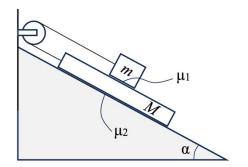
Олимпиада школьников «Ломоносов» по физике 2023/2024 уч. год.

Заключительный этап. Задания, решения и критерии оценивания.

10 класс

1.1. Задача. Через легкий блок, прикрепленный к вертикальной стене, переброшена невесомая нерастяжимая нить. Один конец нити прикреплен к доске массой M, лежащей на наклонной

плоскости с углом наклона $\alpha=30^\circ$. Другой конец нити прикреплен к бруску массой m=M/9, который расположен на доске (см. рисунок). Определите модуль ускорения a, с которым будет двигаться доска, если коэффициент трения между бруском и доской $\mu_1=0.5$, а коэффициент трения между доской и опорой $\mu_2=0.3$. Участки нити между телами и блоком расположены в одной вертикальной плоскости параллельно наклонной плоскости. Трение в блоке отсутствует. Ускорение свободного падения принять равным $g=10 \text{ м/c}^2$.



1.1. Решение: Укажем все силы, действующие на доску и брусок, в предположении, что доска массой M движется вниз по плоскости, а брусок m — вверх по плоскости. По третьему закону Ньютона силы трения между доской и бруском равны по модулю, противоположны по направлению и приложены к обоим телам

 $(\vec{F}_{\text{тр1}} = -\vec{F}_{\text{тр1}}')$. Аналогично для сил реакции опоры $(\vec{N}_1 = -\vec{N}_1')$ между бруском и доской. Запишем второй закон Ньютона в проекции на ось x, направленную вниз вдоль наклонной плоскости.

$$Ma_1 = Mg \sin \alpha - T - F_{\text{Tp1}} - F_{\text{Tp2}};$$

$$ma_2 = mg \sin \alpha + F'_{\text{Tp1}} - T.$$

Так как нить нерастяжима, $a_1 = -a_2 = a$. Второй закон Ньютона в проекции на ось y, перпендикулярной к оси x, запишется в виде:

$$N_2 = N_1 + Mg\cos\alpha;$$

$$N_1' = mg \cos \alpha$$
.

С учетом того, что $N_1=N_1',\ F_{\mathrm{Tp}1}=F_{\mathrm{Tp}1}'=\mu_1N_1$ и $F_{\mathrm{Tp}2}=\mu_2N_2,$ получим:

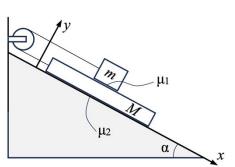
$$M\alpha = Mg \sin \alpha - T - \mu_1 mg \cos \alpha - \mu_2 (m+M)g \cos \alpha;$$

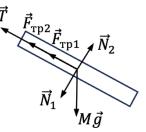
$$ma = T - mg \sin \alpha - \mu_1 mg \cos \alpha$$
.

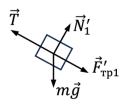
После сложения уравнений находим ускорение а.

Ответ:

$$a = \frac{M - m}{M + m}g \sin \alpha - \left(\frac{2m}{M + m}\mu_1 + \mu_2\right)g \cos \alpha \approx 0.54 \frac{M}{C^2}$$

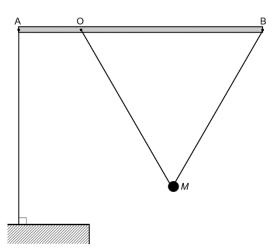






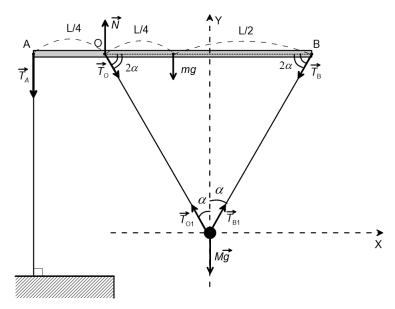
N₂	1.1 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Сделан верный поясняющий рисунок к задаче с указанием всех сил, действующих на доску и брусок	3
3	Применен третий закон Ньютона для сил трения и сил реакции опоры	2
4	Записаны уравнения движения	4
5	Использовано утверждение о нерастяжимости нити	2
6	Записаны формулы для сил трения	2
7	Верно решена система уравнений, получено ускорение	4
8	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

1.2. Задача. Однородный твердый стержень AB массой m, может свободно вращаться вокруг закрепленной оси, проходящей через точку O, перпендикулярно плоскости чертежа (см. рис.). Точка O делит стержень в отношении 1: 3, считая от левого края. Вертикальная нить, прикреплённая к левому краю стержня A и неподвижной опоре, удерживает стержень в горизонтальном положении. Шарик массой M = 6m, подвешен на двух нитях, прикрепленных к оси вращения O и правому краю В стержня так, что центр шарика и точки крепления нитей образуют правильный треугольник. Система находится в равновесии. Нить, соединяющую шарик и ось вращения пережигают, шарик начинает совершать колебания в той



же вертикальной плоскости, в которой он находился в состоянии равновесия. Найдите отношение максимальной силы натяжения вертикальной нити $(T_A)_{max}$ в процессе колебаний, к силе натяжения T_A этой нити в состоянии равновесия (до пережигания). Нити считать невесомыми и нерастяжимыми, размером шарика и сопротивлением воздуха пренебречь. Числовой ответ округлить до десятых долей.

1.2. Решение.



Учитывая невесомость нитей, а также симметрию системы, можно сделать вывод, что силы натяжения нитей, на которых подвешен шарик M, равны друг другу по модулю:

$$|\vec{T}_O| = |\vec{T}_{O1}| = |\vec{T}_B| = |\vec{T}_{B1}| = T_1.$$

Записав второй закон Ньютона для шарика M в проекции на ось

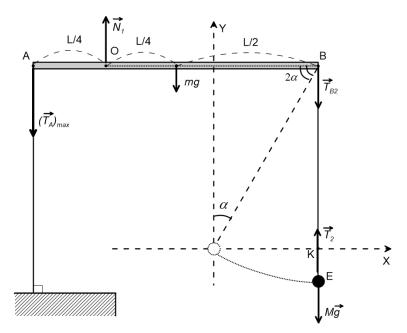
Ү, получим выражение:

$$- \underset{\mathsf{X}}{\triangleright} \qquad Mg = 2T_1 \cos(\alpha) \Rightarrow T_1 = \frac{Mg}{2\cos(\alpha)},$$

Рисунок 1.

где $\alpha = \pi/6$. Уравнение моментов, относительно оси, проходящей через точку О, примет вид:

$$T_A \cdot \frac{L}{4} = mg \cdot \frac{L}{4} + T_1 \cdot \frac{3L}{4} \sin(2\alpha); \Rightarrow T_A = mg + 3Mg \cdot \sin(\alpha),$$



где L — длина стержня AB. После пережигания нити, шарик M будет двигаться по дуге окружности с центром в точке B и радиусом 3L/4. Сила натяжения нити, прикрепленной к шарику M, будет максимальна при его прохождении точки E, когда нить займет вертикальное положение.

Скорость v шарика M в точке E, может быть найдена из закона сохранения полной механической энергии:

Рисунок 2.

$$\frac{Mv^{2}}{2} = Mg\frac{3}{4}L[1 - \cos{(\alpha)}]; \Rightarrow v = \sqrt{\frac{3}{2}gL[1 - \cos{(\alpha)}]}.$$

Тогда значение T_2 может быть получено из второго закона Ньютона, записанного в проекции на ось Y:

$$\frac{Mv^2}{3L/4} = T_2 - Mg; \Rightarrow T_2 = \frac{4M}{3L} \cdot \frac{3}{2}gL[1 - \cos(\alpha)] + Mg = Mg[3 - 2\cos(\alpha)].$$

Момент силы натяжения T_2 относительно оси O, в этом случае также будет максимальным. Поэтому будет максимальной и сила натяжения нити, прикрепленной к точке A стержня, которая может быть найдена из уравнения для моментов сил, относительно той же оси:

$$(T_A)_{max} \cdot \frac{L}{4} = mg \cdot \frac{L}{4} + T_2 \cdot \frac{3L}{4}.$$

С учетом, полученного выше выражения для T_2 :

$$(T_A)_{max} = mg + 3Mg[3 - 2\cos(\alpha)];$$

$$\frac{(T_A)_{max}}{T_A} = \frac{mg + 3Mg[3 - 2\cos(\alpha)]}{mg + 3Mg \cdot \sin(\alpha)} = \frac{mg + 3Mg[3 - \sqrt{3}]}{mg + 3Mg/2} = \frac{1 + 18(3 - \sqrt{3})}{10}.$$

Используя соотношения, приведенные условия получим следующую оценку:

$$\frac{(T_A)_{max}}{T_A} \approx 2,4.$$

Otbet:
$$\frac{(T_A)_{max}}{T_A} = \frac{1+18(3-\sqrt{3})}{10} \approx 2,4.$$

Nº	1.2 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Сделан верный поясняющий рисунок к задаче с указанием всех сил, действующих на шарик и стержень	4
3	Сделано утверждение о равенстве сил натяжения нитей	1
4	Записано уравнение моментов и получено выражение для силы натяжения $T_{\rm A}$	2
5	Сделано утверждение о том, что сила натяжения нити, прикрепленной к шарику, будет максимальна при его прохождении нижней точки	2
6	Записан закон сохранения полной механической энергии и определена скорость шарика в нижней точке	2
7	Записан второй закон Ньютона для шарика в нижней точке	2
8	Записано уравнение моментов и получено выражение для силы натяжения $T_{\rm A(max)}$	2
9	Получена искомая физическая величина	2
10	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

1.3. Задача. моль идеального одноатомного газа переводят из некоторого начального состояния в некоторое конечное состояние сначала изобарно, затем изохорно, и при этом к газу необходимо подвести количество теплоты Q. Минимальная температура газа при проведении этих двух процессов равна $T_{min}=200\mathrm{K}$. Если же перевести газ из того же начального в то же конечное состояние, сжав его адиабатически и уменьшив при этом его объем в 10 раз, то внешним силам придется совершить работу равную по модулю $A=40\mathrm{k}Д$ ж. Найдите количество теплоты Q.

1.3. Решение:

Из условия задачи ясно, что сначала газ изобарно сжимается, здесь он отдает количество теплоты. Затем газ изохорно нагревается, где он получает количество теплоты. По первому закону термодинамики найдем количество теплоты, отданное газом в изобарном процессе:

$$Q_P = \Delta U_P + A_P = \frac{3}{2} \nu R (T_{min} - T_{\rm H}) + \nu R (T_{min} - T_{\rm H}) = \frac{5}{2} \nu R (T_{min} - T_{\rm H}),$$

где ν - количество вещества газа, $T_{\rm H}$ - начальная температура газа. Данное количество теплоты является отрицательной величиной.

По первому закону термодинамики найдем количество теплоты, полученное газом в изохорном процессе:

$$Q_V = \Delta U_V + A_V = \frac{3}{2} \nu R (T_{\kappa} - T_{min}),$$

где $T_{\rm K}$ - конечная температура газа.

Тогда общее подводимое количество теплоты будет равно:

$$Q = Q_V + Q_P = \nu R \left(T_{min} - T_H + \frac{3}{2} (T_K - T_H) \right). \quad (1)$$

По первому закону термодинамики модуль работы внешних сил при адиабатическом процессе равен:

$$A_{\rm ag} = A = \frac{3}{2} \nu R (T_{\rm K} - T_{\rm H}).$$
 (2)

С помощью уравнения Менделеева – Клапейрона получаем для двух состояний газа:

$$p_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} V_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} = \nu R T_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}}$$
, $p_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} V_{\scriptscriptstyle \mathrm{K}} = \nu R T_{min}$.

Откуда

$$\frac{V_{\rm H}}{V_{\rm K}} = \frac{T_{\rm H}}{T_{min}} \quad (3)$$

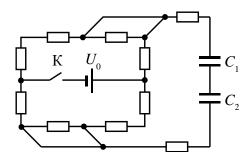
Объединяя уравнения (1), (2) и (3) и учитывая, что $V_{\rm H}/V_{\rm K}=10$, получим:

$$Q = A - 9\nu RT_{min} = 40000 - 9 \cdot 2 \cdot 8,31 \cdot 200 \approx 10$$
кДж.

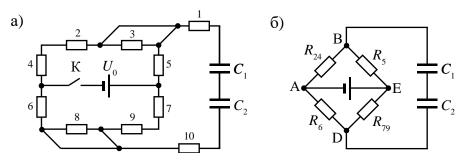
Ответ: $Q \approx 10$ кДж.

№	1. 3 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Сделан верный поясняющий рисунок к задаче	2
3	Определено количество теплоты, отданное газом в изобарном процессе:	3
4	Найдено количество теплоты, полученное газом в изохорном процессе	2
5	Определено общее подводимое количество теплоты	2
6	Найдена работа внешних сил при адиабатическом процессе	2
7	Применено уравнение Менделеева – Клапейрона	2
8	Верно определена искомая физическая величина	4
9	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

1.4. Задача В схеме, представленной на рисунке, идеальный источник имеет напряжение $U_0=5$ В. Сопротивления всех резисторов одинаковы, сопротивлением проводов можно пренебречь. Емкости конденсаторов $C_1=4$ нФ и $C_2=6$ нФ. Найти энергию электрического поля в конденсаторе C_1 через длительное время после замыкания ключа К. До замыкания ключа конденсаторы C_1 и C_2 были не заряжены.



1.4. Решение:



Обозначим резисторы цифрами, см. рис. а. Резисторы 3, 8 шунтированы проводником, следовательно, можно считать что ток через них протекать не будет и их можно удалить из схемы. Через длительное время после замыкания ключа конденсаторы зарядятся и ток через резисторы 1, 10 протекать не будет. Следовательно, падение напряжения на этих резисторах будет равно нулю и их в схеме можно заменить проводниками. В результате получается эквивалентная схема, изображенная на рис. б, где сопротивления резисторов

$$R_{24} = R_{79} = 2R,$$

 $R_5 = R_6 = R.$

Ток через резисторы R_{24} и R_5 будет равен:

$$I_1 = \frac{U_0}{R_{24} + R_5} = \frac{U_0}{3R}.$$

Напряжение между точками А и В будет равно:

$$U_{AB} = I_1 R_{24} = \frac{2U_0}{3}.$$

Ток через резисторы R_6 и R_{79} будет равен:

$$I_2 = \frac{U_0}{R_6 + R_{79}} = \frac{U_0}{3R}.$$

Напряжение между точками А и D:

$$U_{AD} = I_2 R_6 = \frac{U_0}{3}$$
.

Напряжение между точками B и D:

$$U_{BD} = U_{AB} - U_{AD} = \frac{U_0}{3}.$$

Конденсаторы соединены последовательно, поэтому их общая емкость равна:

$$C_{\text{общ}} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}.$$

Заряд на каждом из конденсаторов:

$$q = U_{BD}C_{\text{общ}} = \frac{C_1C_2U_0}{3(C_1 + C_2)}$$

Искомая энергия электрического поля в конденсаторе \mathcal{C}_1 равна:

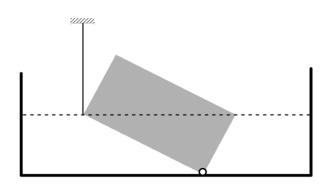
$$W_C = \frac{q^2}{2C_1} = \left(\frac{C_1C_2U_0}{3(C_1+C_2)}\right)^2 \cdot \frac{1}{2C_1} = \left(\frac{4\cdot 10^{-9}\cdot 6\cdot 10^{-9}\cdot 5}{3(4\cdot 10^{-9}+6\cdot 10^{-9})}\right)^2 \cdot \frac{1}{2\cdot 4\cdot 10^{-9}} = 2 \text{ нДж.}$$

Ответ:

$$W_C = 2$$
 нДж.

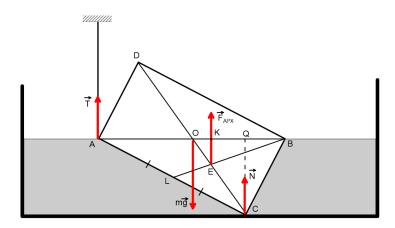
No॒	1.4 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Получена (с объяснением) эквивалентная схема	5
3	Определены необходимые для решения задачи силы тока через резисторы и напряжения.	4
4	Определен заряд каждого из конденсаторов	4
5	Получена формула для энергии конденсаторов	4
6	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

1.5. Задача. Однородная алюминиевая деталь имеет форму параллелепипеда прямоугольного сторонами, относящимися как 1:1: $\sqrt{15}$. Одно из ее меньших ребер шарнирно прикреплено к плоскому дну достаточно большой кюветы. С помощью вертикальной нити, прикрепленной к другому ребру, деталь удерживается в равновесии так, что диагональное сечение детали горизонтальным (пунктирная прямая на



рисунке). В кювету начинают медленно наливать масло. Определить отношение силы натяжения нити в момент, когда свободная поверхность масла достигла указанного пунктиром на рисунке уровня горизонтального сечения, и силы натяжения нити в сухой кювете. Считать плотность масла в три раза меньшей понятности алюминия, нить — невесомой и нерастяжимой. Пренебречь объёмом шарнира и трением в нем.

1.5. Решение.



На деталь, погруженную в масло, действуют силы: натяжения нити \vec{T} , тяжести $m\vec{g}$ (приложена к центру параллелепипеда O), сила реакции опоры \vec{N} , сила Архимеда \vec{F}_{APX} (приложена к точке пересечения медиан треугольника ABC).

Так как ABCD – прямоугольник, а AB и DC – его диагонали, то AO = OC = OB = x, AB = 2x. Применяя теорему Пифагора к $\triangle ABC$, получаем BC = x/2. Из $\triangle OBC$, используя теорему косинусов, найдем $\cos(\angle BOC) = 7/8$ и $OQ = x \cdot \cos(\angle BOC) = 7x/8$. Согласно свойству медиан OE: EC = 1: 2, тогда $OK = x/3 \cdot \cos(\angle BOC) = 7x/24$, KQ = OQ - OK = 7x/12.

Запишем уравнение моментов сил, действующих на деталь, относительно оси, проходящей через точку С, перпендикулярно плоскости чертежа:

$$T \cdot AQ + F_{APX} \cdot KQ = mg \cdot OQ.$$

Пусть ρ – плотность масла, V – объем детали, тогда $m=3\rho V$, $F_{\text{APX}}=\rho g V/2$. Выражая плечи сил через x получим:

$$T \cdot \frac{15x}{8} + \rho g \frac{V}{2} \cdot \frac{7x}{12} = 3\rho V g \cdot \frac{7x}{8}.$$

Откуда
$$T = \frac{56}{45} \rho g V$$
.

В отсутствии масла в кювете, уравнение моментов примет вид:

$$T_0 \cdot \frac{15x}{8} = 3\rho Vg \cdot \frac{7x}{8},$$

где T_0 - сила натяжения в отсутствии масла в кювете. Тогда $T=\frac{7}{5}\rho gV$ и

$$\frac{T}{T_0} = \frac{8}{9}.$$

Ответ: 8/9.

№	1.5 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Сделан верный поясняющий рисунок к задаче с указанием всех сил, действующих на параллелепипед	4
3	Верно определены плечи сил	3
4	Записано уравнение моментов в случае сухой кюветы	3
5	Записано уравнение моментов для случая кюветы с маслом	3
6	Получена искомая физическая величина	4
7	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

Олимпиада школьников «Ломоносов» по физике 2023/2024 уч. год.

Заключительный этап.

Задания, решения и критерии оценивания.

7-9 классы

1.1. Задача Камень бросают вертикально вверх с поверхности земли. Некоторый начальный участок пути, начинающийся на поверхности земли, он пролетел за время $t_1=1$ с, а следующий такой же по величине участок пути он пролетает за время $t_2=3$ с. Найдите полное время полета камня до соударения с землей. Сопротивлением воздуха пренебречь. Считать, что в указанные интервалы времени камень все еще двигался вверх.

1.1. Решение

Запишем уравнения кинематики для участков пути, пройденных за времена t_1 и t_1+t_2 :

$$S = V_0 t_1 - \frac{gt_1^2}{2}, (1)$$

$$2S = V_0 (t_1 + t_2) - \frac{g(t_1 + t_2)^2}{2}, (2)$$

где S – длина двух одинаковых участков, V_0 – начальная скорость камня.

Решая уравнения (1), (2), получим:

$$V_0 = \frac{2gt_1^2 - g(t_1 + t_2)^2}{2(t_1 - t_2)}.$$

Тогда полное время полета до соударения с землей равно:

$$t_{\text{пол}} = \frac{2V_0}{g} = \frac{2t_1^2 - (t_1 + t_2)^2}{t_1 - t_2} = \frac{2 \cdot 1^2 - (1 + 3)^2}{1 - 3} = 7 \text{ c.}$$

Ответ: $t_{\text{пол}} = 7 \text{ c.}$

No	1.1 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Сделан верный поясняющий рисунок к задаче	3
3	Записаны верные кинематические соотношения	8
4	Определено полное время полета до соударения с землей	6
5	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

1.2. Задача Металлическая однородная прямая призма массой m=1 кг в основании имеет правильный шестиугольник. Если положить призму на горизонтальную поверхность основанием, то она будет оказывать давление $p_1 = 6\sqrt{3}$ кПа, а если боковой гранью, то давление будет $p_2 = 4080$ Па. Определите плотность материала призмы. Ускорение свободного падения примите равным $g = 10 \text{ м/c}^2$.

1.2. Решение

Площадь шестиугольника определяется формулой:

$$S_{\text{III}} = \frac{3\sqrt{3}}{2}a^2$$
, (1)

где a – это сторона шестиугольника. Объем прямой призмы:

$$V = S_{\text{III}} \cdot h = \frac{3\sqrt{3}}{2} a^2 h,$$

где h – это высота призмы.

Давление, оказываемое основанием призмы, будет определяться соотношением:

$$p_1 = \frac{mg}{S_{III}} = \frac{2mg}{3\sqrt{3}a^2}$$

отсюда найдем сторону шестиугольника:

$$a = \sqrt{\frac{2mg}{3\sqrt{3}p_1}} \,. \quad (2)$$

Давление, оказываемое боковой гранью призмы, определяется соотношением

$$p_2 = \frac{mg}{ah},$$

откуда с учетом (1) найдем высоту призмы:

$$h = \sqrt{\frac{3\sqrt{3}}{2}mgp_1} \cdot \frac{1}{p_2}. \quad (3)$$

Найдем искомую плотность материала призмы:

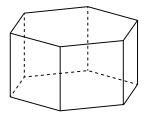
$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{m}{S_{\text{\tiny III}}h}.$$

С учетом (1) - (3), она будет определяться соотношением:

$$\rho = \sqrt{\frac{2p_1}{3\sqrt{3}mg}} \cdot \frac{p_2}{g} = \sqrt{\frac{2\sqrt{3} \cdot 6000}{3\sqrt{3} \cdot 1 \cdot 10}} \cdot \frac{4080}{10} = 8160 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}.$$

Ответ:
$$\rho = 8160 \frac{\text{K}\Gamma}{\text{M}^3}$$
.

No	1.2 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Определен объем призмы	2
3	Определена площадь шестиугольника	2
4	Получено соотношение для давления, оказываемого основанием призмы	3
5	Получено соотношение для давления, оказываемого боковой гранью призмы	3
6	Найдена сторона шестиугольника	2
7	Найдена высота призмы	2
8	Определена искомая плотность материала призмы	3
9	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20



1.3. Задача. Пригласив внуков на чаепитие на своем приусадебном участке, бабушка налила кипяток массой $m_{\rm B}=250$ г при температуре $t_{\rm B}=100^{\circ}{\rm C}$ в свою любимую фарфоровую чашку в горошек с начальной температурой $t_{\rm \phi}=35^{\circ}{\rm C}$. Сразу же после этого она опустила в чашку с кипятком серебряную ложку массой $m_{\rm c}=80$ г, а затем долила $m_{\rm 3}=50$ г заварки чая, имеющих температуру $t_{\rm 1}=20^{\circ}{\rm C}$, в результате чего в чашке установилась температура $t_{\rm K}=80^{\circ}{\rm C}$. Найдите массу любимой фарфоровой чашки бабушки $m_{\rm \phi}$. Считать, что серебряная ложка полностью погрузилась в кипяток, удельная теплоемкость заварки чая равна удельной теплоемкости воды. Теплообменом с окружающей средой пренебречь. Удельные теплоемкости воды, фарфора и серебра равны $c_{\rm B}=4200{\rm Дж/кr}\cdot{}^{\circ}{\rm C}$, $c_{\rm \phi}=800{\rm Дж/кr}\cdot{}^{\circ}{\rm C}$ и $c_{\rm c}=250{\rm Дж/кr}\cdot{}^{\circ}{\rm C}$ соответственно.

1.3. Решение

Количество теплоты, отданной кипятком при его охлаждении до конечной температуры:

$$Q_{\text{OTA}} = c_{\text{B}} m_{\text{B}} (t_{\text{B}} - t_{\text{K}}).$$

Количество теплоты, полученное ложкой, чашкой и заваркой при их нагревании до конечной температуры:

$$Q_{\text{пол}} = c_{\phi} m_{\phi} (t_{\kappa} - t_{\phi}) + c_{c} m_{c} (t_{\kappa} - t_{1}) + c_{B} m_{3} (t_{\kappa} - t_{1}).$$

Записав уравнение теплового баланса, получим:

$$Q_{
m otg} = Q_{
m пол}$$
,

$$c_{\mathrm{B}}m_{\mathrm{B}}(t_{\mathrm{B}} - t_{\mathrm{K}}) = c_{\mathrm{\Phi}}m_{\mathrm{\Phi}}(t_{\mathrm{K}} - t_{\mathrm{\Phi}}) + c_{\mathrm{C}}m_{\mathrm{C}}(t_{\mathrm{K}} - t_{1}) + c_{\mathrm{B}}m_{3}(t_{\mathrm{K}} - t_{1}),$$

$$m_{\mathrm{\Phi}} = \frac{c_{\mathrm{B}}m_{\mathrm{B}}(t_{\mathrm{B}} - t_{\mathrm{K}}) - c_{\mathrm{C}}m_{\mathrm{C}}(t_{\mathrm{K}} - t_{1}) - c_{\mathrm{B}}m_{3}(t_{\mathrm{K}} - t_{1})}{c_{\mathrm{\Phi}} \cdot (t_{\mathrm{K}} - t_{\mathrm{\Phi}})} =$$

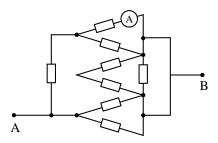
$$= \frac{4200 \cdot 0,25 \cdot (100 - 80) - 250 \cdot 0,08 \cdot (80 - 20) - 4200 \cdot 0,05 \cdot (80 - 20)}{800 \cdot (80 - 35)}$$

= 0.2 kg.

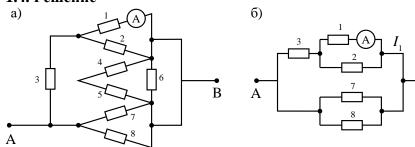
Ответ: $m_{\phi} = 0.2$ кг.

№	1.3 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Определено количество теплоты, отданной кипятком при его охлаждении до конечной температуры	4
3	Определено количество теплоты, полученное ложкой, чашкой и заваркой при их нагревании до конечной температуры	4
4	Записано уравнение теплового баланса	4
5	Определена масса чашки	5
6	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

1.4. Задача. В схеме, представленной на рисунке, к клеммам А и В подключен идеальный источник напряжения $U_0 = 6$ В. Найти силу тока, протекающего через идеальный амперметр, если сопротивления всех резисторов одинаковы и равны R = 125 Om.Сопротивлением проводов можно пренебречь.



1.4. Решение



Обозначим резисторы цифрами, см. рис.а. Резисторы 4, 5, 6 шунтированы проводником, следовательно можно считать, что ток через них протекать не будет и их можно удалить из схемы. В результате получается эквивалентная схема, изображенная на рис.б. Общее сопротивление резисторов 1 и 2 будет равно:

$$R_{12} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} = \frac{R}{2}.$$

Общее сопротивление резисторов 1, 2, 3 определяется соотношением:

$$R_{123} = R_3 + R_{12} = \frac{3R}{2}.$$

Сила тока через данный составной резистор будет равна:

$$I_1 = \frac{U_0}{R_{123}} = \frac{2U_0}{3R}.$$

Напряжение на составном резисторе R_{12} :

$$U_{12} = I_2 R_{12} = \frac{U_0}{3}.$$

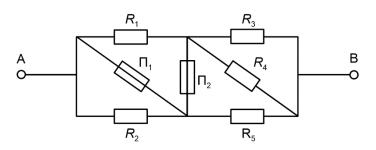
Искомая сила тока, протекающего через резистор
$$R_1$$
 будет равна:
$$I_2 = \frac{U_{12}}{R_1} = \frac{U_0}{3R} = \frac{6}{3\cdot 125} = 0,016 \text{ A} = 16 \text{ мA}.$$

Ответ:

$$I_2 = 16 \text{ MA}.$$

№	1.4 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Получена (с объяснением) эквивалентная схема	6
3	Определена необходимы для решения задачи	5
	параметры (сила тока, напряжение, сопротивления).	
4	Определена искомая сила тока	6
5	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20

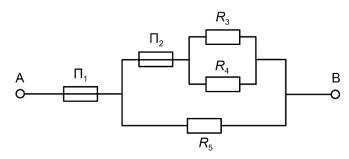
1.5. Задача. На рисунке представлена схема электрической цепи, состоящей из пяти одинаковых резисторов с сопротивлениями $R_1 = R_2 = R_3 = R_4 = R_5 = R = 12$ Ом, и двух плавких предохранителей Π_1 и Π_2 . На клеммы A и В подано напряжение, возрастающее от времени по закону U(t)=a·t, где a=1 В/мин. Предохранители рассчитаны на



номинальный ток I_{Π} =1 A (при токе, меньшем I_{Π} , сопротивление предохранителя пренебрежимо мало, а при большем или равном I_{Π} становится бесконечно большим). Определите через какое время перегорят предохранители в этой цепи.

1.5. Решение.

В начальный момент времени напряжение между точками A и B равно нулю. Поэтому токи, протекающие через элементы цепи, в том числе предохранители, заведомо меньше I_{Π} . Тогда, поскольку сопротивление предохранителей пренебрежимо мало, и через сопротивления R_1 и R_2 , подключенные параллельно к Π_1 , токи не



протекают. Схема, эквивалентная исходной, представлена на рисунке 1.

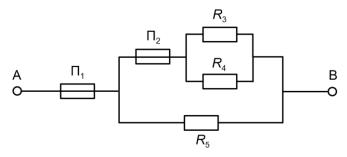


Рисунок 1.

Общее сопротивление участка AB равно R/3. При этом ток I, протекающий через предохранитель Π_1 , будет определяться выражением:

$$I = \frac{U_{AB}}{R/3} = \frac{3U(t)}{R} = \frac{3at}{R}.$$

Распределение токов в системе, показано на рисунке 2:

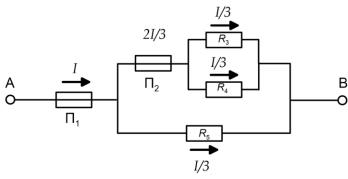


Рисунок 2.

Ток I – достигает номинального значения на Π_1 , в момент времени:

$$t_1 = \frac{I_{\Pi} \cdot R}{3a} = \frac{1 \text{A} \cdot 12 \text{ Ом}}{3 \cdot 1 \text{B/мин}} = 4 \text{ мин.}$$

При этом предохранитель П1, перегорает и эквивалентная схема примет вид:

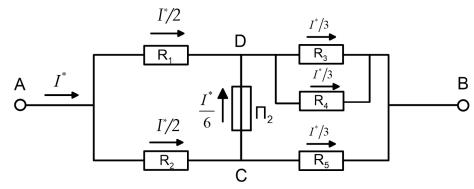


Рисунок 3. Эквивалентная схема после перегорания Π_1 .

Общее сопротивление R_{AB}^{*} участка AB в данном случае будет равно:

$$R_{AB}^* = \frac{R}{2} + \frac{R}{3} = \frac{5R}{6}.$$

Ток, протекающий эквивалентное общее сопротивление R_{AB}^* данной схемы: $I^* = U_{AB}/R_{AB}^* = \frac{6a(\tau+t_1)}{5R},$

$$I^* = U_{AB}/R_{AB}^* = \frac{6a(\tau + t_1)}{5R},$$

где τ – время, отсчитываемое от момента перегорания Π_1 . В силу симметрии схемы

$$I_{AD} = I_{AC} = \frac{I^*}{2};$$
 $I_{DB} = \frac{2I^*}{3};$
 $I_{CB} = \frac{I^*}{3};$

Тогда ток I_{CD} , протекающий через Π_2 будет равен

$$I_{CD} = I_{AC} - I_{CB} = \frac{I^*}{6} = \frac{a(\tau + t_1)}{5R}.$$

Ток через Π_2 станет равным номинальному значению спустя время au после перегорания Π_1 :

$$au = rac{5I_\Pi \cdot R}{a} - t_1 = rac{14I_\Pi \cdot R}{3a} = rac{14 \cdot 1A \cdot 12 \ \text{Ом}}{3 \cdot rac{1B}{\text{мин}}} = 56 \ \text{мин}.$$

Общее время работы предохранителя Π_2 :

$$t_2 = \tau + t_1 = \frac{5I_{\Pi} \cdot R}{a} = 60$$
 мин.

Ответ: $t_1 = \frac{I_{\Pi} \cdot R}{3a} = 4$ мин; $t_2 = \frac{5I_{\Pi} \cdot R}{a} = 60$ мин.

No	1.5 Действие	Максимальный балл
1	Участник приступил к решению задачи	1
2	Получена (с объяснением) эквивалентная схема для начального момента времени	2
3	Получено выражение для силы тока, протекающего через предохранитель Π_1	3
4	Определен момента времени, когда сила тока через предохранитель Π_1 достигает номинального значения	3
5	Получена (с объяснением) эквивалентная схема для случая, когда перегорит первый предохранитель	3
6	Получено выражение для силы тока, протекающего через второй предохранитель в зависимости от времени	3
7	Определен момента времени, когда сила тока через предохранитель Π_2 достигает номинального значения	3
8	Получен правильный численный ответ	2
ВСЕГО		20