

Sean P, Q y R las compuertas NAND en paralelo

$$\overline{P} = A B C$$
 $\overline{Q} = A \overline{B} C$

$$\overline{Q} = A \overline{B} C$$

$$\overline{R} = \overline{A} B C$$

$$P = \overline{(A B C)}$$

$$P = \overline{(A B C)}$$
 $Q = \overline{(A \overline{B} C)}$ $R = \overline{(\overline{A} B C)}$

$$R = \overline{(\overline{A} B C)}$$

$$F = \overline{I}$$

$$F = \overline{(P \ Q \ R)} = \overline{\left(\overline{(A \ B \ C)} * \overline{\left(A \ \overline{B} \ C\right)} * \overline{\left(\overline{A} \ B \ C\right)}\right)}$$

$$F = (A B C + A \overline{B} C + \overline{A} B C) = C (A B + A \overline{B} + \overline{A} B) = C (A + \overline{A} B) = \overline{C} (A + B)$$

Α	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

	ВС	00	01	11	10
Α		$\overline{B} \ \overline{C}$	\overline{B} C	ВС	В <u>С</u>
0	\overline{A}	0	0	1	0
1	A	0	1	1	0

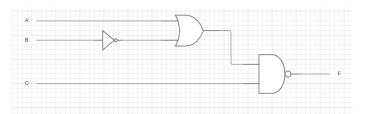
F = BC + AC

TABLA 1

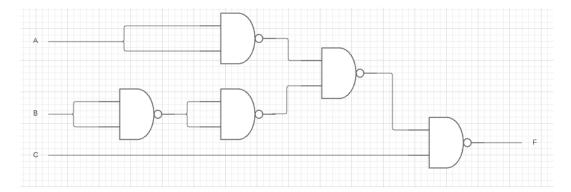
Α	В	С	F
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

	ВС	00	01	11	10
Α		$\overline{B} \overline{C}$	\overline{B} C	ВС	$B\overline{C}$
0	\overline{A}	1	0	1	1
1	A	1	0	0	1

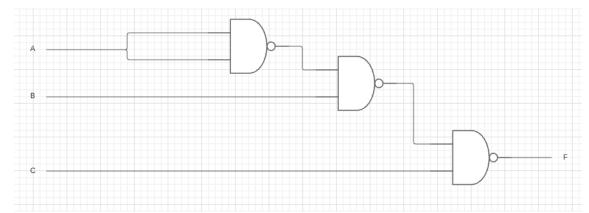
$$\overline{F} = \overline{B} C + A C = C (A + \overline{B})$$



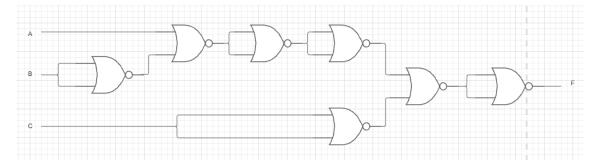
Ahora nos piden armar el circuito pero solo usando compuertas NAND y luego solo NOR



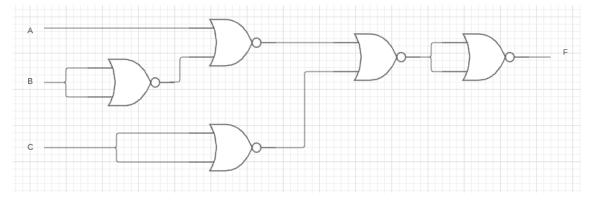
Que se puede simplificar un poco más, debido a que 2 NAND en serie = 2 NOT en serie = nada



Veamos ahora si lo podemos hacer solamente con NOR



Nuevamente se puede simplificar donde haya dos compuertas NOR en serie:



Se desea activar una señal de alarma /ALRM cuando se intente encender el motor de un auto y alguno de los dos ocupantes del asiento delantero esté sentado y no haya abrochado su cinturón de seguridad.

Para ello se cuenta con dos sensores de presencia que activan las señales /CONDUCTOR y /ACOMPAÑANTE activas en bajo cuando hay una persona ubicada en los asientos respectivos. Además se deben tener en cuenta las señales CINTUR_COND y CINTUR_ACOM que se activan en alto cuando los cinturones de seguridad respectivos han sido abrochados. También hay una señal CONTACTO activa en alto que indica si se activó la llave de encendido.

a) Realice el diagrama de Karnaugh para la generación de la señal /ALRM. A partir de lo obtenido, diseñe el circuito lógico necesario para generar la señal de alarma.

Sea A = CONTACTO

 $\mathbf{B} = \mathsf{CONDUCTOR}$

C = ACOMPAÑANTE

D = CINTUR_COND

E = CINTUR ACOM

 $\mathbf{F} = ALRM$

J	BD	00	01	11	10
Α		$\overline{B} \overline{D}$	\overline{B} D	BD	$B \overline{D}$
0	\overline{A}	0	0	0	0
1	A	1	0	0	0

K	CE	00	01	11	10
Α		$\overline{C} \overline{E}$	\overline{C} E	CE	$C \overline{E}$
0	\overline{A}	0	0	0	0
1	Α	1	0	0	0

Sea:

J = Sonar alarma de Conductor

K = Sonar alarma de Acompañante

F	K	0	1
J		\overline{J}	J
0	\overline{K}	0	1
1	K	1	1

$$F = J + K = A \overline{B} \overline{D} + A \overline{C} \overline{E}$$
$$F = A (\overline{B} \overline{D} + \overline{C} \overline{E})$$

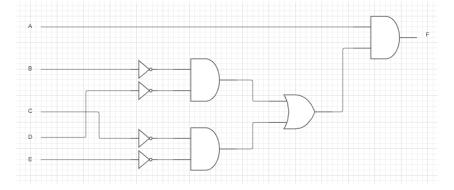
Otra forma de encararlo, usando 4 variables:

	CE	00	01	11	10
BD		$\overline{C} \overline{E}$	\overline{C} E	C E	$C \overline{E}$
00	$\overline{B} \overline{D}$	1	1	1	1
01	\overline{B} D	1	0	0	0
11	BD	1	0	0	0
10	$B \overline{D}$	1	0	0	0

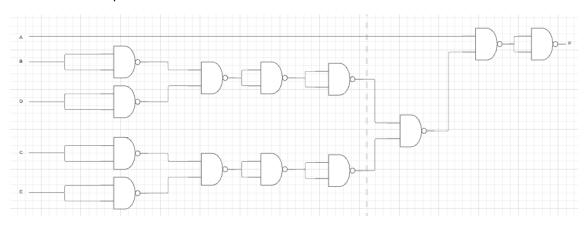
Esto sí parece tener más sentido, pero recordar que en este caso no estoy considerando A.

Puedo hacer otra tabla para incluir dicha entrada, pero si A = 0 deja todo en cero.

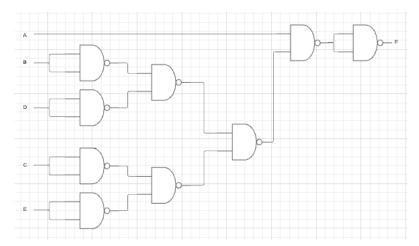
$$F = A \left(\overline{B} \, \overline{D} + \overline{C} \, \overline{E} \right)$$



Usando solo compuertas NAND:



Simplificando doble negación:



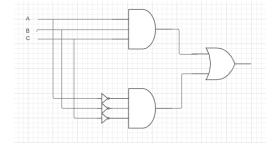
EJERCICIO 4

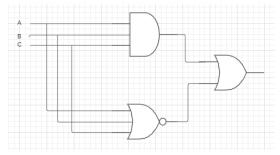
	ВС	00	01	11	10
Α		$\overline{B} \overline{C}$	\overline{B} C	<i>B C</i>	$B \overline{C}$
0	\overline{A}	1	0	0	0
1	A	0	0	1	0

Tabla SOP, busco donde haya dado 1 la salida, dejando las variables como productos y sumando cada caso.

$$F = A B C + \overline{A} \overline{B} \overline{C}$$

$$F = A B C + \overline{(A+B)} \overline{C} = A B C + \overline{(A+B+C)}$$





La Fig. 2 muestra un multiplicador binario de dos bits $(X = x1 \times 0)$, (Y = y1 y0). Diseñe su circuito lógico teniendo en cuenta que el resultado se encuentra expresado en cuatro bits (Z = z3 z2 z1 z0).

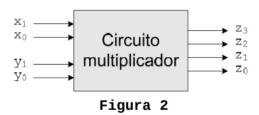


Tabla para MSB de Z, es decir, z0 (resultado es impar)

X/Y	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	0
11	0	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	0
10	0	0	0	0

$$z_0 = x_0 y_0$$

Tabla para el bit 1 de Z, es decir, z1

(resultado es 2, 3 ó 6)

X/Y	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>
11	0	<u>1</u>	0	1
10	0	<mark>1</mark>	1	0

$$z_1 = y_1 \overline{x_1} x_0 + x_1 \overline{y_1} y_0 + x_0 y_1 \overline{y_0} + y_0 x_1 \overline{x_0}$$

Tabla para el bit 2 de Z, es decir, z2 (resultado es 4 ó 6)

X/Y	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	0	0
11	0	0	0	<mark>1</mark>
10	0	0	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>

$$z_2 = x_1 y_1 \overline{y_0} + y_1 x_1 \overline{x_0} = x_1 y_1 (\overline{x_0} + \overline{y_0})$$

Tabla para el MSB de Z, es decir, z3

(resultado es 9)

X/Y	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	0	0
11	0	0	1	0
10	0	0	0	0

$$z_3 = x_0 x_1 y_0 y_1$$

EJERCICIO 7

Tabla 2

Α	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

	ВС	00	01	11	10
Α		$\overline{B} \overline{C}$	\overline{B} C	ВС	$B\overline{C}$
0	\overline{A}	0	<mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>
1	A	<mark>1</mark>	0	0	0

$$F = \overline{A} \, \overline{B} \, C + \overline{A} \, B \, \overline{C} + A \, \overline{B} \, \overline{C} = \overline{A} \left(\overline{B} \, C + B \, \overline{C} \right) + A \, \overline{B} \, \overline{C}$$
$$F = \overline{A} \left(B \, XOR \, C \right) + A \, \overline{B} \, \overline{C} = \overline{A} \left(B \oplus C \right) + A \, \overline{B} \, \overline{C}$$

Tabla 3

A	В	С	D	F
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1

Tabla 3						
1	0	0	1	0		
1	0	1	0	0		
1	0	1	1	1		
1	1	0	0	0		
1	1	0	1	1		
1	1	1	0	1		
1	1	1	1	0		

	CD	00	01	11	10
AB		$\overline{C} \overline{D}$	\overline{C} D	C D	$C \overline{D}$
00	$\overline{A} \overline{B}$	0	<mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>
01	$\overline{A} B$	<mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>	0
11	AB	0	<mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>
10	$A \overline{B}$	<mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>	0

$$F = \overline{A} \overline{B} \overline{C} D + \overline{A} \overline{B} C \overline{D} + \overline{A} B \overline{C} \overline{D} + \overline{A} B C D + A B \overline{C} D + A B \overline{C} D + A B \overline{C} D$$

$$+ A B C \overline{D} + A \overline{B} \overline{C} \overline{D} + A \overline{B} C D$$

$$F = \overline{A} \, \overline{B} \, \left(\overline{C} \, D + C \, \overline{D} \right) + \overline{A} \, B \, \left(\overline{C} \, \overline{D} + C \, D \right) + A \, B \, \left(\overline{C} \, D + C \, \overline{D} \right) + A \, \overline{B} \, \left(\overline{C} \, \overline{D} + C \, D \right)$$

$$F = \left(\overline{C}D + C\overline{D}\right)\left(\overline{A}\overline{B} + AB\right) + \left(\overline{C}\overline{D} + CD\right)\left(\overline{A}B + A\overline{B}\right)$$

 $F = (C \ XOR \ D) \ (A \ XNOR \ B) + (C \ XNOR \ D) \ (A \ XOR \ B) = (C \oplus D) \overline{(A \oplus B)} + \overline{(C \oplus D)} (A \oplus B)$

Tabla 4						
Α	В	С	D	F		
0	0	0	0	1		
0	0	0	1	1		
0	0	1	0	X		
0	0	1	1	1		
0	1	0	0	X		
0	1	0	1	X		
0	1	1	0	1		
0	1	1	1	1		
1	0	0	0	0		

1	Tabla 4						
1	0	0	1	1			
1	0	1	0	0			
1	0	1	1	1			
1	1	0	0	0			
1	1	0	1	1			
1	1	1	0	0			
1	1	1	1	1			

	CD	00	01	11	10
AB		$\overline{C}\overline{D}$	\overline{C} D	C D	$C \overline{D}$
00	$\overline{A} \overline{B}$	<mark>1</mark>	_ <mark>1</mark>	<mark>1</mark>	X
01	$\overline{A} B$	X	X	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>
11	AB	0	1	<mark>1</mark>	0
10	$A \overline{B}$	0	1	1	0

$$F = \overline{A} + D$$

La expresión anterior se obtuvo dejando X = 1, y formando grupos de 8

 Tabla
 5

 A
 B
 C
 D
 F

 0
 0
 0
 0
 1

 0
 0
 0
 1
 0

 0
 0
 1
 0
 0

 0
 0
 1
 1
 0

 0
 1
 0
 1
 0

 0
 1
 1
 0
 0

 0
 1
 1
 1
 0

 0
 1
 1
 1
 0

 1
 0
 0
 0
 1

Tabla 5						
1	0	0	1	0		
1	0	1	0	0		
1	0	1	1	0		
1	1	0	0	0		
1	1	0	1	0		
1	1	1	0	0		
1	1	1	1	0		

	CD	00	01	11	10
AB		$\overline{C} \overline{D}$	\overline{C} D	C D	$C\overline{D}$
00	$\overline{A} \overline{B}$	<mark>1</mark>	0	0	0
01	$\overline{A} B$	1	0	0	0
11	AB	0	0	0	0
10	$A \overline{B}$	<mark>1</mark>	0	0	0

$$F = \overline{A} \ \overline{C} \ \overline{D} + \overline{B} \ \overline{C} \ \overline{D} = \overline{C} \ \overline{D} \left(\overline{A} + \overline{B} \right) = \overline{(C+D)} \ \overline{(AB)} = \overline{AB+C+D}$$

EJERCICIO 8

Sea **X** = es positivo

Y = es mayor a 3

Z = es menor que -4

00

01

1

1

 $\overline{A1} \overline{A0} \overline{A1} A0$

11

*A*1 *A*0

1

0

0

11

A1 A0

0

1

0

 $A1 \overline{A0}$

0

0

10

 $A1\overline{A0}$

0

1

0

A1 A0

 $\overline{A3} \overline{A2}$

 $\overline{A3}$ A2

X

A3 A2

00

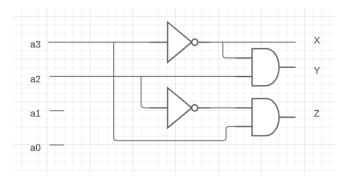
01

А3	A2	A1	A0	NUM	Х	Υ	Z
0	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	1	1	0	0
0	0	1	1	3	1	0	0
0	0	1	0	2	1	0	0
0	1	1	0	6	1	1	0
0	1	1	1	7	1	1	0
0	1	0	1	5	1	1	0
0	1	0	0	4	1	1	0
1	0	0	0	-8	0	0	1
1	0	0	1	-7	0	0	1
1	0	1	1	-5	0	0	1
1	0	1	0	-6	0	0	1
1	1	1	0	-2	0	0	0
1	1	1	1	-1	0	0	0
1	1	0	1	-3	0	0	0
1	1	0	0	-4	0	0	0

11	A3 A2	0	0
10	$A3\overline{A2}$	0	0
Υ	A1 A0	00	01
A3 A2		$\overline{A1} \overline{A0}$	$\overline{A1} A$
00	$\overline{A3} \overline{A2}$	0	0
01	$\overline{A3}$ A2	1	1
11	A3 A2	0	0
10	$A3\overline{A2}$	0	0
-	A1 A0	00	04

$X = \overline{a_3}$					
$Y = \overline{a_3} a_2$					
$Z = a_3 \overline{a_2}$					

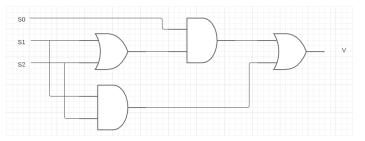
Z	A1 A0	00	01	11	10
A3 A2		$\overline{A1}\overline{A0}$	$\overline{A1} A0$	A1 A0	$A1\overline{A0}$
00	$\overline{A3} \overline{A2}$	0	0	0	0
01	$\overline{A3}$ A2	0	0	0	0
11	A3 A2	0	0	0	0
10	$A3\overline{A2}$	1	1	1	1



S0	S1	S2	٧
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	1	1
0	1	0	0
1	1	0	1
1	1	1	1
1	0	1	1
1	0	0	0

	S1 S2	00	01	11	10
S0		$\overline{S1} \overline{S2}$	$\overline{S1}$ S2	S1 S2	$S1\overline{S2}$
0	<u>50</u>	0	0	<mark>1</mark>	0
1	<i>S</i> 0	0	<mark>1</mark>		<mark>1</mark>

$$V = S_1 S_2 + S_0 S_2 + S_0 S_1 = S_0 (S_1 + S_2) + S_1 S_2$$

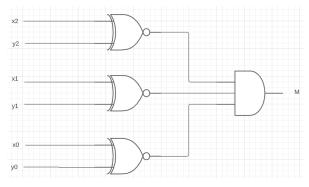


EJERCICIO 10

$$M = \overline{(x_2 \oplus y_2)} * \overline{(x_1 \oplus y_1)} * \overline{(x_0 \oplus y_0)}$$

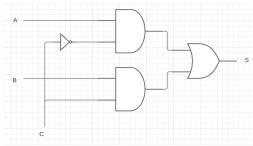
$$N = x_2 \overline{y_2} + \overline{(x_2 \oplus y_2)} * \left(x_1 \overline{y_1} + \overline{(x_1 \oplus y_1)} * x_0 \overline{y_0}\right)$$

$$P = \overline{x_2} y_2 + \overline{(x_2 \oplus y_2)} * \left(\overline{x_1} y_1 + \overline{(x_1 \oplus y_1)} * \overline{x_0} y_0\right)$$



EJERCICIO 11

С	S
0	Α
1	В



	EF	00	01	11	10
ABCD		$\overline{E} \overline{F}$	$\overline{E} F$	EF	$E\overline{F}$
0000	$\overline{A} \overline{B} \overline{C} \overline{D}$	0	0	0	0
0001	$\overline{A} \overline{B} \overline{C} D$	0	0	_ <mark>1</mark>	0
0011	$\overline{A} \overline{B} C D$	0	0	<mark>1</mark>	1
0010	$\overline{A} \overline{B} C \overline{D}$	0	0	0	1
0110	$\overline{A} B C \overline{D}$	0	<mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>
0111	$\overline{A} B C D$	0	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	1
0101	$\overline{A} B \overline{C} D$	0	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	0
0100	$\overline{A} B \overline{C} \overline{D}$	0	<mark>1</mark>	0	0
1100	$AB\overline{C}\overline{D}$	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	0	0
1101	$AB\overline{C}D$	_ <mark>1</mark>	1	_ <mark>1</mark>	0
1111	ABCD	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>
1110	$ABC\overline{D}$	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>	0	1
1010	$A \overline{B} C \overline{D}$	<mark>1</mark>	0	0	<mark>1</mark>
1011	$A \overline{B} C D$	1	0	1	<mark>1</mark>
1001	$A \overline{B} \overline{C} D$	1	0	1	0
1000	$A \overline{B} \overline{C} \overline{D}$	<mark>1</mark>	0	0	0

Grupo de 8 = 3 variables

Grupo de 4 = 4 variables

Grupo de 2 = 5 variables

$$S = A \overline{E} \overline{F} + B \overline{E} F + \overline{A} \overline{B} D E F + \overline{A} B D F$$
$$+ A B D F + A \overline{B} D E F$$
$$+ \overline{A} C E \overline{F} + A C E \overline{F}$$

$$S = A \overline{E} \overline{F} + B \overline{E} F + B D F + \overline{B} D E F + C E \overline{F}$$

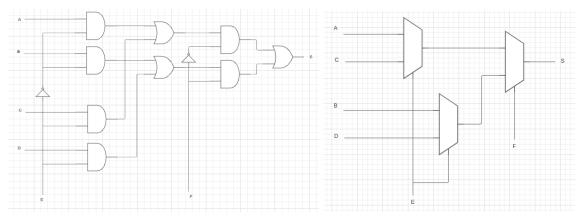
$$S = \overline{E} (A \overline{F} + B F) + D F (B + \overline{B} E) + C E \overline{F}$$

$$S = \overline{E} (A \overline{F} + B F) + D F (B + E) + C E \overline{F}$$

$$S = \overline{E} (A \overline{F} + B F) + E (C \overline{F} + D F) + B D F$$

$$S = \overline{E} (A \overline{F} + B F) + E (C \overline{F} + D F)$$

$$S = \overline{F} (A \overline{E} + C E) + F (B \overline{E} + D E)$$



EJERCICIO 13

X4	Х3	X2	X1	X0	Y4	Y3	Y2	Y1	Y0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	0	0		0
0	0	0	1	1	0	0	0	<u>1</u>	1
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	0	0	1	0	1
0	0	1	1	0	0	0	1		0
0	0	1	1	1	0	0	1	<u>1</u>	1
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1
0	1	0	1	0	0	1	0		0
0	1	0	1	1	0	1	0	<mark>1</mark>	1

0	1	1	0	0	0	1	1	0	0
0	1	1	0	1	0	1	1	0	1
0	1	1	1	0	0	1	1		0
0	1	1	1	1	0	1	1		1
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1		1	1	<mark>1</mark>	1
1	0	0	1	0		1	1		0
1	0	0	1	1	1	1	1	0	1
1	0	1	0	0		1	1	0	0
1	0	1	0	1	1	1	0	<mark>1</mark>	1
1	0	1	1	0	1	1	0	<mark>1</mark>	0
1	0	1	1	1	1	1	0	0	1
1	1	0	0	0	1	1	0	0	0
1	1	0	0	1	1	0	1	<mark>1</mark>	1
1	1	0	1	0	1	0	1	1	0
1	1	0	1	1	1	0	1	0	1
1	1	1	0	0	1	0	1	0	0
1	1	1	0	1	1	0	0	<mark>1</mark>	1
1	1	1	1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	1	1	1	0	0	0	1

Y4	X1 X0	00	01	11	10
X4		$\overline{X_1} \overline{X_0}$	$\overline{X_1} X_0$	$X_1 X_0$	$X_1 \overline{X_0}$
X3					
X2					
000	$\overline{X_4} \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	0	0	0
001	$\overline{X_4} \overline{X_3} X_2$	0	0	0	0
011	$\overline{X_4} X_3 X_2$	0	0	0	0
010	$\overline{X_4} X_3 \overline{X_2}$	0	0	0	0
110	$X_4 X_3 \overline{X_2}$	1	1	1	<mark>1</mark>
111	$X_4 X_3 X_2$	1	1	1	
101	$X_4 \overline{X_3} X_2$	1	1	1	<mark>1</mark>
100	$X_4 \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	1	1	<mark>1</mark>

Y3	X1 X0	00	01	11	10
X4		$\overline{X_1} \overline{X_0}$	$\overline{X_1} X_0$	$X_1 X_0$	$X_1 \overline{X_0}$
X3		1 0	1 0		1 0
X2					
000	$\overline{X_4} \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	0	0	0
001	$\overline{X_4} \overline{X_3} X_2$	0	0	0	0
011	$\overline{X_4} X_3 X_2$	1	1	1	1
010	$\overline{X_4} X_3 \overline{X_2}$	1	1	1	1
110	$X_4 X_3 \overline{X_2}$	<mark>1</mark>	0	0	0
111	$X_4 X_3 X_2$	0	0	0	0
101	$X_4 \overline{X_3} X_2$	1	<mark>1</mark>	_ <mark>1</mark>	<mark>1</mark>
100	$X_4 \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	1		<mark>1</mark>

Y2	X1 X0	00	01	11	10
X4		$\overline{X_1} \overline{X_0}$	$\overline{X_1} X_0$	$X_1 X_0$	$X_1 \overline{X_0}$
X3					
X2					
000	$\overline{X_4} \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	0	0	0
001	$\overline{X_4} \overline{X_3} X_2$	1	1	1	1
011	$\overline{X_4} X_3 X_2$	1	1	1	1
010	$\overline{X_4} X_3 \overline{X_2}$	0	0	0	0
110	$X_4 X_3 \overline{X_2}$	0	1	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>
111	$X_4 X_3 X_2$	1	0	0	0
101	$X_4 \overline{X_3} X_2$	_ <mark>1</mark>	0	0	0
100	$X_4 \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	1	<mark>1</mark>	<mark>1</mark>

Y1	X1 X0	00	01	11	10
X4		$\overline{X_1} \overline{X_0}$	$\overline{X_1} X_0$	$X_1 X_0$	$X_1 \overline{X_0}$
X3		- 0	- 0		1 0
X2					
000	$\overline{X_4} \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	0	1	<mark>1</mark>
001	$\overline{X_4} \overline{X_3} X_2$	0	0	1	<mark>1</mark>
011	$\overline{X_4} X_3 X_2$	0	0	1	<mark>1</mark>
010	$\overline{X_4} X_3 \overline{X_2}$	0	0	1	<mark>1</mark>
110	$X_4 X_3 \overline{X_2}$	0	_ <mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>
111	$X_4 X_3 X_2$	0	1	0	<mark>1</mark>
101	$X_4 \overline{X_3} X_2$	0	<mark>1</mark>	0	<mark>1</mark>
100	$X_4 \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	1	0	<mark>1</mark>

Y0	X1 X0	00	01	11	10
X4		$\overline{X_1} \overline{X_0}$	$\overline{X_1} X_0$	$X_1 X_0$	$X_1 \overline{X_0}$
Х3					
X2					
000	$\overline{X_4} \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	1	1	0
001	$\overline{X_4} \overline{X_3} X_2$	0	1	1	0
011	$\overline{X_4} X_3 X_2$	0	1	1	0
010	$\overline{X_4} X_3 \overline{X_2}$	0	1	1	0
110	$X_4 X_3 \overline{X_2}$	0	1	1	0
111	$X_4 X_3 X_2$	0	1	1	0
101	$X_4 \overline{X_3} X_2$	0	1	1	0
100	$X_4 \overline{X_3} \overline{X_2}$	0	1	1	0

$$y_0 = x_0$$

$$y_1 = \overline{x_4} x_1 + x_1 \overline{x_0} + x_4 \overline{x_1} x_0$$

$$y_2 = \overline{x_4} \, x_2 + x_4 \, \overline{x_2} \, (x_0 + x_1) + x_4 \, x_2 \, \overline{x_1} \, \overline{x_0}$$

$$y_3 = \overline{x_4} \, x_3 + x_3 \, \overline{x_2} \, \overline{x_1} \, \overline{x_0} + x_4 \, \overline{x_3} \, x_2 + x_4 \, \overline{x_3} \, (x_0 + x_1)$$

$$y_4 = x_4 \, (x_2 + x_3) + x_4 \, (x_0 + x_1) = x_4 \, (x_0 + x_1 + x_2 + x_3)$$

- El rango de valores de la entrada es [-15, 15], y el de la salida es [-16, 15].
- Para ambos casos se usan 5 bits, recordando que en Ca2 no hay doble cero.
- Como son 5 bits de salida, se requieren 5 funciones lógicas diferentes.

Se requiere evaluar 16 entradas (dos números de 8 bits). No es práctico usar K-Maps

Cuestión: Examine la función M, que indica igualdad. Un número será igual a otro solamente si ambos son iguales bit a bit. ¿Cómo se puede expresar esto en forma de función lógica en función de los bits de X e Y? Escriba la función lógica M que indique la igualdad.

Esto lo había hecho, mediante función XNOR con cada par de bit correspondiente.

Desgraciadamente, nuestro problema no termina en detectar la igualdad, y las comparaciones N y P son menos triviales, pero piense un segundo en la forma en la que usted compararía dos números para determinar cuál es mayor:

- 1. Comienzo mirando el dígito más alto de ambos.
- 2. Comparo los dígitos que miro.
 - a) Si uno de los dos es mayor que el otro, el número correspondiente es el mayor de los dos sin importar cuánto valgan los dígitos restantes.
 - b) Si en cambio ambos son iguales entonces la comparación no decide. En ese caso paso mi atención al dígito siguiente y repito desde el paso 2.
- Repito las veces que sea necesario o hasta acabar los dígitos. En este último caso los números son iguales.

Un algoritmo semejante permite decidir la minoridad.

Todo esto también ya lo había pensado!

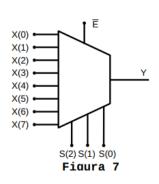
Una compuerta XOR con 2 entradas me tira un 1 si la cantidad de 1s en la entrada es impar (1).

Tenemos 16 bits de R a comparar, podemos usar R_{2k} XOR R_{2k+1} $k \in \mathbb{N}$ $0 \le k \le 15$

Luego aplicamos XOR entre pares de salidas de las XOR definidas anteriormente.

Y asi continuamos hasta quedarnos con una única salida, que usaremos con una ultima XOR junto a la entrada P. Si este ultimo resultado da 0 indica ERROR = 0 (paridad 0 XOR 0, 1 XOR 1)

EJERCICIO 16



E	S(2)	S(1)	S(0)	Υ
0				0
1	0	0	0	X(0)
1	0	0	1	X(1)
1	0	1	0	X(2)
1	0	1	1	X(3)
1	1	0	0	X(4) X(5)
1	1	0	1	X(5)
1	1	1	0	X(6)
1	1	1	1	X(7)

