

# Conocimientos previos

1. Calcula el valor de las siguientes potencias:

a.  $(-3)^2$

$$(-3)^2 = 9$$

c.  $4^{-5}$

$$4^{-5} = \left(\frac{1}{4}\right)^5 = \frac{1}{1024}$$

e.  $\left(-\frac{3}{4}\right)^2$

$$\left(-\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{16}$$

b.  $-4^2$

$$-4^2 = -16$$

d.  $\left(\frac{2}{5}\right)^3$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^3 = \frac{8}{125}$$

f.  $-0,2^4$

$$-0,2^4 = \frac{-1}{625}$$

2. Aplica las propiedades de las potencias y expresa el resultado con una sola potencia.

a.  $\left(\frac{5}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{2}\right)^{-4}$

$$\left(\frac{5}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{2}\right)^{-4} = \left(\frac{5}{2}\right)^{-1} = \frac{2}{5}$$

c.  $\left(\frac{4}{5}\right)^{-5} \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^2$

$$\left(\frac{4}{5}\right)^{-5} \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \left(\frac{4}{5}\right)^{-3} = \left(\frac{5}{4}\right)^3$$

e.  $\left(\frac{3^{-2} \cdot 3^{-5} \cdot 3^3}{3^{-5} \cdot 3^4}\right)^3$

$$\left(\frac{3^{-2} \cdot 3^{-5} \cdot 3^3}{3^{-5} \cdot 3^4}\right)^3 = \left(\frac{3^{-4}}{3^{-1}}\right)^3 = (3^{-3})^3 = 3^{-9}$$

b.  $\left(\frac{3}{2}\right)^3 : \left(\frac{3}{2}\right)^{-5}$

$$\left(\frac{3}{2}\right)^3 : \left(\frac{3}{2}\right)^{-5} = \left(\frac{3}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^5 = \left(\frac{3}{2}\right)^8$$

d.  $\left(\frac{3^4 \cdot 3^2}{3^5}\right)^3$

$$\left(\frac{3^4 \cdot 3^2}{3^5}\right)^3 = \left(\frac{3^6}{3^5}\right)^3 = (3^1)^3 = 3^3$$

f.  $\left(\frac{7 \cdot 7^5 \cdot 7^{-2}}{7^{-2} \cdot 7^5}\right)^{-1}$

$$\left(\frac{7 \cdot 7^5 \cdot 7^{-2}}{7^{-2} \cdot 7^5}\right)^{-1} = \left(\frac{7^4}{7^3}\right)^{-1} = (7^1)^{-1} = 7^{-1}$$

3. Calcula el valor de las siguientes expresiones:

a.  $\sqrt{81 + 144}$

$$\sqrt{81 + 144} = \sqrt{225} = 15$$

b.  $\frac{\sqrt{196}}{\sqrt{8 + 8}}$

$$\frac{\sqrt{196}}{\sqrt{16}} = \frac{14}{4} = \frac{7}{2}$$

c.  $\frac{\sqrt{36} + \sqrt{64}}{\sqrt{49}}$

$$\frac{\sqrt{36} + \sqrt{64}}{\sqrt{49}} = \frac{6 + 8}{7} = \frac{14}{7} = 2$$

#### 4. Resuelve los siguientes problemas:

- a. Un tipo de bacteria se duplica cada 10 minutos. ¿Cuántas bacterias habrá luego de una hora si en un comienzo había 2 bacterias?

En una hora hay 6 periodos de 10 minutos.

Cada 10 minutos la cantidad de bacterias se duplica, por lo que se multiplica por 2.

La cantidad de bacterias después de una hora será:  $2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 2^6 = 64$  bacterias.

- b. El volumen de un cubo se calcula usando la fórmula  $V = a^3$ , en que  $a$  es la longitud de la arista del cubo. ¿Cuál es el volumen de un cubo cuya arista mide 8 metros?

Luego de 4 días, la cantidad de conejos que queda es:  $50\,000 \cdot 2^{(-4)} = \frac{50\,000}{16} = 3\,125$  conejos.

- c. En una fábrica se estudió el rebote de una pelota y se concluyó que la altura del rebote decrecía según potencias de 0,8; es decir, si se deja caer de 1 m de altura, el primer rebote medía 0,8 m de alto, el segundo medía  $(0,8)^2$  m, y así sucesivamente. ¿Cuántos rebotes debe dar para que la altura que alcance sea menor que 0,4 m?

Considerando  $(0,8)^n = h$ , en el que  $n$  es la cantidad de rebote y  $h$  la altura alcanzada.

Para determinar lo solicitado se puede emplea una tabla de valores como la siguiente:

0	1	2	3	4	5
$(0,8)^0 = 1$ m	$(0,8)^1 = 0,8$ m	$(0,8)^2 = 0,64$ m	$(0,8)^3 \approx 0,51$ m	$(0,8)^4 \approx 0,41$ m	$(0,8)^5 \approx 0,33$ m

Entonces, debe dar 5 o más rebotes para que la altura que alcance sea menor que 0,4 m.

#### 5. Evalúa el siguiente problema y su resolución:

Un criador de pollos tiene 100 polluelos. Se estima que la cantidad de polluelos se triplica cada 3 meses. ¿Cuántos polluelos habrá después de 1 año (12 meses)?

**Solución:**

1 año equivale a 4 períodos de 3 meses.

En cada período de 3 meses, la cantidad de polluelos se triplica.

Entonces, la cantidad de polluelos después de 1 año será:  $100 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 100 \cdot 3^3 = 2700$  polluelos.

- a. ¿Cuál es el error cometido?

El error en la solución es que se multiplica 3 veces por 3, cuando en realidad se debe multiplicar 4 veces, ya que hay 4 periodos de 3 meses en un año.

- b. ¿Cómo se puede corregir para obtener la respuesta correcta?

La cantidad de polluelos después de 1 año será:  $100 \cdot 3^4 = 100 \cdot 81 = 8\,100$  polluelos.