

Laboratorium 3

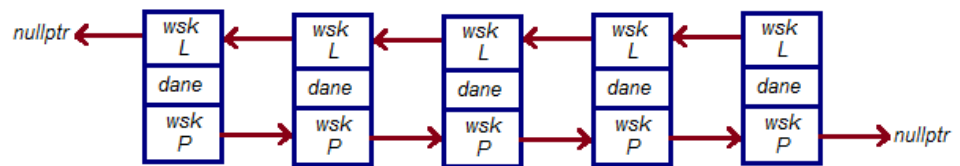
Jan Serebyński

16 kwietnia 2015

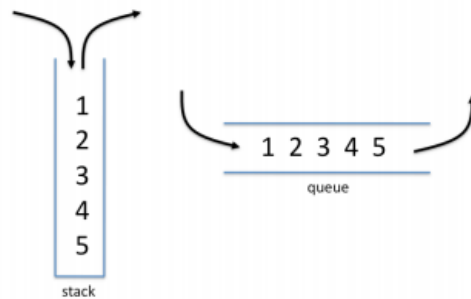
1 Wstęp

Zadaniem laboratorium jest pomiar czasu wykonania operacji wypełnienia stosu. Do wykonania analizy zastosowałem trzy implementacje: dwie tablicowe i jedna oparta na liście.

2 Schematy odpowiednich struktur



Lista dwukierunkowa



Stos, kolejka

3 Wydajność stosu na tablicy - strategia inkrementacyjna

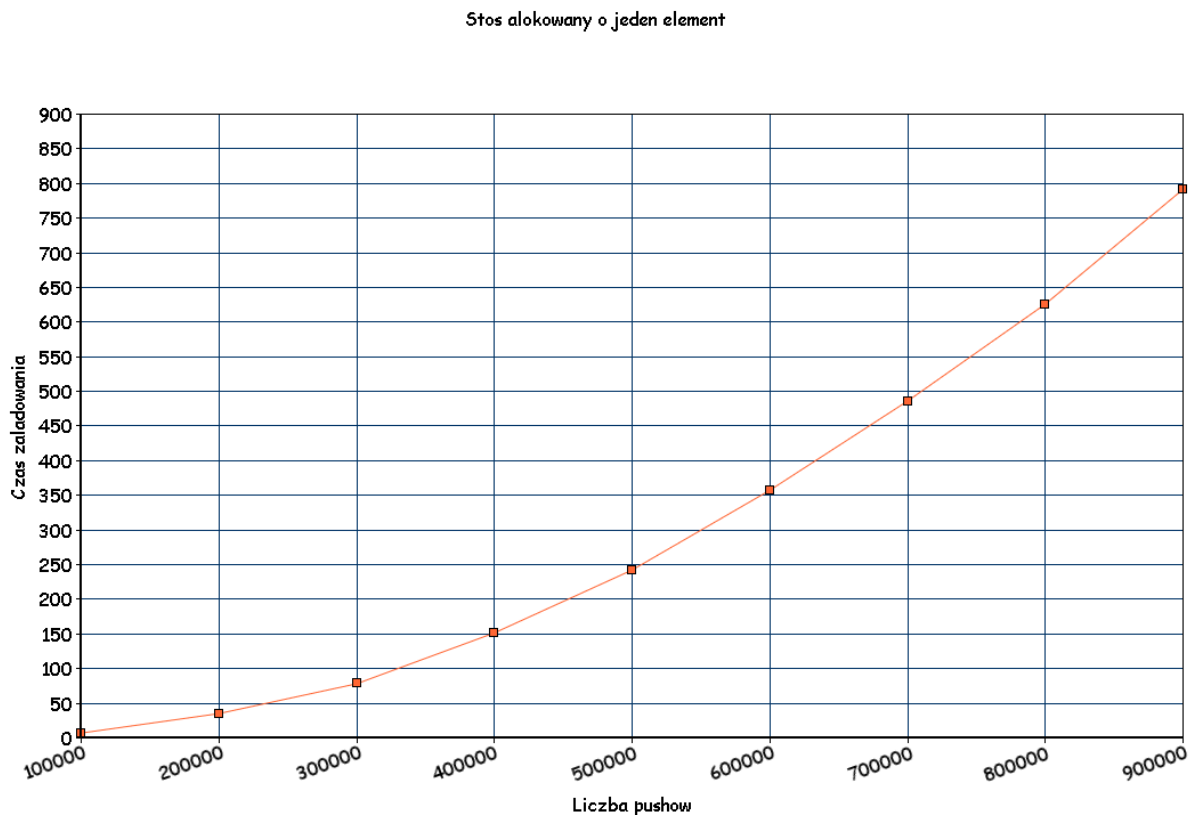
Podczas tej próby stos jest oparty na tablicy dynamicznej, która przy każdym pushowaniu tworzy nową tablicę większą o 1, a następnie kopiuje pozostałe elementy do nowoutworzonej tablicy, a na końcu wpisuje nowy element.

Całkowity czas $T(n)$ wykonania n operacji push jest proporcjonalny do:

$$\begin{aligned} n + c + 2c + 3c + 4c + \dots + kc &= \\ n + c(1 + 2 + 3 + \dots + k) &= \\ n + ck(k+1)/2 \end{aligned}$$

$$T(n) \text{ jest w } O(n + k^2), \text{ tj. } O(n^2)$$

gdzie c jest stałą,
 k -wielokrotność zastąpień,



Na podstawie wykresu można stwierdzić, że ta implementacja ma przyrost geometryczny - kwadratowy, czyli złożoność obliczeniowa wynosi $O(n^2)$.

4 Wydajność stosu na tablicy - strategia podwajania

Podczas tej próby stos jest oparty na tablicy dynamicznej, która przy każdym pushowaniu sprawdza czy tablica pomieści nowy element, a gdy jest potrzeba zaalokowania nowej pamięci tworzy nową tablicę większą o 100%, a następnie kopiuje pozostałe elementy do nowoutworzonej tablicy, a

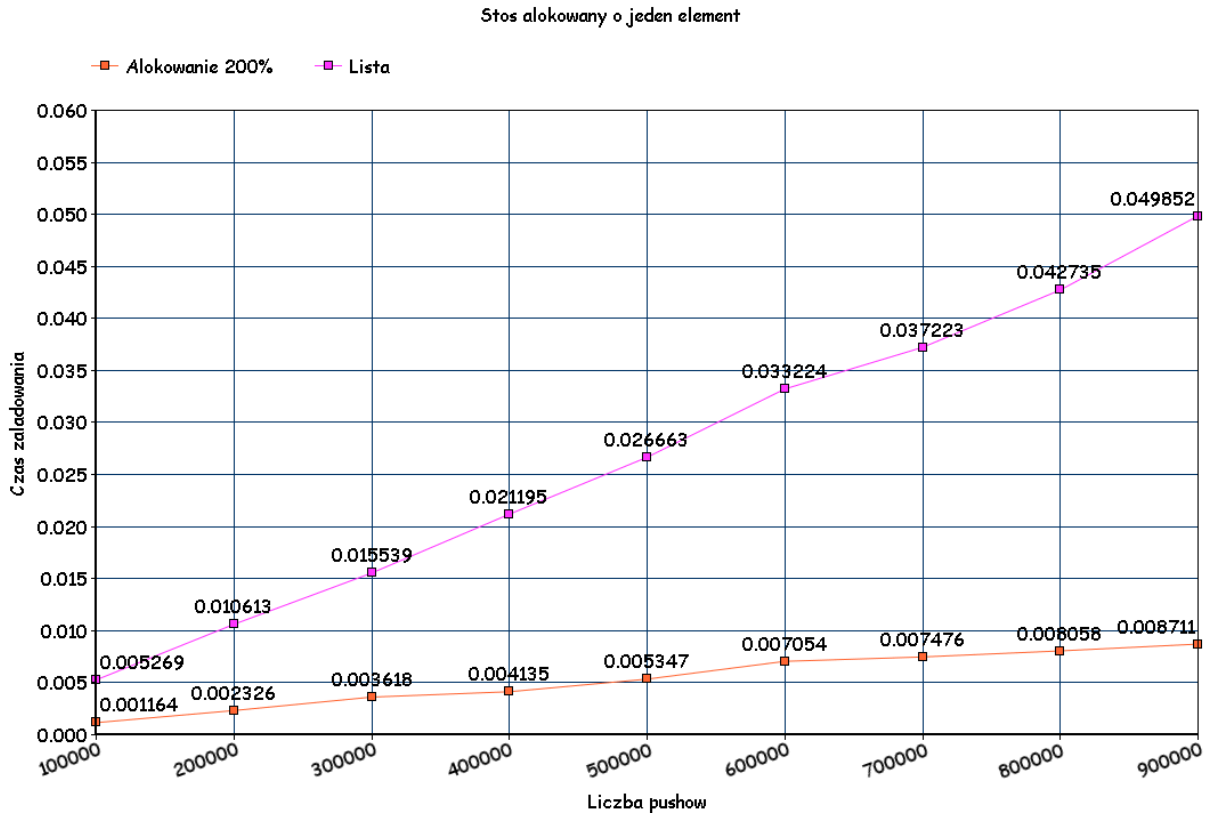
na końcu pushuje nowy element.

Tablica zostanie zastąpiona $k = \log_2 n$ razy. Całkowity czas $T(n)$ jest proporcjonalny do:

$$n + 1 + 2 + 4 + 8 + \dots + 2^k = \\ n + 2^{(k+1)} - 1 = 2n - 1$$

gdzie $T(n)$ jest w $O(n)$

Na tym samym wykresie została również złożoność obliczeniowa $O(n)$ implementacji listy.



Na podstawie wykresu można stwierdzić, że obie te implementacje mają przyrost liniowy, co spełnia założenie, że charakteryzują się złożonością obliczeniową $O(n)$.

5 Podsumowanie

Najbardziej wydajną implementacją jest zoptymalizowany stos na tablicy (200%). Optymalizacje tutaj otrzymujemy poprzez strategię podwajania, która osiąga złożoność obliczeniową $O(n)$, co jest dużą różnicą w porównaniu do strategii inkrementacyjnej której wyniki złożoności obliczeniowej sięgają aż $O(n^2)$.

Implementacja oparta na liście wydajnym algorytmem, ponieważ jej złożoność obliczeniowa wynosi $O(n)$, którą osiągamy dzięki temu, że nie ma potrzeby kopiowania starych elementów przy tworzeniu nowej większej tablicy, jak w przypadku wcześniejszej implementacji.