算法与数据结构体系课程

liuyubobobo

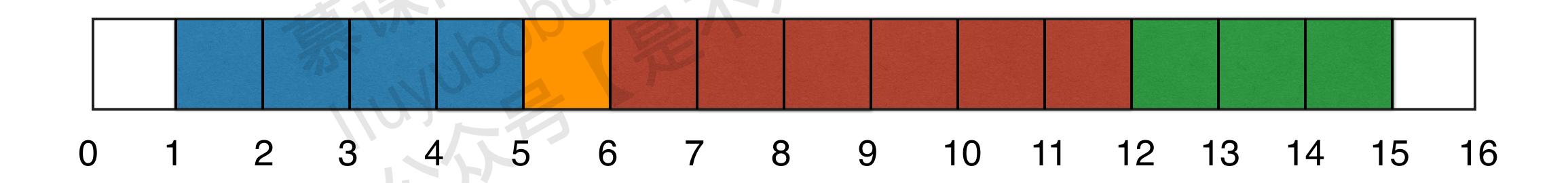
线段树(区间树)

Segment Tree

对于有一类问题, 我们关心的是线段(或者区间)

最经典的线段树问题: 区间染色

有一面墙,长度为n,每次选择一段儿墙进行染色



m次操作后,我们可以看见多少种颜色?

最经典的线段树问题: 区间染色

m次操作后,我们可以看见多少种颜色?

m次操作后,我们可以在[i,j]区间内看见多少种颜色?

m次操作后,我们可以在[i, j]区间内看见多少种颜色?

使用数组实现

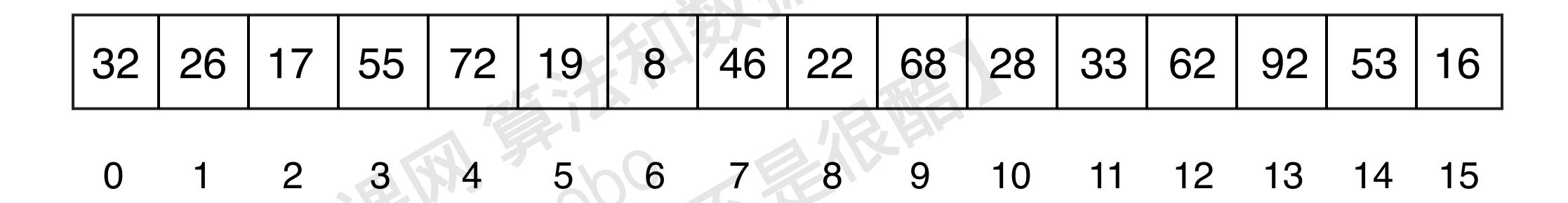
染色操作 (更新区间)

O(n)

查询操作(查询区间)

O(n)

另一类经典问题: 区间查询



查询一个区间[i, j]的最大值,最小值,或者区间数字和

实质: 基于区间的统计查询

实质: 基于区间的统计查询

2017年注册用户中消费最高的用户?消费最少的用户?学习时间最长的用户?

某个太空区间中天体总量?

使用数组实现

更新

O(n)

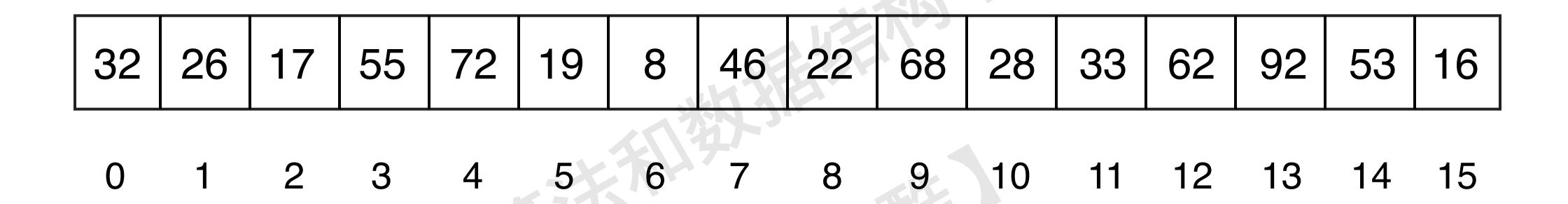
查询

O(n)

使用数组实现使用线段树

更新 O(n) O(logn)

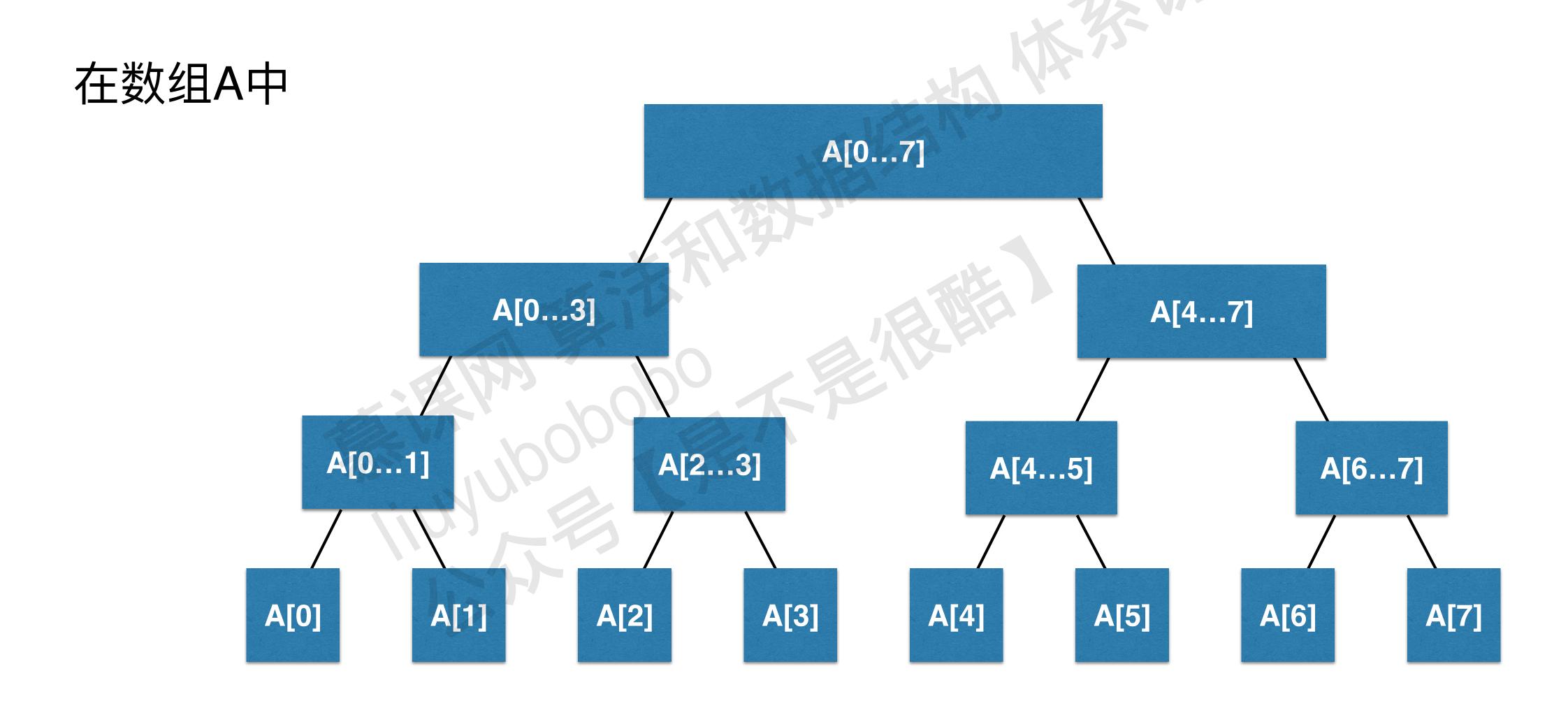
查询 O(n) O(logn)

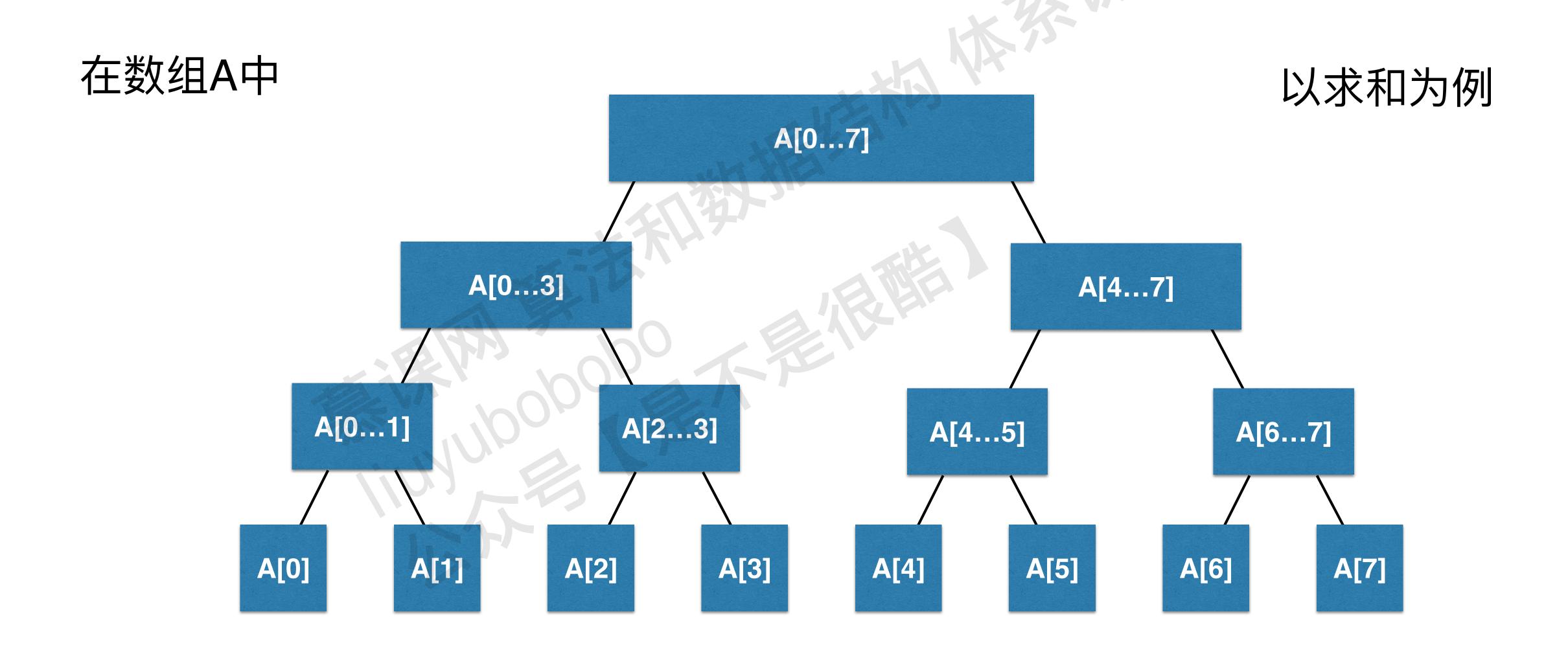


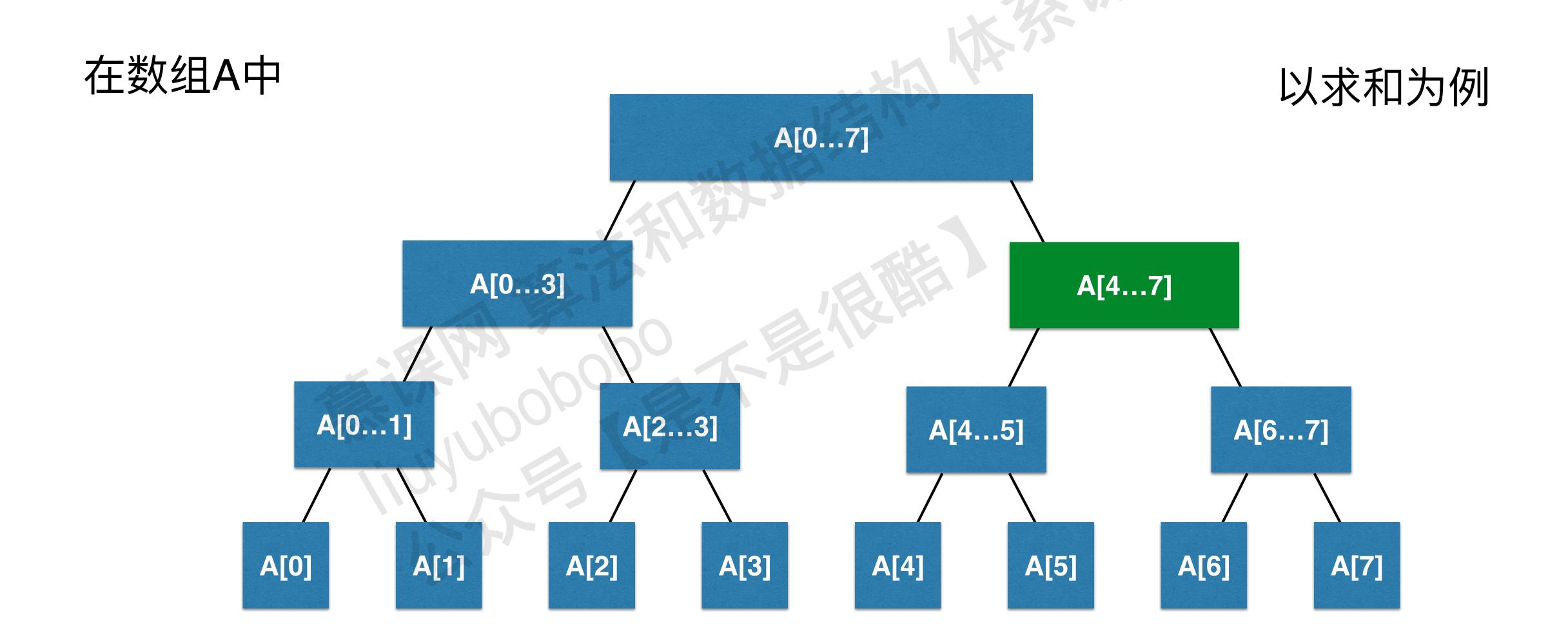
对于给定区间

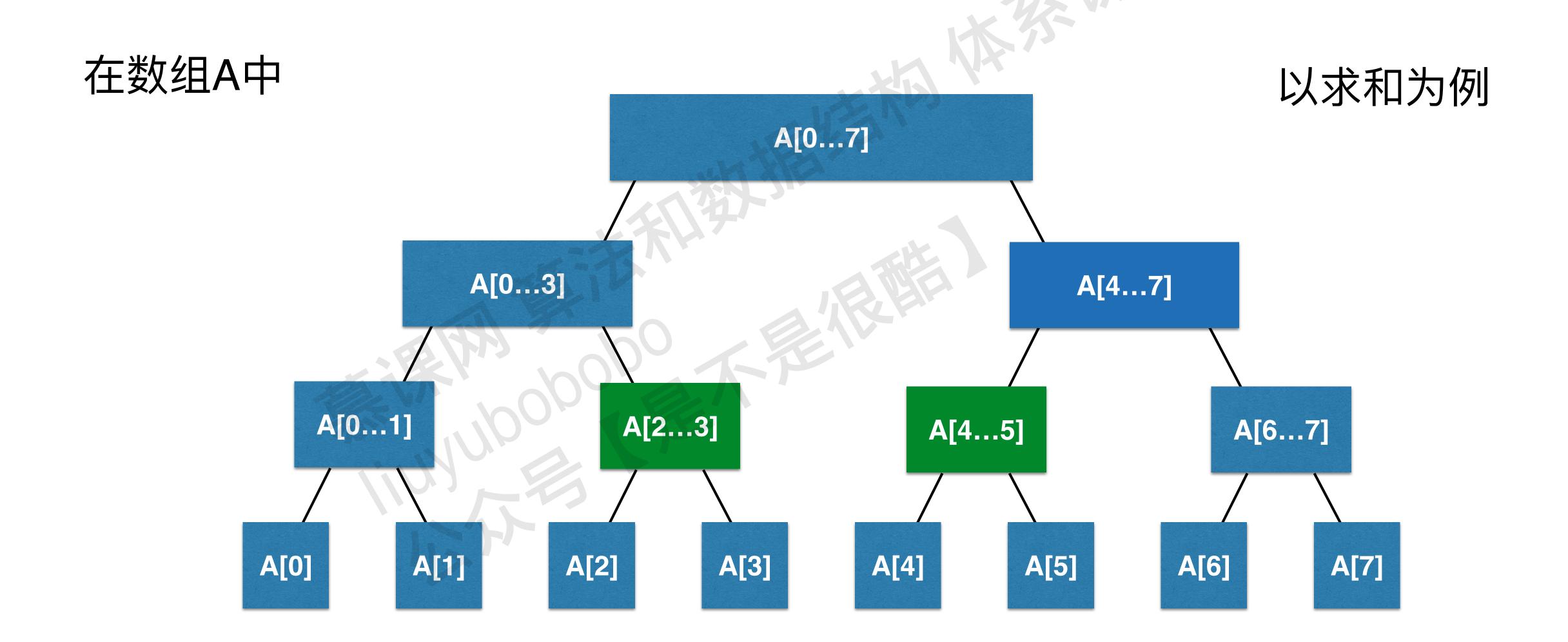
更新:更新区间中一个元素或者一个区间的值

查询一个区间[i, j]的最大值,最小值,或者区间数字和

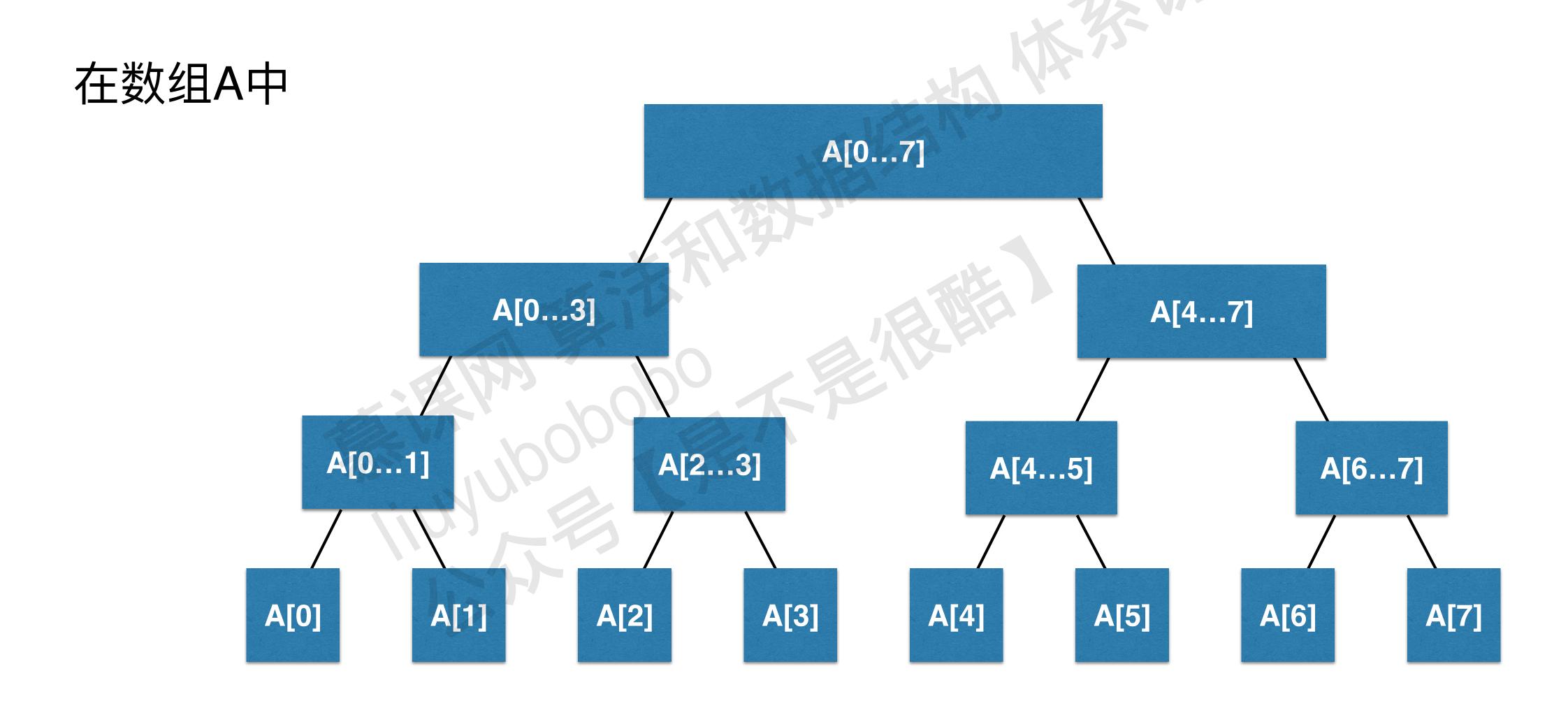


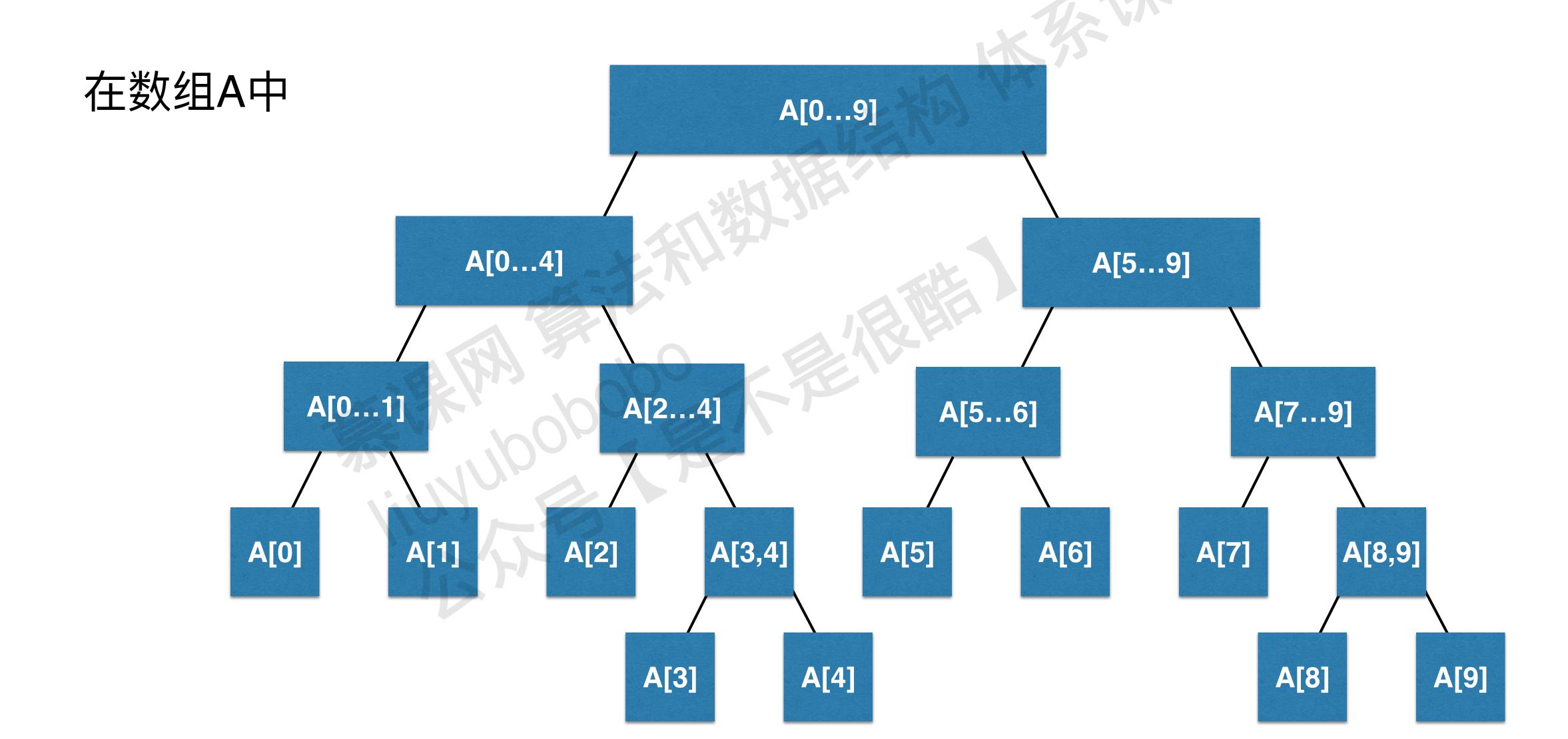


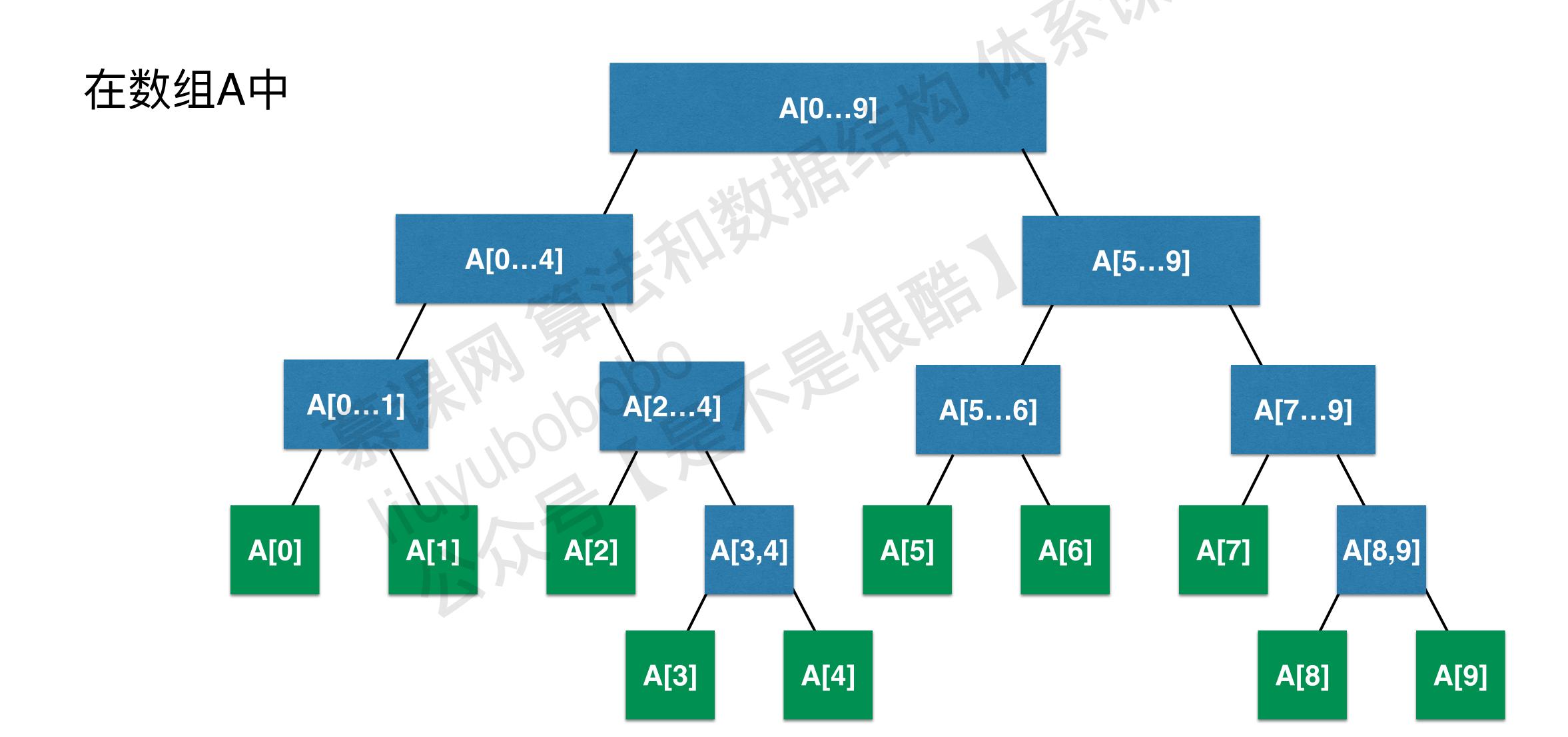


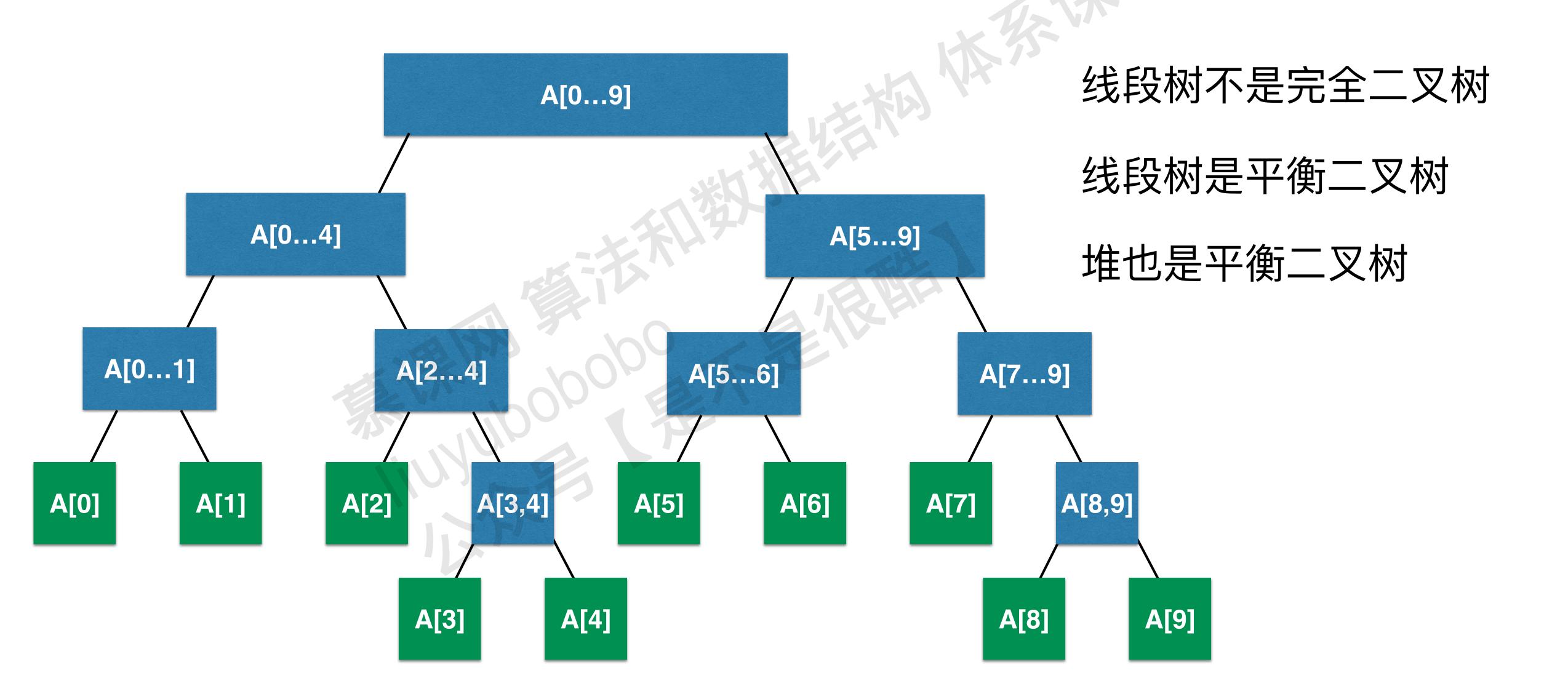


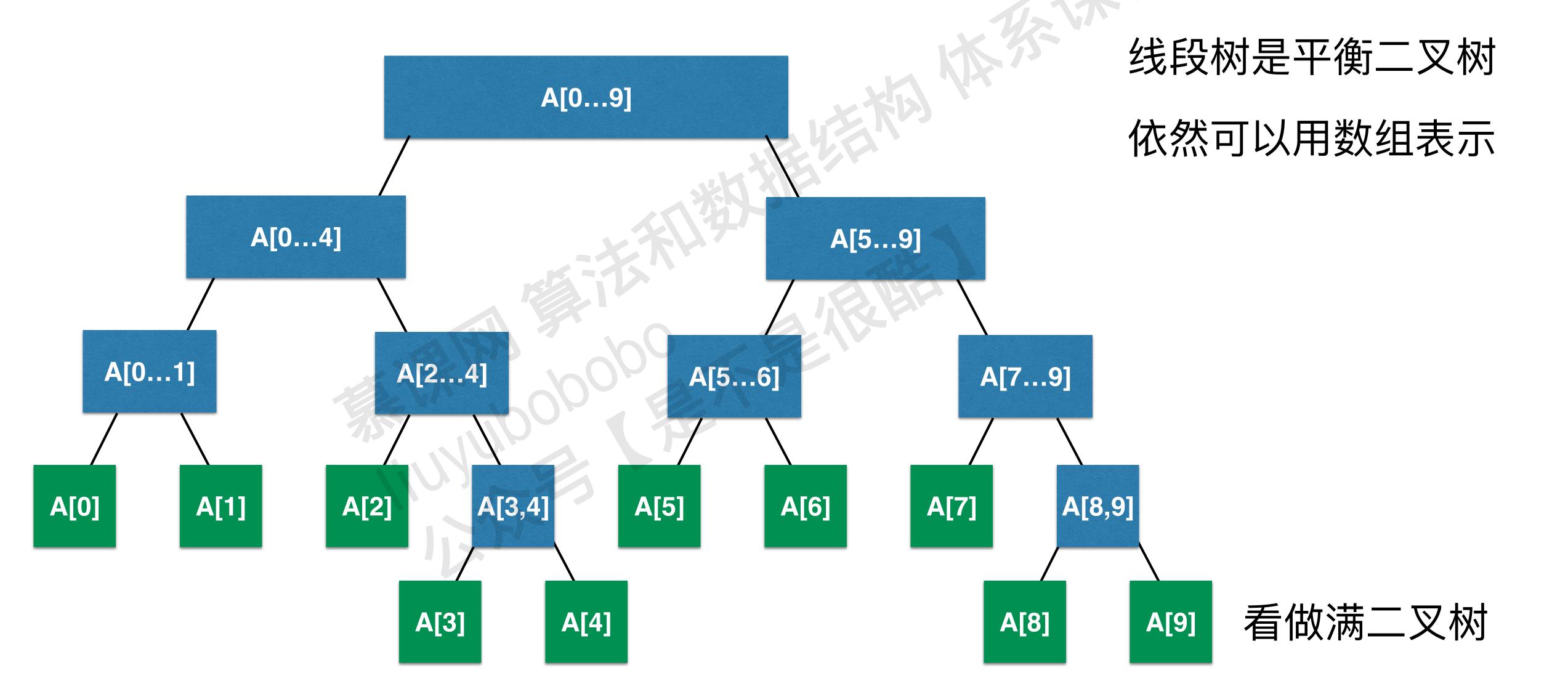


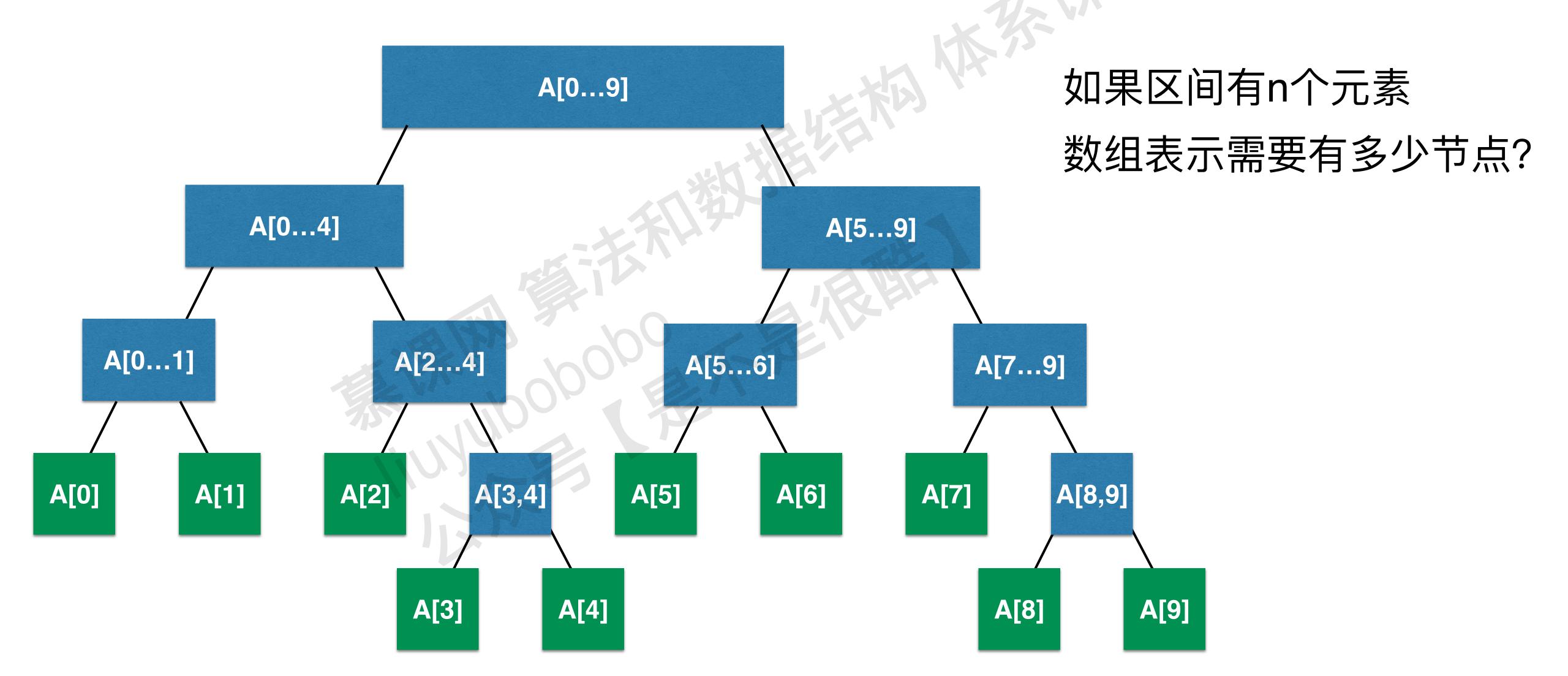












如果区间有n个元素数组表示需要有多少节点?

0层: 1

1层: 2

2层: 4

3层: 8

. . .

对满二叉树:

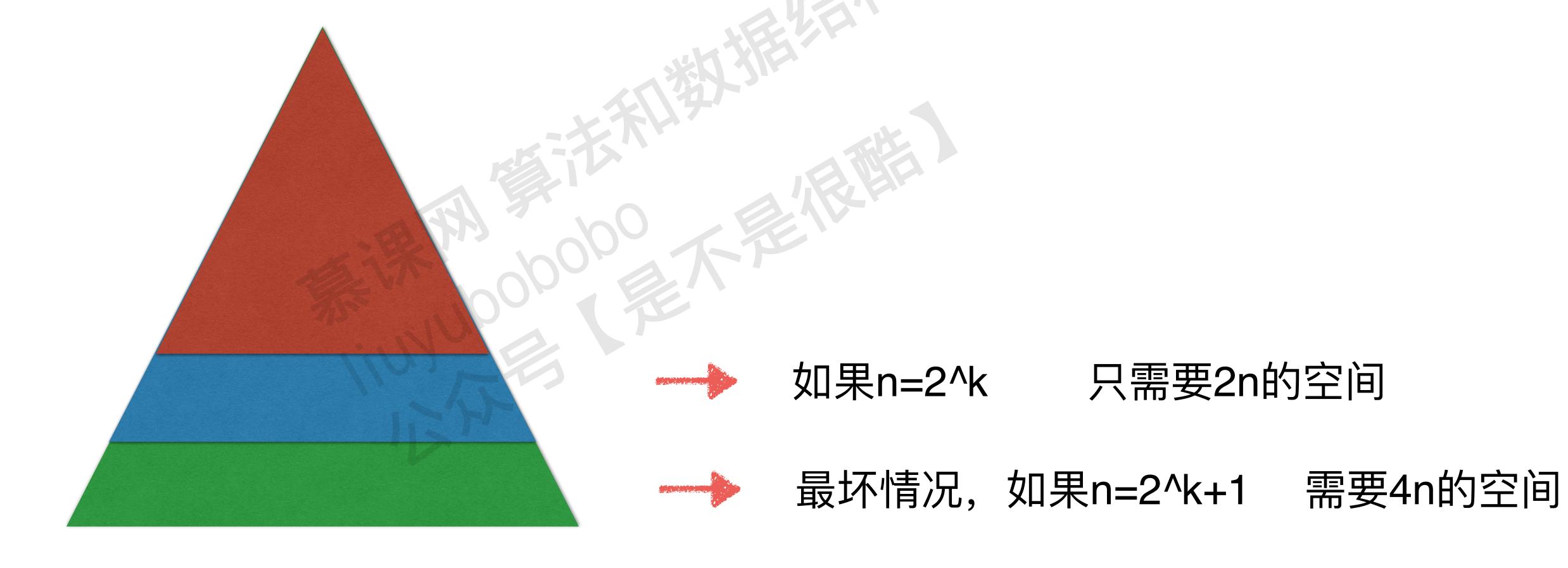
h层, 一共有 2^h - 1 个节点 (大约是2^h)

最后一层(h-1层),有2^(h-1)个节点

最后一层的节点数大致等于前面所有层节点之和

h-1层: 2^(h-1)

如果区间有n个元素数组表示需要有多少节点?

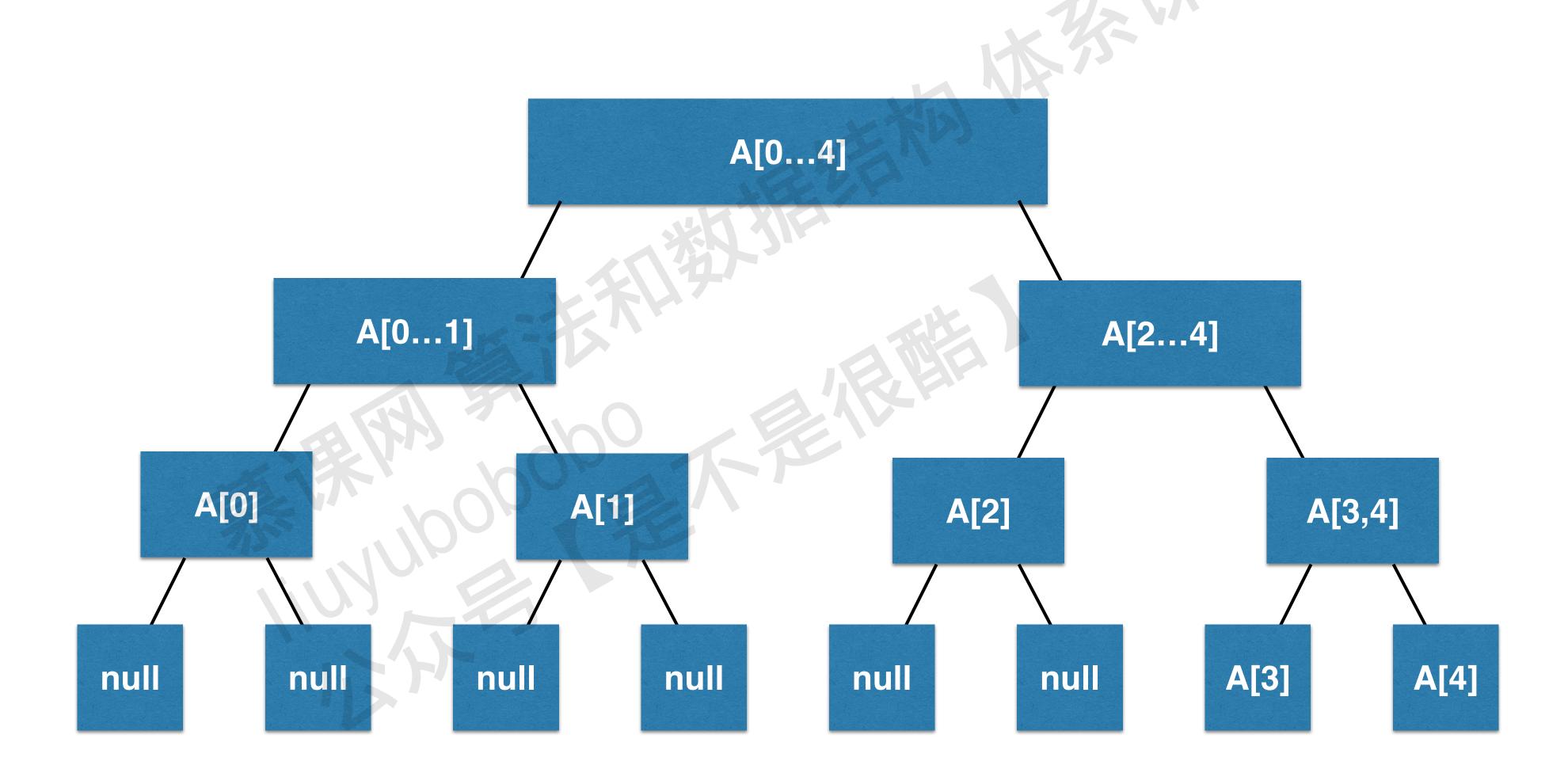


如果区间有n个元素数组表示需要有多少节点?

需要4n的空间

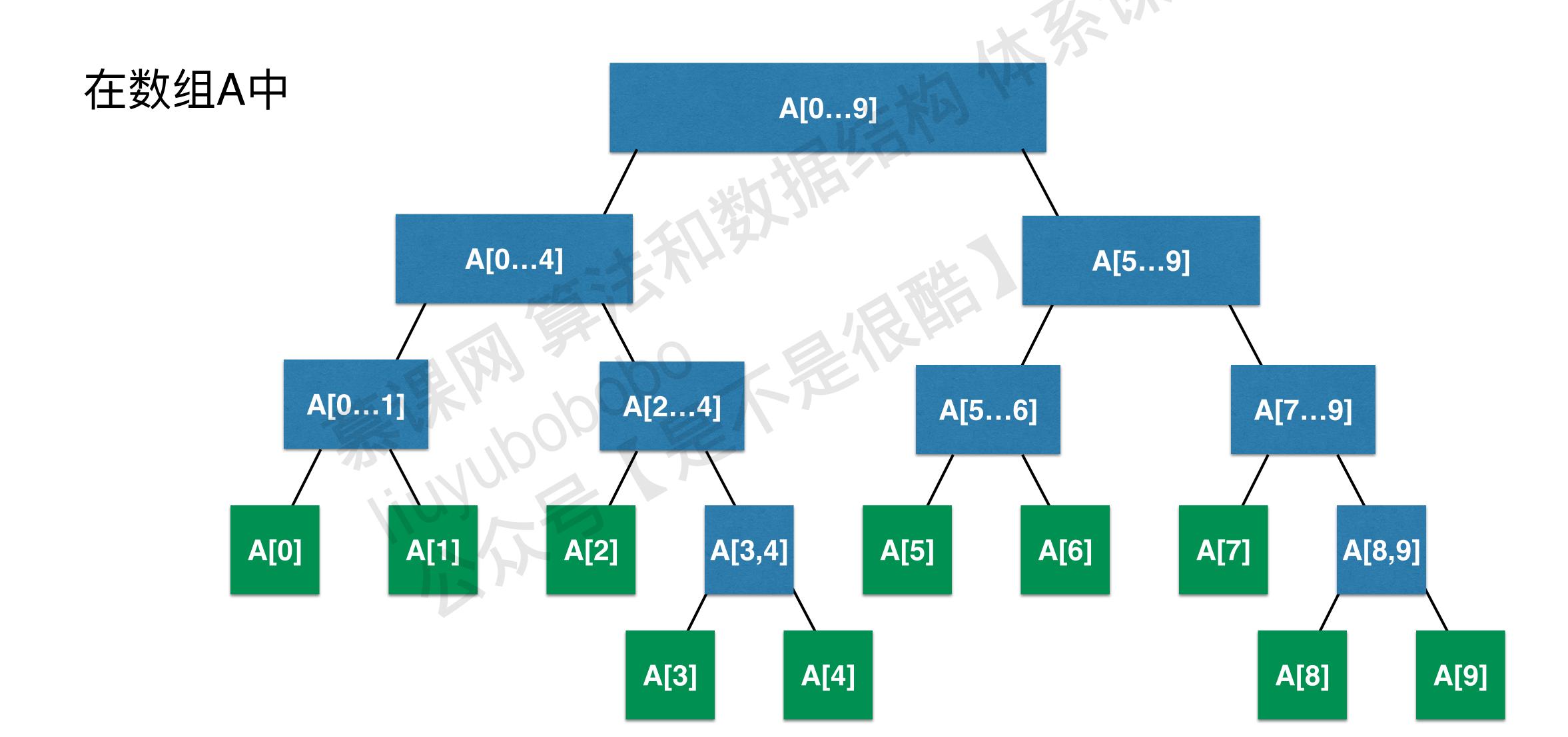
我们的线段树不考虑添加元素,即区间固定

使用4n的静态空间即可

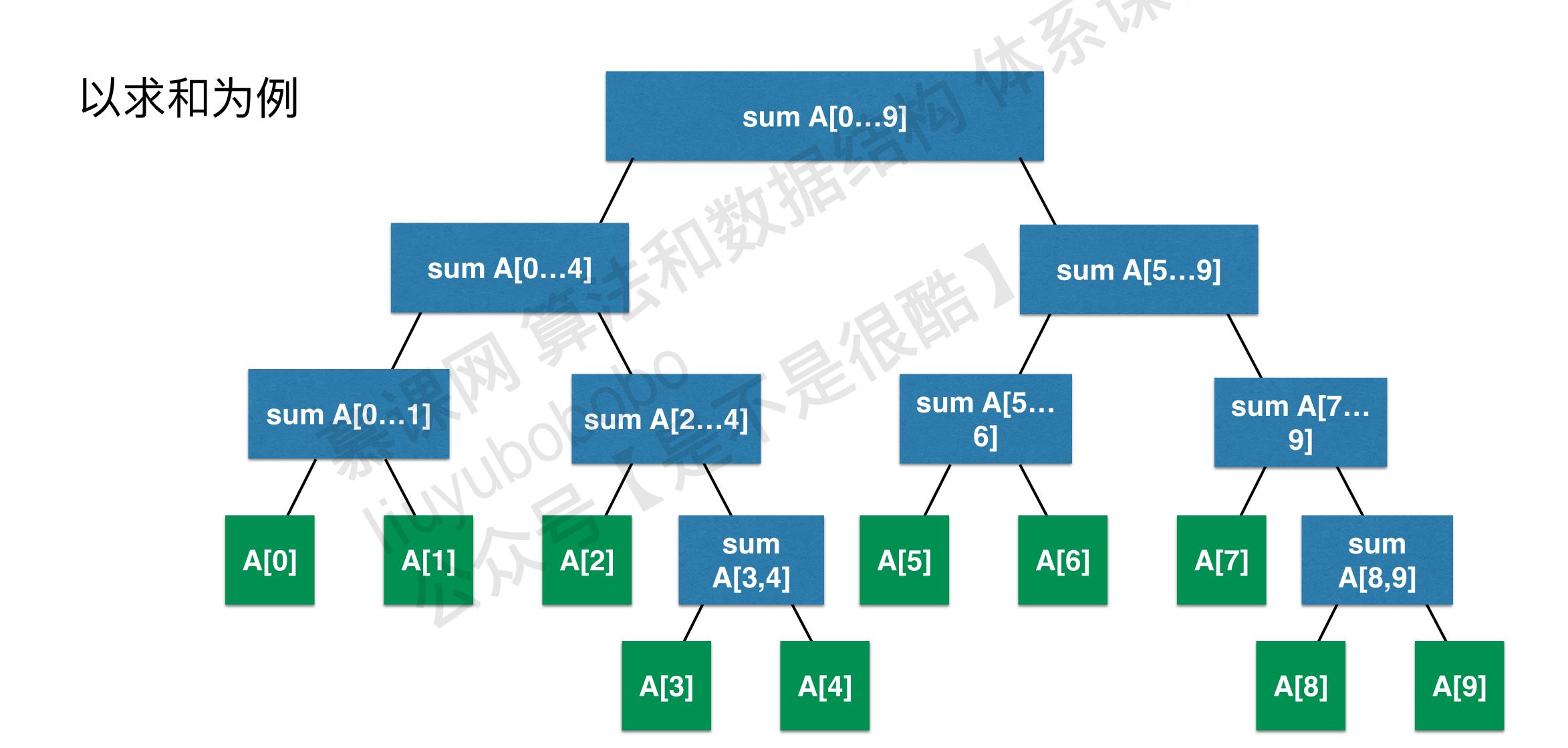


实践:线段树基础



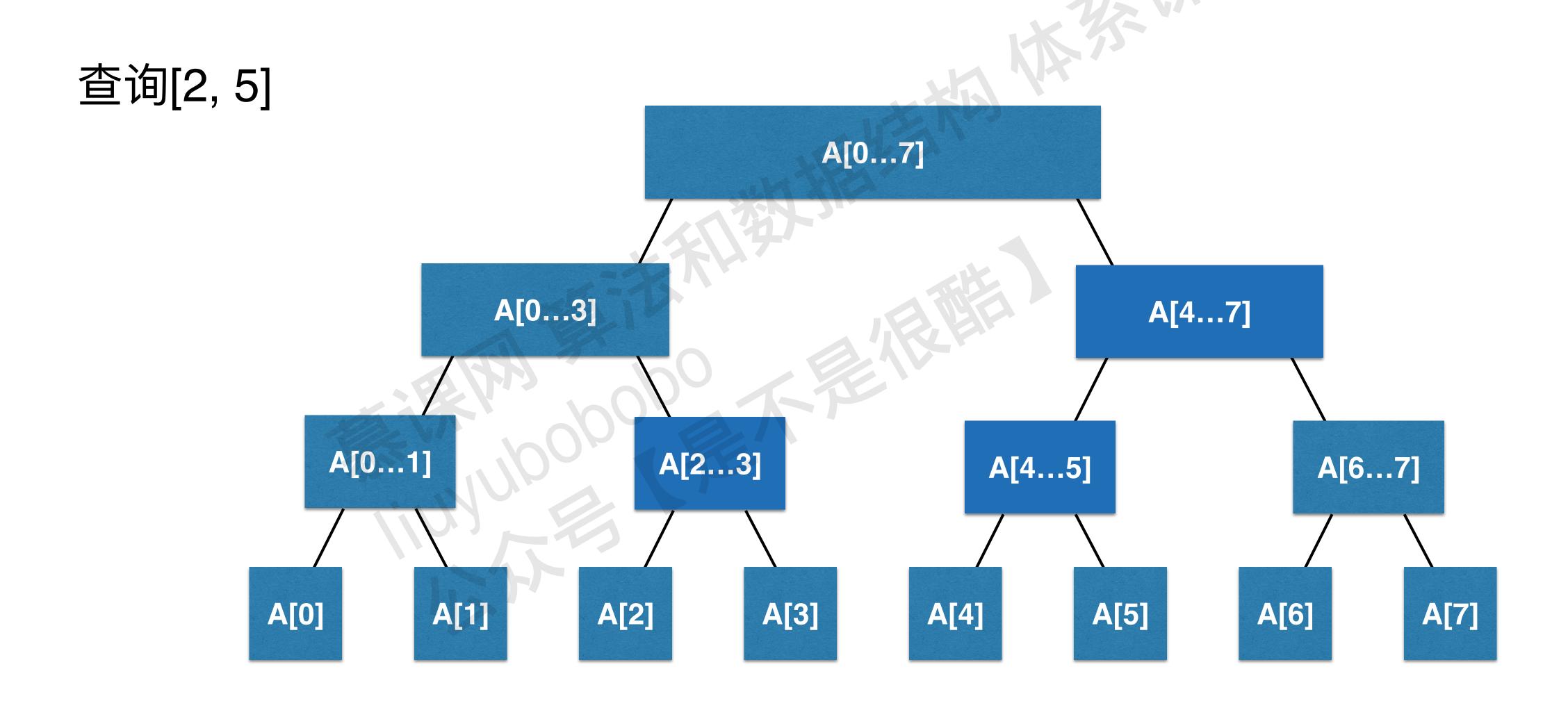


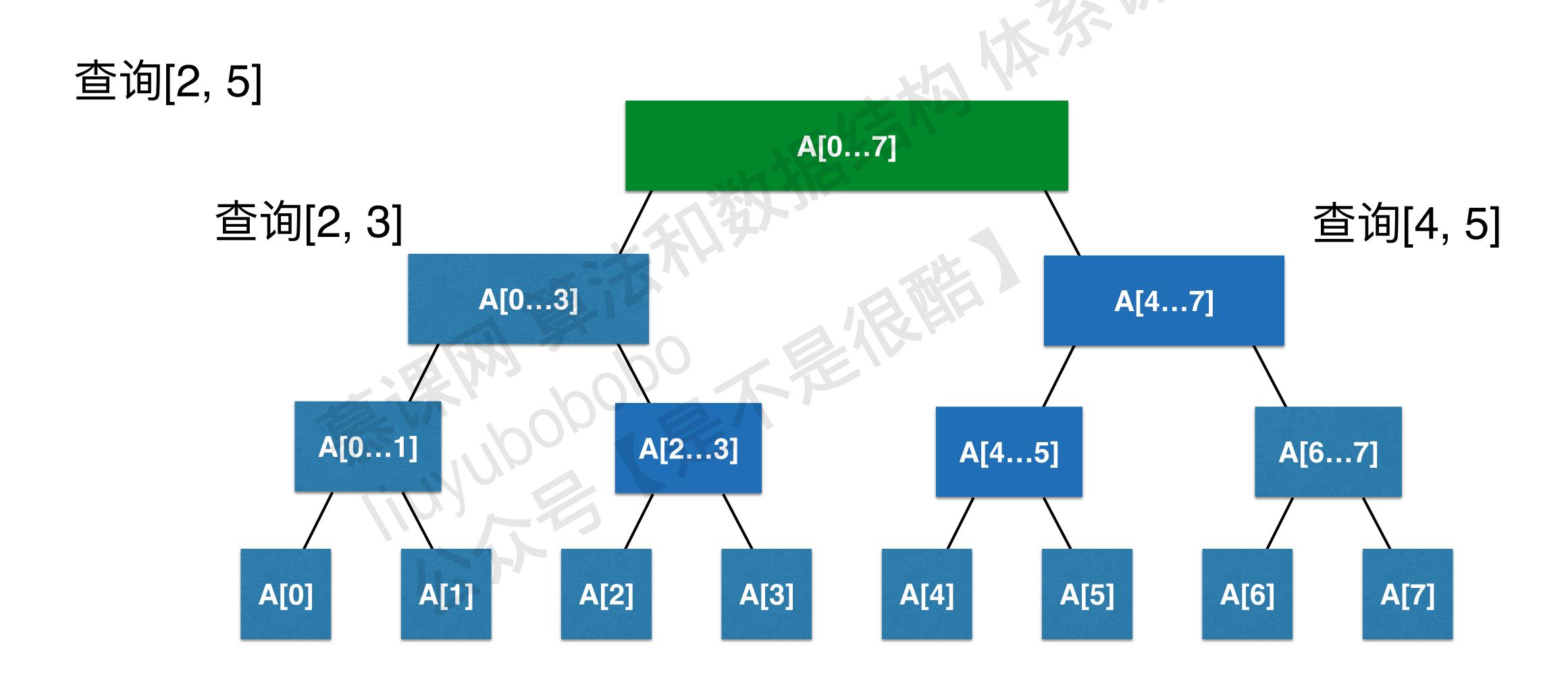
创建线段树

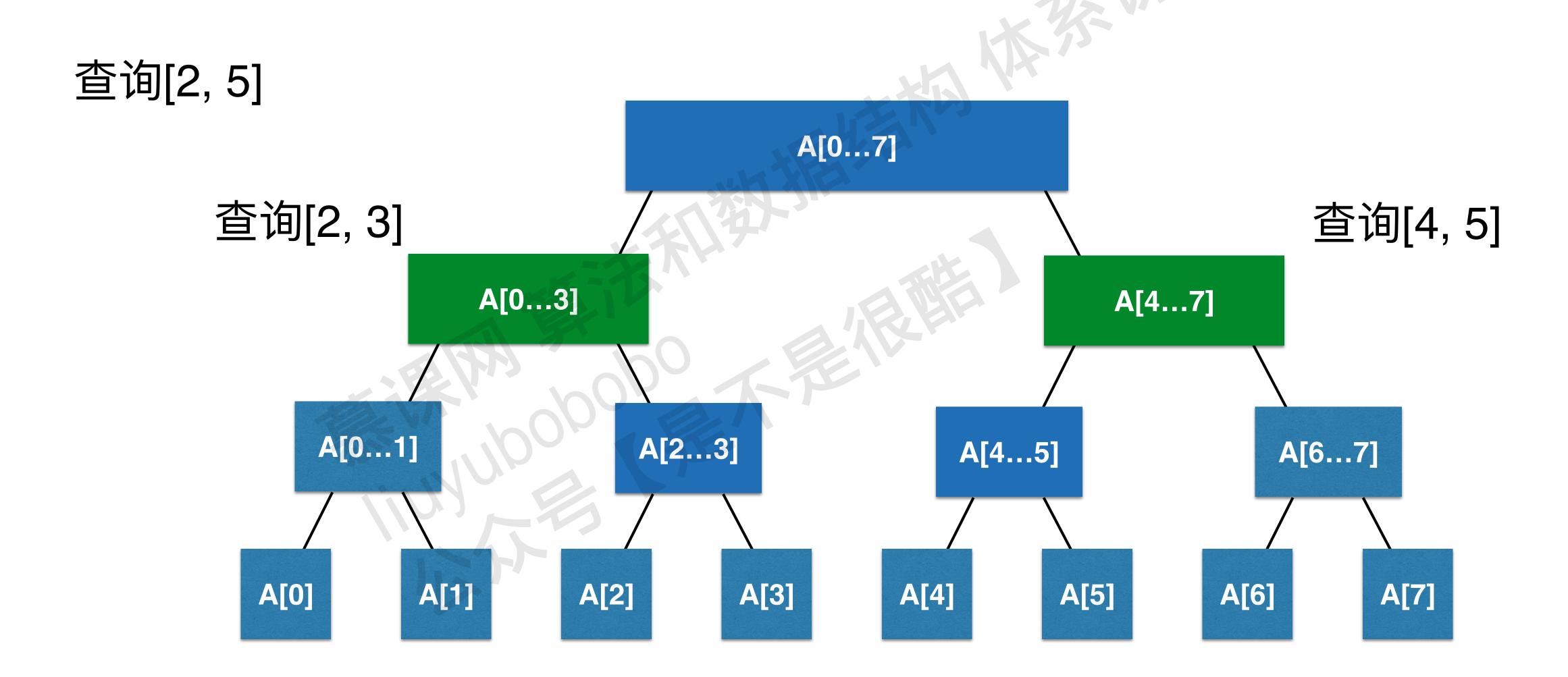


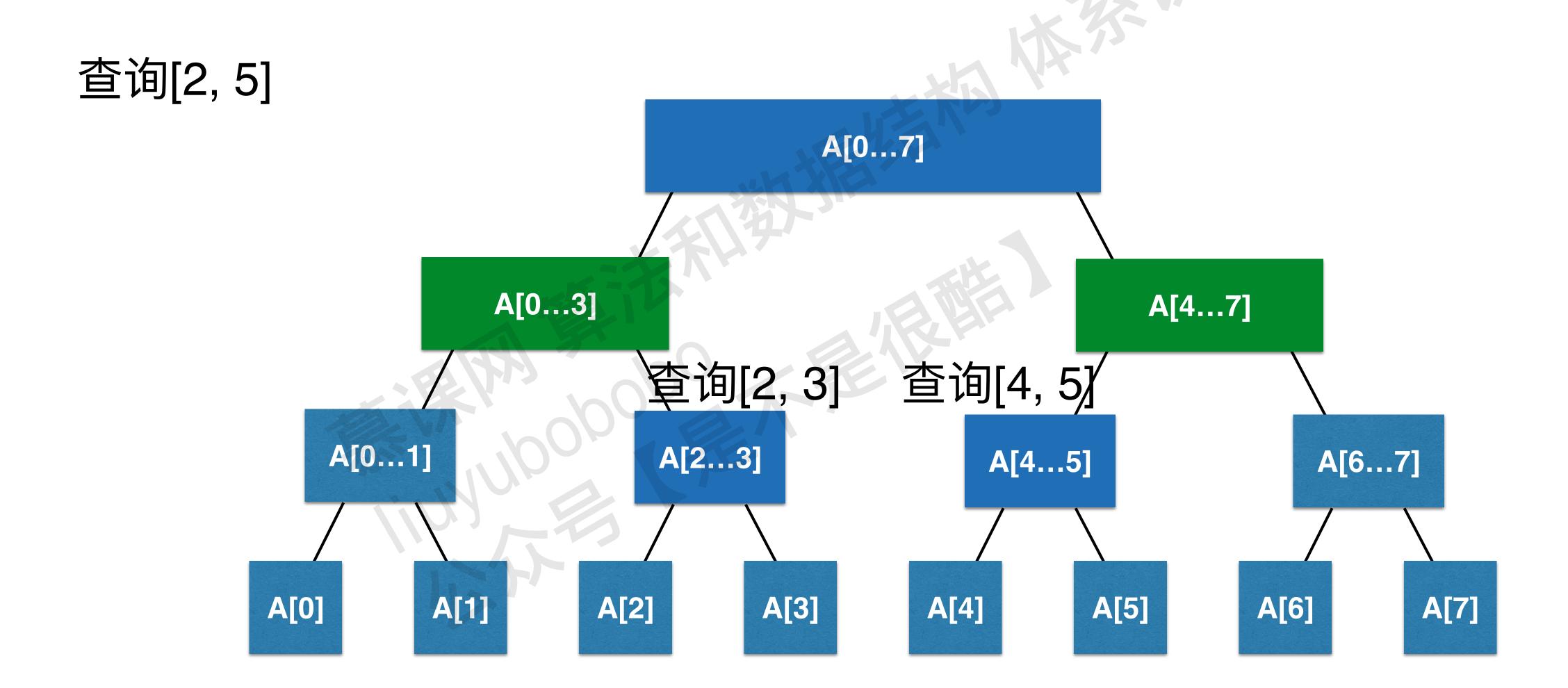
实践:创建线段树

线段树的查询

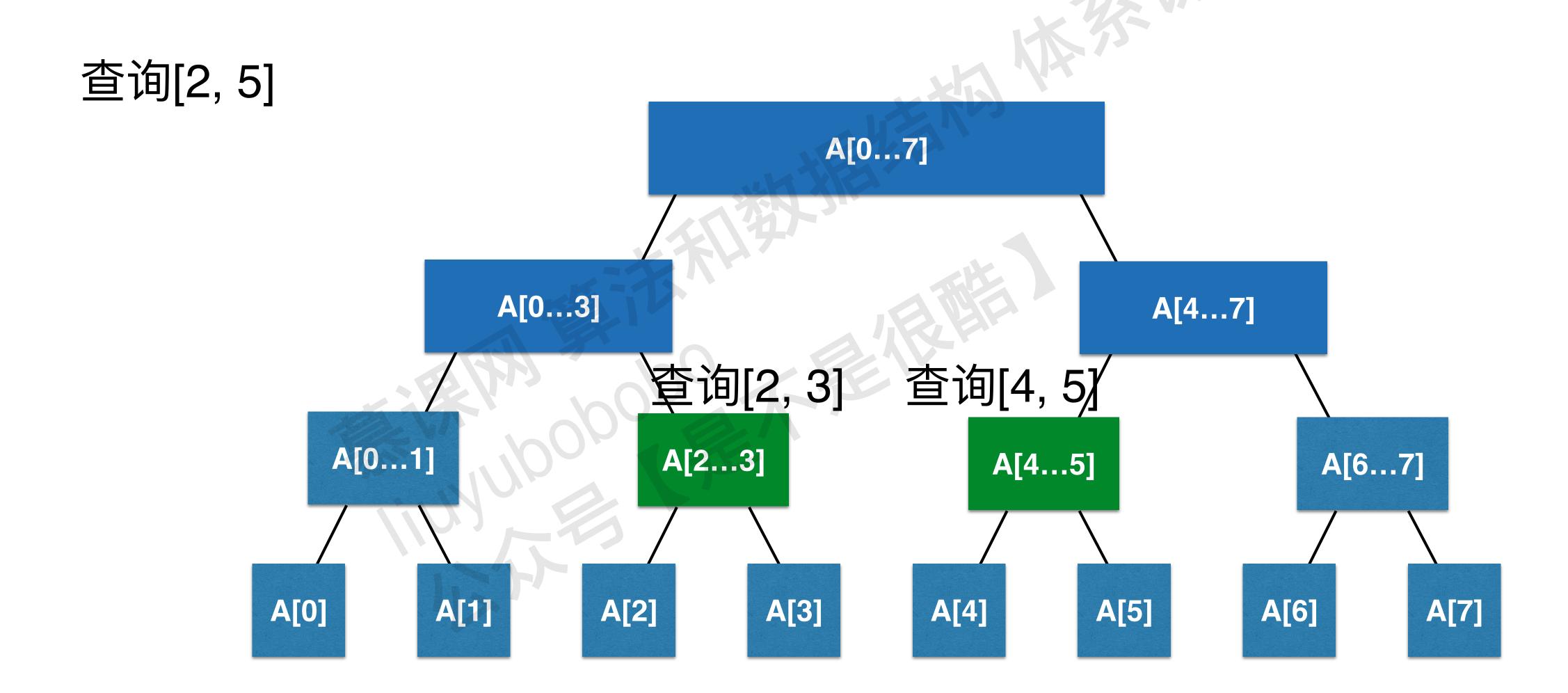








什么是线段树



实践:线段树的查询

Leetcode上线段树相关的问题

实践: 线段树解决Leetcode 303问题

实践:数组解决Leetcode 303问题



线段树更新一个位置

实践: 线段树更新一个位置

实践: 线段树解决Leetcode 307问题

线段树

使用数组实现使用线段树

更新

O(n)

O(logn)

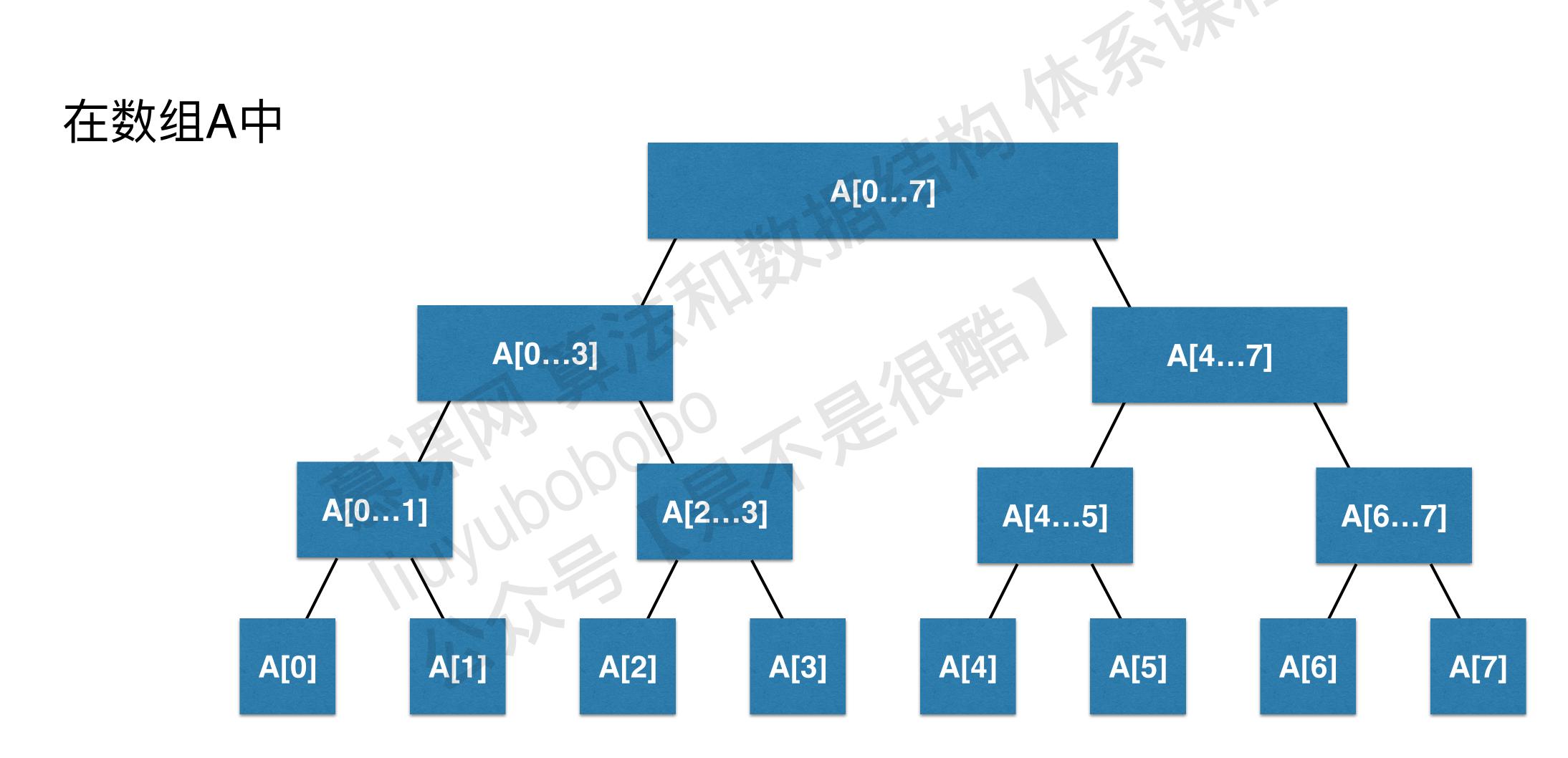
查询

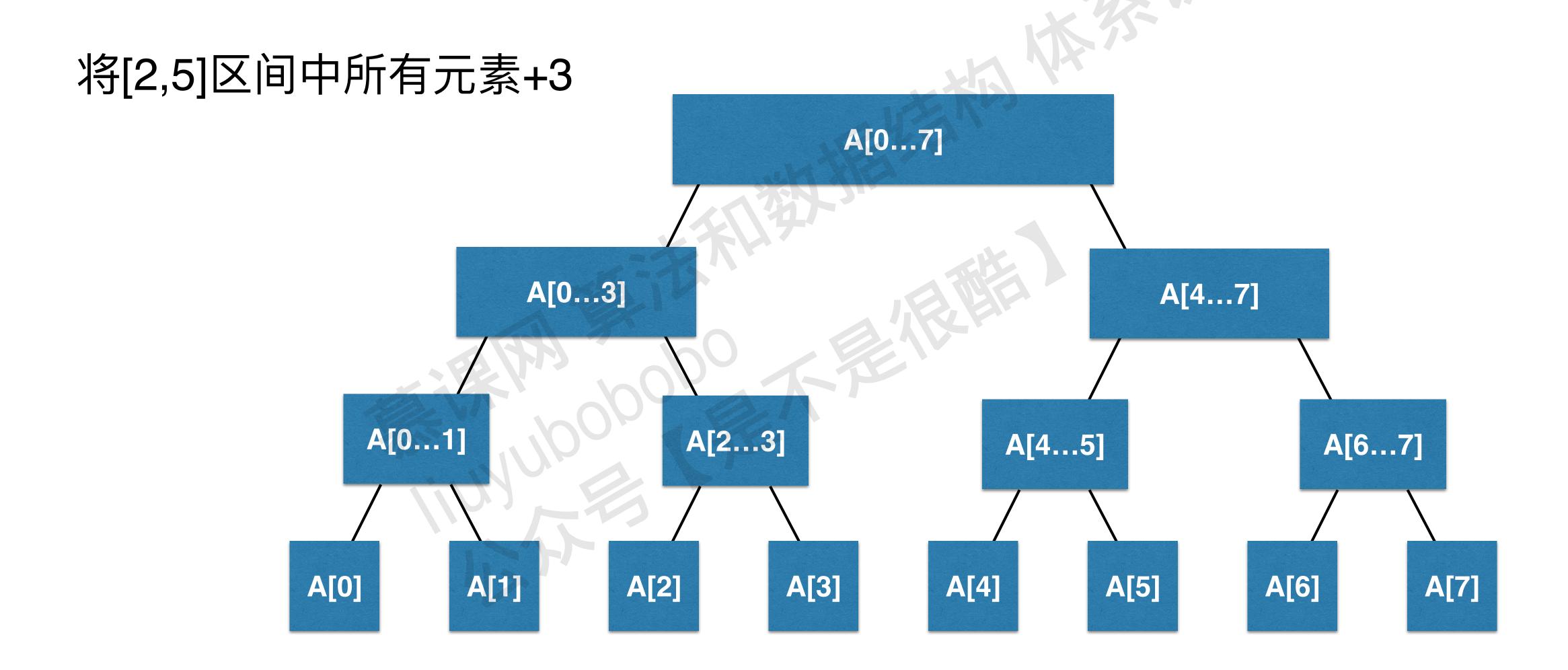
O(n)

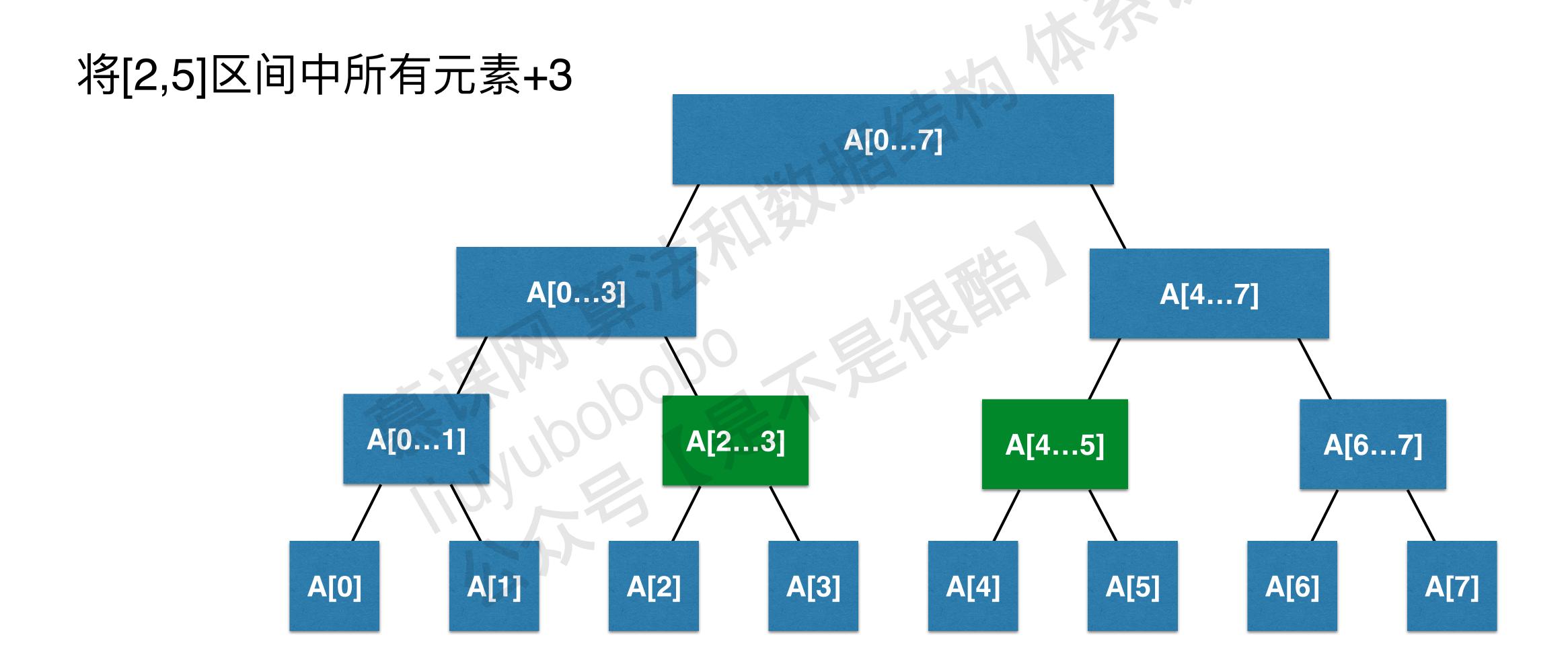
O(logn)

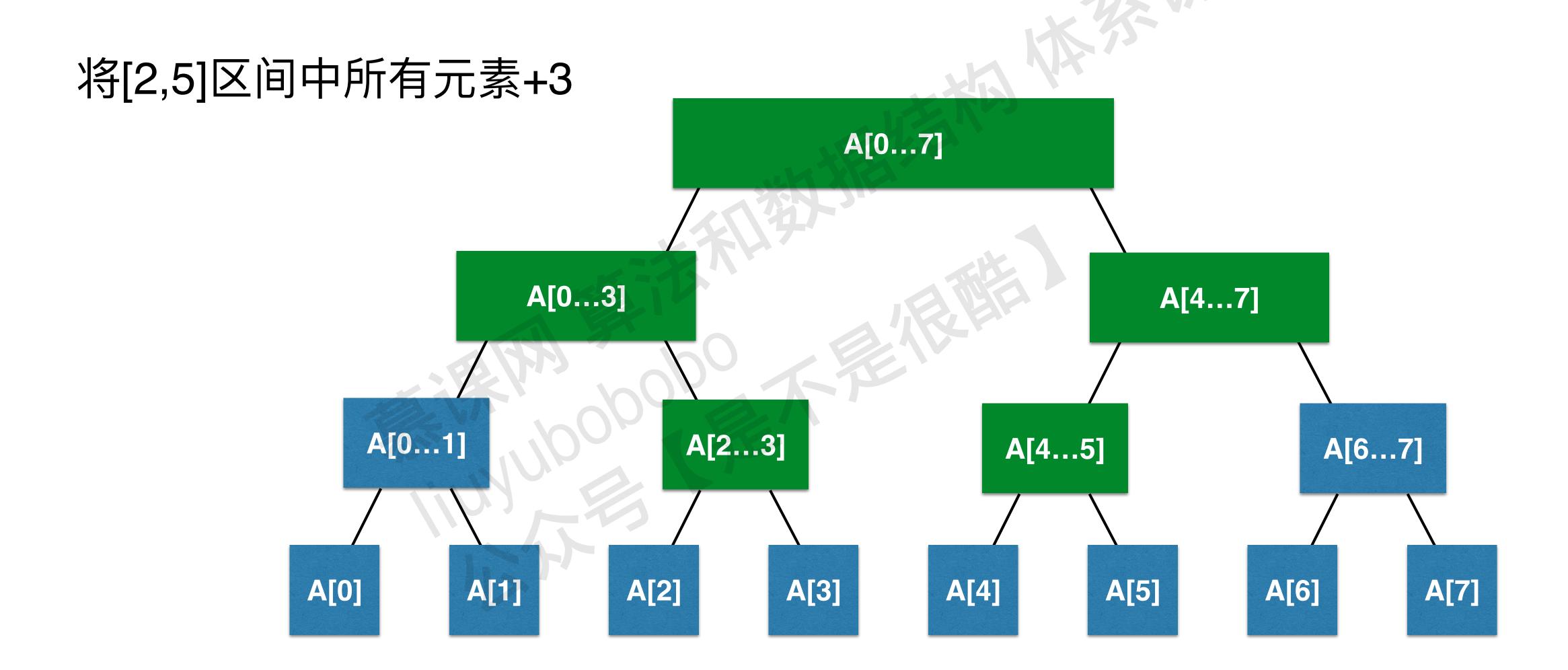
更多线段树相关的问题

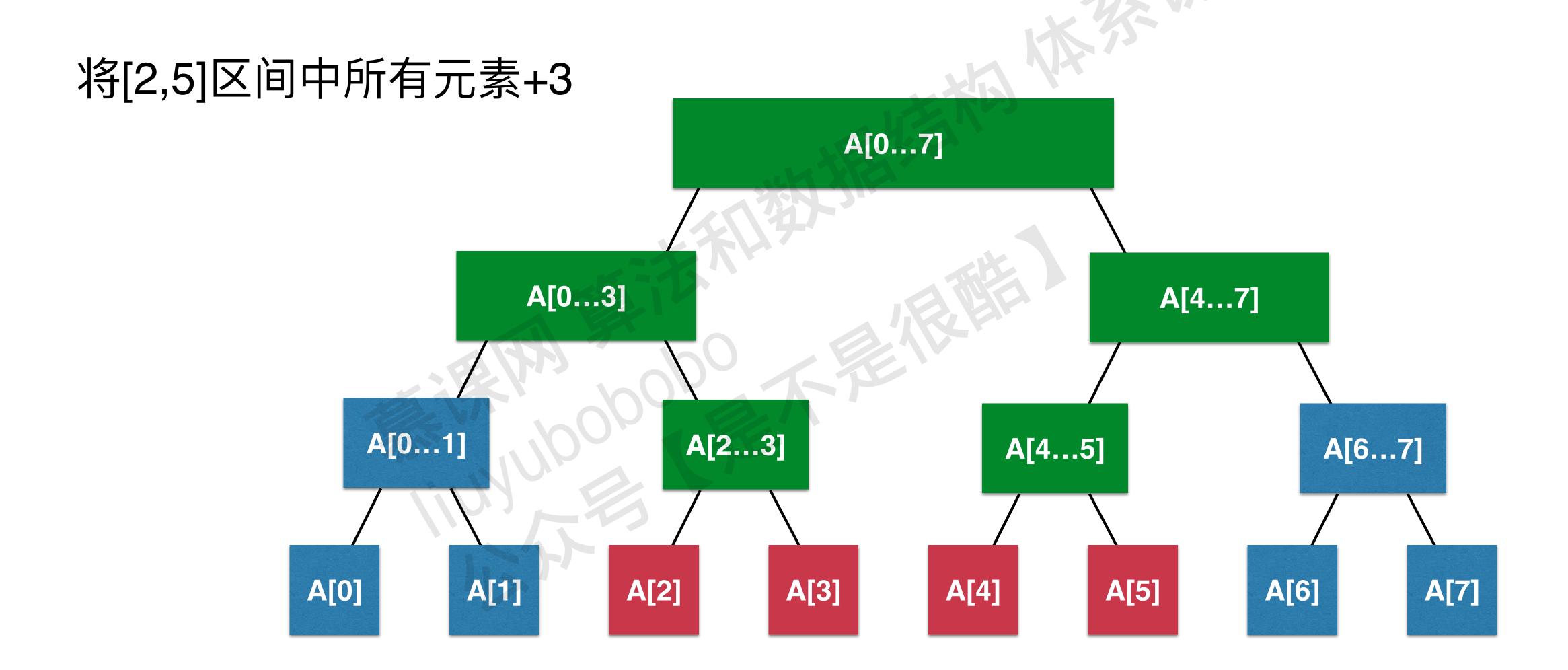
线段树



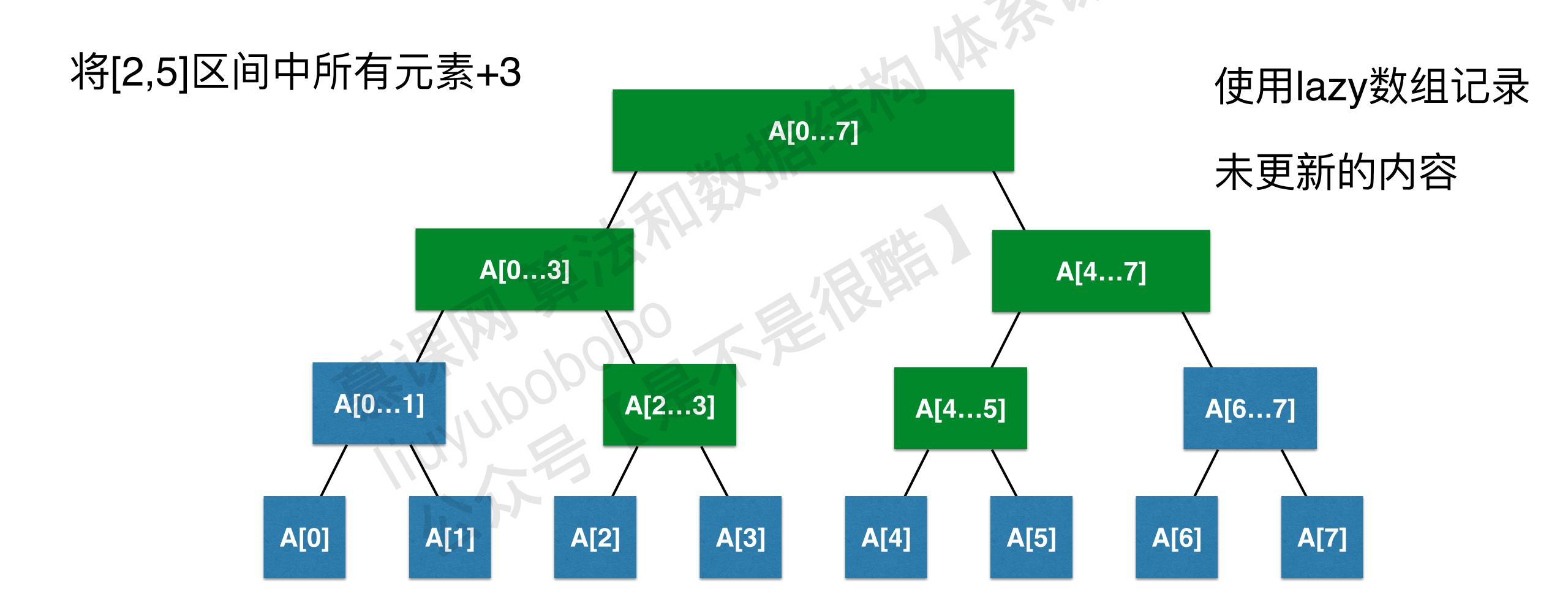


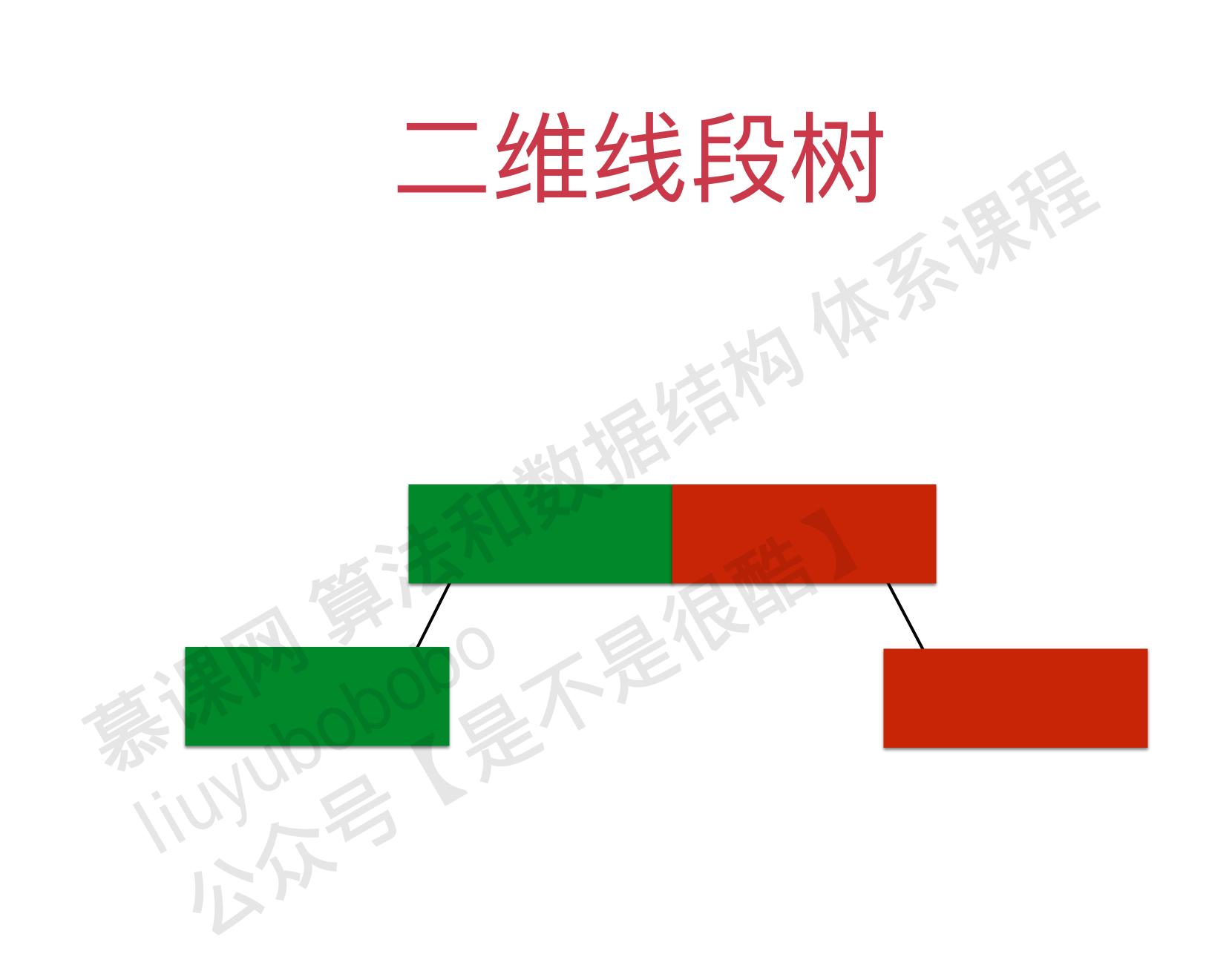






懒惰更新



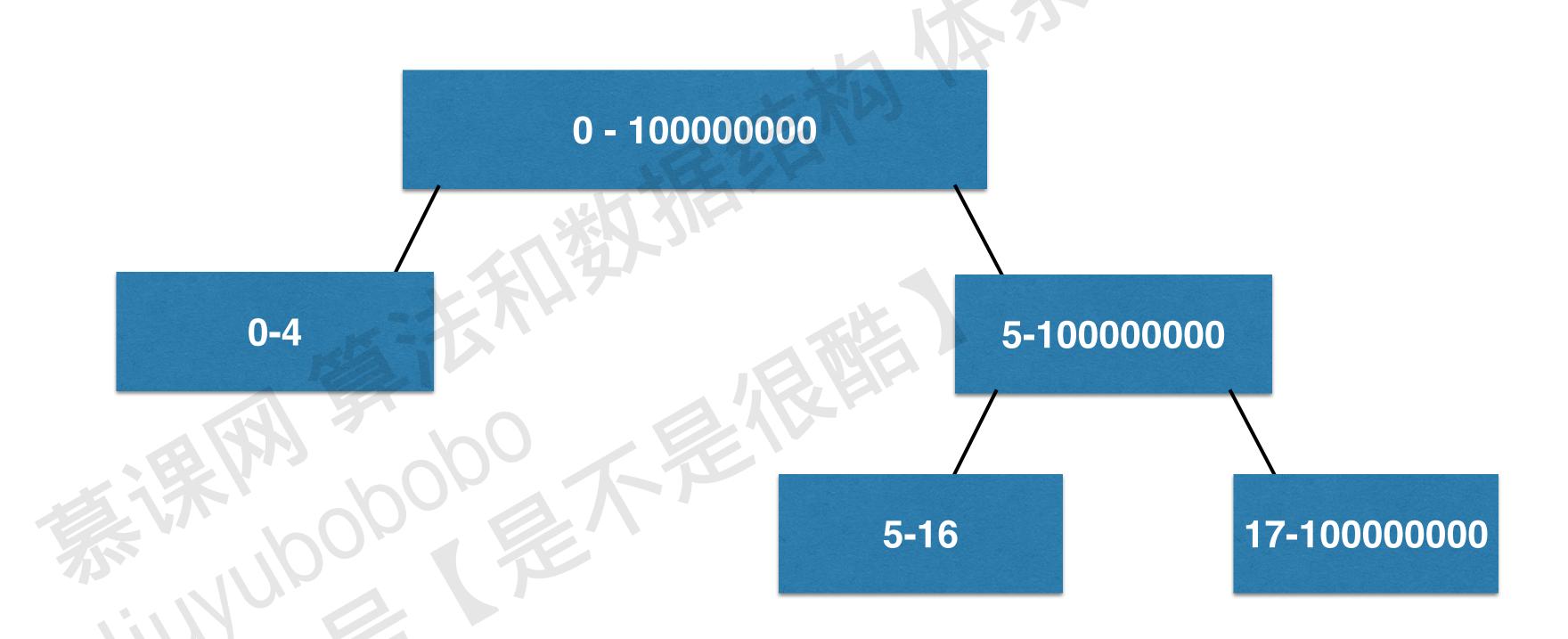


一维线段树

动态线段树 A[0...4] A[0...1] A[2...4] **A[0]** A[1] A[3,4] **A[2]** A[3] null A[4] null null null null

动态线段树





区间操作相关另外一个重要数据结构

树状数组

Binary Index Tree

区间相关的问题

RMQ

Range Minimum Query

线段树(区间树)

Segment Tree

其他

欢迎大家关注我的个人公众号:是不是很酷



算法与数据结构体系课程

liuyubobobo