

Московский авиационный институт  
(национальный исследовательский университет)  
Институт № 8 «Компьютерные науки и прикладная математика»

**Лабораторная работа № 2  
по курсу "Теоретическая механика  
и компьютерное моделирование"**

**Кинематика системы**

Выполнил студент группы М8О-206Б-21  
Лохматов Н.И  
Преподаватель: Чекина Евгения Алексеевна

Оценка:  
Дата: 25.12.2022

## Вариант № 10

### Задание:

Твёрдое тело массы  $M$  удерживается с помощью цилиндрического шарнира  $O$  и спиральной пружины жёсткости  $c$  (рис. 10). Центр тяжести тела находится в точке  $A$ , где  $OA = a$ ,  $OB = b$ . Когда  $OA$  находится на вертикали, пружина не напряжена. Момент инерции тела относительно горизонтальной оси  $O$ , перпендикулярной плоскости рисунка, равен  $J_0$ . По поверхности тела движется точка  $D$  массы  $m$ , при перемещении которой возникает сила сопротивления  $F = -k \dot{s}$ ,  $k = \text{const}$ , пропорциональная относительной скорости точки.

1. Ввести подвижную систему координат, связав её с вращающимся телом. Считая  $s(t)$  и  $\phi(t)$  заданными функциями времени, вычислить абсолютную скорость и абсолютное ускорение точки  $A$ . Изобразить на чертеже составляющие векторов  $\vec{v}_{abc}$  и  $\vec{w}_{abc}$ .

### Текст программы:

```
import matplotlib
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from matplotlib.animation import FuncAnimation
from matplotlib.patches import Rectangle
import sympy as sp
import math

matplotlib.use('TkAgg')

def Spring(x0, y0, phi, rad): # return lists for a spring
    SX = [x0 + rad * t * sp.cos(t) / (6 * math.pi) for t in np.linspace(0, 6 * math.pi + (1 / 2) * math.pi +
    SY = [y0 + rad * t * sp.sin(t) / (6 * math.pi) for t in np.linspace(0, 6 * math.pi + (1 / 2) * math.pi +
    return SX, SY

def Triangle(): # на чём стоит спираль
    TX = [-1, 1, 0, -1]
    TY = [-1.5, -1.5, 0, -1.5]
    return TX, TY

def Ro(phi, rad): # это тот зелёный лучик
    RX = [0, -rad * sp.sin(phi)]
    RY = [0, rad * sp.cos(phi)]
    return RX, RY

def Rectangle(phi, Rb, Rt):
    KX = -Rb * sp.sin(phi + 3 * math.pi / 8) # тут точки прямоугольника
```

```

LX = -Rt * sp.sin(phi + math.pi / 4)
NX = -Rb * sp.sin(phi - 3 * math.pi / 8)
MX = -Rt * sp.sin(phi - math.pi / 4)
KY = Rb * sp.cos(phi + 3 * math.pi / 8)
NY = Rb * sp.cos(phi - 3 * math.pi / 8)
LY = Rt * sp.cos(phi + math.pi / 4)
MY = Rt * sp.cos(phi - math.pi / 4)
RcX = [KX, LX, MX, NX, KX]
RcY = [KY, LY, MY, NY, KY]
return RcX, RcY

h = 6

def Square(phi, s):
    # сторона квадрата
    a = 1
    X1, Y1 = - math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.sin(phi + sp.atan(s / h)), \
              math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.cos(phi + sp.atan(s / h))
    X2, Y2 = - math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.sin(phi + sp.atan(s / h)) - a * sp.sin(phi), \
              math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.cos(phi + sp.atan(s / h)) + a * sp.cos(phi)
    X3, Y3 = - math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.sin(phi + sp.atan(s / h)) - a * sp.sin(phi) - a * sp.cos(phi), \
              math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.cos(phi + sp.atan(s / h)) + a * sp.cos(phi) - a * sp.sin(phi)
    X4, Y4 = - math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.sin(phi + sp.atan(s / h)) - a * sp.cos(phi), \
              math.sqrt(s ** 2 + h ** 2) * sp.cos(phi + sp.atan(s / h)) - a * sp.sin(phi)

    RcX = [X1, X2, X3, X4, X1]
    RcY = [Y1, Y2, Y3, Y4, Y1]
    return RcX, RcY

# defining parameters
a = 10
ro = 2.5
Rtop = 6 * (2 ** 0.5)
Rbot = 3 * (5 ** 0.5)

# defining t as a symbol (it will be the independent variable)
t = sp.Symbol('t')
# here x, y, Vx, Vy, Wx, Wy, xC are functions of 't'
phi = 0.8 * sp.sin(4 * t)
s = 5 * sp.sin(4 * t)
# s = 5

# constructing corresponding arrays
T = np.linspace(0, 20, 1000)
XSpr = np.zeros_like(T)
YSpr = np.zeros_like(T)

```

```

Phi = np.zeros_like(T)
S = np.zeros_like(T)
# filling arrays with corresponding values
for i in np.arange(len(T)):
    Phi[i] = sp.Subs(phi, t, T[i])
    S[i] = sp.Subs(s, t, T[i])

# here we start to plot
fig = plt.figure(figsize=(17, 8))

ax1 = fig.add_subplot(1, 2, 1)
ax1.axis('equal')
ax1.set(xlim=[XSpr.min() - 2 * a, XSpr.max() + 2 * a], ylim=[YSpr.min() - 2 * a, YSpr.max() + 2 * a])

# plotting a spring
SpX, SpY = Spring(XSpr[0], YSpr[0], Phi[0], a / 8)
Spr, = ax1.plot(SpX, SpY, 'black')

# plotting triangle
TrX, TrY = Triangle()
Trngl, = ax1.plot(TrX, TrY, 'brown')

# plotting Ro
RoX, RoY = Ro(Phi[0], ro)
Rorad, = ax1.plot(RoX, RoY, 'green')

# plotting Rectangle
RectangleX, RectangleY = Rectangle(Phi[0], Rbot, Rtop)
Rect, = ax1.plot(RectangleX, RectangleY, 'purple')

# plotting Square
SquareX, SquareY = Square(Phi[0], S[0])
Sqr, = ax1.plot(SquareX, SquareY, 'red')

l = 1

XE = -(h+1/2)*sp.sin(phi)
YE = (h+1/2)*sp.cos(phi)

XD = XE-s*sp.cos(phi)
YD = YE-s*sp.sin(phi)

VxD = sp.diff(XD)
VyD = sp.diff(YD)
VmodD = sp.sqrt(VxD**2+VyD**2)

WxD = sp.diff(VxD)
WyD = sp.diff(VyD)
WmodD = sp.sqrt(WxD**2+WyD**2)

```

```

"""constructing functions"""
countOfFrames = 200
T_start, T_stop = 0, 12
T = np.linspace(T_start, T_stop, countOfFrames)

VmodD_def = sp.lambdify(t, VmodD)
WmodD_def = sp.lambdify(t, WmodD)

VD = VmodD_def(T)
WD = WmodD_def(T)

# plotting T-V and T-W
ax2 = fig.add_subplot(4, 2, 2)
ax2.set(xlim=[T_start, T_stop], ylim=[VD.min(), VD.max()])
tv_x = [T[0]]
tv_y = [VD[0]]
TV, = ax2.plot(tv_x, tv_y, '-')
ax2.set_xlabel('T')
ax2.set_ylabel('V')

ax3 = fig.add_subplot(4, 2, 4)
ax3.set(xlim=[T_start, T_stop], ylim=[WD.min(), WD.max()])
tw_x = [T[0]]
tw_y = [WD[0]]
TW, = ax3.plot(tv_x, tv_y, '-')

ax3.set_xlabel('T')
ax3.set_ylabel('W')

plt.subplots_adjust(wspace=0.3, hspace=0.7)

# function for recounting the positions

def anima(i):
    SpX, SpY = Spring(XSpr[i], YSpr[i], Phi[i], a / 8)
    Spr.set_data(SpX, SpY)
    RoX, RoY = Ro(Phi[i], ro)
    Rorad.set_data(RoX, RoY)
    RecX, RecY = Rectangle(Phi[i], Rbot, Rtop)
    Rect.set_data(RecX, RecY)
    SqX, SqY = Square(Phi[i], S[i])
    Sqr.set_data(SqX, SqY)

    tv_x.append(T[i])
    tv_y.append(VD[i])
    tw_x.append(T[i])
    tw_y.append(WD[i])
    TV.set_data(tv_x, tv_y)

```

```

TW.set_data(tw_x, tw_y)
if i == countOfFrames - 1:
    tv_x.clear()
    tv_y.clear()
    tw_x.clear()
    tw_y.clear()

return Spr, Rorad, Rect, Sqr, TV, TW

# animation function

anim = FuncAnimation(fig, anima, frames=1000, interval=0.01, blit=True)

plt.show()

```

Результат работы программы:

