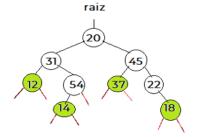
1. Método recursivo que recibe la raíz de un árbol binario y entonces muestra todas sus hojas y devuelve la cantidad de ellas que tienen contenido PAR.



Para este árbol el método Mostraría 12 – 14 – 37-18

Además, **Devolvería 3** pues tres de las cuatro hojas son de contenido PAR

## MET(R)

| Si R es nulo entonces                     | Si el método recibe un enlace R nulo debe devolver 0             |
|---|--|
| Devuelve 0                                | (pues un Nodo que no existe no tiene hojas)                      |
| En caso contrario                         | Pero si recibe un enlace <b>R</b> que apunta a un Nodo           |
| <b>N</b> = 0                              | Inicia en <b>0</b> el indicador de hoja con contenido <b>PAR</b> |
| Si R.izq es nulo y R.der es nulo entonces | Si este nodo no tiene hijos para ningún lado <b>es hoja</b>      |
| Muestra R.info                            | Por lo tanto, <b>MUESTRA</b> su contenido                        |
| Si <b>R.info</b> es <b>PAR</b> entonces   | Además, si su contenido es <b>PAR</b> entonces                   |
| <b>N</b> = 1                              | y <b>Cambia</b> el indicador a <b>N = 1</b>                      |
| Fin Si                                    |  |
| Fin Si                                    | Devuelve N más lo recibido al aplicar este mismo                 |
| Devuelve N + MET(R.izq) + MET(R.der)      | método a la izquierda y derecha del nodo actual                  |
| Fin Si                                    |  |

La primera parte mostrada arriba la tiene todo método recursivo. Es el CASO BASE, la situación en la que ya no se realizará un nuevo llamado al método. Pero lo que se escribe allí depende de si el método devuelve algo (por ejemplo, cantidad de nodos) o si el método solo realiza acciones (por ejemplo, mostrar el valor de cada nodo)

En aquellos métodos **que devuelven algo** se usa **Si R es nulo** para devolver el valor que sea lógico devolver cuando el enlace recibido apunta a **nada**.

En aquellos métodos **que NO devuelven algo, que solo realizan acciones** se usa **Si R no es nulo**, pues dichas acciones se pueden realizar solo si **R** apunta a un nodo que existe

2. Método recursivo que recibe la raíz de un árbol binario y entonces devuelve verdadero si tiene más hojas para un lado de la raíz

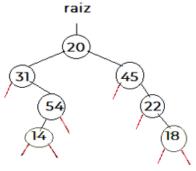
Para logra lo solicitado se usa siguiente método, QUE NO ES RECURSIVO

| - and 10814 10 constitute to and c.8416110 metado, <b>20</b> 110 10 metado |   |  |
|--|---|--|
| Si R es nulo entonces  | Si recibe un R nulo entonces el árbol está vacío y  |  |
| Devuelve Falso   | obviamente NO tiene más hojas para un lado          |  |
| En caso contrario  | Pero si recibe un enlace R que apunta a un Nodo     |  |
| HI = Hojas(R.izq)  | Calcula cuántas hojas hay hacia la izquierda        |  |
| HD = Hojas(R.der)  | Calcula cuántas hojas hay hacia la derecha          |  |
| Si HI <> HD entonces   | Si esas cantidades son distintas devuelve FALSO     |  |
| Devuelve <b>Verdadero</b>  |   |  |
| Si No  | Si esas cantidades son distintas devuelve VERDADERO |  |
| Devuelve <b>Falso</b>  |   |  |
| Fin Si   |   |  |
| Fin Si   | método a la izquierda y derecha del nodo actual     |  |

Pero ese método anterior hace llamados a este método Hojas(), el cual ES RECURSIVO

|   | • 0,  |
|---|---|
| Si R es nulo entonces                                   | Si recibe un <b>R</b> nulo entonces el árbol está vacío y |
| Devuelve 0  | obviamente NO tiene hojas                                 |
| En caso contrario                                       | Pero si el enlace <b>R</b> apunta a un Nodo que existe    |
| Si <b>R.izq</b> es <b>nulo y R.der</b> es nulo entonces | Entonces, si este nodo es hoja                            |
| Devuelve 1  | Devuelve 1 (una hoja más)                                 |
| Si No   | Pero si este nodo no es hoja                              |
| Devuelve Hojas(R.izq) + Hojas(R.der)                    | Devuelve la suma de las hojas que existen a               |
| Fin Si  | lado y lado de él   |
| Fin Si  |   |

## 3. Método recursivo que recibe la raíz de un árbol binario y entonces devuelve verdadero si ese árbol tiene solo dos ramas



Una rama es el recorrido desde el nodo raíz hasta una hoja. Entonces un árbol con dos ramas será como el mostrado en la imagen.

¿Cómo reconocerlo?

Porque, después del nodo raíz, cada nodo tiene un solo hijo (sin considerar las hojas, que no tiene hijos)

| Si R es nulo entonces  | Si <b>R</b> nulo árbol vacío, sin nada para lado y |
|--|--|
| Devuelve Verdadero   | lado, es decir solo dos ramas nulas                |
| En caso contrario  | Pero si <b>R</b> apunta a un Nodo que existe       |
| Si <b>R.izq</b> NO es <b>nulo y R.der</b> NO es <b>nulo</b> entonces | Si ese nodo <b>tiene dos hijos</b> entonces        |
| Devuelve Falso   | Devuelve <b>Falso</b> (nodo con dos ramas)         |
| Si No  | Pero si no tiene dos hijos                         |
| Devuelve Met(R.izq) y Met(R.der)                                     | Devuelve el resultado de la operación              |
| Fin Si   | Lógica <b>Y</b> entre resultado a lado y lado      |
| Fin Si   |  |

Es importante explicar la línea → Devuelve Met(R.izq) y Met(R.der)

Si el nodo actual NO tiene dos hijos entonces podría tener NINGUNO o UNO.

SI tiene NINGUNO devolverá verdadero Y verdadero, que es verdadero

Si tiene solo UNO, con solo dos ramas, devolverá verdadero Y verdadero, que es verdadero

Si tiene solo UNO, pero con varias ramas, devolverá falso Y verdadero, que es falso

Este ejercicio resultó algo difícil de resolver en clase pues nos tomó tiempo darnos cuenta de que en un árbol vacío es **VERDADERO** que tiene solo dos ramas, aunque no existan. Para entender esto supongamos lo contrario, que es **FALSO** que un árbol vacío tiene solo dos ramas inexistentes, estaríamos diciendo que para un lado DE ESE NODO INEXISTENTE hay más nodos inexistentes que para el otro lado inexistente (esto si que sería absurdo)

4. Método recursivo que recibe la raíz de un árbol binario y entonces muestra todos los nodos con un solo hijo (es decir que este método NO DEVUELVE algo SOLO REALIZA ALGO)

## Met(R)

| Si R NO es nulo entonces   | Solo puede mostrar el nodo si el enlace R recibido apunta a un nodo que existe |
|--|--|
| CIRC NO L D L  |  |
| Si <b>R.izq</b> NO es <b>nulo </b> y <b>R.der</b> es <b>nulo</b> entonces      | Si el Nodo solo tiene hijo izquierdo   |
| Muestra R.info   | Entonces muestra este nodo   |
| Fin Si   |  |
| Si <b>R.izq</b> es <b>nulo <mark>y</mark> R.der</b> NO es <b>nulo</b> entonces | Si el Nodo solo tiene hijo derecho   |
| Muestra R.info   | Entonces muestra este nodo   |
| Fin Si   |  |
| Met(R.izq)   | Aplica el método a la izquierda  |
| Met(R.der)   | Aplica el método a la derecha  |
| Fin Si   |  |

## **SUGERENCIAS**

- 1. **Inventa como estos**, aunque parezcan ociosos (como, por ejemplo, tan ocioso como el siguiente: método que cuente los nodos de un árbol que son mayores que el nodo raíz)
- Intenta resolverlo, sin importar cuanto te demores
  Esa será la mejor preparación para el primer ejercicio de la segunda prueba, que se realizará de este viernes 2 de junio (Ilega temprano, se realizará al inicio de la clase)
- 3. Dale el planteamiento del ejercicio a charGPT y compara su respuesta con tu solución