монте-Карло

1. Реализован алгоритм Монте-Карло на основе случайной генерации точек в заданной прямоугольной области для приближенного вычисления площади пересечения трех кругов, заданных координатами центров и радиусами.



- Изначально в качестве фигуры, внутри которой генерируются точки, выбран квадрат с координатами левого нижнего угла в (0; 0) и правого верхнего в (3.5; 3.5). Как видно из картинки, фигура, площадь которой нужно найти, полностью находится внутри выбранного квадрата.
- Выбранное количество точек: 1e8
- Результат:

Found square: 0.944028

Real square: 0.944517

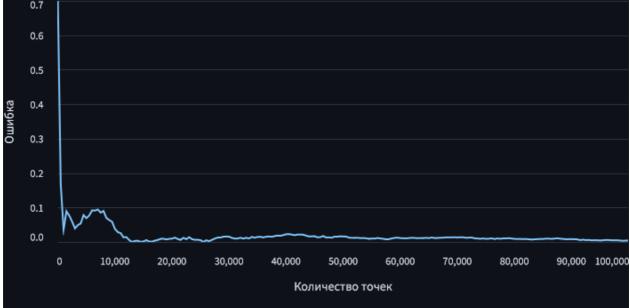
Error: 0.000488821

2. Выполнена визуализация экспериментов с параметрами

• Зависимость найденной алгоритмом площади от количества сгенерированных точек

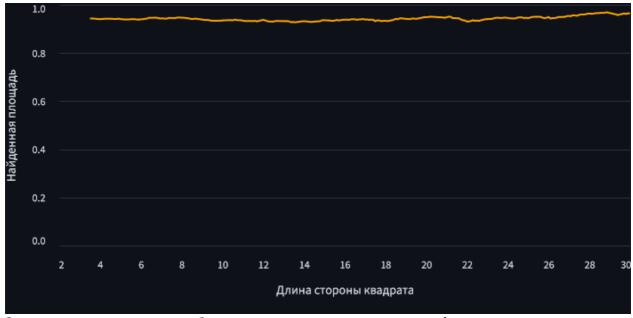




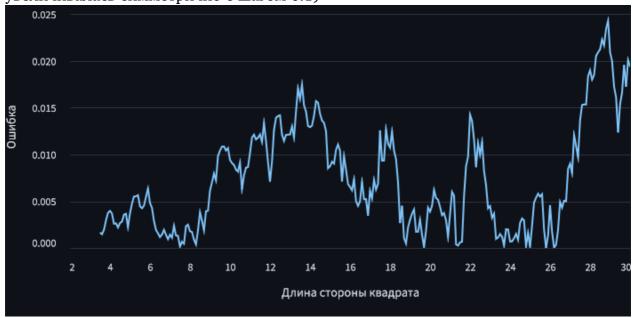




• Зависимость найденной алгоритмом площади от длины стороны квадрата (длина стороны увеличивалась симметрично с шагом 0.1)



• Зависимость модуля ошибки от длины стороны квадрата (длина стороны увеличивалась симметрично с шагом 0.1)



3. Описание результатов и выводы

- С помощью алгоритма Монте-Карло удалось вычислить площадь заданной области с погрешностью менее 5e-4.
- При маленьком количестве точек (до 10000) ошибка достаточно высокая, а затем резко снижается. Есть тенденция снижения ошибки и дальше с увеличением количества точек, но она снижается скачками.
- Если посмотреть на график зависимости найденной площади от длины стороны квадрата, кажется, что это значение почти не меняется. На самом деле это не так, ведь борьба идет за сотые, тысячные и меньше, просто это не очень заметно на этом графике.
- Более иллюстративен график зависимости модуля ошибки от длины стороны квадрата. Можно сделать вывод о том, что обычно, чем меньше длина квадрата (соответственно и его площадь), тем меньше ошибка. Однако ошибка снижается скачками при уменьшении длины стороны квадрата.
- Основной вывод: чем ближе площадь фигуры, внутри которой генерируются точки, к площади искомой фигуры (при этом искомая фигура должна быть

полностью внутри той, в которой генерируются точки, иначе алгоритм становится некорректным) и чем больше точек генерируется, тем точнее будет найдена площадь.

4. Другое

1. id посылки на codeforces: <u>292393606</u>

2. ссылка на репозиторий