

Лабораторная работа №4
Коновалов Сергей Сергеевич 6204-010302D

Содержание

[Задание 1](#)

[Задание 2](#)

[Задание 3](#)

[Задание 4](#)

[Задание 5](#)

[Задание 6](#)

[Задание 7](#)

Задание 1

Добавил конструкторы, принимающие массив объектов FunctionPoint, в оба класса табулированных функций.

```

public ArrayTabulatedFunction(FunctionPoint[] points) {
    if (points.length < 2) {
        throw new IllegalArgumentException("Количество точек не может быть меньше двух");
    }

    // Проверка упорядоченности точек по x
    for (int i = 0; i < points.length - 1; i++) {
        if (points[i].getX() >= points[i + 1].getX()) {
            throw new IllegalArgumentException("Точки должны быть упорядочены по возрастанию x");
        }
    }

    this.pointsCount = points.length;
    this.points = new FunctionPoint[pointsCount];

    // Создаем копии точек для обеспечения инкапсуляции
    for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
        this.points[i] = new FunctionPoint(points[i]);
    }
}

public LinkedListTabulatedFunction(FunctionPoint[] points) {
    if (points.length < 2) {
        throw new IllegalArgumentException("Количество точек не может быть меньше двух");
    }

    // Проверка упорядоченности точек по x
    for (int i = 0; i < points.length - 1; i++) {
        if (points[i].getX() >= points[i + 1].getX()) {
            throw new IllegalArgumentException("Точки должны быть упорядочены по возрастанию x");
        }
    }

    initializeList();

    // Добавляем точки в список, создавая копии для инкапсуляции
    for (int i = 0; i < points.length; i++) {
        addNodeToTail().setPoint(new FunctionPoint(points[i]));
    }
}

```

Задание 2

Внёс необходимые изменения для создания интерфейса Function и рефакторинга TabulatedFunction

```

package functions;

public interface Function {
    double getLeftDomainBorder();
    double getRightDomainBorder();
    double getFunctionValue(double x);
}

package functions;

public interface TabulatedFunction extends Function {
    int getPointsCount();
    FunctionPoint getPoint(int index);
    void setPoint(int index, FunctionPoint point) throws InappropriateFunctionPointException;
    double getPointX(int index);
    double getPointY(int index);
    void setPointX(int index, double x) throws InappropriateFunctionPointException;
    void setPointY(int index, double y);
    void deletePoint(int index);
    void addPoint(FunctionPoint point) throws InappropriateFunctionPointException;
}

```

Задание 3

Создал пакет functions.basic и создал классы Exp.java, Log.java, TrigonometricFunction.java, Sin.java, Cos.java, Tan.java:

```

package functions.basic;

import functions.Function;

public class Exp implements Function {

    public double getLeftDomainBorder() {
        return Double.NEGATIVE_INFINITY;
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return Double.POSITIVE_INFINITY;
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        return Math.exp(x);
    }
}

package functions.basic;

import functions.Function;

public class Log implements Function {
    private double base;

    public Log(double base) {
        if (base <= 0 || base == 1) {
            throw new IllegalArgumentException("Основание логарифма должно быть положительным и не равным 1");
        }
        this.base = base;
    }

    public double getLeftDomainBorder() {
        return 0.0; // Логарифм определен для x > 0
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return Double.POSITIVE_INFINITY;
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        if (x <= 0) {
            return Double.NaN; // Логарифм не определен для неположительных x
        }
        return Math.log(x) / Math.log(base); // Формула смены основания
    }

    public double getBase() {
        return base;
    }
}

package functions.basic;

import functions.Function;

public abstract class TrigonometricFunction implements Function {

    public double getLeftDomainBorder() {
        return Double.NEGATIVE_INFINITY;
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return Double.POSITIVE_INFINITY;
    }

    // Абстрактный метод, который должны реализовать наследники
    public abstract double getFunctionValue(double x);
}

package functions.basic;

public class Sin extends TrigonometricFunction {

    public double getFunctionValue(double x) {
        return Math.sin(x);
    }
}

package functions.basic;

public class Cos extends TrigonometricFunction {

    public double getFunctionValue(double x) {
        return Math.cos(x);
    }
}

```

```

package functions.basic;

public class Tan extends TrigonometricFunction {
    public double getFunctionValue(double x) {
        // Тангенс не определен, когда косинус равен 0
        double cosValue = Math.cos(x);
        if (Math.abs(cosValue) < 1e-10) {
            return Double.NaN;
        }
        return Math.tan(x);
    }
}

```

Задание 4

Создал пакет functions.meta и создал классы Sum.java, Mult.java, Power.java, Scale.java, Shift.java, Composition.java:

```

package functions.meta;

import functions.Function;

public class Sum implements Function {
    private Function f1;
    private Function f2;

    public Sum(Function f1, Function f2) {
        this.f1 = f1;
        this.f2 = f2;
    }

    public double getLeftDomainBorder() {
        return Math.max(f1.getLeftDomainBorder(), f2.getLeftDomainBorder());
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return Math.min(f1.getRightDomainBorder(), f2.getRightDomainBorder());
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        // Проверяем, что x принадлежит пересечению областей определения
        if (x < getLeftDomainBorder() || x > getRightDomainBorder()) {
            return Double.NaN;
        }
        return f1.getFunctionValue(x) + f2.getFunctionValue(x);
    }
}

package functions.meta;

import functions.Function;

public class Mult implements Function {
    private Function f1;
    private Function f2;

    public Mult(Function f1, Function f2) {
        this.f1 = f1;
        this.f2 = f2;
    }

    public double getLeftDomainBorder() {
        return Math.max(f1.getLeftDomainBorder(), f2.getLeftDomainBorder());
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return Math.min(f1.getRightDomainBorder(), f2.getRightDomainBorder());
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        // Проверяем, что x принадлежит пересечению областей определения
        if (x < getLeftDomainBorder() || x > getRightDomainBorder()) {
            return Double.NaN;
        }
        return f1.getFunctionValue(x) * f2.getFunctionValue(x);
    }
}

```

```

package functions.meta;
import functions.Function;

public class Power implements Function {
    private Function f;
    private double power;

    public Power(Function f, double power) {
        this.f = f;
        this.power = power;
    }

    public double getLeftDomainBorder() {
        return f.getLeftDomainBorder();
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return f.getRightDomainBorder();
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        double baseValue = f.getFunctionValue(x);
        if (Double.isNaN(baseValue)) {
            return Double.NaN;
        }
        return Math.pow(baseValue, power);
    }
}

package functions.meta;
import functions.Function;

public class Scale implements Function {
    private Function f;
    private double scaleX;
    private double scaleY;

    public Scale(Function f, double scaleX, double scaleY) {
        this.f = f;
        this.scaleX = scaleX;
        this.scaleY = scaleY;
    }

    public double getLeftDomainBorder() {
        if (scaleX > 0) {
            return f.getLeftDomainBorder() / scaleX;
        } else if (scaleX < 0) {
            return f.getRightDomainBorder() / scaleX;
        } else {
            return Double.NaN; // При scaleX = 0 функция вырождена
        }
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        if (scaleX > 0) {
            return f.getRightDomainBorder() / scaleX;
        } else if (scaleX < 0) {
            return f.getLeftDomainBorder() / scaleX;
        } else {
            return Double.NaN; // При scaleX = 0 функция вырождена
        }
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        double scaledX = x * scaleX;
        // Проверяем, что scaledX принадлежит области определения исходной функции
        if (scaledX < f.getLeftDomainBorder() || scaledX > f.getRightDomainBorder()) {
            return Double.NaN;
        }
        return f.getFunctionValue(scaledX) * scaleY;
    }
}

```

```

package functions.meta;
import functions.Function;

public class Shift implements Function {
    private Function f;
    private double shiftX;
    private double shiftY;

    public Shift(Function f, double shiftX, double shiftY) {
        this.f = f;
        this.shiftX = shiftX;
        this.shiftY = shiftY;
    }

    public double getLeftDomainBorder() {
        return f.getLeftDomainBorder() - shiftX;
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return f.getRightDomainBorder() - shiftX;
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        double shiftedX = x + shiftX;
        // Проверяем, что shiftedX принадлежит области определения исходной функции
        if (shiftedX < f.getLeftDomainBorder() || shiftedX > f.getRightDomainBorder()) {
            return Double.NaN;
        }
        return f.getFunctionValue(shiftedX) + shiftY;
    }
}

package functions.meta;
import functions.Function;

public class Composition implements Function {
    private Function f1;
    private Function f2;

    public Composition(Function f1, Function f2) {
        this.f1 = f1;
        this.f2 = f2;
    }

    public double getLeftDomainBorder() {
        return f1.getLeftDomainBorder();
    }

    public double getRightDomainBorder() {
        return f1.getRightDomainBorder();
    }

    public double getFunctionValue(double x) {
        double innerValue = f1.getFunctionValue(x);
        if (Double.isNaN(innerValue)) {
            return Double.NaN;
        }
        return f2.getFunctionValue(innerValue);
    }
}

```

Задание 5

Создал класс Functions со статическими методами-фабриками для работы с функциями

```

package functions;

import functions.meta.*;

public class Functions {

    private Functions() {
        throw new AssertionError("Нельзя создать объект класса Functions");
    }

    public static Function shift(Function f, double shiftX, double shiftY) {
        return new Shift(f, shiftX, shiftY);
    }

    public static Function scale(Function f, double scaleX, double scaleY) {
        return new Scale(f, scaleX, scaleY);
    }

    public static Function power(Function f, double power) {
        return new Power(f, power);
    }

    public static Function sum(Function f1, Function f2) {
        return new Sum(f1, f2);
    }

    public static Function mult(Function f1, Function f2) {
        return new Mult(f1, f2);
    }

    public static Function composition(Function f1, Function f2) {
        return new Composition(f1, f2);
    }
}

```

Задание 6

Создал класс TabulatedFunctions со статическим методом tabulate для табулирования функций

```

package functions;

public class TabulatedFunctions {

    private TabulatedFunctions() {
        throw new AssertionError("Нельзя создать объект класса TabulatedFunctions");
    }

    public static TabulatedFunction tabulate(Function function, double leftX, double rightX, int pointsCount) {
        if (pointsCount < 2) {
            throw new IllegalArgumentException("Количество точек табулирования не может быть меньше 2");
        }

        if (leftX >= rightX) {
            throw new IllegalArgumentException("Левая граница табулирования должна быть меньше правой");
        }

        if (leftX < function.getLeftDomainBorder() || rightX > function.getRightDomainBorder()) {
            throw new IllegalArgumentException(
                "Границы табулирования [" + leftX + ", " + rightX + "] " +
                "выходят за область определения функции [" +
                function.getLeftDomainBorder() + ", " + function.getRightDomainBorder() + "]"
            );
        }

        double[] values = new double[pointsCount];
        double step = (rightX - leftX) / (pointsCount - 1);

        for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
            double x = leftX + i * step;
            values[i] = function.getFunctionValue(x);
        }

        return new ArrayTabulatedFunction(leftX, rightX, values);
    }

    public static TabulatedFunction tabulate(Function function, double leftX, double rightX) {
        return tabulate(function, leftX, rightX, 20); // По умолчанию 20 точек
    }
}

```

Задание 7

Добавил методы ввода/вывода в класс TabulatedFunctions

```

public static void outputTabulatedFunction(TabulatedFunction function, OutputStream out) {
    DataOutputStream dataOut = new DataOutputStream(out);
    try {
        dataOut.writeInt(function.getPointsCount());
        for (int i = 0; i < function.getPointsCount(); i++) {
            dataOut.writeDouble(function.getPointX(i));
            dataOut.writeDouble(function.getPointY(i));
        }
        dataOut.flush();
    } catch (IOException e) {
        throw new RuntimeException("Ошибка при выводе функции в поток", e);
    }
}

```

```

public static TabulatedFunction inputTabulatedFunction(InputStream in) {
    DataInputStream dataIn = new DataInputStream(in);
    try {
        int pointsCount = dataIn.readInt();
        double[] xValues = new double[pointsCount];
        double[] yValues = new double[pointsCount];

        for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
            xValues[i] = dataIn.readDouble();
            yValues[i] = dataIn.readDouble();
        }

        return new ArrayTabulatedFunction(xValues, yValues);
    } catch (IOException e) {
        throw new RuntimeException("Ошибка при чтении функции из потока", e);
    }
}

public static void writeTabulatedFunction(TabulatedFunction function, Writer out) {
    PrintWriter writer = new PrintWriter(out);
    try {
        writer.print(function.getPointsCount());
        writer.print(' ');

        for (int i = 0; i < function.getPointsCount(); i++) {
            writer.print(function.getPointX(i));
            writer.print(' ');
            writer.print(function.getPointY(i));
            if (i < function.getPointsCount() - 1) {
                writer.print(' ');
            }
        }
        writer.flush();
    } catch (Exception e) {
        throw new RuntimeException("Ошибка при записи функции в символьный поток", e);
    }
}

public static TabulatedFunction readTabulatedFunctionAlt(Reader in) {
    BufferedReader reader = new BufferedReader(in);
    try {
        String line = reader.readLine();
        if (line == null) {
            throw new RuntimeException("Пустой поток");
        }

        StringTokenizer tokenizer = new StringTokenizer(line);

        if (!tokenizer.hasMoreTokens()) {
            throw new RuntimeException("Ожидалось количество точек");
        }

        int pointsCount = Integer.parseInt(tokenizer.nextToken());

        if (pointsCount < 2) {
            throw new RuntimeException("Некорректное количество точек: " + pointsCount);
        }

        double[] xValues = new double[pointsCount];
        double[] yValues = new double[pointsCount];

        for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
            if (!tokenizer.hasMoreTokens()) {
                throw new RuntimeException("Ожидалась x-координата точки " + i);
            }
            xValues[i] = Double.parseDouble(tokenizer.nextToken());

            if (!tokenizer.hasMoreTokens()) {
                throw new RuntimeException("Ожидалась y-координата точки " + i);
            }
            yValues[i] = Double.parseDouble(tokenizer.nextToken());
        }

        return new ArrayTabulatedFunction(xValues, yValues);
    } catch (IOException e) {
        throw new RuntimeException("Ошибка при чтении табулированной функции из символьного потока", e);
    }
}

```

Задание 8

```

private static void test() {
    System.out.println("-".repeat(80));
    System.out.println("Тестирование работы всех написанных классов");
    System.out.println("-".repeat(80));

    testBasicFunctionsSinCos();
    testTabulatedAnalogue();
    testSumOfSquares();
    testFileOperationsExponential();
    testFileOperationsLogarithm();
    compareStorageFormats();
}

private static void testBasicFunctionsSinCos() {
    System.out.println("\n1. Тестирование базовых функций Sin и Cos");
    System.out.println("-".repeat(50));

    Function sin = new Sin();
    Function cos = new Cos();

    double from = 0;
    double to = Math.PI;
    double step = 0.1;

    System.out.println("Значения sin(x) на [0, π] с шагом 0.1:");
    System.out.printf("%-8s %-10s%n", "x", "sin(x)");
    for (double x = from; x <= to + 1e-10; x += step) {
        System.out.printf("%-8.3f %-10.6f%n", x, sin.getFunctionValue(x));
    }

    System.out.println("\nЗначения cos(x) на [0, π] с шагом 0.1:");
    System.out.printf("%-8s %-10s%n", "x", "cos(x)");
    for (double x = from; x <= to + 1e-10; x += step) {
        System.out.printf("%-8.3f %-10.6f%n", x, cos.getFunctionValue(x));
    }
}

private static void testTabulatedAnalogue() {
    System.out.println("\n2. Табулированные аналоги Sin и Cos (10 точек)");
    System.out.println("-".repeat(55));

    Function sin = new Sin();
    Function cos = new Cos();

    TabulatedFunction tabulatedSin = TabulatedFunctions.tabulate(sin, 0, Math.PI, 10);
    TabulatedFunction tabulatedCos = TabulatedFunctions.tabulate(cos, 0, Math.PI, 10);

    double from = 0;
    double to = Math.PI;
    double step = 0.1;

    System.out.println("Сравнение sin(x) и табулированного sin(x) (10 точек):");
    System.out.printf("%-8s %-12s %-12s %-12s%n", "x", "sin(x)", "tab_sin(x)", "погрешность");
    for (double x = from; x <= to + 1e-10; x += step) {
        double exact = sin.getFunctionValue(x);
        double approx = tabulatedSin.getFunctionValue(x);
        double error = Math.abs(exact - approx);
        System.out.printf("%-8.3f %-12.6f %-12.6f %-12.6f%n", x, exact, approx, error);
    }

    System.out.println("\nСравнение cos(x) и табулированного cos(x) (10 точек):");
    System.out.printf("%-8s %-12s %-12s %-12s%n", "x", "cos(x)", "tab_cos(x)", "погрешность");
    for (double x = from; x <= to + 1e-10; x += step) {
        double exact = cos.getFunctionValue(x);
        double approx = tabulatedCos.getFunctionValue(x);
        double error = Math.abs(exact - approx);
        System.out.printf("%-8.3f %-12.6f %-12.6f %-12.6f%n", x, exact, approx, error);
    }
}

private static void testSumOfSquares() {
    System.out.println("\n3. Сумма квадратов табулированных функций");
    System.out.println("-".repeat(45));

    int[] pointsCounts = {5, 10, 20};

    for (int pointsCount : pointsCounts) {
        System.out.println("\nКоличество точек в табулированных функциях: " + pointsCount);

        TabulatedFunction tabulatedSin = TabulatedFunctions.tabulate(new Sin(), 0, Math.PI, pointsCount);
        TabulatedFunction tabulatedCos = TabulatedFunctions.tabulate(new Cos(), 0, Math.PI, pointsCount);

        Function sumOfSquares = Functions.sum(
            Functions.power(tabulatedSin, 2),
            Functions.power(tabulatedCos, 2)
        );

        double from = 0;
        double to = Math.PI;
        double step = 0.1;

        System.out.printf("%-8s %-15s%n", "x", "sin²(x)+cos²(x)");
        for (double x = from; x <= to + 1e-10; x += step) {
            double value = sumOfSquares.getFunctionValue(x);
            double deviation = Math.abs(value - 1.0);
            System.out.printf("%-8.3f %-15.8f (отклонение: %.8f)%n", x, value, deviation);
        }
    }
}

```

```

private static void testFileOperationsExponential() {
    System.out.println("\n\n4. Работа с текстовыми файлами (экспонента)");
    System.out.println("-".repeat(50));

    String filename = "exponential_function.txt";

    try {
        TabulatedFunction expFunction = TabulatedFunctions.tabulate(new Exp(), 0, 10, 11);

        try (FileWriter writer = new FileWriter(filename)) {
            TabulatedFunctions.writeTabulatedFunction(expFunction, writer);
        }
        System.out.println("Табулированная экспонента записана в файл: " + filename);

        TabulatedFunction readFunction;
        try (FileReader reader = new FileReader(filename)) {
            readFunction = TabulatedFunctions.readTabulatedFunction(reader);
        }
        System.out.println("Функция прочитана из текстового файла");

        System.out.println("\nСравнение исходной и прочитанной функции:");
        System.out.printf("%-8s %-15s %-15s %-15s%n", "x", "исходная", "прочитанная", "разница");
        for (int i = 0; i < expFunction.getPointsCount(); i++) {
            double x = expFunction.getPointX(i);
            double original = expFunction.getPointY(i);
            double read = readFunction.getPointY(i);
            double difference = Math.abs(original - read);
            System.out.printf("%-8.1f %-15.8f %-15.8f %-15.8f%n", x, original, read, difference);
        }

        System.out.println("\nСодержимое текстового файла:");
        String content = new String(Files.readAllBytes(Paths.get(filename)));
        System.out.println(content);

        Files.deleteIfExists(Paths.get(filename));
        System.out.println("Временный файл удален");
    } catch (Exception e) {
        System.out.println("Ошибка: " + e.getMessage());
    }
}

private static void testFileOperationsLogarithm() {
    System.out.println("\n\n5. Работа с бинарными файлами (логарифм)");
    System.out.println("-".repeat(50));

    String filename = "logarithm_function.dat";

    try {
        TabulatedFunction logFunction = TabulatedFunctions.tabulate(new Log(Math.E), 1, 10, 11);

        try (FileOutputStream out = new FileOutputStream(filename)) {
            TabulatedFunctions.outputTabulatedFunction(logFunction, out);
        }
        System.out.println("Табулированный логарифм записан в файл: " + filename);

        TabulatedFunction readFunction;
        try (FileInputStream in = new FileInputStream(filename)) {
            readFunction = TabulatedFunctions.inputTabulatedFunction(in);
        }
        System.out.println("Функция прочитана из бинарного файла");

        System.out.println("\nСравнение исходной и прочитанной функции:");
        System.out.printf("%-8s %-15s %-15s %-15s%n", "x", "исходная", "прочитанная", "разница");
        for (int i = 0; i < logFunction.getPointsCount(); i++) {
            double x = logFunction.getPointX(i);
            double original = logFunction.getPointY(i);
            double read = readFunction.getPointY(i);
            double difference = Math.abs(original - read);
            System.out.printf("%-8.1f %-15.8f %-15.8f %-15.8f%n", x, original, read, difference);
        }

        File file = new File(filename);
        System.out.println("\nРазмер бинарного файла: " + file.length() + " байт");

        Files.deleteIfExists(Paths.get(filename));
        System.out.println("Временный файл удален");
    } catch (Exception e) {
        System.out.println("Ошибка: " + e.getMessage());
    }
}

```

```

private static void compareStorageFormats() {
    System.out.println("\n\n6. Сравнение форматов хранения");
    System.out.println("-".repeat(35));

    String textFile = "comparison_text.txt";
    String binaryFile = "comparison_binary.dat";

    try {
        TabulatedFunction testFunction = TabulatedFunctions.tabulate(new Sin(), 0, Math.PI, 5);

        try (FileWriter writer = new FileWriter(textFile)) {
            TabulatedFunctions.writeTabulatedFunction(testFunction, writer);
        }

        try (OutputStream out = new FileOutputStream(binaryFile)) {
            TabulatedFunctions.outputTabulatedFunction(testFunction, out);
        }

        File text = new File(textFile);
        File binary = new File(binaryFile);

        System.out.println("Размер текстового файла: " + text.length() + " байт");
        System.out.println("Размер бинарного файла: " + binary.length() + " байт");
        System.out.println("Бинарный файл занимает " +
                           String.format("%.1f", (double)binary.length() / text.length() * 100) + "% от текстового");

        System.out.println("\nСодержимое текстового файла:");
        System.out.println(new String(Files.readAllBytes(Paths.get(textFile))));

        Files.deleteIfExists(Paths.get(textFile));
        Files.deleteIfExists(Paths.get(binaryFile));
        System.out.println("\nВременные файлы удалены");
    } catch (Exception e) {
        System.out.println("Ошибка: " + e.getMessage());
    }
}

public static void main(String[] args) {
    test();
}

```

Задание 9

Добавил использование Serializable и Externalizable в классах ArrayTabulatedFunction и LinkedListTabulatedFunction, а также сделал отдельные функции, используемые для Externalizable:

```

@Override
public void writeExternal(ObjectOutput out) throws IOException {
    out.writeInt(pointsCount);
    for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
        out.writeDouble(points[i].getX());
        out.writeDouble(points[i].getY());
    }
}

@Override
public void readExternal(ObjectInput in) throws IOException, ClassNotFoundException {
    pointsCount = in.readInt();
    points = new FunctionPoint[pointsCount];
    for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
        double x = in.readDouble();
        double y = in.readDouble();
        points[i] = new FunctionPoint(x, y);
    }
}

@Override
public void writeExternal(ObjectOutput out) throws IOException {
    out.writeInt(pointsCount);
    FunctionNode current = head.getNext();
    while (current != head) {
        out.writeDouble(current.getPoint().getX());
        out.writeDouble(current.getPoint().getY());
        current = current.getNext();
    }
}

@Override
public void readExternal(ObjectInput in) throws IOException, ClassNotFoundException {
    initializeList();
    int count = in.readInt();
    for (int i = 0; i < count; i++) {
        double x = in.readDouble();
        double y = in.readDouble();
        addNodeToTail().setPoint(new FunctionPoint(x, y));
    }
}

```

Выход Main:

```
PS D:\Other\Study\GitHubLab4> javac functions/*.java
PS D:\Other\Study\GitHubLab4> javac Main.java
PS D:\Other\Study\GitHubLab4> java Main
```

Тестирование работы всех написанных классов

1. Тестирование базовых функций Sin и Cos

Значения $\sin(x)$ на $[0, ?]$ с шагом 0.1:

| x | $\sin(x)$ |
|-------|-----------|
| 0,000 | 0,000000 |
| 0,100 | 0,099833 |
| 0,200 | 0,198669 |
| 0,300 | 0,295520 |
| 0,400 | 0,389418 |
| 0,500 | 0,479426 |
| 0,600 | 0,564642 |
| 0,700 | 0,644218 |
| 0,800 | 0,717356 |
| 0,900 | 0,783327 |
| 1,000 | 0,841471 |
| 1,100 | 0,891207 |
| 1,200 | 0,932039 |
| 1,300 | 0,963558 |
| 1,400 | 0,985450 |
| 1,500 | 0,997495 |
| 1,600 | 0,999574 |
| 1,700 | 0,991665 |
| 1,800 | 0,973848 |
| 1,900 | 0,946300 |
| 2,000 | 0,909297 |
| 2,100 | 0,863209 |
| 2,200 | 0,808496 |
| 2,300 | 0,745705 |
| 2,400 | 0,675463 |
| 2,500 | 0,598472 |
| 2,600 | 0,515501 |
| 2,700 | 0,427380 |
| 2,800 | 0,334988 |
| 2,900 | 0,239249 |
| 3,000 | 0,141120 |
| 3,100 | 0,041581 |

Значения $\cos(x)$ на $[0, ?]$ с шагом 0.1:

| x | $\cos(x)$ |
|-------|-----------|
| 0,000 | 1,000000 |
| 0,100 | 0,995004 |
| 0,200 | 0,980067 |
| 0,300 | 0,955336 |
| 0,400 | 0,921061 |
| 0,500 | 0,877583 |
| 0,600 | 0,825336 |
| 0,700 | 0,764842 |
| 0,800 | 0,696707 |
| 0,900 | 0,621610 |
| 1,000 | 0,540302 |
| 1,100 | 0,453596 |
| 1,200 | 0,362358 |
| 1,300 | 0,267499 |
| 1,400 | 0,169967 |
| 1,500 | 0,070737 |
| 1,600 | -0,029200 |
| 1,700 | -0,128844 |
| 1,800 | -0,227202 |
| 1,900 | -0,323290 |
| 2,000 | -0,416147 |
| 2,100 | -0,504846 |
| 2,200 | -0,588501 |
| 2,300 | -0,666276 |
| 2,400 | -0,737394 |
| 2,500 | -0,801144 |
| 2,600 | -0,856889 |
| 2,700 | -0,904672 |
| 2,800 | -0,942222 |
| 2,900 | -0,970958 |
| 3,000 | -0,989992 |
| 3,100 | -0,999135 |

2. Табулированные аналоги Sin и Cos (10 точек)

Сравнение sin(x) и табулированного sin(x) (10 точек):

| x | sin(x) | tab_sin(x) | погрешность |
|-------|----------|------------|-------------|
| 0,000 | 0,000000 | 0,000000 | 0,000000 |
| 0,100 | 0,099833 | 0,097982 | 0,001852 |
| 0,200 | 0,198669 | 0,195963 | 0,002706 |
| 0,300 | 0,295520 | 0,293945 | 0,001576 |
| 0,400 | 0,389418 | 0,385907 | 0,003512 |
| 0,500 | 0,479426 | 0,472070 | 0,007355 |
| 0,600 | 0,564642 | 0,558234 | 0,006409 |
| 0,700 | 0,644218 | 0,643982 | 0,000235 |
| 0,800 | 0,717356 | 0,707935 | 0,009421 |
| 0,900 | 0,783327 | 0,771888 | 0,011439 |
| 1,000 | 0,841471 | 0,835841 | 0,005630 |
| 1,100 | 0,891207 | 0,883993 | 0,007214 |
| 1,200 | 0,932039 | 0,918022 | 0,014017 |
| 1,300 | 0,963558 | 0,952051 | 0,011508 |
| 1,400 | 0,985450 | 0,984808 | 0,000642 |
| 1,500 | 0,997495 | 0,984808 | 0,012687 |
| 1,600 | 0,999574 | 0,984808 | 0,014766 |
| 1,700 | 0,991665 | 0,984808 | 0,006857 |
| 1,800 | 0,973848 | 0,966204 | 0,007644 |
| 1,900 | 0,946300 | 0,932175 | 0,014125 |
| 2,000 | 0,909297 | 0,898147 | 0,011151 |
| 2,100 | 0,863209 | 0,862441 | 0,000768 |
| 2,200 | 0,808496 | 0,798488 | 0,010008 |
| 2,300 | 0,745705 | 0,734535 | 0,011170 |
| 2,400 | 0,675463 | 0,670582 | 0,004881 |
| 2,500 | 0,598472 | 0,594072 | 0,004401 |
| 2,600 | 0,515501 | 0,507908 | 0,007593 |
| 2,700 | 0,427380 | 0,421745 | 0,005635 |
| 2,800 | 0,334988 | 0,334698 | 0,000290 |
| 2,900 | 0,239249 | 0,236716 | 0,002533 |
| 3,000 | 0,141120 | 0,138735 | 0,002385 |
| 3,100 | 0,041581 | 0,040753 | 0,000828 |

Сравнение cos(x) и табулированного cos(x) (10 точек):

| x | cos(x) | tab_cos(x) | погрешность |
|-------|-----------|------------|-------------|
| 0,000 | 1,000000 | 1,000000 | 0,000000 |
| 0,100 | 0,995004 | 0,982723 | 0,012281 |
| 0,200 | 0,980067 | 0,965446 | 0,014620 |
| 0,300 | 0,955336 | 0,948170 | 0,007167 |
| 0,400 | 0,921061 | 0,914355 | 0,006706 |
| 0,500 | 0,877583 | 0,864608 | 0,012974 |
| 0,600 | 0,825336 | 0,814862 | 0,010474 |
| 0,700 | 0,764842 | 0,764620 | 0,000222 |
| 0,800 | 0,696707 | 0,688404 | 0,008302 |
| 0,900 | 0,621610 | 0,612188 | 0,009422 |
| 1,000 | 0,540302 | 0,535972 | 0,004330 |
| 1,100 | 0,453596 | 0,450633 | 0,002963 |
| 1,200 | 0,362358 | 0,357141 | 0,005217 |
| 1,300 | 0,267499 | 0,263648 | 0,003851 |
| 1,400 | 0,169967 | 0,169931 | 0,000037 |
| 1,500 | 0,070737 | 0,070437 | 0,000300 |
| 1,600 | -0,029200 | -0,029056 | 0,000144 |
| 1,700 | -0,128844 | -0,128549 | 0,000296 |
| 1,800 | -0,227202 | -0,224761 | 0,002441 |
| 1,900 | -0,323290 | -0,318254 | 0,005035 |
| 2,000 | -0,416147 | -0,411747 | 0,004400 |
| 2,100 | -0,504846 | -0,504272 | 0,000574 |
| 2,200 | -0,588501 | -0,580488 | 0,008013 |
| 2,300 | -0,666276 | -0,656704 | 0,009572 |
| 2,400 | -0,737394 | -0,732920 | 0,004474 |
| 2,500 | -0,801144 | -0,794171 | 0,006973 |
| 2,600 | -0,856889 | -0,843917 | 0,012972 |
| 2,700 | -0,904072 | -0,893664 | 0,010408 |
| 2,800 | -0,942222 | -0,940984 | 0,001239 |
| 2,900 | -0,970958 | -0,958261 | 0,012698 |
| 3,000 | -0,989992 | -0,975537 | 0,014455 |
| 3,100 | -0,999135 | -0,992814 | 0,006321 |

3. Сумма квадратов табулированных функций

Количество точек в табулированных функциях: 5

| x | sin?(x)+cos?(x) | (отклонение: 0,00000000) |
|-------|-----------------|--------------------------|
| 0,000 | 1,00000000 | (отклонение: 0,00000000) |
| 0,100 | 0,93491177 | (отклонение: 0,06508823) |
| 0,200 | 0,88881636 | (отклонение: 0,11118364) |
| 0,300 | 0,86171377 | (отклонение: 0,13828623) |
| 0,400 | 0,85360401 | (отклонение: 0,14639599) |
| 0,500 | 0,86448707 | (отклонение: 0,13551293) |
| 0,600 | 0,89436296 | (отклонение: 0,10563704) |
| 0,700 | 0,94323167 | (отклонение: 0,05676833) |
| 0,800 | 0,98931175 | (отклонение: 0,01068825) |
| 0,900 | 0,92699682 | (отклонение: 0,07300318) |
| 1,000 | 0,88367471 | (отклонение: 0,11632529) |
| 1,100 | 0,85934542 | (отклонение: 0,14065458) |
| 1,200 | 0,85400896 | (отклонение: 0,14599104) |
| 1,300 | 0,86766533 | (отклонение: 0,13233467) |
| 1,400 | 0,90031451 | (отклонение: 0,09968549) |
| 1,500 | 0,95195653 | (отклонение: 0,04804347) |
| 1,600 | 0,97902845 | (отклонение: 0,02097155) |
| 1,700 | 0,91948682 | (отклонение: 0,08051318) |
| 1,800 | 0,87893801 | (отклонение: 0,12106199) |
| 1,900 | 0,85738203 | (отклонение: 0,14261797) |
| 2,000 | 0,85481887 | (отклонение: 0,14518113) |
| 2,100 | 0,87124853 | (отклонение: 0,12875147) |
| 2,200 | 0,90667102 | (отклонение: 0,09332898) |
| 2,300 | 0,96108634 | (отклонение: 0,03891366) |
| 2,400 | 0,96915010 | (отклонение: 0,03084990) |
| 2,500 | 0,91238177 | (отклонение: 0,08761823) |
| 2,600 | 0,87460627 | (отклонение: 0,12539373) |
| 2,700 | 0,85582359 | (отклонение: 0,14417641) |
| 2,800 | 0,85603373 | (отклонение: 0,14396627) |
| 2,900 | 0,87523669 | (отклонение: 0,12476331) |
| 3,000 | 0,91343248 | (отклонение: 0,08656752) |
| 3,100 | 0,97062110 | (отклонение: 0,02937890) |

Количество точек в табулированных функциях: 10

| x | sin?(x)+cos?(x) | (отклонение: 0,00000000) |
|-------|-----------------|--------------------------|
| 0,000 | 1,00000000 | (отклонение: 0,00000000) |
| 0,100 | 0,97534529 | (отклонение: 0,02465471) |
| 0,200 | 0,97048832 | (отклонение: 0,02951168) |
| 0,300 | 0,98542910 | (отклонение: 0,01457090) |
| 0,400 | 0,98496848 | (отклонение: 0,01503152) |
| 0,500 | 0,97039758 | (отклонение: 0,02960242) |
| 0,600 | 0,97562443 | (отклонение: 0,02437557) |
| 0,700 | 0,99935789 | (отклонение: 0,00064211) |
| 0,800 | 0,97507306 | (отклонение: 0,02492694) |
| 0,900 | 0,97058598 | (отклонение: 0,02941402) |
| 1,000 | 0,98589664 | (отклонение: 0,01410336) |
| 1,100 | 0,98451477 | (отклонение: 0,01548523) |
| 1,200 | 0,97031375 | (отклонение: 0,02968625) |
| 1,300 | 0,97591048 | (отклонение: 0,02408952) |
| 1,400 | 0,99872269 | (отклонение: 0,00127731) |
| 1,500 | 0,97480774 | (отклонение: 0,02519226) |
| 1,600 | 0,97069054 | (отклонение: 0,02930946) |
| 1,700 | 0,98637108 | (отклонение: 0,01362892) |
| 1,800 | 0,98406796 | (отклонение: 0,01593204) |
| 1,900 | 0,97023683 | (отклонение: 0,02976317) |
| 2,000 | 0,97620344 | (отклонение: 0,02379656) |
| 2,100 | 0,99809440 | (отклонение: 0,00190560) |
| 2,200 | 0,97454934 | (отклонение: 0,02545066) |
| 2,300 | 0,97080201 | (отклонение: 0,02919799) |
| 2,400 | 0,98685244 | (отклонение: 0,01314756) |
| 2,500 | 0,98362807 | (отклонение: 0,01637193) |
| 2,600 | 0,97016682 | (отклонение: 0,02983318) |
| 2,700 | 0,97650331 | (отклонение: 0,02349669) |
| 2,800 | 0,99747303 | (отклонение: 0,00252697) |
| 2,900 | 0,97429784 | (отклонение: 0,02570216) |
| 3,000 | 0,97092040 | (отклонение: 0,02907960) |
| 3,100 | 0,98734070 | (отклонение: 0,01265930) |

Количество точек в табулированных функциях: 20

| x | $\sin(x) + \cos(x)$ | (отклонение: 0,00000000) |
|-------|---------------------|--------------------------|
| 0,000 | 1,00000000 | (отклонение: 0,00000000) |
| 0,100 | 0,99348018 | (отклонение: 0,00651982) |
| 0,200 | 0,99548137 | (отклонение: 0,00451863) |
| 0,300 | 0,99587637 | (отклонение: 0,00412363) |
| 0,400 | 0,99335893 | (отклонение: 0,00664107) |
| 0,500 | 0,99936251 | (отклонение: 0,00063749) |
| 0,600 | 0,99363270 | (отклонение: 0,00636730) |
| 0,700 | 0,99511764 | (отклонение: 0,00488236) |
| 0,800 | 0,99630265 | (отклонение: 0,00369735) |
| 0,900 | 0,99326897 | (отклонение: 0,00673103) |
| 1,000 | 0,99875630 | (отклонение: 0,00124370) |
| 1,100 | 0,99381649 | (отклонение: 0,00618351) |
| 1,200 | 0,99478519 | (отклонение: 0,00521481) |
| 1,300 | 0,99676021 | (отклонение: 0,00323979) |
| 1,400 | 0,99321028 | (отклонение: 0,00678972) |
| 1,500 | 0,99818136 | (отклонение: 0,00181864) |
| 1,600 | 0,99403156 | (отклонение: 0,00596844) |
| 1,700 | 0,99448402 | (отклонение: 0,00551598) |
| 1,800 | 0,99724905 | (отклонение: 0,00275095) |
| 1,900 | 0,99318287 | (отклонение: 0,00681713) |
| 2,000 | 0,99763770 | (отклонение: 0,00236230) |
| 2,100 | 0,99427791 | (отклонение: 0,00572209) |
| 2,200 | 0,99421412 | (отклонение: 0,00578588) |
| 2,300 | 0,99776916 | (отклонение: 0,00223084) |
| 2,400 | 0,99318673 | (отклонение: 0,00681327) |
| 2,500 | 0,99712532 | (отклонение: 0,00287468) |
| 2,600 | 0,99455554 | (отклонение: 0,00544446) |
| 2,700 | 0,99397550 | (отклонение: 0,00602450) |
| 2,800 | 0,99832055 | (отклонение: 0,00167945) |
| 2,900 | 0,99322187 | (отклонение: 0,00677813) |
| 3,000 | 0,99664422 | (отклонение: 0,00335578) |
| 3,100 | 0,99486445 | (отклонение: 0,00513555) |

4. Работа с текстовыми файлами (экспонента)

Табулированная экспонента записана в файл: exponential_function.txt
Функция прочитана из текстового файла

Сравнение исходной и прочитанной функции:

| x | исходная | прочитанная | разница |
|------|----------------|----------------|------------|
| 0,0 | 1,00000000 | 1,00000000 | 0,00000000 |
| 1,0 | 2,71828183 | 2,71828183 | 0,00000000 |
| 2,0 | 7,38905610 | 7,38905610 | 0,00000000 |
| 3,0 | 20,08553692 | 20,08553692 | 0,00000000 |
| 4,0 | 54,59815003 | 54,59815003 | 0,00000000 |
| 5,0 | 148,41315910 | 148,41315910 | 0,00000000 |
| 6,0 | 403,42879349 | 403,42879349 | 0,00000000 |
| 7,0 | 1096,63315843 | 1096,63315843 | 0,00000000 |
| 8,0 | 2980,95798704 | 2980,95798704 | 0,00000000 |
| 9,0 | 8103,08392758 | 8103,08392758 | 0,00000000 |
| 10,0 | 22026,46579481 | 22026,46579481 | 0,00000000 |

Содержимое текстового файла:

```
11 0.0 1.0 1.0 2.718281828459045 2.0 7.38905609893065 3.0 20.085536923187668 4.0
54.598150033144236 5.0 148.4131591025766 6.0 403.4287934927351 7.0 1096.6331584
284585 8.0 2980.9579870417283 9.0 8103.083927575384 10.0 22026.465794806718
```

Временный файл удален

5. Работа с бинарными файлами (логарифм)

Табулированный логарифм записан в файл: logarithm_function.dat
Функция прочитана из бинарного файла

Сравнение исходной и прочитанной функции:

| x | исходная | прочитанная | разница |
|------|------------|-------------|------------|
| 1,0 | 0,00000000 | 0,00000000 | 0,00000000 |
| 1,9 | 0,64185389 | 0,64185389 | 0,00000000 |
| 2,8 | 1,02961942 | 1,02961942 | 0,00000000 |
| 3,7 | 1,30833282 | 1,30833282 | 0,00000000 |
| 4,6 | 1,52605630 | 1,52605630 | 0,00000000 |
| 5,5 | 1,70474809 | 1,70474809 | 0,00000000 |
| 6,4 | 1,85629799 | 1,85629799 | 0,00000000 |
| 7,3 | 1,98787435 | 1,98787435 | 0,00000000 |
| 8,2 | 2,10413415 | 2,10413415 | 0,00000000 |
| 9,1 | 2,20827441 | 2,20827441 | 0,00000000 |
| 10,0 | 2,30258509 | 2,30258509 | 0,00000000 |

Размер бинарного файла: 180 байт

Временный файл удален

6. Сравнение орматов хранения

Размер текстового файла: 148 байт

Размер бинарного файла: 84 байт

Бинарный файл занимает 56,8% от текстового

Содержимое текстового файла:

```
5 0.0 0.0 0.7853981633974483 0.7071067811865475 1.5707963267948966 1.0 2.3561944  
90192345 0.7071067811865476 3.141592653589793 1.2246467991473532E-16
```

Временные файлы удалены

ЗАДАНИЕ 9: ТЕСТИРОВАНИЕ СЕРИАЛИЗАЦИИ

1. Сериализация через Serializable

Исходная функция создана:

Тип: ArrayTabulatedFunction

Количество точек: 11

Область определения: [0.0, 10.0]

Функция сериализована в файл: serializable_log_exp.ser

Функция десериализована из файла

Тип после десериализации: ArrayTabulatedFunction

Сравнение исходной и десериализованной функции:

| x | исходная | десериал. | разница |
|------|-------------|-------------|------------|
| 0,0 | 0,00000000 | 0,00000000 | 0,00000000 |
| 1,0 | 1,00000000 | 1,00000000 | 0,00000000 |
| 2,0 | 2,00000000 | 2,00000000 | 0,00000000 |
| 3,0 | 3,00000000 | 3,00000000 | 0,00000000 |
| 4,0 | 4,00000000 | 4,00000000 | 0,00000000 |
| 5,0 | 5,00000000 | 5,00000000 | 0,00000000 |
| 6,0 | 6,00000000 | 6,00000000 | 0,00000000 |
| 7,0 | 7,00000000 | 7,00000000 | 0,00000000 |
| 8,0 | 8,00000000 | 8,00000000 | 0,00000000 |
| 9,0 | 9,00000000 | 9,00000000 | 0,00000000 |
| 10,0 | 10,00000000 | 10,00000000 | 0,00000000 |

Размер файла Serializable: 236 байт

Временный файл удален

2. Сериализация через Externalizable

Исходная функция создана:

Тип: ArrayTabulatedFunction

Количество точек: 11

Область определения: [0.0, 10.0]

Функция сериализована в файл: externalizable_log_exp.ser

Функция десериализована из файла

Тип после десериализации: ArrayTabulatedFunction

Сравнение исходной и десериализованной функции:

| x | исходная | десериал. | разница |
|------|-------------|-------------|------------|
| 0,0 | 0,00000000 | 0,00000000 | 0,00000000 |
| 1,0 | 1,00000000 | 1,00000000 | 0,00000000 |
| 2,0 | 2,00000000 | 2,00000000 | 0,00000000 |
| 3,0 | 3,00000000 | 3,00000000 | 0,00000000 |
| 4,0 | 4,00000000 | 4,00000000 | 0,00000000 |
| 5,0 | 5,00000000 | 5,00000000 | 0,00000000 |
| 6,0 | 6,00000000 | 6,00000000 | 0,00000000 |
| 7,0 | 7,00000000 | 7,00000000 | 0,00000000 |
| 8,0 | 8,00000000 | 8,00000000 | 0,00000000 |
| 9,0 | 9,00000000 | 9,00000000 | 0,00000000 |
| 10,0 | 10,00000000 | 10,00000000 | 0,00000000 |

Размер файла Externalizable: 236 байт

Временный файл удален

3. Сравнение методов сериализации

Размер файла Serializable: 236 байт

Размер файла Externalizable: 236 байт

Разница: 0 байт

Анализ содержимого файлов:

Serializable файл содержит служебные данные Java
Externalizable файл содержит только данные точек

Временные файлы удалены

PS D:\Other\Study\GitHubLab4> |

