算法与数据结构体系课程

liuyubobobo

链表与递归

从Leetcode上一个问题开始

203. 删除链表中的元素

在链表中删除值为val的所有节点

- 如 1->2->6->3->4->5->6->NULL，要求删除值为6的节点
- 返回 1->2->3->4->5->NULL

实践：解决203，不使用虚拟头结点

实践：测试leetcode上的链表程序

实践：解决203，使用虚拟头结点

递归与递归的宏观语意

递归

- 本质上，将原来的问题，转化为更小的同一问题

- 举例：数组求和

Sum(arr[0…n-1]) = arr[0] + Sum(arr[1…n-1]) ← 更小的同一问题

Sum(arr[1…n-1]) = arr[1] + Sum(arr[2…n-1]) ← 更小的同一问题

……

Sum(arr[n-1…n-1]) = arr[n-1] + Sum([]) ← 最基本的问题

实践：递归数组求和

递归

- 注意递归函数的“宏观”语意
- 递归函数就是一个函数，完成一个功能

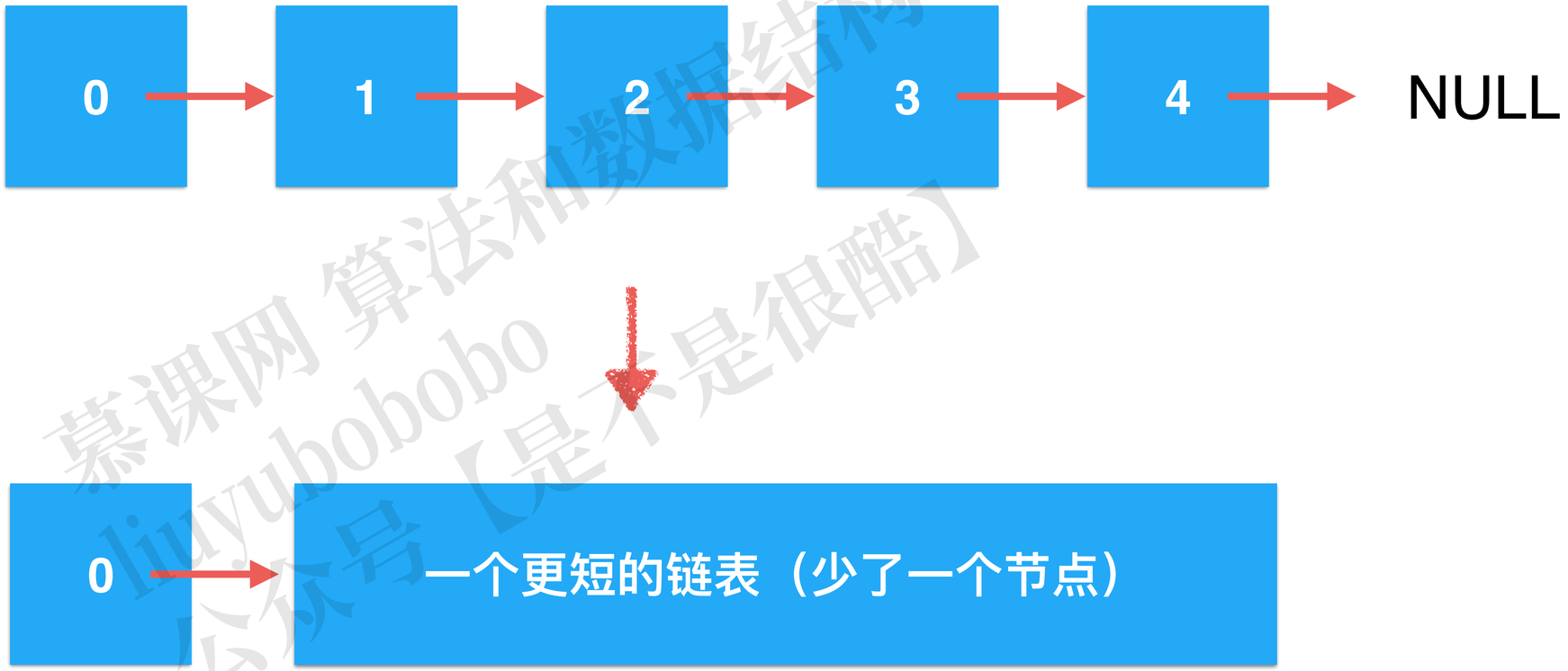
```
// 计算 arr[l…n) 范围里的数字和
public static int sum(int[] arr, int l){

    if(l == arr.length)
        return 0;

    return arr[l] + sum(arr, l + 1);
}
```

求解最基本问题

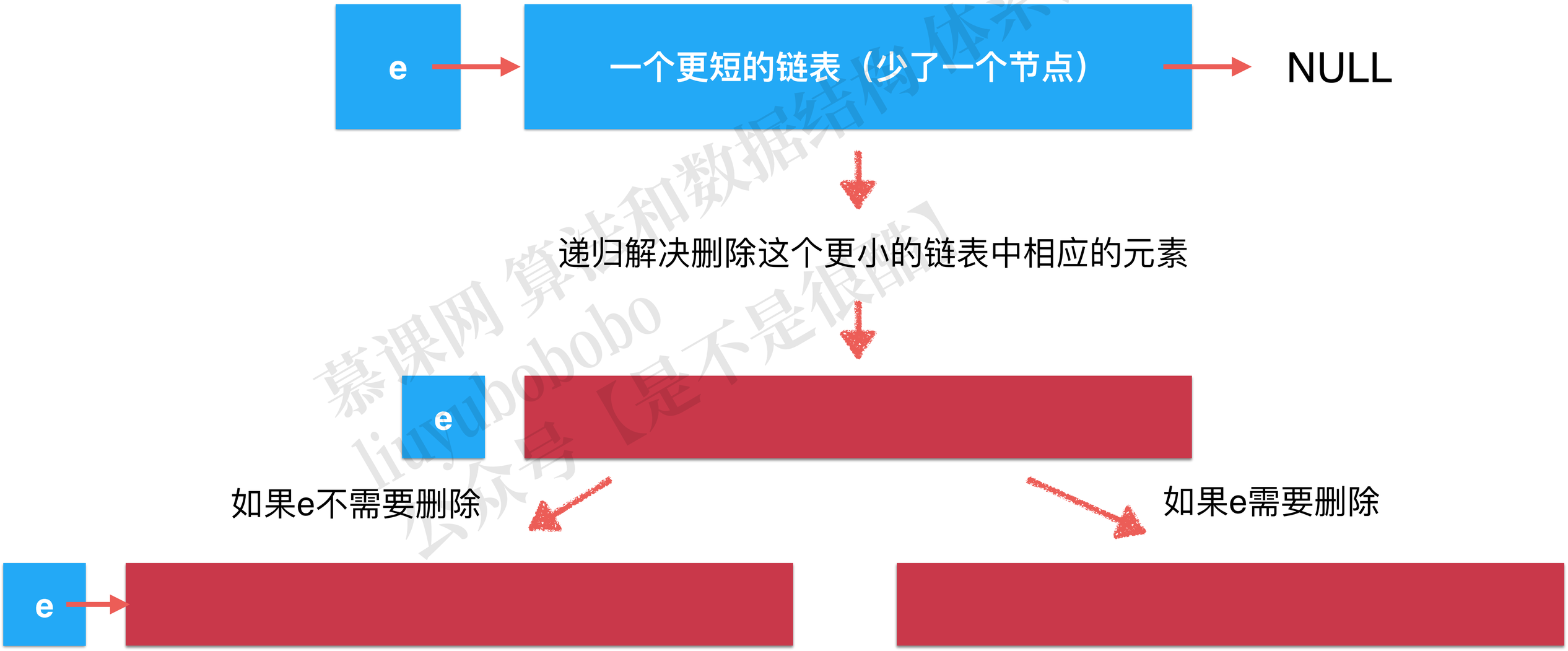
把原问题转化成更小的问题

链表和递归

链表天然的递归性



解决链表中删除元素的问题



实践：Leetcode 203 使用递归思路求解

递归函数的“微观”解读

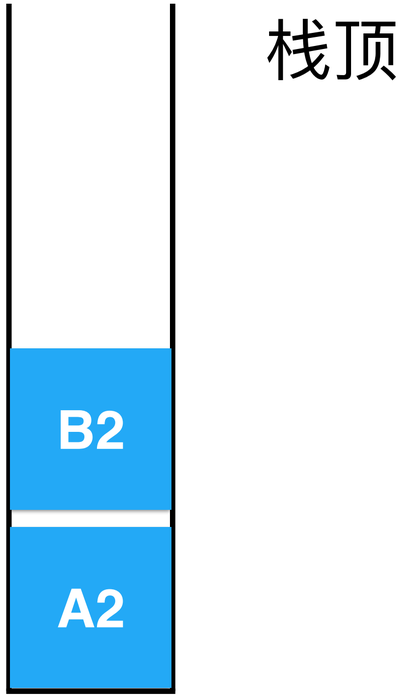
栈的应用

- 程序调用的系统栈

```
func A(){
1    …
2    B()
3    …
}
```

```
func B(){
1    …
2    C()
3    …
}
```

```
func C(){
1    …
2    …
3    …
}
```



递归函数的“微观”解读

```
public static int sum(int[] arr, int l){

    if(l == arr.length)
        return 0;

    return arr[l] + sum(arr, l + 1);
}
```

递归函数的“微观”解读

- 递归函数的调用，本质就是函数调用
- 只不过调用的函数是自己而已

```
public static int sum(int[] arr, int l){

    if(l == arr.length)
        return 0;

    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

res = 10

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

res = 10

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

res = 10

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 10

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

res = 10

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 10

res = 16

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

res = 10

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 10

res = 16

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

res = 10

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

递归函数的“微观”解读

arr = [6, 10]

调用sum(arr, 0)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 10

res = 16

调用sum(arr, 1)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

x = 0

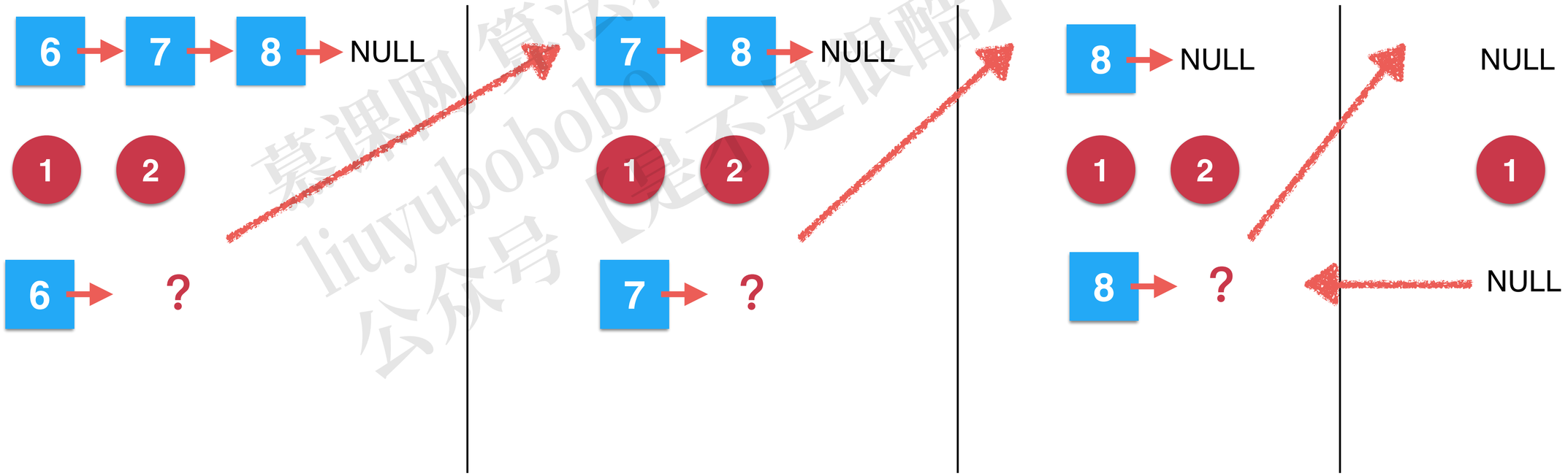
res = 10

调用sum(arr, 2)

```
int sum(int[] arr, int l){

    if(l == n) return 0;
    int x = sum(arr, l + 1);
    int res = arr[l] + x;
    return res;
}
```

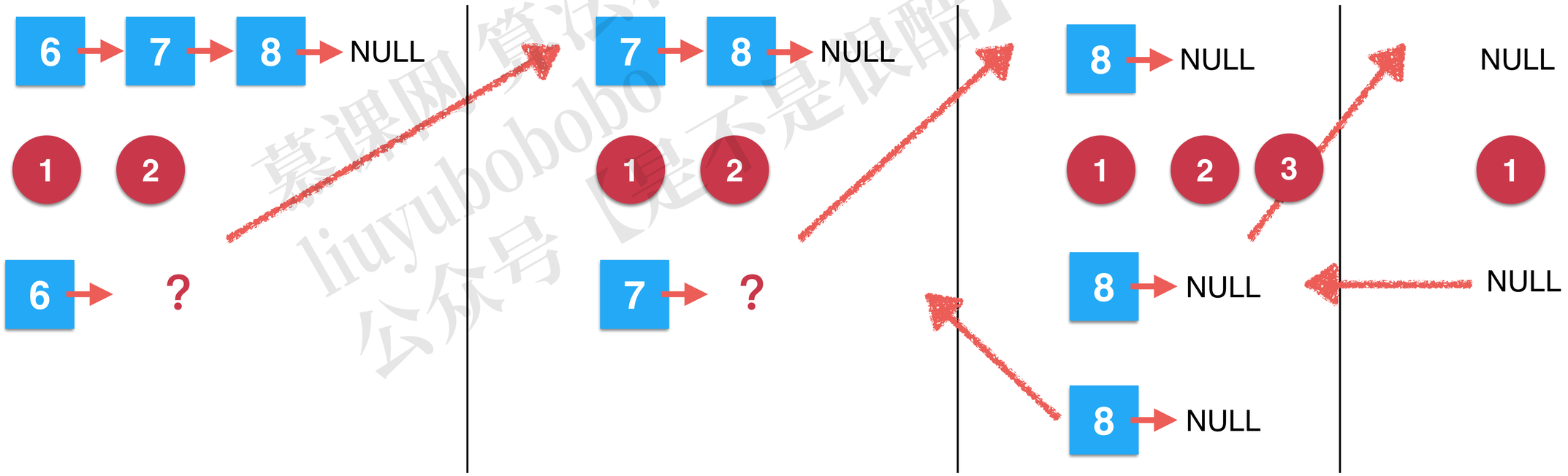
```java
public ListNode removeElements(ListNode head, int val) {

    if(head == null)
        return null;

    head.next = removeElements(head.next, val);
    return head.val == val ? head.next : head;
}
```

模拟调用,对 6->7->8->null 删除7



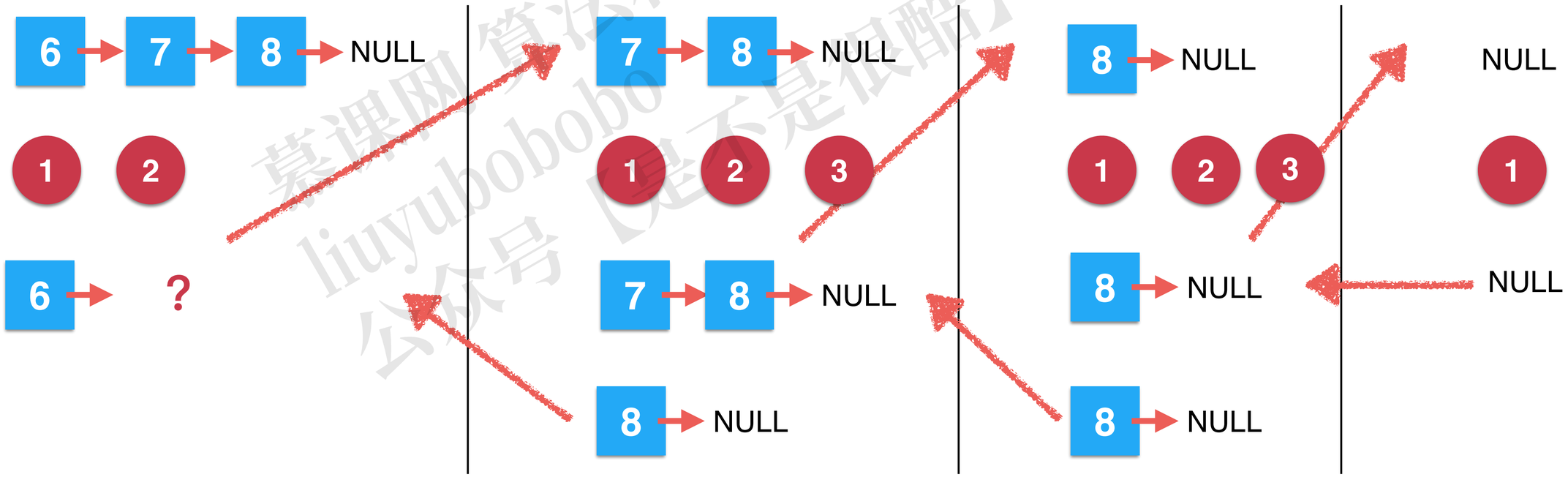
```java
public ListNode removeElements(ListNode head, int val) {

    if(head == null)
        return null;

    head.next = removeElements(head.next, val);
    return head.val == val ? head.next : head;
}
```

模拟调用,对 6->7->8->null 删除7



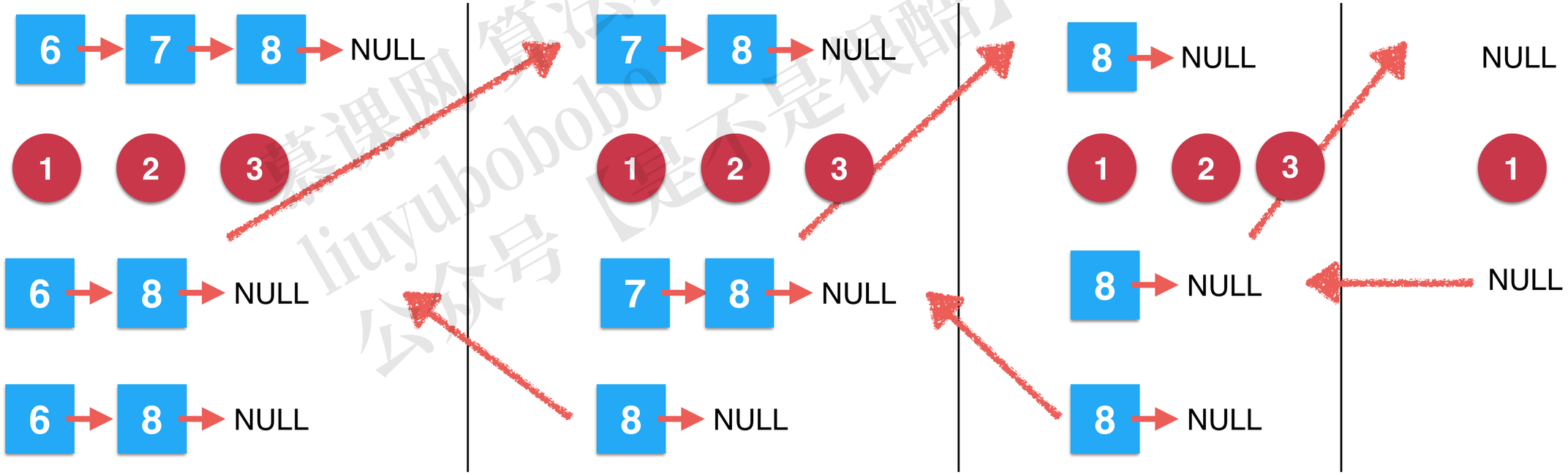
```java
public ListNode removeElements(ListNode head, int val) {

    if(head == null)
        return null;

    head.next = removeElements(head.next, val);
    return head.val == val ? head.next : head;
}
```

模拟调用,对 6->7->8->null 删除7



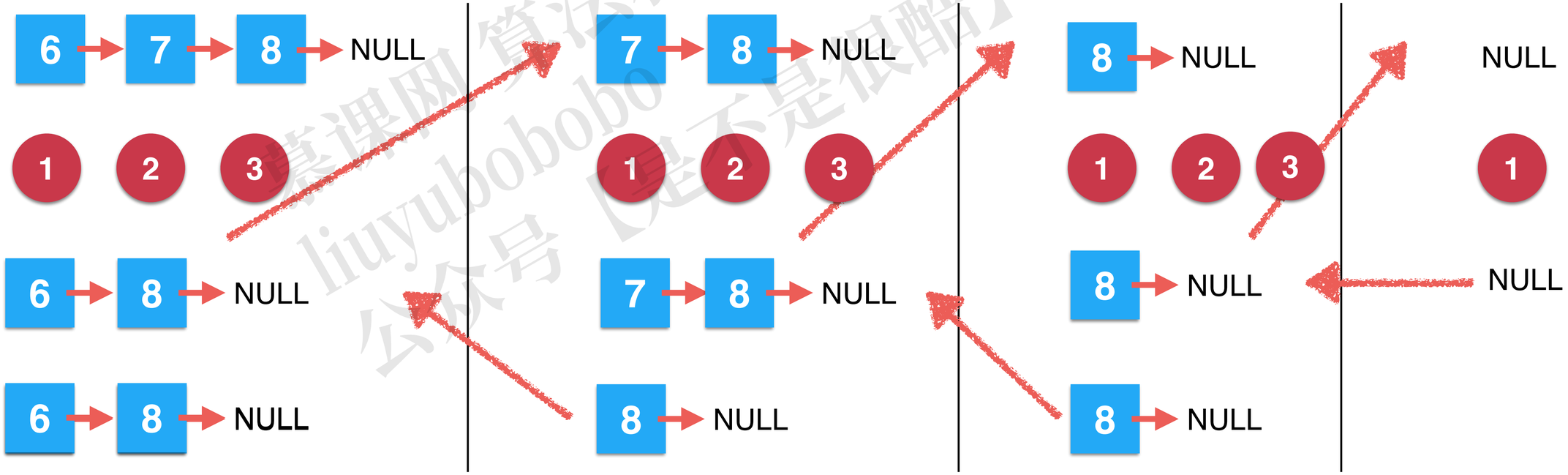
```java
public ListNode removeElements(ListNode head, int val) {

    if(head == null)
        return null;

    head.next = removeElements(head.next, val);
    return head.val == val ? head.next : head;
}
```

模拟调用,对 6->7->8->null 删除7



```java
public ListNode removeElements(ListNode head, int val) {

    if(head == null)
        return null;

    head.next = removeElements(head.next, val);
    return head.val == val ? head.next : head;
}
```

模拟调用,对 6->7->8->null 删除7



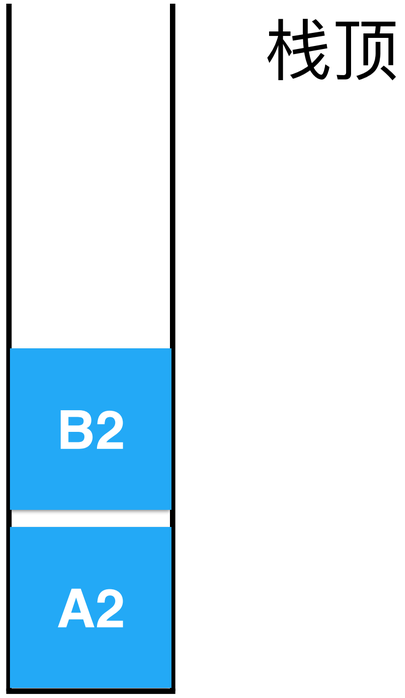
栈的应用

- 程序调用的系统栈

```
func A(){
1    …
2    B()
3    …
}
```

```
func B(){
1    …
2    C()
3    …
}
```

```
func C(){
1    …
2    …
3    …
}
```



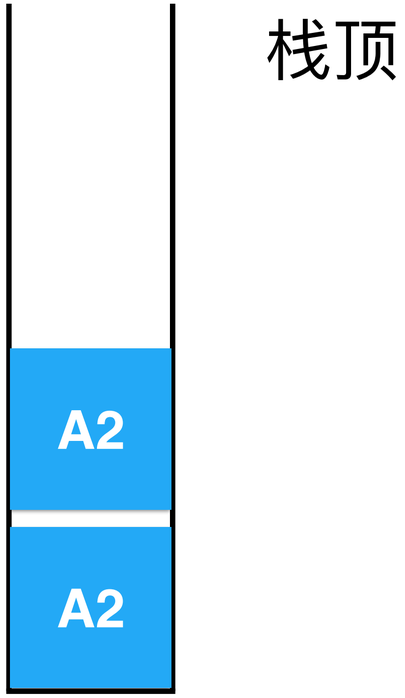
栈的应用

- 程序调用的系统栈
- 递归调用是有代价的：函数调用 + 系统栈空间

```
func A(){
1    …
2    A()
3    …
}
```

```
func A(){
1    …
2    A()
3    …
}
```

```
func A(){
1    …
2    …
3    …
}
```



调试递归程序

实践：调试递归程序

作业：链表的递归实现

作业：链表的递归实现

- 关于递归
- 近乎和链表相关的所有操作，都可以使用递归的形式完成
- 建议同学们对链表的增，删，改，查，进行递归实现

作业解析：链表的递归实现

链表添加元素递归实现的一个常见问题

链表添加元素递归实现的一个常见问题

递归函数的“宏观”语意：

在以 head 为头节点的链表中删除值为 val 的节点，并返回结果链表的头结点

```
public ListNode removeElements(ListNode head, int val) {

    if(head == null)
        return null;

    head.next = removeElements(head.next, val);
    return head.val == val ? head.next : head;
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题

在以 head 为头节点的链表中删除值为 val 的节点，并返回结果链表的头结点

```
public ListNode removeElements(ListNode head, int val) {

    if(head == null)
        return null;

    head.next = removeElements(head.next, val);
    return head.val == val ? head.next : head;
}
```

可不可以不返回头节点?

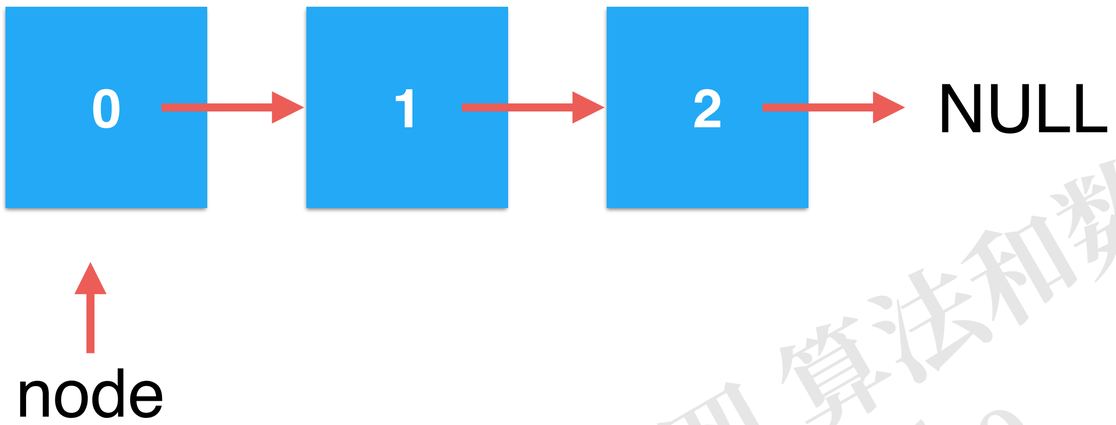
不可以，否则递归函数的结果不能和前面的链表连接起来

链表添加元素递归实现的一个常见问题

```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

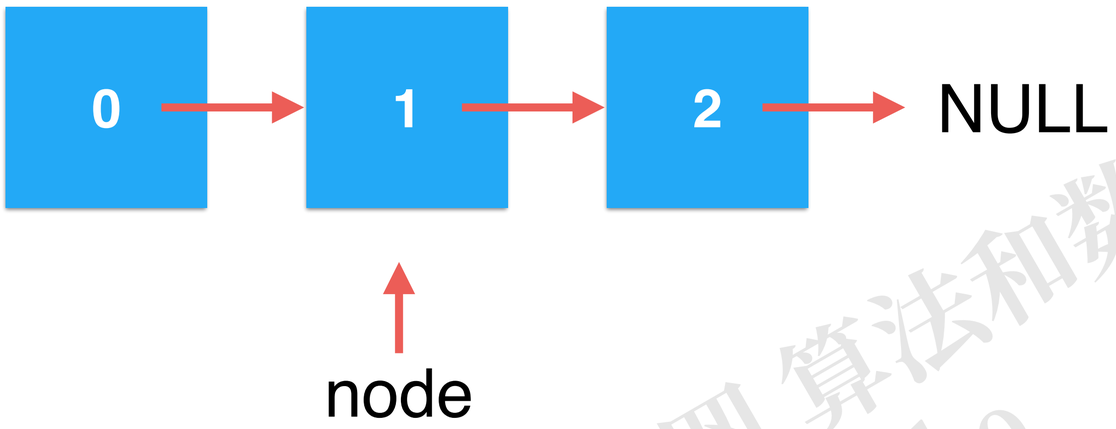
```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



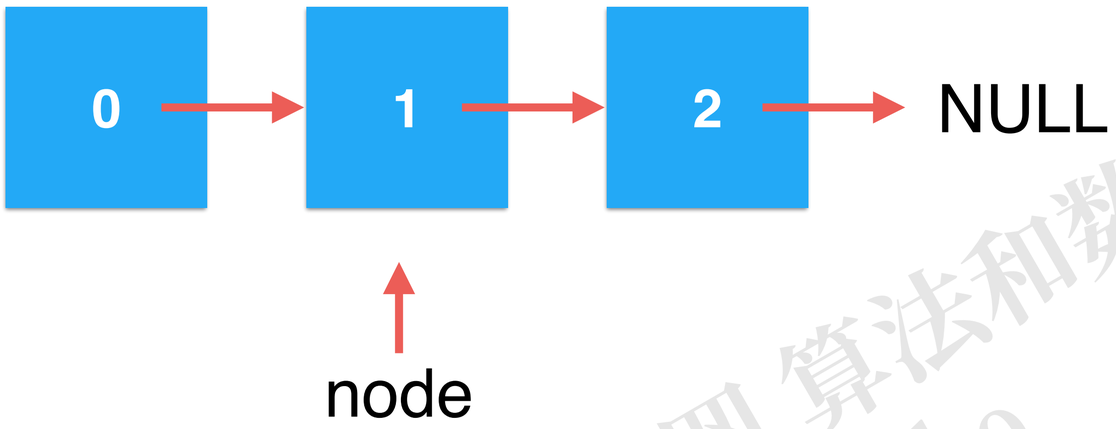

```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



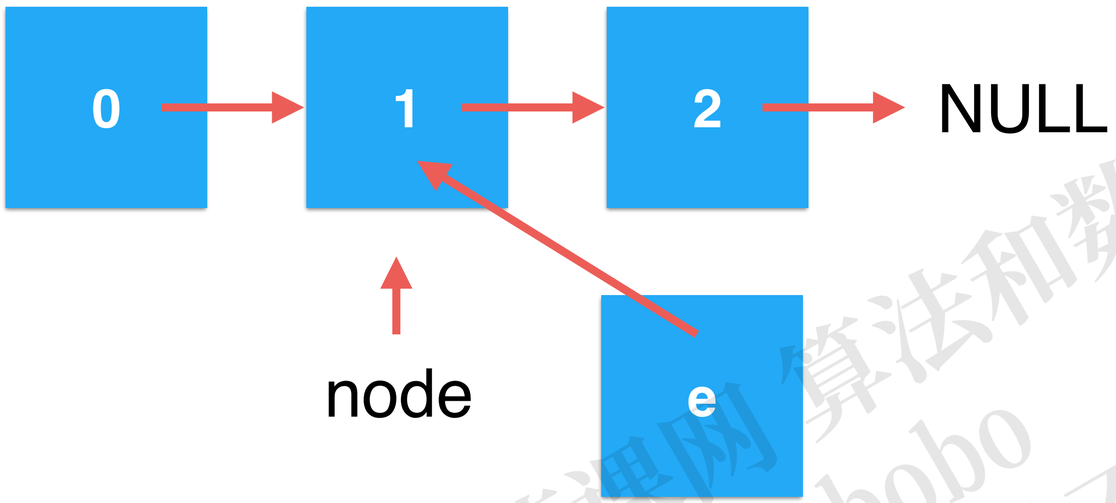

```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



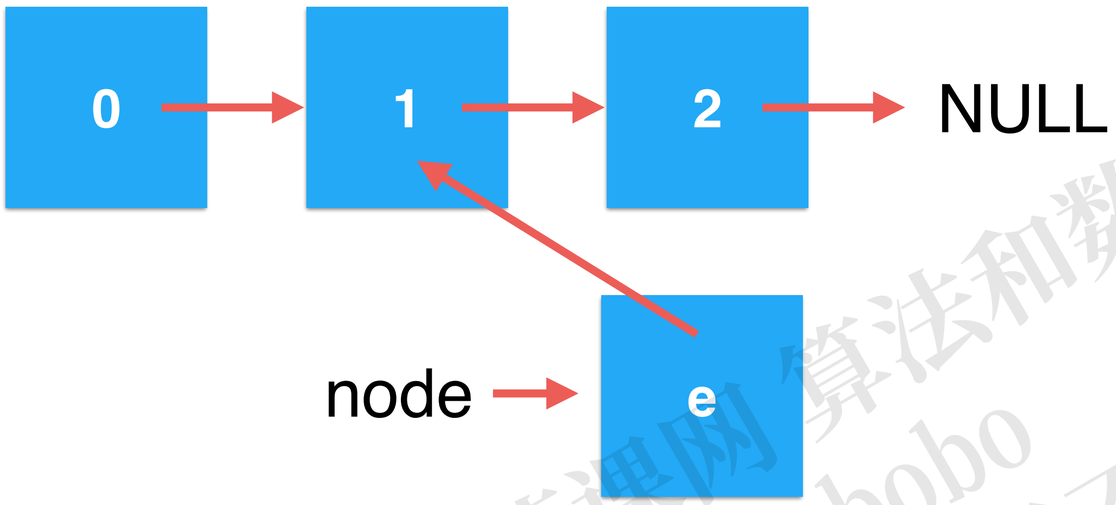

```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



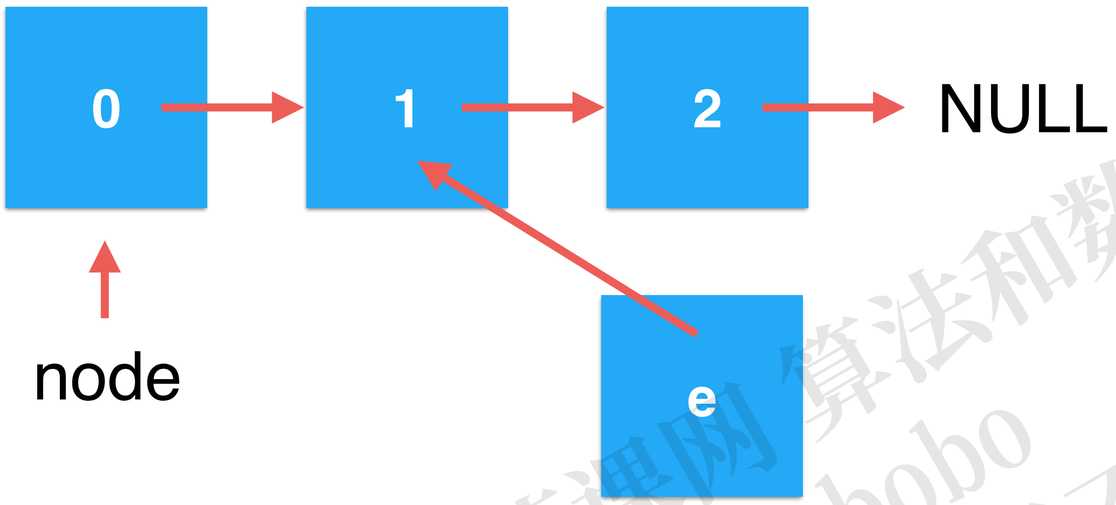

```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



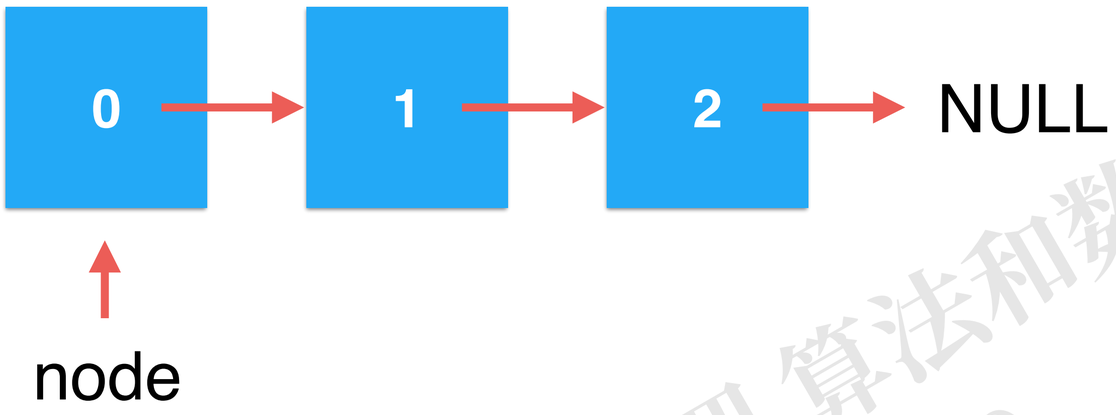

```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



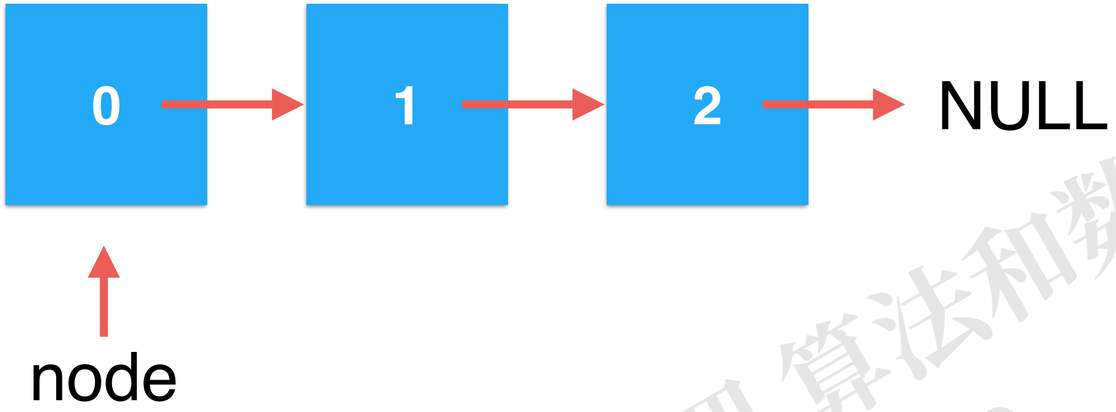

```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



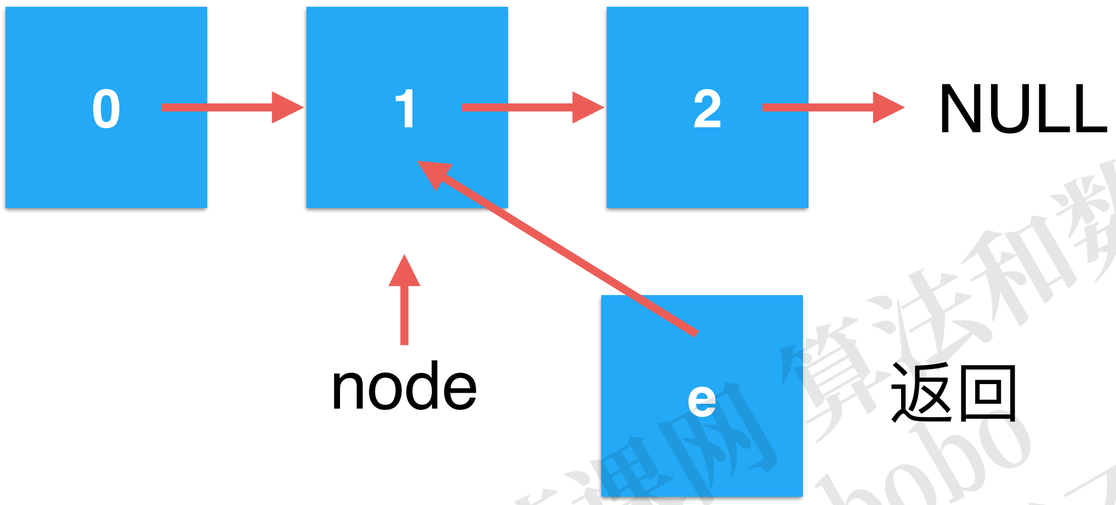

```
public void add(int index, E e){
    add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private void add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0){
        node = new Node(e, node);
        return;
    }

    add(node.next, index - 1, e);
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



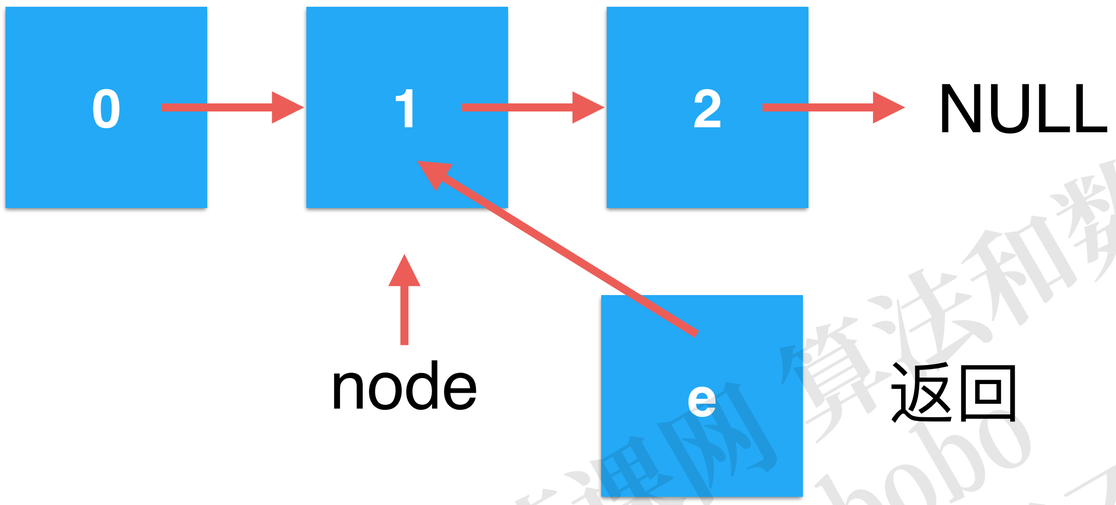

```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



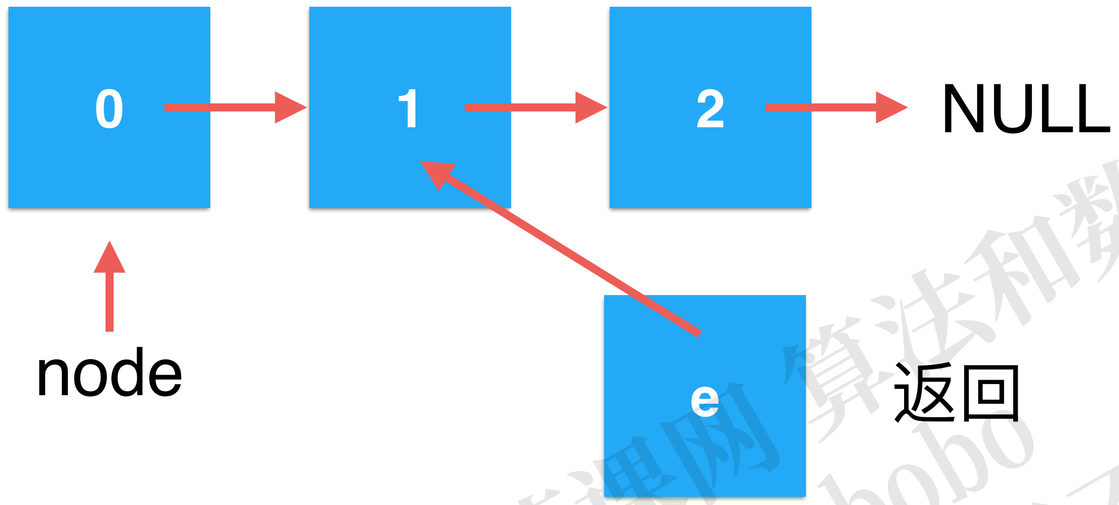

```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



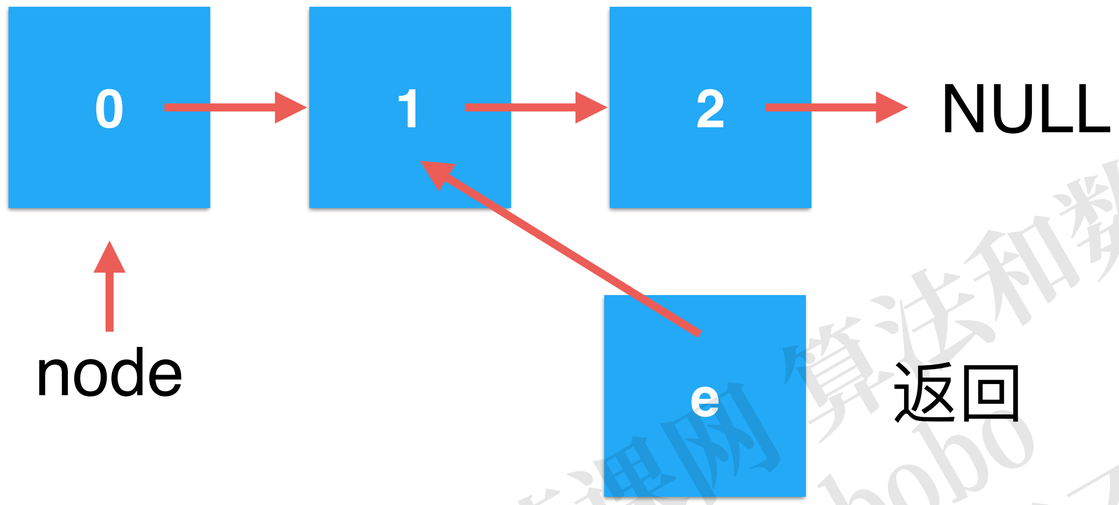

```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



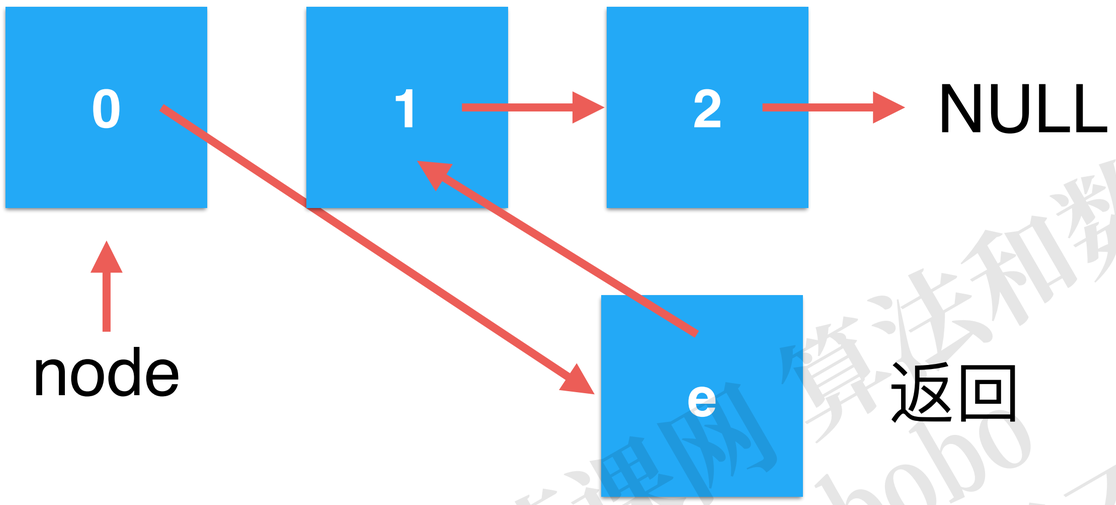

```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题



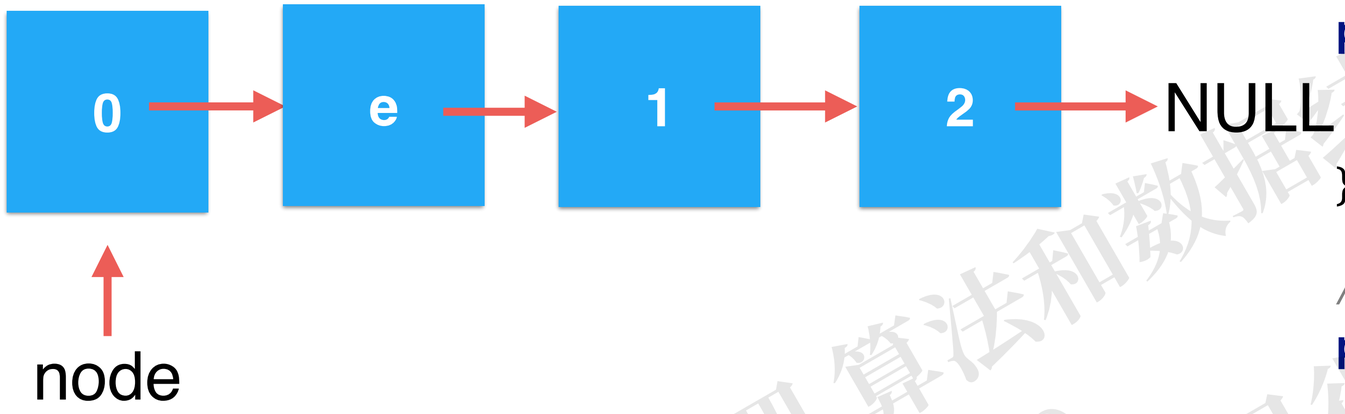

```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题




```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

链表添加元素递归实现的一个常见问题

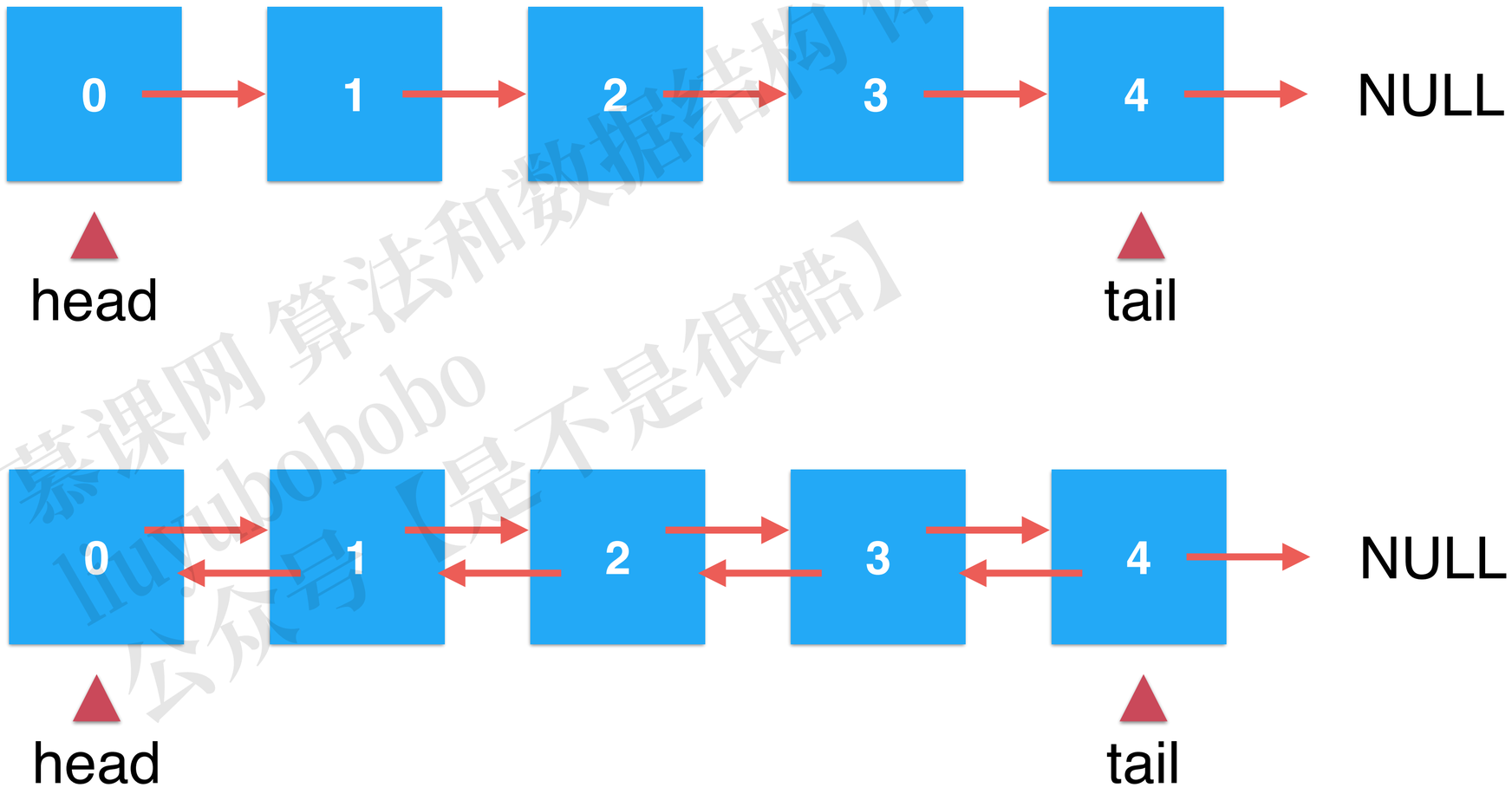



```
public void add(int index, E e){
    head = add(head, index, e);
    size ++;
}

// 在以node为头结点的链表的index位置插入元素e，递归算法
private Node add(Node node, int index, E e){

    if(index == 0)
        return new Node(e, node);

    node.next = add(node.next, index - 1, e);
    return node;
}
```

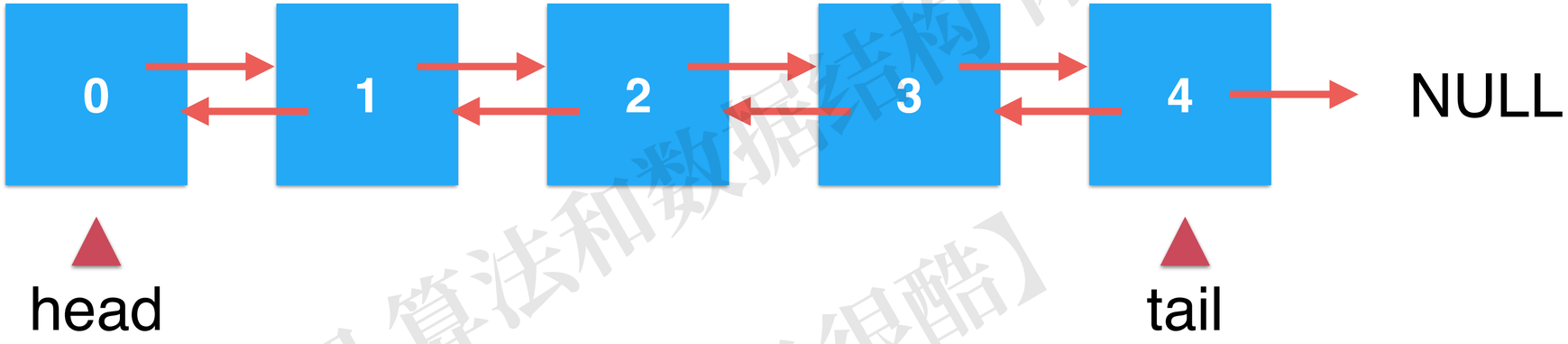
更多和链表相关的话题

斯坦福文档说明

双链表

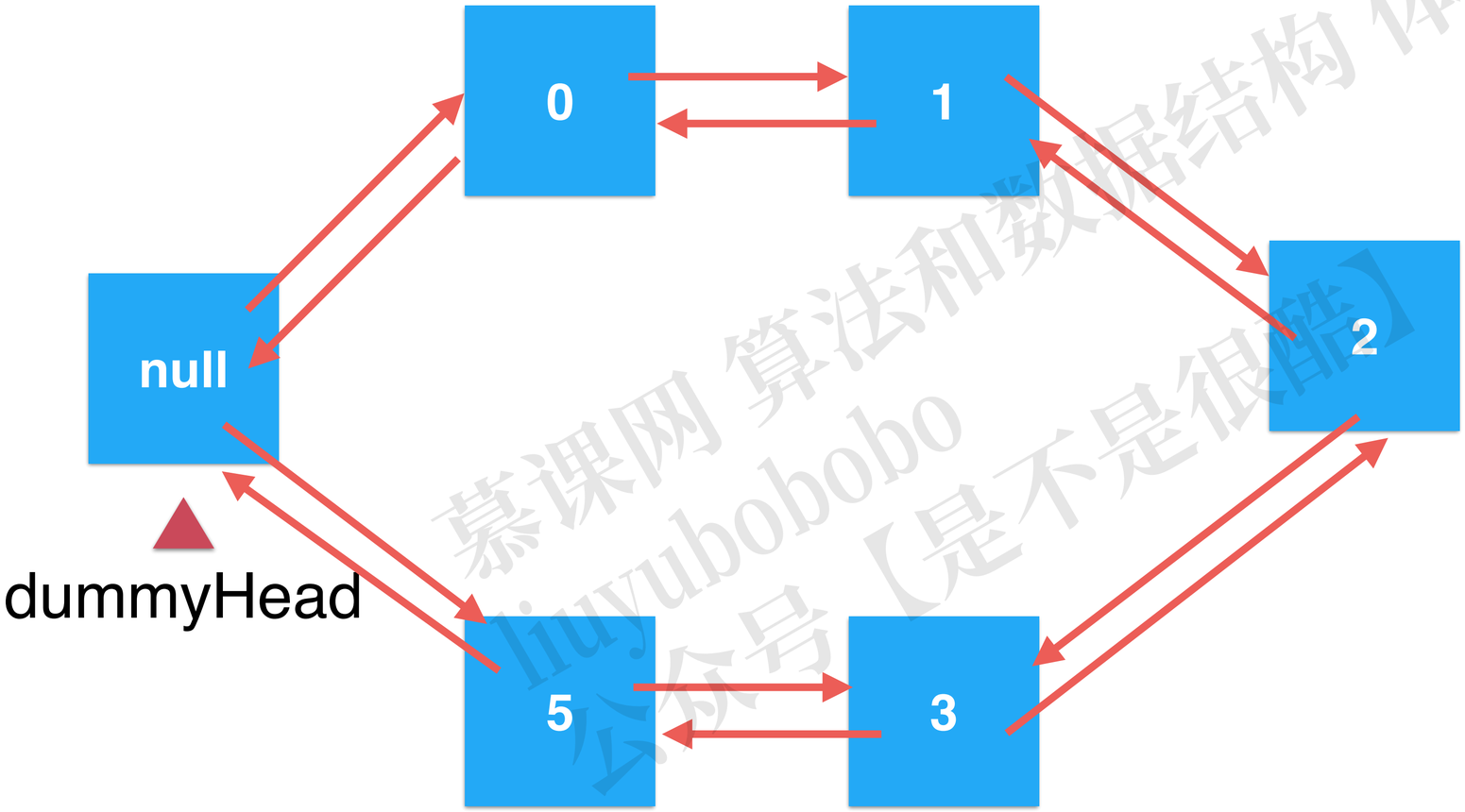


双链表



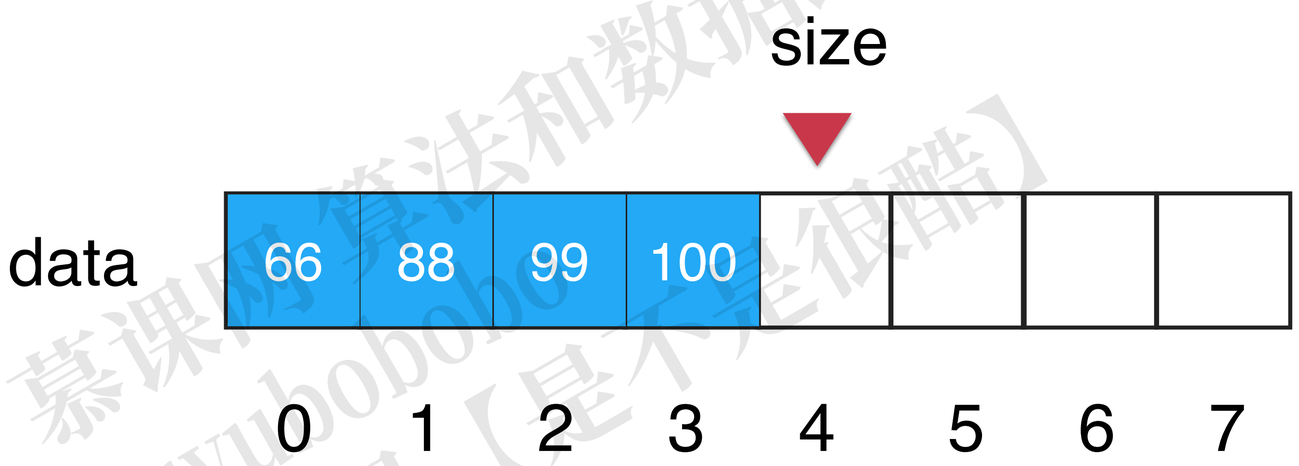

```
class Node {
    E e;
    Node next, prev;
}
```

循环链表

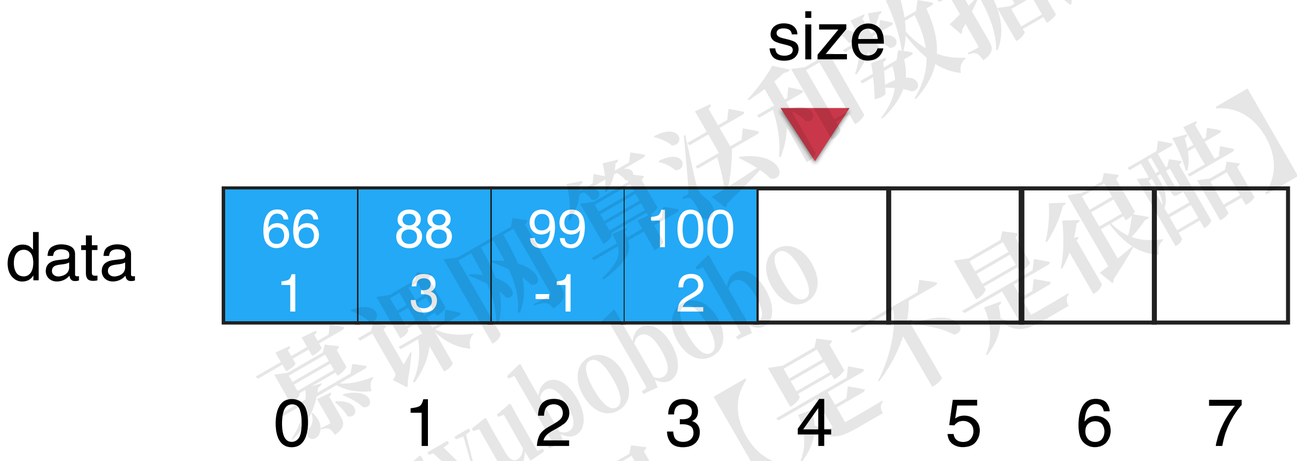



```
class Node {
    E e;
    Node next, prev;
}
```

数组链表



数组链表




```
class Node {
    E e;
    int next;
}
```

链表

其他

欢迎大家关注我的个人公众号：是不是很酷

算法与数据结构体系课程

liuyubobobo