

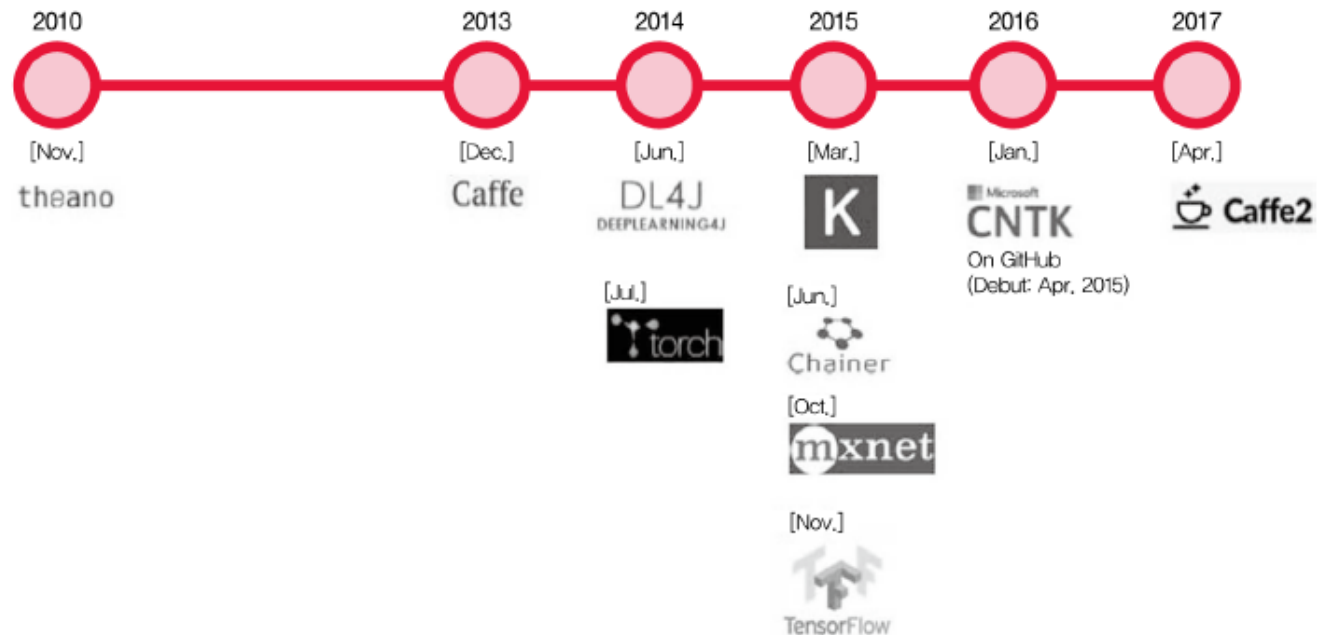
신경망의 이해

2022



■ 딥러닝 소프트웨어

- Tensorflow: 구글 브레인팀 개발, 현재 가장 많은 사람이 사용
- Caffe: UC Berkeley에서 관리
- Theano: 딥러닝 알고리즘을 파이썬으로 쉽게 구현할 수 있도록 해줌
- 토치: 페이스북과 구글 딥마인드가 사용
- CNTK: 마이크로소프트 개발
- Matlab: 상용 소프트웨어
- R: 통계분석



■ TensorFlow

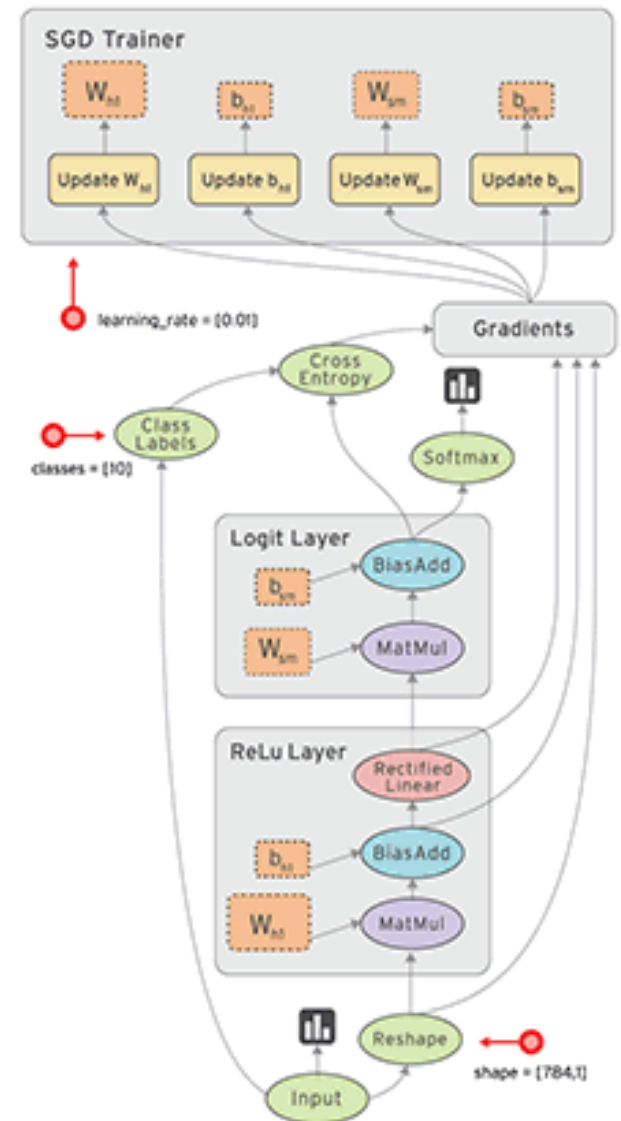
❖ 개요

- 개발자 : 구글 브레인팀
- 발표 : 2015년 11월
- 버전 : 1.15 → 2.0 ('19.10)
- C++로 개발
- 사용 가능한 언어
 - 버전 1 : 파이썬, C++
 - 버전 2 : 파이썬, C++, Java, JavaScript
- 오픈 소스
- 데이터 플로우 그래프를 통한 풍부한 표현력
- 코드 수정 없이 CPU/GPU 모드로 동작

■ TensorFlow

❖ 데이터 플로우 그래프

- 노드(Node)와 엣지(Edge)를 사용한 방향 그래프(Directed Graph)
- 노드는 수학적 계산, 데이터 입/출력, 데이터의 읽기/저장 등의 작업 수행
- 엣지는 노드들 간 데이터의 입출력 관계를 표현



■ Keras

- 구글에서 파이썬으로 작성된 오픈 소스 신경망 라이브러리
- Tensorflow, Microsoft Cognitive Toolkit(CNTK), Theano 위에서 수행
- 2017년, 구글의 텐서플로 팀은 텐서플로의 코어 라이브러리에 케라스를 지원하기로 결정
→ 버전 2.0에서는 고수준 API로 케라스를 채택
- 원칙
 - 사용자 친화성
 - 모듈형
신경층(neural layer), 비용 함수(cost function), 옵티마이저(optimizer), 초기화 방식(initialization scheme), 활성화 함수(activation function), 정규화 방식(regularization scheme) 모두 독립적인 모듈이며 결합을 통해 새로운 모델을 만들 수 있다.
 - 손쉬운 확장
 - 파이썬과의 연계
 - "기계가 아닌 사람을 위해 설계됐으며 인지 부하를 낮추기 위한 모범 사례에 따른다."
- 구글, 마이크로소프트, 아마존, 애플, 엔비디아, 우버 등 쟁쟁한 기업들이 지지

■ TF1.x vs TF2.x

TF1

```
import tensorflow as tf

x = tf.placeholder(dtype=tf.float32,
                  shape=(None), name='x')
w = tf.Variable(2.0, name='weight')
b = tf.Variable(0.7, name='bias')
z = w * x + b
init = tf.global_variables_initializer()

with tf.Session() as sess:
    # w와 b 초기화
    sess.run(init)
    # z 평가
    for t in [1.0, 0.6, -1.8]:
        print('x=%4.1f --> z=%4.1f'%(
            t, sess.run(z, feed_dict={x:t})))
```

TF2

```
import tensorflow as tf

w = tf.Variable(2.0, name='weight')
b = tf.Variable(0.7, name='bias')

# z 평가
for t in [1.0, 0.6, -1.8]:
    z = w * x + b
    print('x=%4.1f --> z=%4.1f'%(x, z))
```

1. Tensorflow / Keras

❖ TF 상위 API – Sequential API

```
import tensorflow as tf
```

```
# 모델 정의
```

```
model = tf.keras.Sequential()
```

```
model.add(tf.keras.layers.Dense(64, activation='relu'))
```

```
model.add(tf.keras.layers.Dense(32, activation='relu'))
```

```
model.add(tf.keras.layers.Dense(10, activation='softmax'))
```

```
# 모델 하이퍼 파라미터 설정
```

```
model.compile(optimizer=tf.keras.optimizers.Adam(0.01),  
              loss='categorical_crossentropy',  
              metrics=['accuracy'])
```

```
# 모델 훈련
```

```
model.fit(X_train, y_train, epochs=10, batch_size=32)
```

```
# 모델 평가
```

```
model.evaluate(X_test, y_test)
```

```
# 모델 예측
```

```
predicts = model.predict(X_test)
```

```
model = tf.keras.Sequential([  
    tf.keras.layers.Dense(64),  
    tf.keras.layers.Dense(32),  
    tf.keras.layers.Dense(10)  
])
```

1. Tensorflow / Keras

❖ TF 상위 API – Functional API

```
import tensorflow as tf

# 입력과 출력을 연결
input = tf.keras.Input(shape=(784,), name='img')
h1 = tf.keras.layers.Dense(64, activation='relu')(input)
h2 = tf.keras.layers.Dense(32, activation='relu')(h1)
output = tf.keras.layers.Dense(10, activation='softmax')(h2)

# 모델 생성
model = tf.keras.Model(input, output)

# 모델 하이퍼 파라미터 설정

# 모델 훈련

# 모델 평가

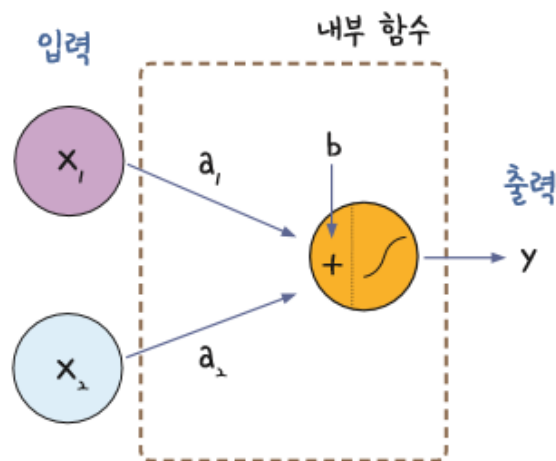
# 모델 예측
```


2. 퍼셉트론

■ 로지스틱 회귀에서 퍼셉트론으로

❖ 퍼셉트론(Perceptron)

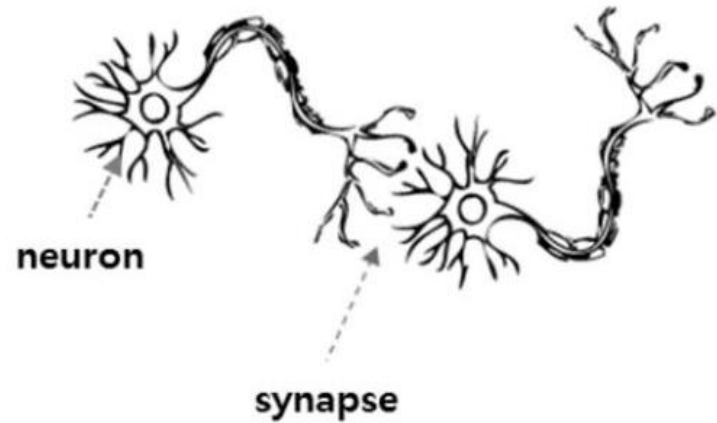
- 로지스틱 회귀를 퍼셉트론 방식으로 표현한 예



- x_1 과 x_2 가 입력되고, 각각 가중치 a_1 , a_2 를 만남
- 여기에 b 값을 더한 후 시그모이드 함수를 거쳐 1 또는 0의 출력 값 y 를 출력
- 1957년, 코넬 항공 연구소의 프랑크 로젠블라트라는 사람이 발표

2. 퍼셉트론

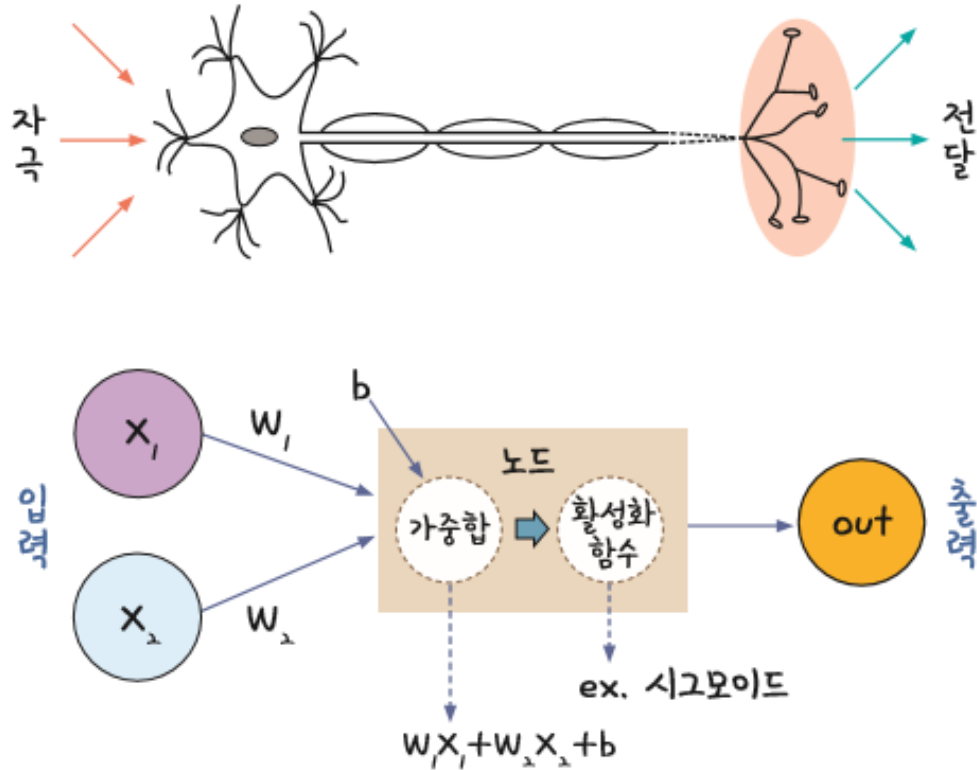
■ 뉴런(Neuron)이란?



- 인간의 뇌는 치밀하게 연결된 약 1000억 개의 뉴런으로 이루어져 있음
- 뉴런과 뉴런 사이에는 시냅스라는 연결 부위가 있는데, 신경 말단에서 자극을 받으면 시냅스에서 화학 물질이 나와 전위 변화를 일으킴
- 전위가 임계 값을 넘으면 다음 뉴런으로 신호를 전달하고, 임계 값에 미치지 못하면 아무 것도 하지 않음 → 퍼셉트론의 개념과 유사!

2. 퍼셉트론

■ 뉴런과 퍼셉트론의 비교



- 신경망을 이루는 가장 중요한 기본 단위는 퍼셉트론(perceptron)
- 퍼셉트론은 입력 값과 활성화 함수를 사용해 출력 값을 다음으로 넘기는 가장 작은 신경망 단위

2. 퍼셉트론

■ 가중치, 가중합, 바이어스, 활성화 함수

❖ 용어 정리

- 딥러닝답게 표현

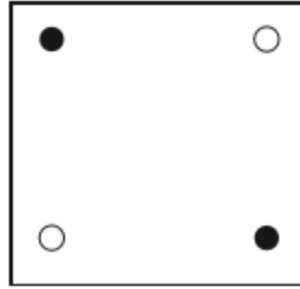
$$y = ax + b \text{ (} a \text{는 기울기, } b \text{는 } y \text{ 절편)}$$

$$\rightarrow y = wx + b \text{ (} w \text{는 가중치, } b \text{는 바이어스)}$$

- 기울기 a 는 **가중치**를 의미하는 w (weight)로 표기됨
- y 절편 b 는 편향, 선입견이라는 뜻인 **바이어스**(bias)에서 따온 b
- **가중합**(weighted sum): 입력 값(x)과 가중치(w)의 곱을 모두 더한 다음 거기에 바이어스(b)를 더한 값
- 가중합의 결과를 놓고 1 또는 0을 출력해서 다음 단계로 보낼때 0과 1을 판단하는 함수가 있는데, 이를 **활성화 함수**(activation function) 라고 함.

2. 퍼셉트론

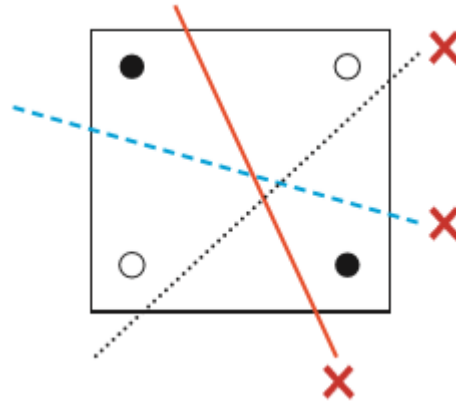
■ 퍼셉트론의 과제



- 사각형 종이에 검은점 두 개와 흰점 두 개가 놓여 있음
- 이 네 점 사이에 직선을 하나 긋는다고 하자
- 이때 직선의 한쪽 편에는 검은점만 있고, 다른 한쪽에는 흰점만 있게끔 선을 그을 수 있을까?

2. 퍼셉트론

■ 퍼셉트론의 과제



- 여러 개의 선을 아무리 그어보아도 하나의 직선으로는 흰점과 검은점을 구분할 수 없음
- 선형 회귀와 로지스틱 회귀를 통해 알아본 바와 같이 머신러닝은 결국 선이나 2차원 평면을 그리는 작업

2. 퍼셉트론

■ XOR 문제

AND 진리표

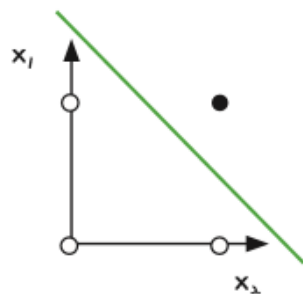
x_1	x_2	결괏값
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

OR 진리표

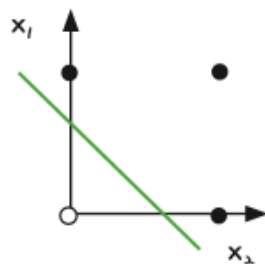
x_1	x_2	결괏값
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

XOR 진리표

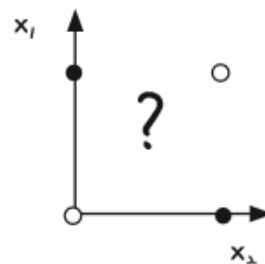
x_1	x_2	결괏값
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



AND



OR



XOR

2. 퍼셉트론

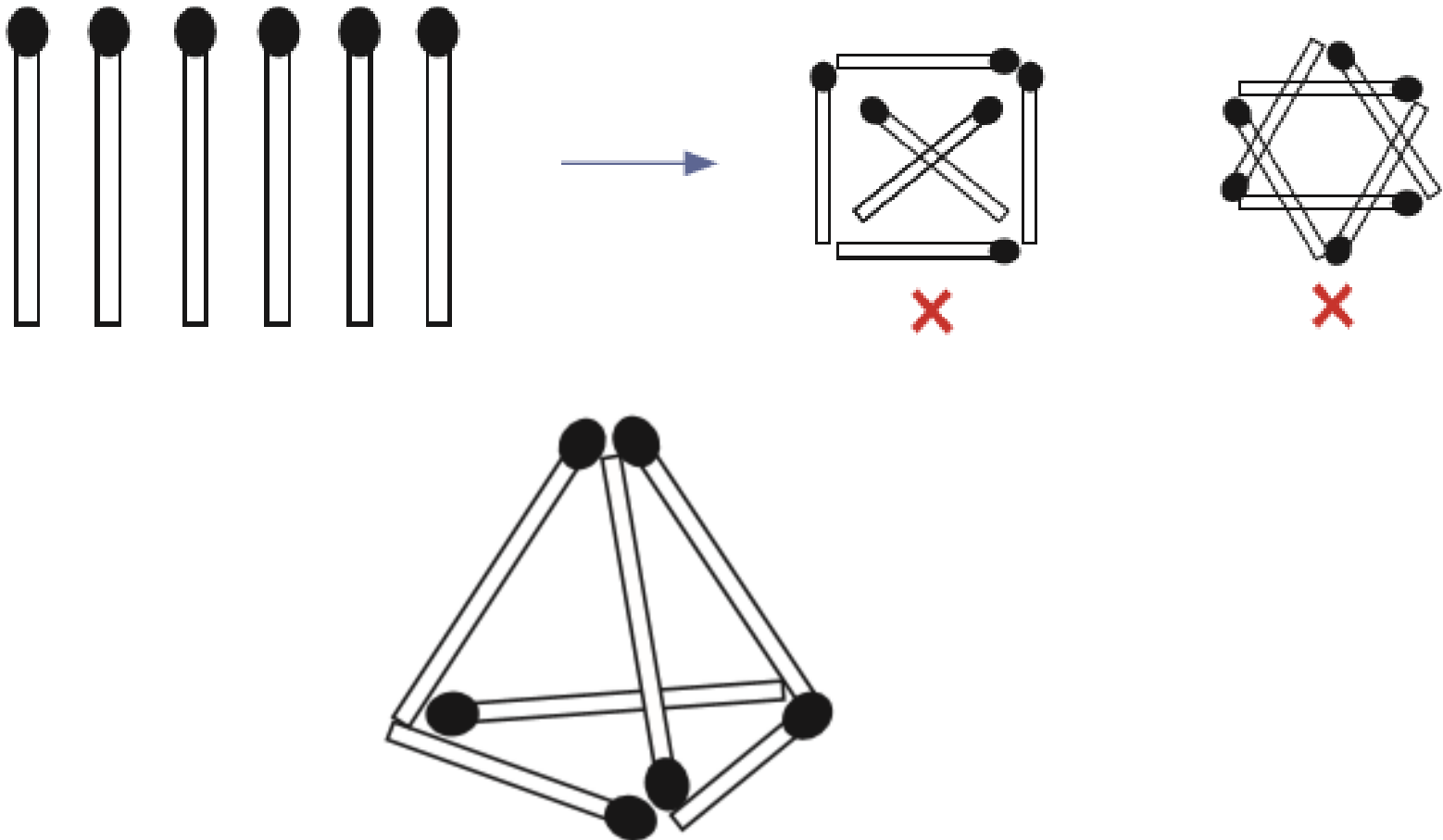
■ XOR 문제

- 이는 인공지능 분야의 선구자였던 MIT의 마빈 민스키(Marvin Minsky) 교수가 1969년에 발표한 <퍼셉트론즈(Perceptrons)>라는 논문에 나오는 내용
- 10여 년이 지난 후에야 이 문제가 해결되는데, 이를 해결한 개념이 바로 다층 퍼셉트론(multilayer perceptron)

3. 다층 퍼셉트론

■ 다층 퍼셉트론

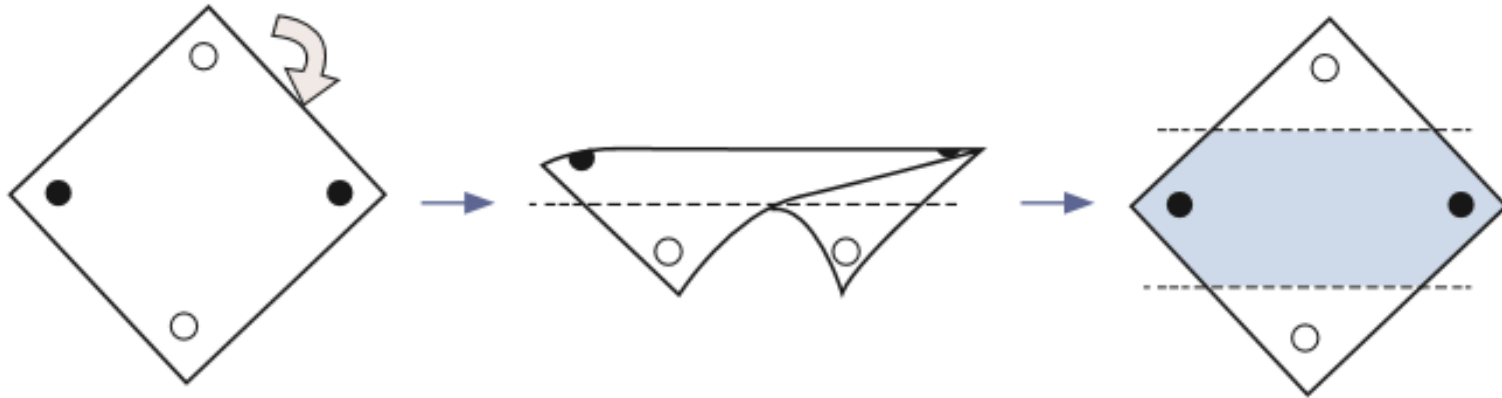
- 성냥개비 여섯 개로 정삼각형 네 개를 만들 수 있는가?



3. 다층 퍼셉트론

■ XOR 문제 해결

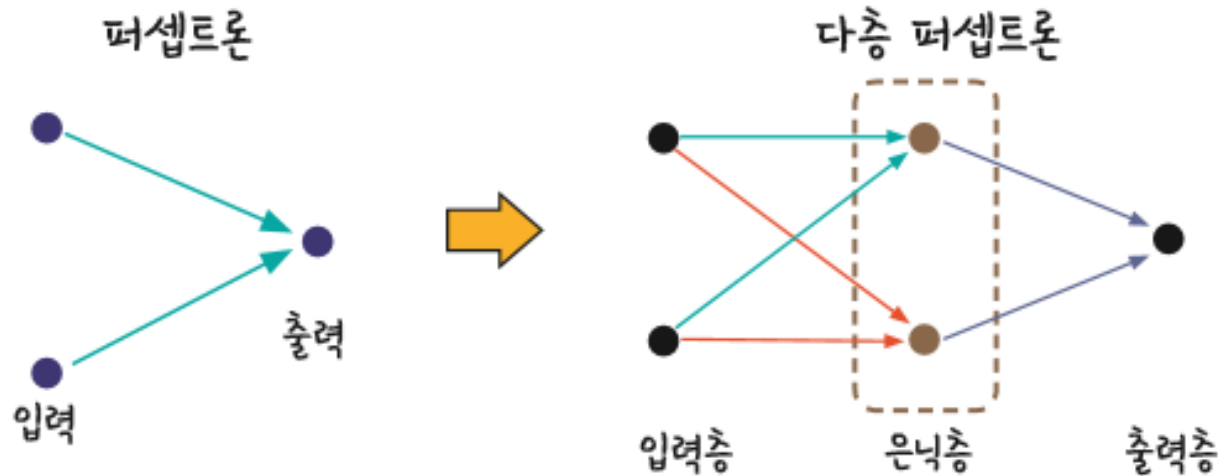
- XOR 문제 극복은 평면을 휘어주는것! 즉, 좌표 평면 자체에 변화를 주는 것



3. 다층 퍼셉트론

■ XOR 문제 해결

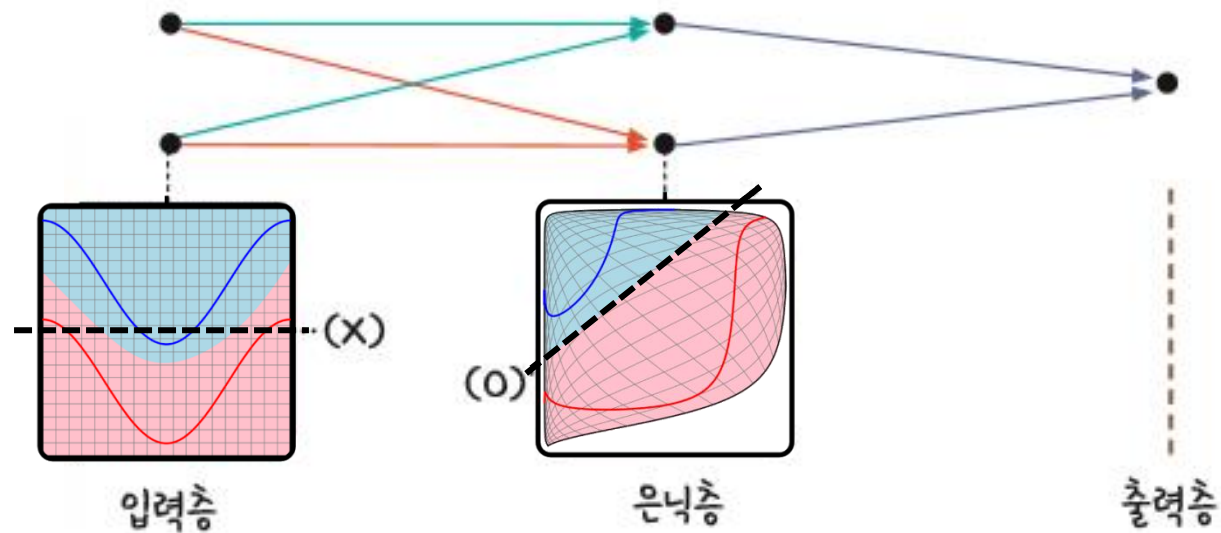
- XOR 문제를 해결하기 위해서 두 개의 퍼셉트론을 한 번에 계산할 수 있어야 함
- 이를 가능하게 하려면 숨어있는 층, 즉 은닉층(hidden layer)을 만들면 됨



3. 다층 퍼셉트론

■ XOR 문제 해결

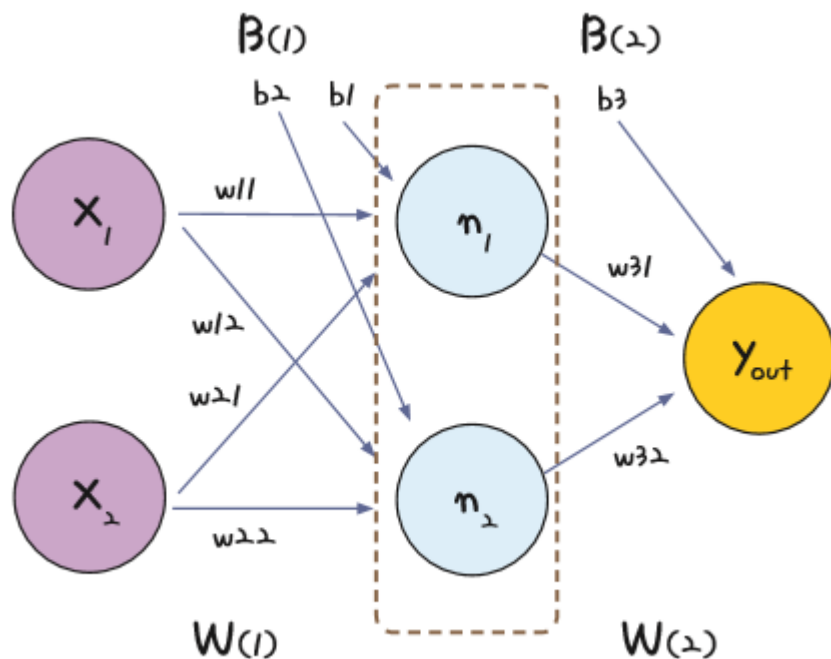
- 입력층과 은닉층의 그래프를 집어넣어 보면 아래 그림과 같음
- 은닉층이 좌표 평면을 왜곡시키는 결과를 가져옴
→ 두 영역을 가로지르는 선이 직선으로 바뀜



은닉층의 공간 왜곡(<https://goo.gl/8qEGHD> 참조)

3. 다층 퍼셉트론

■ 다층 퍼셉트론 설계



$$n_1 = \sigma(x_1 w_{11} + x_2 w_{21} + b_1)$$

$$n_2 = \sigma(x_1 w_{12} + x_2 w_{22} + b_2)$$

$$y_{out} = \sigma(n_1 w_{31} + n_2 w_{32} + b_3)$$

- 가중치 6개와 바이어스 3개가 필요함

$$W(1) = \begin{bmatrix} w_{11} & w_{12} \\ w_{21} & w_{22} \end{bmatrix} \quad B(1) = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \end{bmatrix}$$

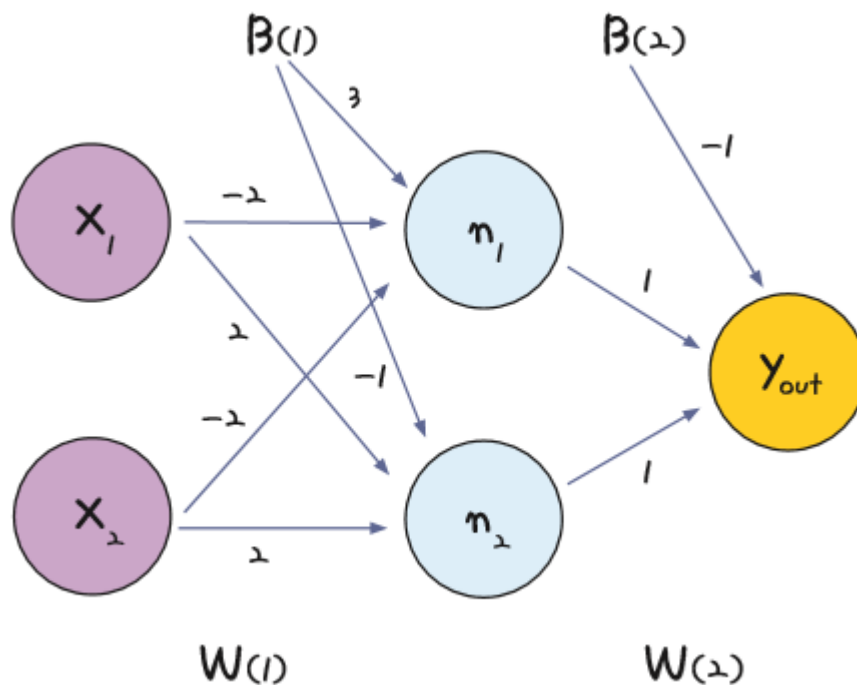
$$W(2) = \begin{bmatrix} w_{31} \\ w_{32} \end{bmatrix} \quad B(2) = [b_3]$$

3. 다층 퍼셉트론

■ XOR 문제의 해결

- XOR 문제를 해결을 위해 가중치 6개와 바이어스 3개가 필요함
- 이를 만족하는 가중치와 바이어스의 조합은 무수히 많음
- 예)

$$W(1) = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ -2 & 2 \end{bmatrix} \quad B(1) = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$$
$$W(2) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad B(2) = [-1]$$



3. 다층 퍼셉트론

■ XOR 문제의 해결

- 검증

x_1	x_2	n_1	n_2	y_{out}	우리가 원하는 값
0	0	$\sigma(0 * (-2) + 0 * (-2) + 3) = 1$	$\sigma(0 * 2 + 0 * 2 - 1) = 0$	$\sigma(1 * 1 + 0 * 1 - 1) = 0$	0
0	1	$\sigma(0 * (-2) + 1 * (-2) + 3) = 1$	$\sigma(0 * 2 + 1 * 2 - 1) = 1$	$\sigma(1 * 1 + 1 * 1 - 1) = 1$	1
1	0	$\sigma(1 * (-2) + 0 * (-2) + 3) = 1$	$\sigma(1 * 2 + 0 * 2 - 1) = 1$	$\sigma(1 * 1 + 1 * 1 - 1) = 1$	1
1	1	$\sigma(1 * (-2) + 1 * (-2) + 3) = 0$	$\sigma(1 * 2 + 1 * 2 - 1) = 1$	$\sigma(0 * 1 + 1 * 1 - 1) = 0$	0

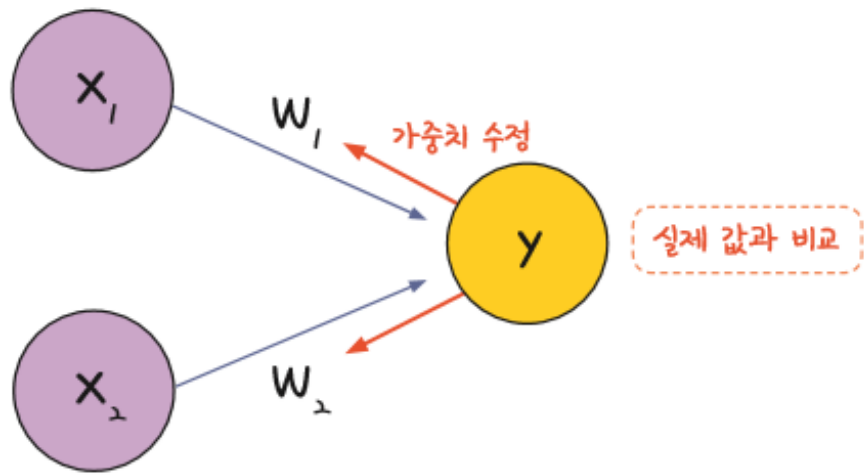
4. 오차 역전파

■ 오차 역전파(Back Propagation) 개념

- 최적화의 계산 방향이 출력층에서 시작해 앞(뒤에서 앞으로)으로 진행됨
→ 오차 역전파(back propagation)라고 부름
- 경사 하강법 → 입력과 출력이 하나일 때, 즉 '단일 퍼셉트론'일 경우
- 은닉층(Hidden Layer)이 있는 경우에는?
구해야 할 가중치(w)와 바이어스(b)는?
- 단일 퍼셉트론에서 결과값을 얻으면 오차를 구해 이를 토대로 앞 단계에서 정한 가중치를 조정하는 것과 마찬가지로
- 다층 퍼셉트론 역시 결과값의 오차를 구해 이를 토대로 하나 앞선 가중치를 차례로 거슬러 올라가며 조정해 감

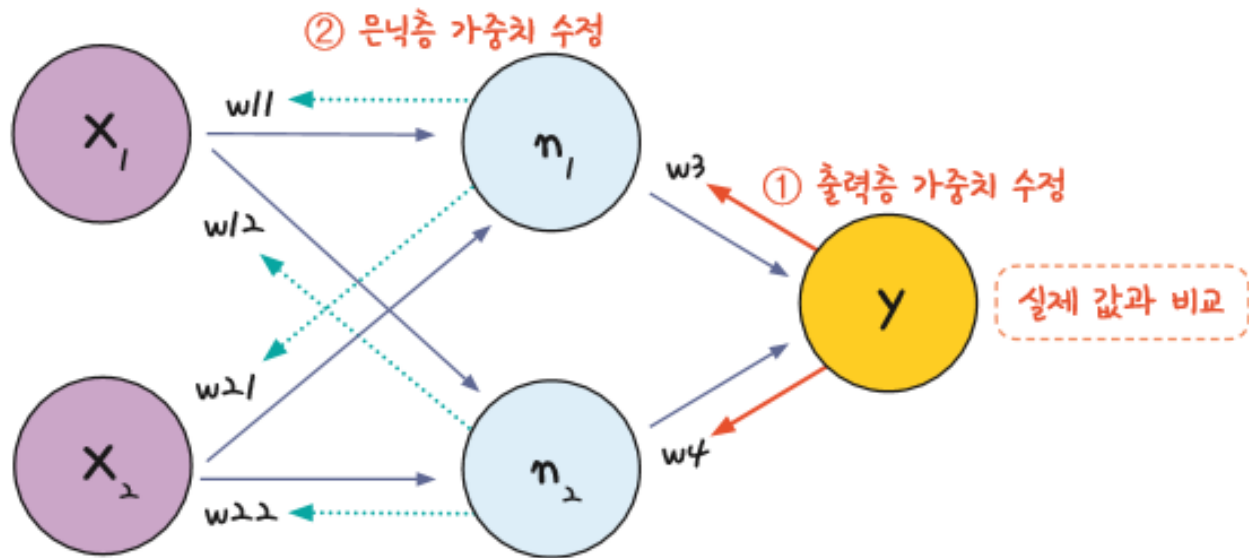
4. 오차 역전파

■ 오차 역전파 개념



◀ 단일 퍼셉트론에서의 오차 수정

다층 퍼셉트론에서의 오차 수정 ▶



4. 오차 역전파

■ 오차 역전파 개념

❖ 오차 역전파 구동 방식

- 1) 임의의 초기 가중치($w_{(1)}$)를 준 뒤 결과(y_{out})를 계산한다.
- 2) 계산 결과와 우리가 원하는 값 사이의 오차를 구한다.
- 3) 경사 하강법을 이용해 바로 앞 가중치를 오차가 작아지는 방향으로 업데이트한다.
- 4) 1)~3) 과정을 더이상 오차가 줄어들지 않을 때까지 반복한다.

❖ 해설

- '오차가 작아지는 방향으로 업데이트한다'는 의미는 미분 값이 0에 가까워지는 방향으로 나아간다는 말
- 즉, '기울기가 0이 되는 방향'으로 나아가야 하는데, 이 말은 가중치에서 기울기를 뺏을 때 가중치의 변화가 전혀 없는 상태를 말함

4. 오차 역전파

■ 미분 공식

$$1. \frac{d}{dx}(c) = 0$$

$$2. \frac{d}{dx}[cf(x)] = cf'(x)$$

$$3. \frac{d}{dx}[f(x)+g(x)] = f'(x)+g'(x)$$

$$4. \frac{d}{dx}[f(x)-g(x)] = f'(x)-g'(x)$$

$$5. \frac{d}{dx}[f(x)g(x)] = f(x)g'(x)+g(x)f'(x) \quad \text{곱셈공식}$$

$$6. \frac{d}{dx}\left[\frac{f(x)}{g(x)}\right] = \frac{g(x)f'(x)-f(x)g'(x)}{[g(x)]^2} \quad \text{나눗셈공식}$$

$$7. \frac{d}{dx}f(g(x)) = f'(g(x))g'(x) \quad \text{연쇄법칙(체인룰)}$$

$$8. \frac{d}{dx}(x^n) = nx^{n-1}$$

4. 오차 역전파

■ Sigmoid 미분

$$F(x) = \frac{1}{1+e^{-x}} \quad < f(x)$$

$$< g(x)$$

$$F'(x) = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{g^2(x)}$$

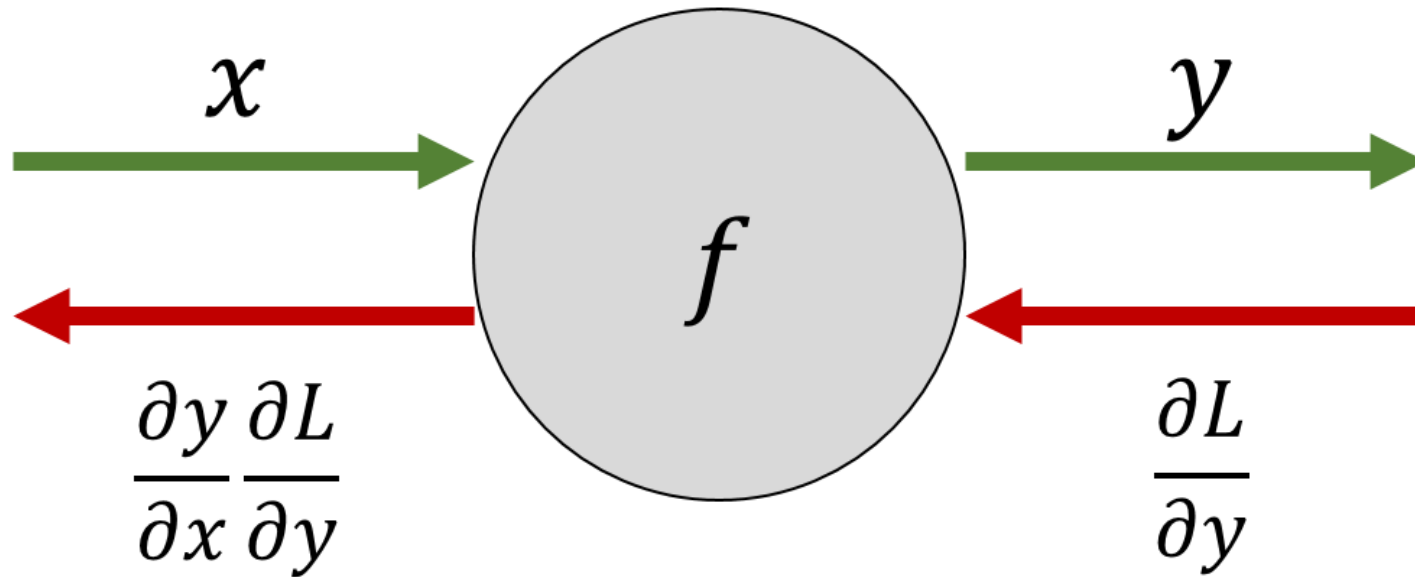
$$= \frac{0 - (-e^{-x})}{(1+e^{-x})^2} = \frac{1}{1+e^{-x}} \frac{e^{-x}}{1+e^{-x}}$$

$$= F(x) \frac{1+e^{-x} - 1}{1+e^{-x}} = F(x) \left(\frac{1+e^{-x}}{1+e^{-x}} - \frac{1}{1+e^{-x}} \right)$$

$$= F(x)(1 - F(x))$$

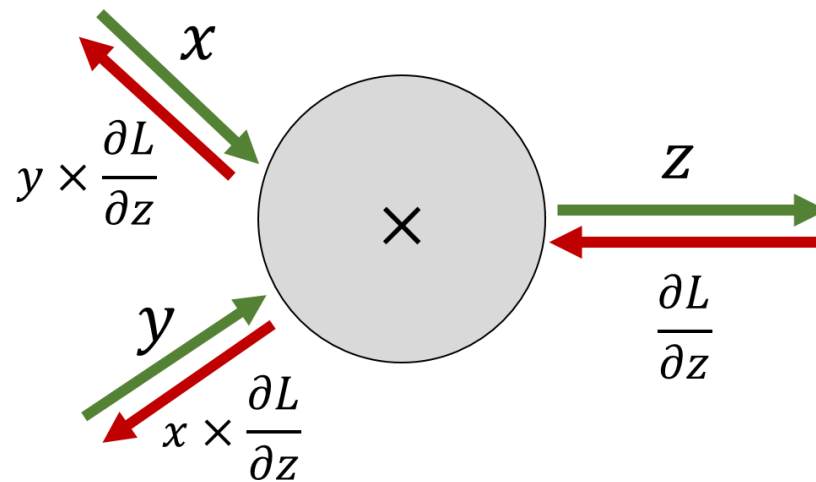
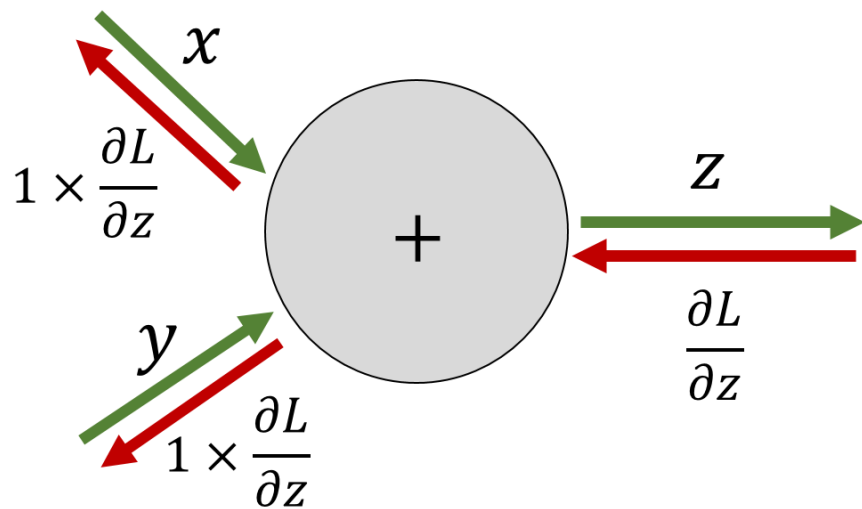
4. 오차 역전파

■ 수식으로 표현



4. 오차 역전파

■ 수식으로 표현



4. 오차 역전파

■ 수식으로 표현

$$\boxed{1} \quad \frac{\partial L}{\partial \mathbf{X}} = \frac{\partial L}{\partial \mathbf{Y}} \cdot \mathbf{W}^T$$

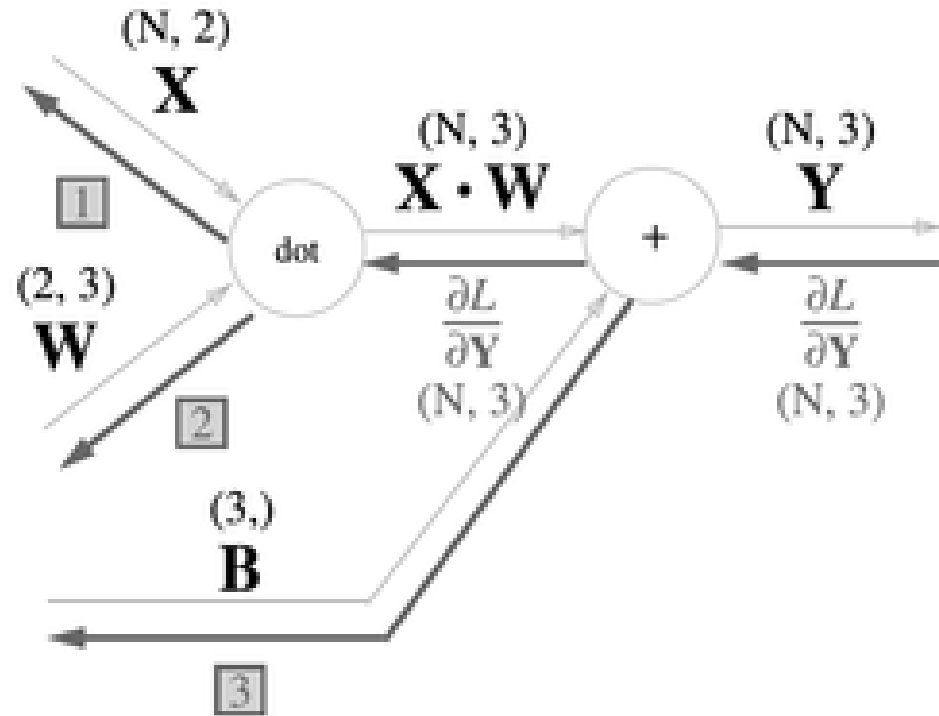
(N, 2) (N, 3) (3, 2)

$$\boxed{2} \quad \frac{\partial L}{\partial \mathbf{W}} = \mathbf{X}^T \cdot \frac{\partial L}{\partial \mathbf{Y}}$$

(2, 3) (2, N) (N, 3)

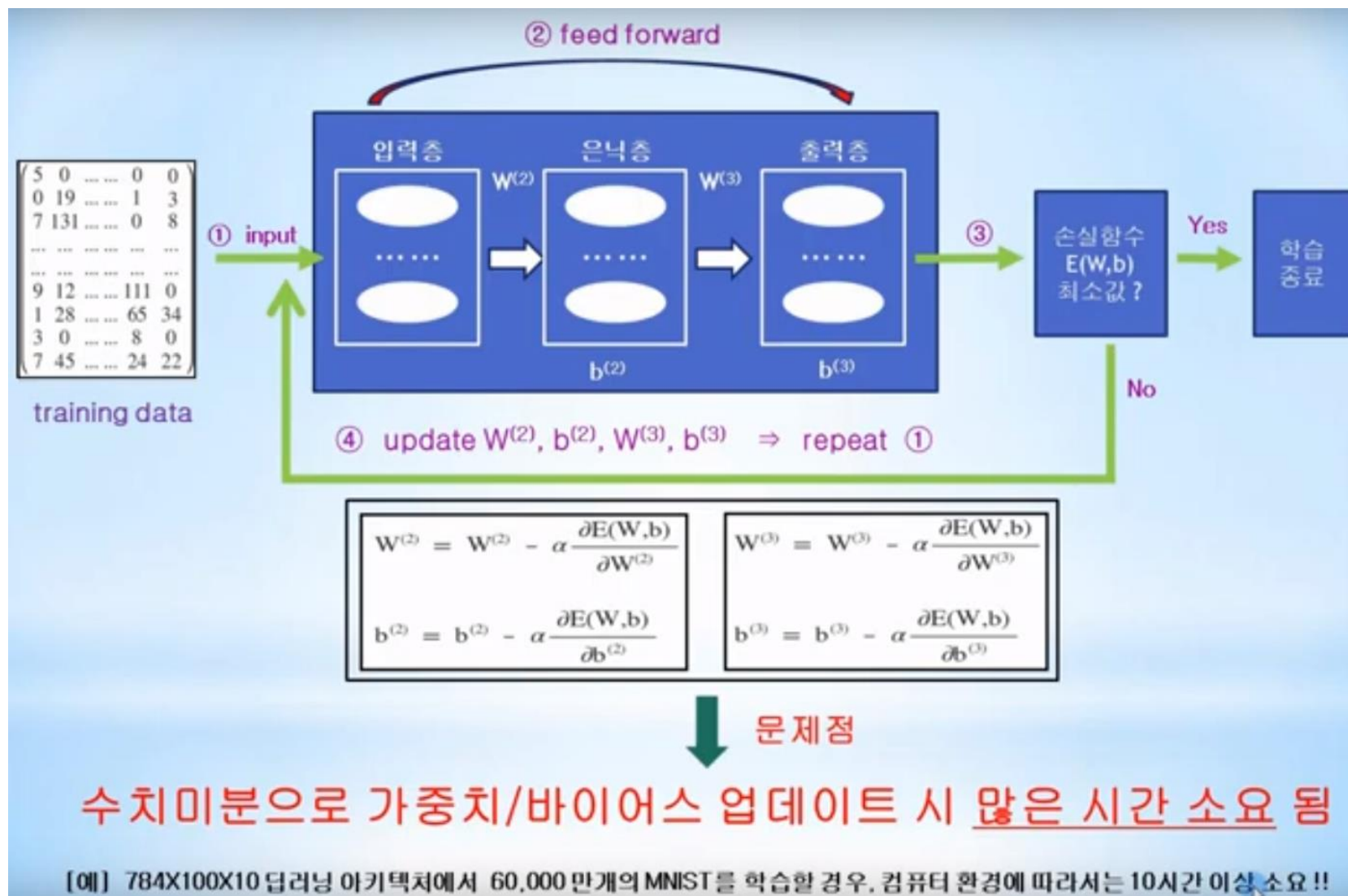
$$\boxed{3} \quad \frac{\partial L}{\partial \mathbf{B}} = \frac{\partial L}{\partial \mathbf{Y}} \text{의 첫 번째 축(0축, 열방향)의 합}$$

(3) (N, 3)



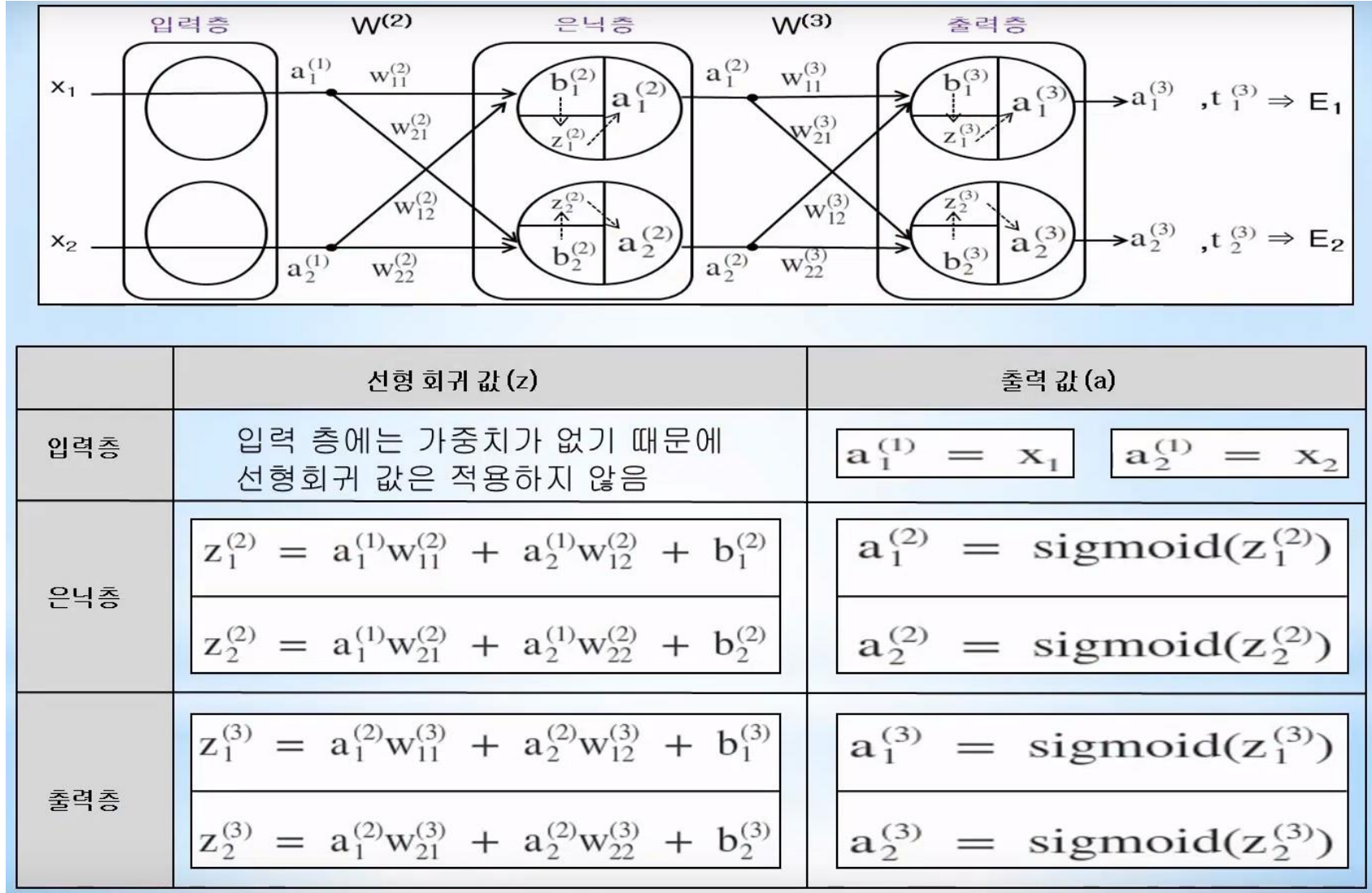
4. 오차 역전파

■ 오차 역전파 – 개념 및 문제점 ◀ 오차역전파 강의 YouTube (NeoWizard)



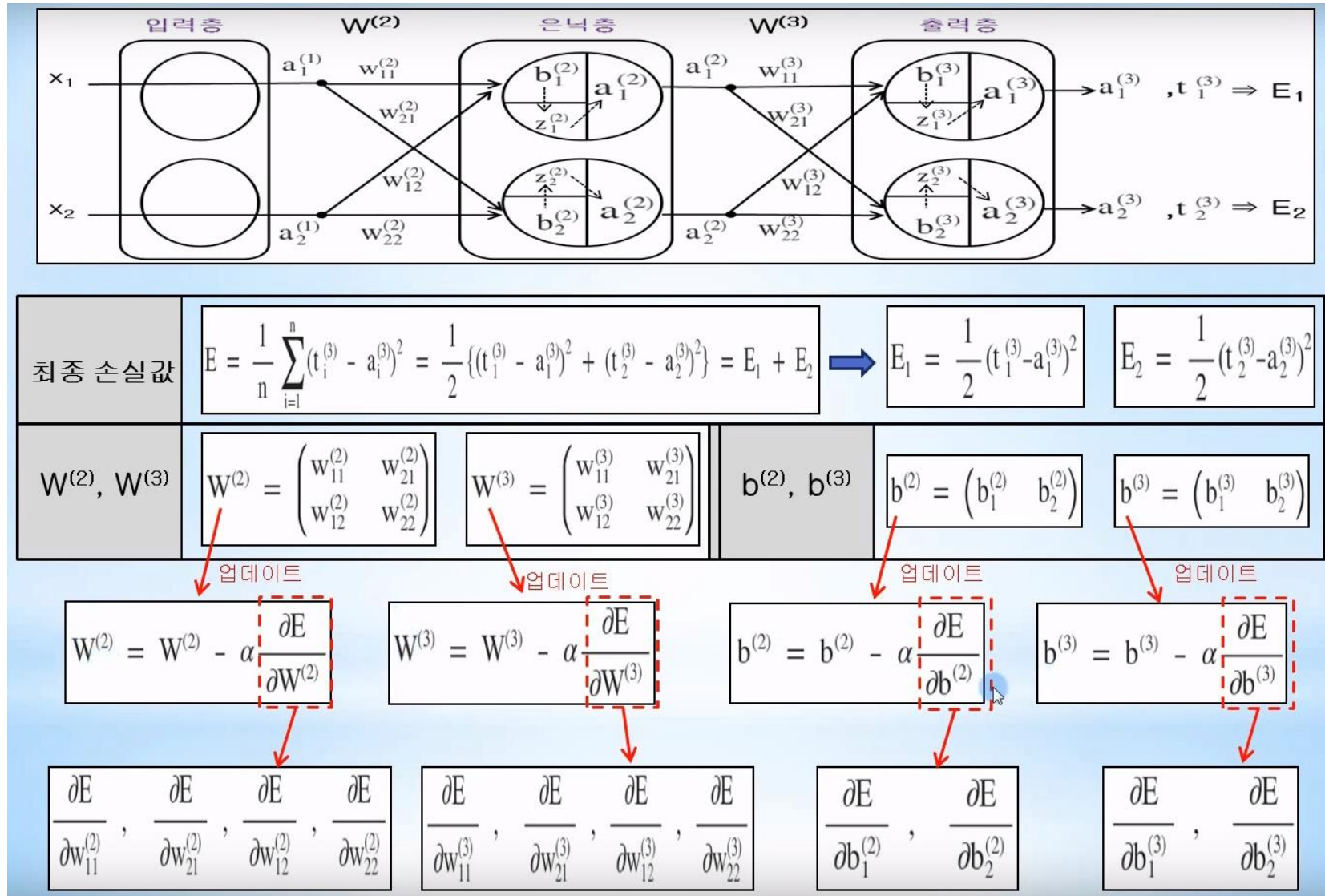
4. 오차 역전파

■ 오차 역전파 - 각 층의 선형회귀값(z) / 각 층의 출력값(a)



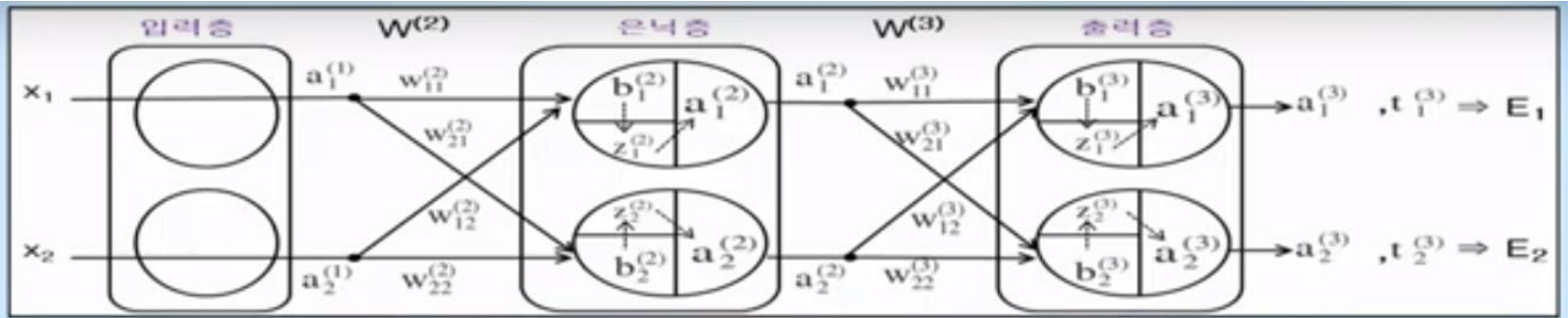
4. 오차 역전파

■ 오차 역전파 - 최종 손실(에러) 값 E / 가중치 W / 바이어스 b



4. 오차 역전파

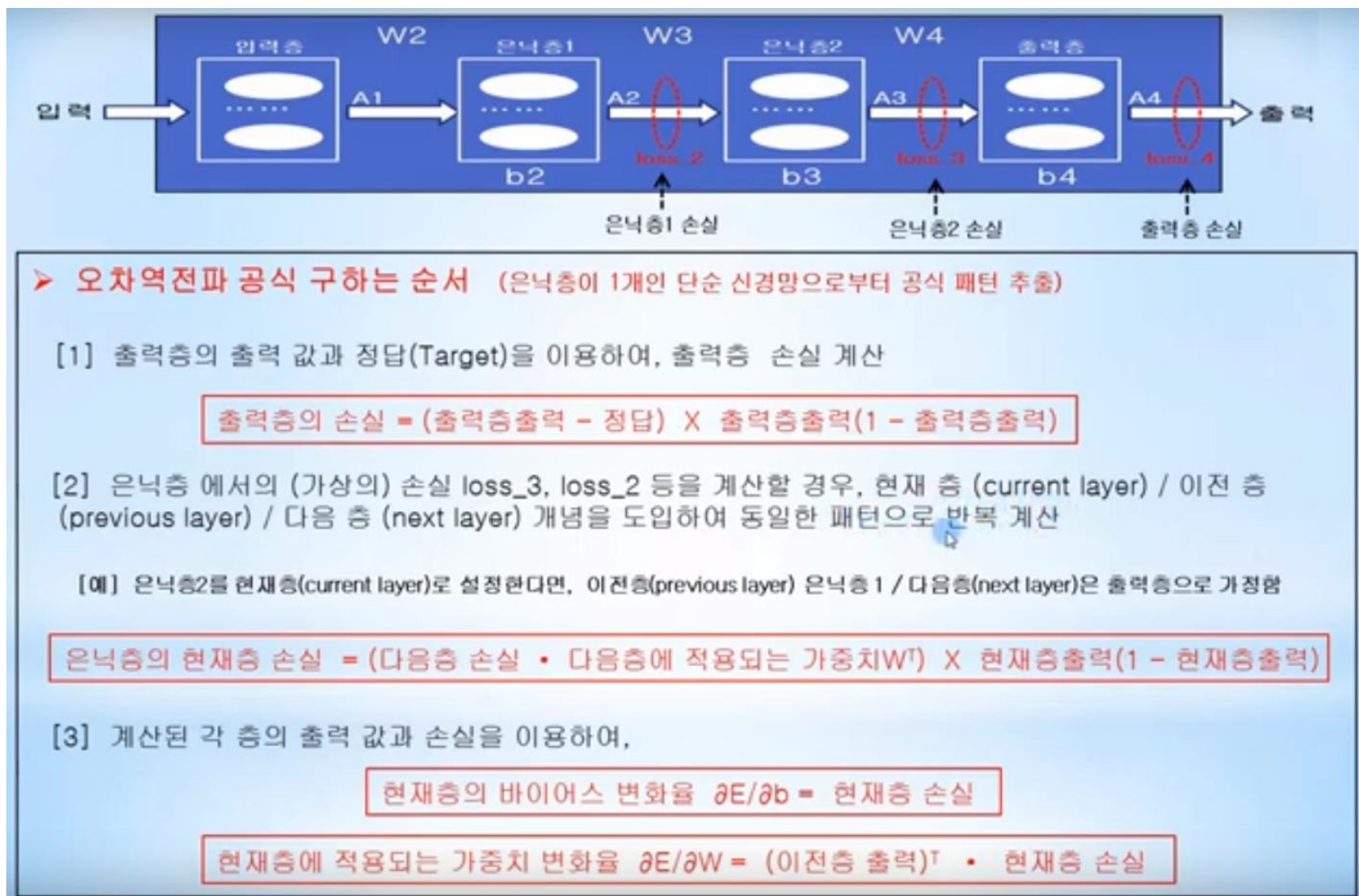
■ 오차 역전파 - 선형회귀 값 Z / 출력 값 A / 손실 값 E / 가중치 W / 바이어스 b



입력층 선형회귀 값 (Z1)	입력 층에는 가중치가 없기 때문에 선형회귀 값은 적용하지 않음	입력층 출력 값 (A1)	$a_2^{(1)} = x_2$ $a_1^{(1)} = x_1$
은닉층 선형회귀 값 (Z2)	$z_1^{(2)} = a_1^{(1)}w_{11}^{(2)} + a_2^{(1)}w_{12}^{(2)} + b_1^{(2)}$ $z_2^{(2)} = a_1^{(1)}w_{21}^{(2)} + a_2^{(1)}w_{22}^{(2)} + b_2^{(2)}$	은닉층 출력 값 (A2)	$a_1^{(2)} = \text{sigmoid}(z_1^{(2)})$ $a_2^{(2)} = \text{sigmoid}(z_2^{(2)})$
출력층 선형회귀 값 (Z3)	$z_1^{(3)} = a_1^{(2)}w_{11}^{(3)} + a_2^{(2)}w_{12}^{(3)} + b_1^{(3)}$ $z_2^{(3)} = a_1^{(2)}w_{21}^{(3)} + a_2^{(2)}w_{22}^{(3)} + b_2^{(3)}$	출력층 출력 값 (A3)	$a_1^{(3)} = \text{sigmoid}(z_1^{(3)})$ $a_2^{(3)} = \text{sigmoid}(z_2^{(3)})$
$W^{(2)}, W^{(3)}$	$W^{(2)} = \begin{pmatrix} w_{11}^{(2)} & w_{12}^{(2)} \\ w_{21}^{(2)} & w_{22}^{(2)} \end{pmatrix}$ $W^{(3)} = \begin{pmatrix} w_{11}^{(3)} & w_{12}^{(3)} \\ w_{21}^{(3)} & w_{22}^{(3)} \end{pmatrix}$	$b^{(2)}, b^{(3)}$	$b^{(2)} = \begin{pmatrix} b_1^{(2)} & b_2^{(2)} \end{pmatrix}$ $b^{(3)} = \begin{pmatrix} b_1^{(3)} & b_2^{(3)} \end{pmatrix}$
최종 손실 값 (E)	$E = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (t_i^{(3)} - a_i^{(3)})^2 = \frac{1}{2} [(t_1^{(3)} - a_1^{(3)})^2 + (t_2^{(3)} - a_2^{(3)})^2] = E_1 + E_2 \rightarrow E_1 = \frac{1}{2} (t_1^{(3)} - a_1^{(3)})^2$ $E_2 = \frac{1}{2} (t_2^{(3)} - a_2^{(3)})^2$		

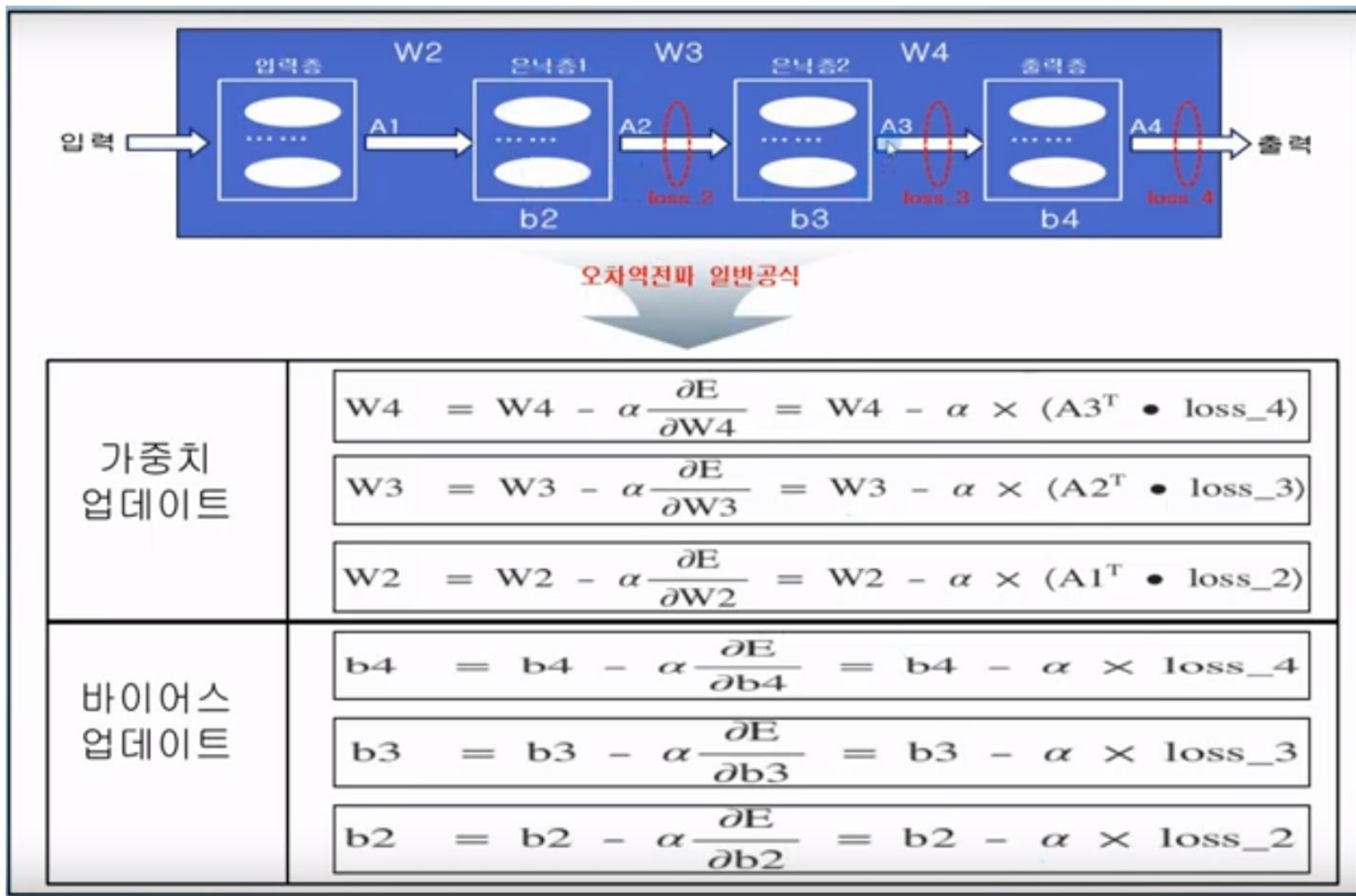
4. 오차 역전파

■ 오차 역전파 - 일반 공식 구하는 순서



4. 오차 역전파

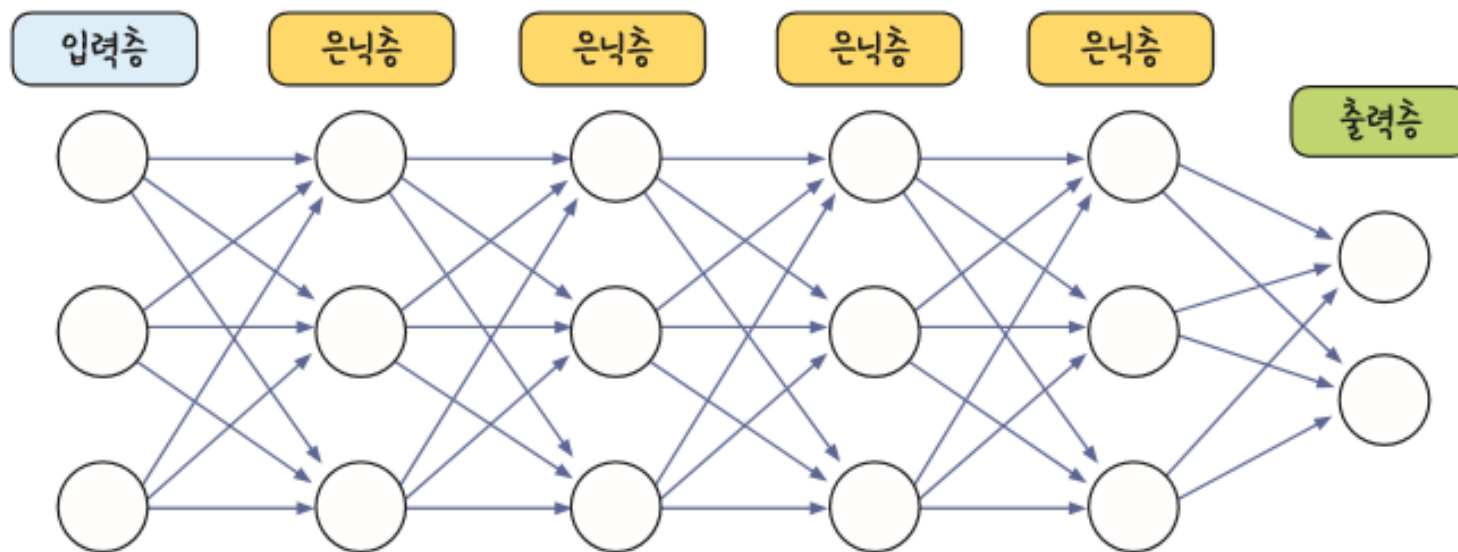
■ 오차 역전파 - 일반 공식



5. 활성화 함수와 손실 함수

■ 기울기 소실 문제

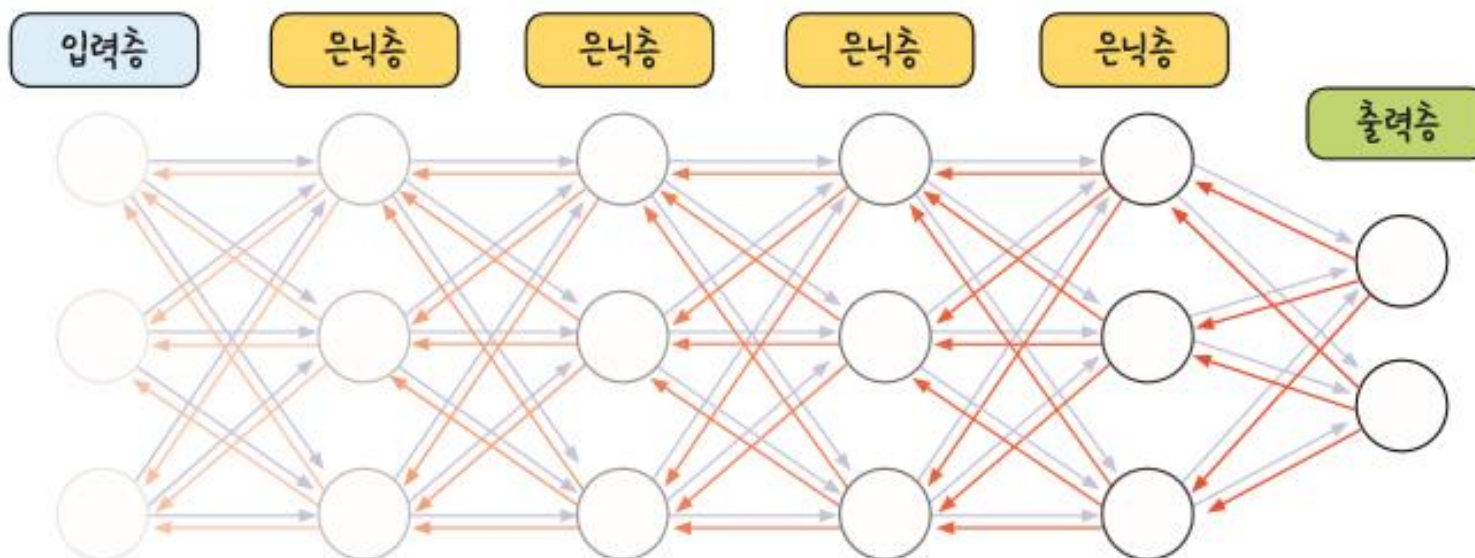
- 다층 퍼셉트론이 오차 역전파를 만나 신경망이 되었고, 신경망은 XOR 문제를 가볍게 해결
- 하지만 기대만큼 결과가 좋아지지 않았음
- 이유가 무엇일까?



5. 활성화 함수와 손실 함수

■ 기울기 소실 문제

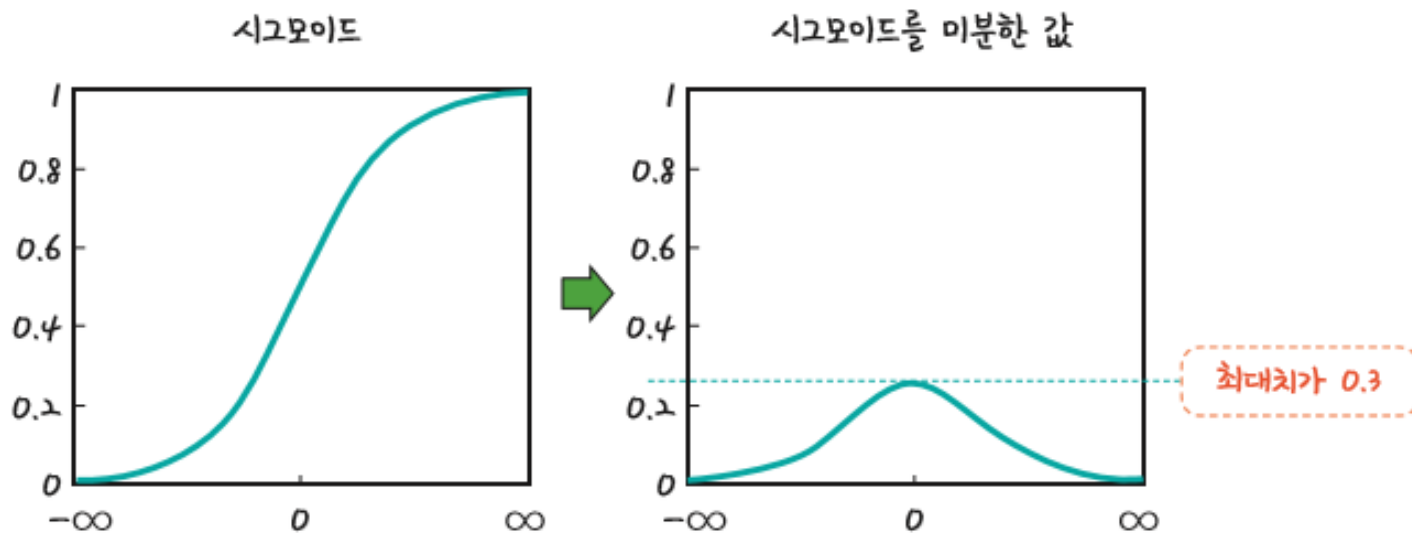
- 오차 역전파는 출력층으로부터 하나씩 앞으로 되돌아가며 각 층의 가중치를 수정하는 방법
- 가중치를 수정하려면 미분 값, 즉 기울기가 필요하다고 배움
- 그런데 층이 늘어나면서 기울기가 중간에 0이 되어버리는 기울기 소실(vanishing gradient) 문제가 발생하기 시작



5. 활성화 함수와 손실 함수

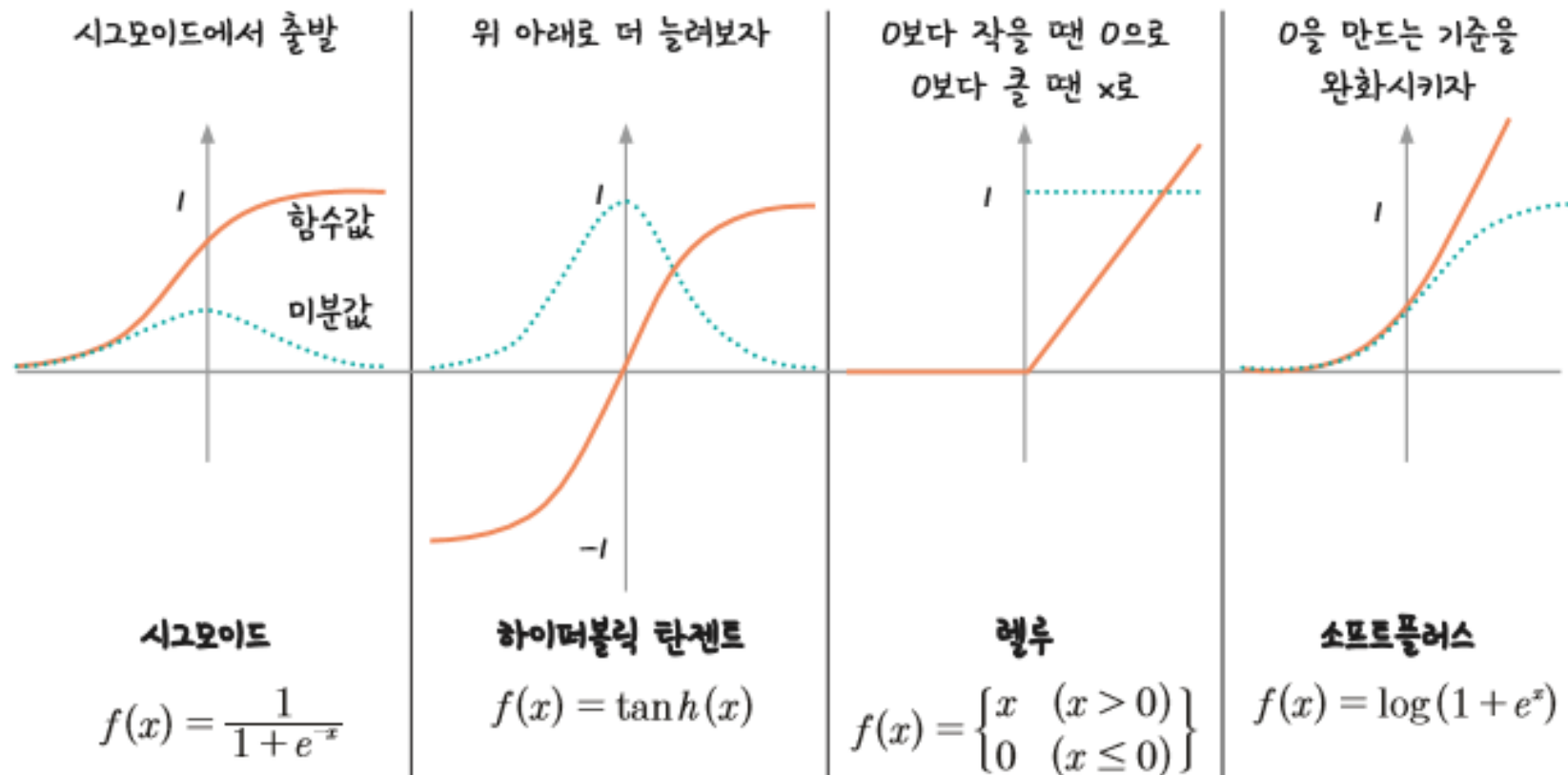
■ 기울기 소실 문제와 활성화 함수

- 이는 활성화 함수로 사용된 시그모이드 함수의 특성 때문임
- 아래 그림처럼 시그모이드를 미분하면 최대치가 0.25
- 1보다 작으므로 계속 곱하다 보면 0에 가까워짐
- 따라서 층을 거쳐 갈수록 기울기가 사라져 가중치를 수정하기가 어려워지는 것



5. 활성화 함수와 손실 함수

■ 대체 활성화 함수



5. 활성화 함수와 손실 함수

■ 활성화 함수

❖ 하이퍼볼릭 탄젠트(tanh)

- 시그모이드 함수의 범위를 -1에서 1로 확장한 개념
- 미분한 값의 범위가 함께 확장되는 효과를 가져왔음
- 하지만 여전히 1보다 작은 값이 존재하므로 기울기 소실 문제는 사라지지 않음

❖ 렐루(ReLU: Rectified Linear Unit)

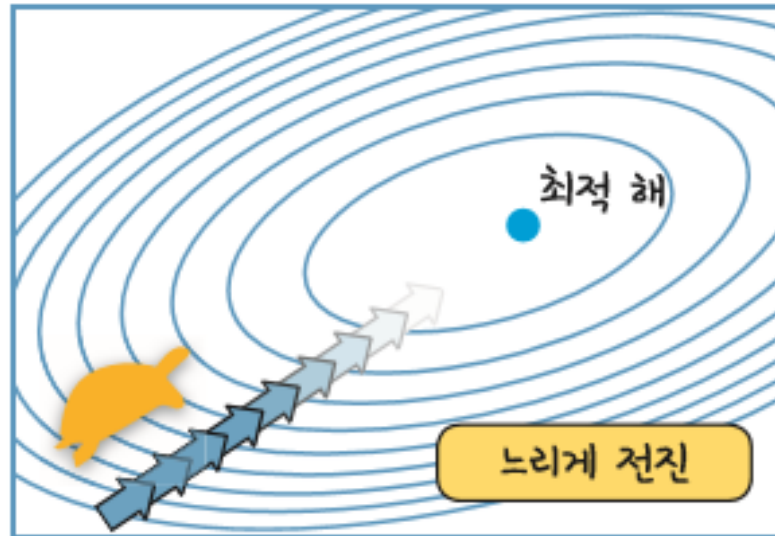
- 토론토대학교의 제프리 힌튼 교수가 제안
- 시그모이드의 대안으로 떠오르며 현재 가장 많이 사용되는 활성화 함수
- 렐루는 x 가 0보다 작을 때는 모든 값을 0으로 처리하고, 0보다 큰 값은 x 를 그대로 사용하는 방법. 이 방법을 쓰면 x 가 0보다 크기만 하면 미분 값이 1이 됨
- 따라서 여러 은닉층을 거치며 곱해지더라도 맨 처음 층까지 사라지지 않고 남아 있을 수 있음: 딥러닝의 발전에 속도가 붙게 됨

5. 활성화 함수와 손실 함수

■ 속도와 정확도 문제를 해결하는 고급 경사 하강법

❖ 경사 하강법

- 경사 하강법은 정확하게 가중치를 찾아가지만, 한 번 업데이트할 때마다 전체 데이터를 미분해야 하므로 계산량이 매우 많다는 단점이 있음



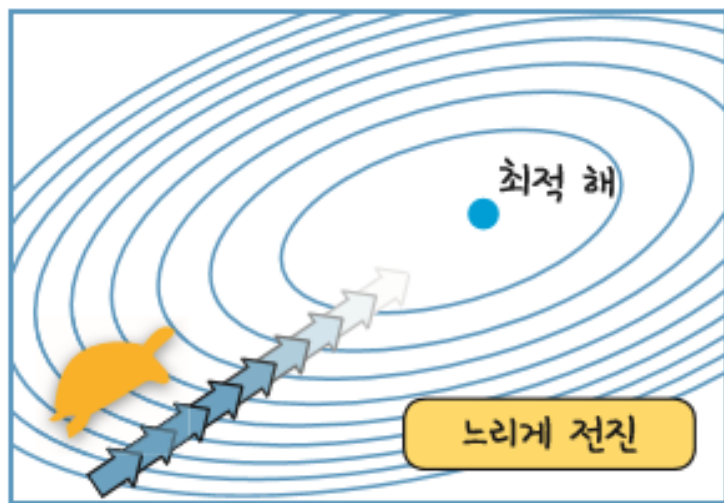
경사 하강법

5. 활성화 함수와 손실 함수

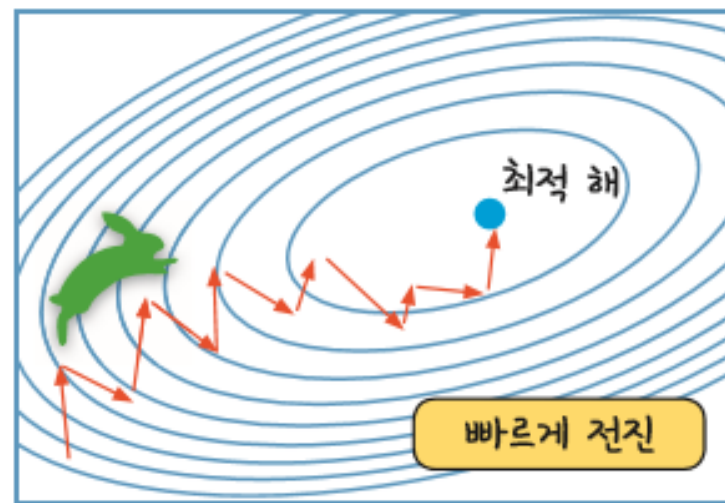
■ 속도와 정확도 문제를 해결하는 고급 경사 하강법

❖ 확률적 경사 하강법(SGD)

- 전체 데이터를 사용하는 것이 아니라, 랜덤하게 추출한 일부 데이터를 사용
- 일부 데이터를 사용하므로 더 빨리 그리고 자주 업데이트를 하는 것이 가능해짐



경사 하강법



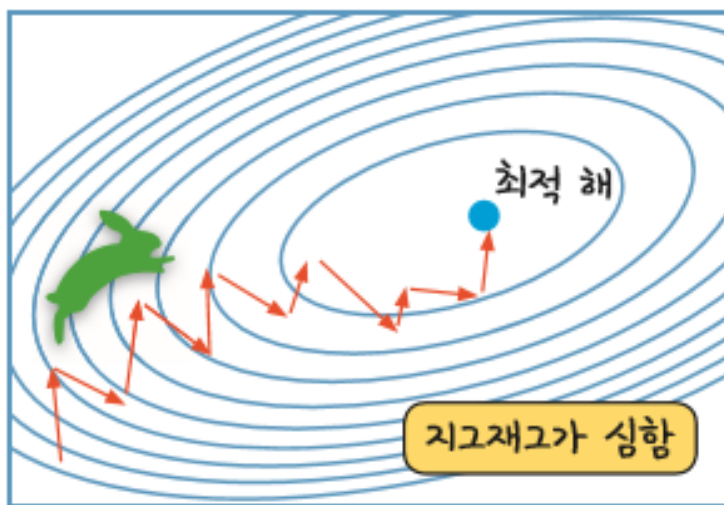
확률적 경사 하강법

5. 활성화 함수와 손실 함수

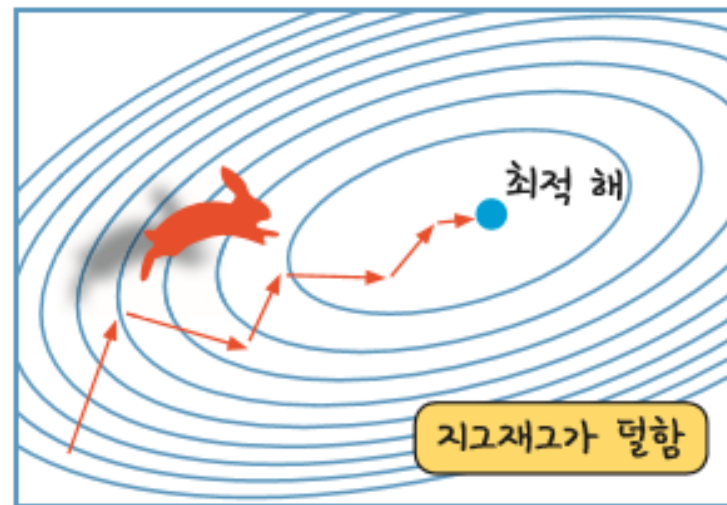
■ 속도와 정확도 문제를 해결하는 고급 경사 하강법

❖ 모멘텀

- 경사 하강법과 마찬가지로 매번 기울기를 구하지만, 이를 통해 오차를 수정하기 전 바로 앞 수정 값과 방향(+, -)을 참고하여 같은 방향으로 일정한 비율만 수정되게 하는 방법 (이동에 탄력을 더한다)



확률적 경사 하강법



모멘텀을 적용한 확률적 경사 하강법

5. 활성화 함수와 손실 함수

■ 속도와 정확도 문제를 해결하는 고급 경사 하강법

고급 경사 하강법	개요	효과	케라스 사용법
1. 확률적 경사 하강법 (SGD)	랜덤하게 추출한 일부 데이터를 사용해 더 빨리, 자주 업데이트를 하게 하는 것	속도 개선	<code>keras.optimizers.SGD(lr = 0.1)</code> 케라스 최적화 함수를 이용합니다.
2. 모멘텀 (Momentum)	관성의 방향을 고려해 진동과 폭을 줄이는 효과	정확도 개선	<code>keras.optimizers.SGD(lr = 0.1, momentum = 0.9)</code> 모멘텀 계수를 추가합니다.
3. 네스테로프 모멘텀 (NAG)	모멘텀이 이동시킬 방향으로 미리 이동해서 그레이디언트를 계산. 불필요한 이동을 줄이는 효과	정확도 개선	<code>keras.optimizers.SGD(lr = 0.1, momentum = 0.9, nesterov = True)</code> 네스테로프 옵션을 추가합니다.

5. 활성화 함수와 손실 함수

■ 속도와 정확도 문제를 해결하는 고급 경사 하강법

4. 아다그라드 (Adagrad)	변수의 업데이트가 잦으면 학습률을 적게 하여 이동 보폭을 조절하는 방법	보폭 크기 개선	<code>keras.optimizers.Adagrad(lr = 0.01, epsilon = 1e - 6)</code> 아다그라드 함수를 사용합니다. ※ 참고: 여기서 <code>epsilon</code> , <code>rho</code> , <code>decay</code> 같은 파라미터는 바꾸지 않고 그대로 사용하기를 권장하고 있습니다. 따라서 <code>lr</code> , 즉 <code>learning rate</code> (학습률) 값만 적절히 조절하면 됩니다.
5. 알엠에스프롭 (RMSProp)	아다그라드의 보폭 민감도를 보완한 방법	보폭 크기 개선	<code>keras.optimizers.RMSprop(lr = 0.001, rho = 0.9, epsilon = 1e - 08, decay = 0.0)</code> 알엠에스프롭 함수를 사용합니다.
6. 아담(Adam)	모멘텀과 알엠에스프롭 방법을 합친 방법	정확도와 보폭 크기 개선	<code>keras.optimizers.Adam(lr = 0.001, beta_1 = 0.9, beta_2 = 0.999, epsilon = 1e - 08, decay = 0.0)</code> 아담 함수를 사용합니다.