

ESTAT Teorema do limite central.

LEEC

- 1. Admite-se que o erro cometido em cada operação de medição (em mm) é uma variável aleatória com média 0 mm e desvio padrão 2 mm.
 - a) Caracterize a v.a. que representa a soma do erro produzido por 100 medições independentes.
 - b) Calcule a probabilidade do erro acumulado em 100 medições exceder 2 cm.
 - c) Resolva a alínea anterior supondo agora que o erro cometido em cada operação de medição tem distribuição Uniforme entre -2mm e 3 mm.
- Um camião de recolha de encomendas vai carregar 42 caixas de diversas procedências.
 Sabe-se que essas caixas têm um peso médio de 48,5 kg e variância 400 kg².
 - a) Caracterize a variável peso total da carga.
 - b) Calcule a probabilidade de a carga máxima (que é 2000 kg) seja excedida.
 - c) Qual deve ser o número máximo de caixas a transportar de modo que a probabilidade de levar peso excessivo seja inferior a 5%?
 - d) Um segundo camião recolheu 40 caixas. Qual a probabilidade do peso carregado pelo 2ª camião exceder o peso do primeiro?
 - e) Considerando agora, que 20% das caixas pesam 45 kg, 40% 48,5 e as restantes 50 kg, qual a probabilidade da carga máxima ser excedida?
- 3. Em determinado momento, o número de automóveis que entram num parque de estacionamento é uma variável aleatória com distribuição de Poisson de média 1,2 por minuto. O número dos que saem é também uma v.a. com distribuição de Poisson de média 1,0 por minuto.
 - Admitindo que o número de automóveis que saem é independente do número dos que entram e que o parque tem sempre lugares:
 - a) Calcule a probabilidade de, durante um minuto, entrar apenas um carro e saírem mais de dois.
 - b) Calcule a probabilidade de que, durante uma hora, o número de entradas seja inferior ao número de saídas.

- 4. Admite-se que a procura diária do artigo A segue uma distribuição de Poisson de média 2. Contudo, só existem para venda 3 artigos em cada dia e as sobras são destruídas.
 - a) Calcule a probabilidade de, em 100 dias, o número de artigos vendidos exceder 200?
 - b) Qual a probabilidade de, em 100 dias, o número de artigos A procurados ultrapassar o número de artigos vendidos em pelo menos 30 unidades?
- 5. O tempo de vida de um equipamento AH27 é uma variável aleatória com distribuição normal sabendo-se que apenas 20% duram menos de 4 anos e 50% duram mais de 5 anos.
 - a) Calcule a probabilidade de um utilizador conseguir 22 anos de uso com 4 equipamentos AH27 usados sucessivamente.
 - b) Com base na duração, cada cliente particular classifica os equipamentos segundo a seguinte tabela:

Duração (anos)	<4	[4 – 6]	>6
Classificação (estrelas)	0	1	2

Calcule a probabilidade da pontuação total obtida por 40 equipamentos AH27 vendidos a clientes particulares ser inferior a 50 estrelas.



Soluções TP5

1. a) X_i – "Erro cometido na i-ésima operação (mm)": i=1,2,...,100

$$\mu_i = 0 \ mm; \ \sigma_i^2 = 4 \ mm^2; i = 1, 2, ..., 100$$

 X_T – "Erro total cometido em 100 operações (mm)"

$$X_T = \sum_{i=1}^{100} X_i \sim N(100 \cdot 0; 100 \cdot 4) \sim N(0; 400)$$

[Aplicação do TLC pois $n \ge 30$ e X_i : 1 = 1, ..., 100 são independentes]

b)0,1587

c) 0,9812

 X_i – "Peso da i-ésima caixa (mm)": i = 1, 2, ..., 42. 2. a)

$$\mu_i = 48,5 \ kg; \ \sigma_i^2 = 400 \ kg^2; \ i = 1,2,...,42.$$

 X_T - "Peso total de 42 caixas (kg)"

$$X_T = \sum_{i=1}^{100} X_i \sim N(42 \cdot 48, 5; 42 \cdot 400) \sim N(2037; 16800)$$

[Aplicação do TLC pois $n \ge 30$ e X_i : 1 = 1, ..., 100 são independentes]

- b) 0,6124
- c) n=37
- d) 0,2946
- e) 0,9972 0,9968 (com

correção de continuidade (CC))

- 3. a) 0,0290 b) 0,1492 0,1379 (com CC)
- 4. a) 0,0183 0,0162 (com CC)
- b) 0,3192 0,3085 (com CC)
- 5a) 0,2005 5b) 0,9913 0,9956 (com CC)