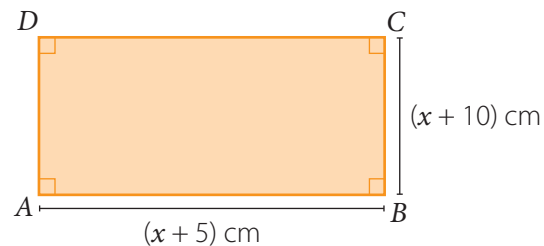


# Ecuación cuadrática

## 1. Lee la información y realiza las actividades.

El área del rectángulo  $ABCD$  es  $k$  y sus dimensiones son las siguientes:



- a. Determina si es posible que el área del rectángulo sea  $14 \text{ cm}^2$ . Explica tu razonamiento.

Se debe cumplir que  $(x + 5)(x + 10) = 14 \Rightarrow x^2 + 15x + 36 = 0$   
 $(x + 12)(x + 3) = 0$

Entonces las soluciones son  $x_1 = -3$  y  $x_2 = -12$ .

En el contexto del problema, la solución es  $x_1 = -3$ , ya que con este valor las medidas de los lados del rectángulo son 2 cm y 7 cm.

- b. Si el área del rectángulo es  $50 \text{ cm}^2$ , ¿son válidas ambas soluciones halladas? Justifica tu respuesta.

Se debe cumplir que  $(x + 5)(x + 10) = 50 \Rightarrow x^2 + 15x = 0$   
 $x(x + 15) = 0$

Entonces las soluciones son  $x_1 = 0$  y  $x_2 = -15$ .

Luego, como las longitudes deben ser positivas, solamente la solución  $x_1 = 0$  tiene sentido en el problema. En ese caso, los lados miden 5 cm y 10 cm.

- c. Determina qué restricción debe tener  $k$  para que al menos una de las soluciones sea un número real y justifica tu respuesta.

Se debe cumplir que  $(x + 5)(x + 10) = k \Rightarrow x^2 + 15x + 50 = k$   
 $x^2 + 15x + 50 - k = 0$

Para que haya al menos una solución real,  $(15)^2 - 4 \cdot (1) \cdot (50 - k) \geq 0$

Por lo tanto, la condición que debe cumplir  $k$  es:

$$4k \geq -225 + 200$$

$$k \geq -\frac{25}{4}$$

2. Dada una solución  $x_1 = 1$  para una ecuación de segundo grado y sabiendo que al aplicar la fórmula general con la solución positiva se obtiene:  $x_1 = \frac{-5 + \sqrt{25 - 8c}}{4} = 1$ , determina la ecuación cuadrática correspondiente.

$$\begin{aligned} \frac{-5 + \sqrt{25 - 8c}}{4} = 1 &\Rightarrow -5 + \sqrt{25 - 8c} = 4 \\ \sqrt{25 - 8c} &= 9 \\ 25 - 8c &= 81 \\ c &= -7 \end{aligned}$$

La ecuación cuadrática es  $2x^2 + 5x - 7 = 0$ .

3. Observa la siguiente ecuación cuadrática:

$$ax^2 + bx = 30$$

¿Qué valores deben tener los coeficientes  $a$  y  $b$  para que sus soluciones sean  $x_1 = 5$  y  $x_2 = -3$ ?

Para que  $x_1 = 5$  y  $x_2 = -3$  sean las soluciones de la ecuación se debe cumplir que:

$$\begin{aligned} (x - 5)(x + 3) &= 0 \Rightarrow x^2 - 2x - 15 = 0 & / \cdot 2 \\ 2x^2 - 4x - 30 &= 0 \\ 2x^2 - 4x &= 30 \end{aligned}$$

Entonces, los valores son  $a = 2$  y  $b = -4$ .

4.  Junto con un compañero evalúa si cada afirmación es verdadera (V) o falsa (F).

- ☐ F La ecuación  $x^2 - 17x + 72 = 0$  se puede resolver por la factorización  $(x - 8)(x + 9) = 0$ .
- ☐ F La ecuación  $x^2 - 100 = 0$  no se puede factorizar de la forma  $(x + a)(x + b) = 0$ , con  $a, b \in \mathbb{R}$ .
- ☒ V Al completar cuadrados en la ecuación  $x^2 + 5x - 8 = 0$ , se obtiene  $\left(x + \frac{5}{2}\right)^2 = \frac{57}{4}$ .
- ☐ F La ecuación  $x^2 + 38x + 357 = 0$  no se puede resolver factorizando.
- ☐ F La ecuación  $x^2 + 2x + 1 = 0$  tiene una única solución real.
- ☒ V La ecuación  $x^2 - 6x + 9 = 0$  se puede expresar como  $(x - 3)(x - 3) = 0$ .
- ☐ F La ecuación  $4x^2 + 4x + 16 = 0$  se puede expresar como  $(x + 4)(x - 4) = 0$ .