## Извјештај за трећу лабораторијску вјежбу

ИЗ

## Програмирања у реалном времену

## 1. задатак

а) Нека је дат скуп периодичнх задатака  $\Gamma = \{a, b, c\}$  који се извршавају на једном процесору, при чему су вриједности периода задатака, њихова времена извршавања и крајњи рокови дати у Табели 1.1 тако да колона са ознаком  $T_i$  садржи периоде задатка, колона  $C_i$  садржи времена извршавања задатка, а колона  $D_i$  крајње рокове до којих се задатак мора извршити.

Табела 1.1

бр.	задатак	$T_i[ms]$	$C_i$ [ms]	$D_i[ms]$
1	а	10	5	10
2	b	20	20	20
3	С	30	15	30

Овако задат скуп задатака  $\Gamma$  није распоредив ни по EDF (енг. Earliest Deadline First) ни по RM (енг. Rate Monotonic) алгоритму за распоређивање периодичних задатака.

Ако израчунамо заузеће процесора, U, за скуп задатака  $\Gamma$ , добијамо следеће резултате:

$$U = \sum_{i=1}^{3} \frac{C_i}{T_i} = \frac{5}{10} + \frac{20}{20} + \frac{15}{30} = 2$$

Како је U > 1, то значи да овај скуп задатака није распоредив.

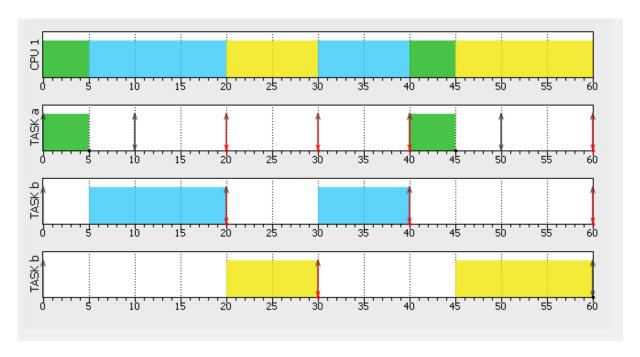
Овре резултате потврђује и симулација у SimSo програму. Симулација траје у дужини једног хиперпериода и он за дати скуп задатака  $\Gamma$  износи:

$$H = NZS(T_1, T_2, T_3)$$

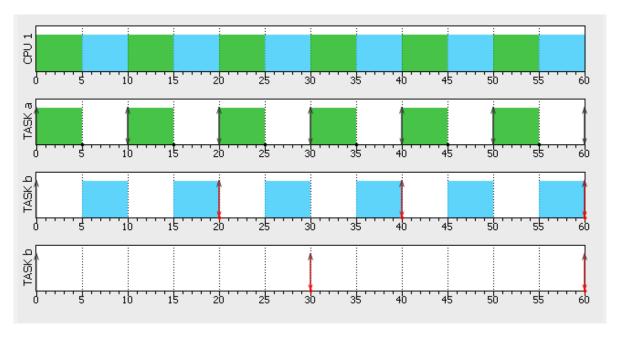
$$H = 60$$

,при чему NZS означава најмањи заједнички садржалац.

Гантов дијаграм добијен симулациојом у случају распоређивања *EDF* алгоритмом дат је на Слици 1.1 док је Гантов дијаграм у случају распоређивања *RM* алгоритмом дат на Слици 1.3. Црвеним линијама на Гантовим дјаграмима означени су тренуци у симулацији у којима су нарушени крајњи рокови за извршавање задатака. Примјећујемо да је за вријеме трајања читавог хиперпериода процесор заузет извршавањем задатака, што је у складу са теоретским очекивањима која смо претходно добили.



Слика 1.1



Слика 2.1

б) Нека је дат скуп периодичнх задатака  $\Gamma = \{a, b, c\}$  који се извршавају на једном процесору, при чему су вриједности периода задатака, њихова времена извршавања и крајњи рокови дати у Табели 1.2.

Табела 2.2

бр.	задатак	$T_i[ms]$	$C_i[ms]$	$D_i[ms]$
1	а	5	2	5
2	b	10	3	10
3	c	15	4.5	15

Ако израчунамо заузеће процесора, U, за скуп задатака  $\Gamma$ , добијамо следеће резултате:

$$U = \sum_{i=1}^{3} \frac{C_i}{T_i} = \frac{2}{5} + \frac{3}{10} + \frac{5}{15} = 1$$

Како је U=1, скуп задатака  $\Gamma$  је распоредив по EDF алгоритму, јер је потребан и довољан услов распоредивости за овај алгоритам  $U\leq 1$  што је испуњено. Псматрајмо времена одзива задатака из скупа  $\Gamma$ :

Вријеме одзива задатка а:

$$R_a = 2 < T_1$$

Вријеме одзива задатка b:

$$w_b^0 = 3$$
 $w_b^1 = 3 + \left[\frac{3}{5}\right] \cdot 2 = 3 + 2 = 5$ 
 $w_b^2 = 3 + \left[\frac{5}{5}\right] \cdot 2 = 5$ 
 $R_b = 5 < T_2$ 

Вријеме одзива задатка c:

$$w_c^0 = 4.5$$

$$w_c^1 = 4.5 + \left\lceil \frac{4.5}{5} \right\rceil \cdot 2 + \left\lceil \frac{4.5}{10} \right\rceil \cdot 3 = 11.85$$

$$w_c^2 = 4.5 + \left\lceil \frac{11.85}{5} \right\rceil \cdot 2 + \left\lceil \frac{11.85}{10} \right\rceil \cdot 3 = 22.5$$

$$w_c^3 = 4.5 + \left\lceil \frac{22.5}{5} \right\rceil \cdot 2 + \left\lceil \frac{22.5}{10} \right\rceil \cdot 3 = 23.5$$

$$w_c^4 = 4.5 + \left\lceil \frac{23.5}{5} \right\rceil \cdot 2 + \left\lceil \frac{23.5}{10} \right\rceil \cdot 3 = 23.5$$

$$R_c = 23.5 > T_3$$

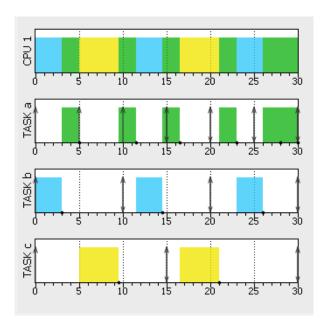
Како је најгоре вријеме одзива за задатак c веће од његовог периода слиједи да скуп задатака  $\Gamma$  није распоредив по RM алгоритму.

Хиперпериод за скуп задатака  $\Gamma$  је:

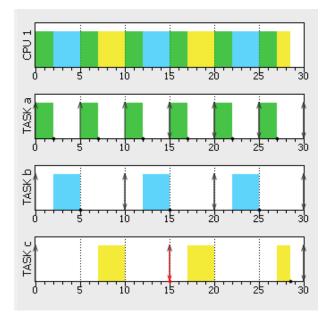
$$H = NZS(T_1, T_2, T_3)$$

$$H = 30$$

Резултати симулације добијени помоћу програма SimSo у трајању једног хиперпериода, потврђују добијене теоретске резултате. На Слици 1.2 и Слици 1.3 дати су Гантови дијаграми у случају да се задаци из скупа  $\Gamma$  распоређују EDF и RM, респективно.

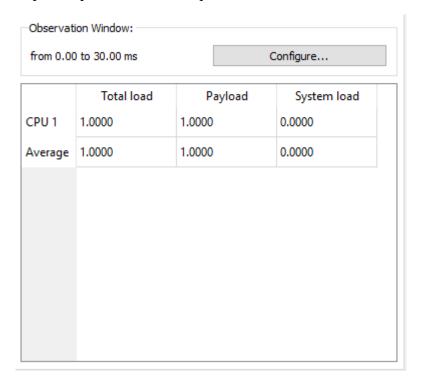


Слика 1.3

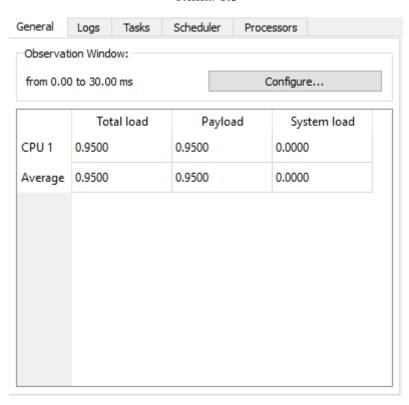


Слика 1.4

Примјећујемо да је црвеном линијом у случају распоређивања RM алгоритмом означено мјесто на Гантовом дијаграму када долази до нарушавања крајњег рока извршавања за задатак c. На Слици 1.5 и Слици 1.6 дати су резултати симулације који показују заузеће процесора за EDF и RM, респективно.



Слика 1.5



Слика 1.6

ц) Нека је дат скуп периодичнх задатака  $\Gamma = \{a, b, c\}$  који се извршавају на једном процесору, при чему су вриједности периода задатака, њихова времена извршавања и крајњи рокови дати у Табели 1.3.

Табела 3.3

бр.	задатак	$T_i[ms]$	$C_i$ [ms]	$D_i[ms]$
1	а	10	5	10
2	b	20	5	20
3	С	30	2	30

Овакав скуп задатака распоредив је и са EDF и са RM алгоритмом. Што показују теоретска очекивања и резултати симулације у програму SimSo.

Ако израчунамо заузеће процесора, U, за скуп задатака  $\Gamma$ , добијамо следеће резултате:

$$U = \sum_{i=1}^{3} \frac{C_i}{T_i} = \frac{5}{10} + \frac{5}{20} + \frac{2}{30} \approx 0.8167$$

Како је  $U \le 1$  имамо да је овај скуп задатака EDF распоредив. Погледајмо времена одзива за задатке из скупа  $\Gamma$ :

Вријеме одзива задатка а:

$$R_a = 5 < T_1$$

Вријеме одзива задатка b:

$$w_b^0 = 5$$

$$w_b^1 = 5 + \left[\frac{5}{10}\right] \cdot 5 = 5 + 5 = 10$$

$$w_b^2 = 5 + \left[\frac{10}{10}\right] \cdot 5 = 5 + 5 = 10$$

$$R_b = 10 \le T_2$$

Вријеме одзива задатка c:

$$w_c^0 = 2$$

$$w_c^1 = 2 + \left\lceil \frac{2}{10} \right\rceil \cdot 5 + \left\lceil \frac{2}{20} \right\rceil \cdot 5 = 2 + 5 + 5 = 12$$

$$w_c^2 = 2 + \left\lceil \frac{12}{10} \right\rceil \cdot 5 + \left\lceil \frac{12}{20} \right\rceil \cdot 5 = 2 + 10 + 5 = 17$$

$$w_c^3 = 2 + \left\lceil \frac{17}{10} \right\rceil \cdot 5 + \left\lceil \frac{17}{20} \right\rceil \cdot 5 = 17$$

$$R_c = 17 < T_3$$

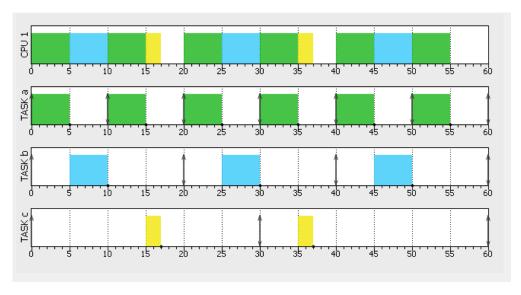
Будући да су за све задатке времена одзива мања од њихових респективних периода имамо да је скуп задатака  $\Gamma$  RM распоредив.

Хиперпериод за скуп задатака Г је:

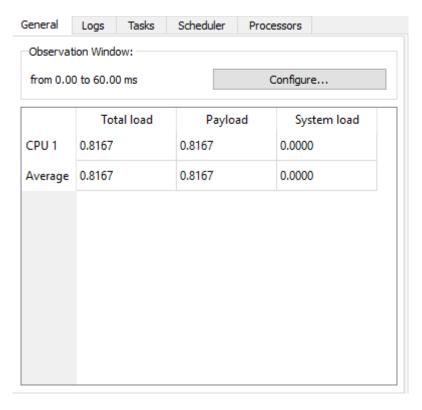
$$H = NZS(T_1, T_2, T_3)$$

$$H = 60$$

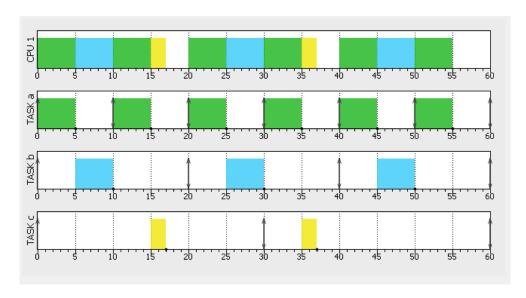
Заузеће процесора и Гантов дијаграм за распоређивање *EDF* и *RM* алгоритмом дати су на Слици 1.7, Слици 1.8 и Слици 1.9, Слици 2.0, респективно.



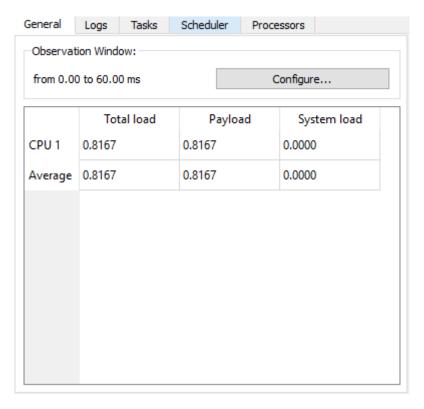
Слика 1.7



Слика 1.8



Слика 1.9



Слика 2.0

Примјећујемо да су симулације успјешно извршене у трајању од једног хиперпериода, те дасу добијени резултати у складу са теоретским очекивањима.

## 2. задатак

Нека је дат скуп задатака  $\Gamma = \{a, b, c, d, e\}$  који се извршавају на једном процесору, при чему су вриједности периода задатака, њихова времена извршавања и крајњи рокови дати у Табели 1.3. Задаци d и e су апериодични. Задаци се распоређују RM алгоритмом при, а симулација распоређивања је извршена у Timestool програму. На Слици 2.1 приказана је табела са задацима из Timestool-а при чему задацима task1, task2, task3, task4, task5 одговарају задаци a, b, c, d, e из скупа  $\Gamma$ , респективно.

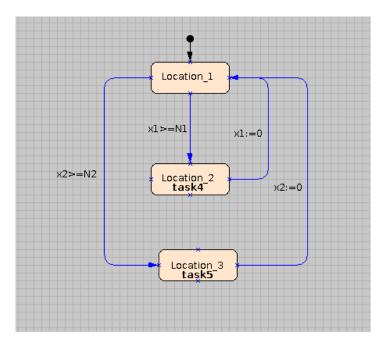
Табела 4.3

бр.	задатак	$T_i[ms]$	$C_i[ms]$	$D_i[ms]$
1	а	10	5	10
2	b	20	5	20
3	С	30	2	30
4	d	-	1	5
5	e	-	1	5

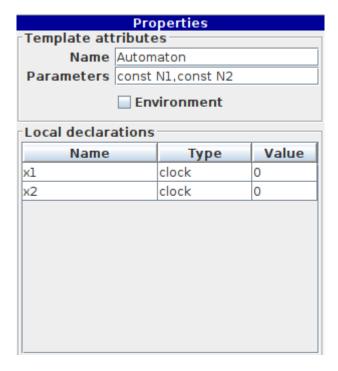
Name	В	Pr	С	D	Т
⊗ task1	Р	3	5	10	10
⊗ task2	Р	2	5	20	20
⊗ task3	Р	1	2	30	30
𝒯 task4	С	5	1	5	$\geq <$
	С	4	1	5	> <

Слика 2.1

За распоређивање апериодичних задатака користи се машина стања приказана на Слици 2.3 чији су параметри дати на Слици 2.4.



Слика 2.3

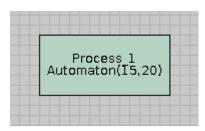


Слика 2.4

Чвор  $Location_1$  представља иницијално стање у којем се налази машина стања Automaton. Када промјенљива xI достигне вриједност NI машина стања прелази из иницијалног у стање  $Location_2$  гдје се врши распоређивање задатка d и потом се долази до повратка у иницијално стање и ресетовања вриједности xI на нулу.

Када промјенљива x2 достигне вриједност N2 машина стања прелази из иницијалног у стање  $Location_3$  гдје се врши распоређивање задатка e и потом се долази до повратка у иницијално стање и ресетовања вриједности x2 на нулу.

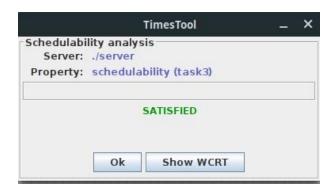
Машина стања је представљена процесом  $Process\_1$  у којем се задају вриједности за константе N1 и N2. У овом случају ради распоредивости задатака одабране су вриједности N1=15 и N2=20, што је приказано на Слици 2.5.



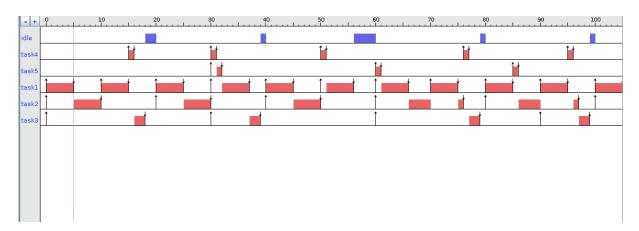
Слика 2.5

Задаци са овако подешеним параметрима су распоредиви што потврђује верификација распоредивост *Timestool* алата са Слике 2.6, а приказ симулације њиховог извршавања дат је на Слици 2.7. Из симулације се види да је заузеће процесора сигурно мање од

100%, будући да се на Гантовом дијаграму уочавају *idle* дијелови у којима је процесор слободан и не извршава ни један задатак.



Слика 2.6



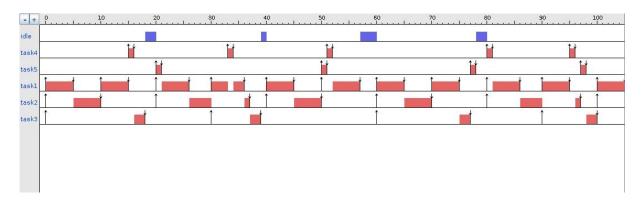
Слика 2.7

У наставкау разматрамо случај када постоји зависност између задатака. Према према поставци задатка додата је зависност између два произвољна задатка, те према томе задатак b зависи од задатка a што је приказано на Слици 2.8.



Слика 2.8

У овом конкретном случају верификација распоредивости не даје коначне резултате већ се провјера не завршава у неком разумном коначном времену, међутим при покретању симулације у трајању већем од 5 *min* није дошло до било каквог незадовољавања рокова. На Слици 2.9 приказан је резултат симулације.



Слика 2.9