

Potencias y raíces

1. Identifica la propiedad que se representa en cada caso.

a. $a^{\frac{p}{q}} \cdot a^{\frac{r}{s}} = a^{\frac{p}{q} + \frac{r}{s}}$ Multiplicación de potencias de exponente racional con igual base.

b. $a^{\frac{p}{q}} : b^{\frac{p}{q}} = (a : b)^{\frac{p}{q}}$ División de potencias de exponente racional con igual exponente.

c. $a^{\frac{p}{q}} : a^{\frac{r}{s}} = a^{\frac{p}{q} - \frac{r}{s}}$ División de potencias de exponente racional con igual base.

d. $a^{\frac{p}{q}} \cdot b^{\frac{p}{q}} = (a \cdot b)^{\frac{p}{q}}$ Multiplicación de potencias de exponente racional con igual exponente.

2. Escribe cada multiplicación de potencias como una única potencia.

a. $9^{\frac{1}{2}} \cdot 9^{\frac{1}{4}}$

$$9^{\frac{1}{2}} \cdot 9^{\frac{1}{4}} = 9^{\frac{1}{2} + \frac{1}{4}} = 9^{\frac{2}{4} + \frac{1}{4}} = 9^{\frac{3}{4}}$$

b. $3^{\frac{1}{4}} \cdot 9^{\frac{1}{4}}$

$$3^{\frac{1}{4}} \cdot 9^{\frac{1}{4}} = (3 \cdot 9)^{\frac{1}{4}} = 27^{\frac{1}{4}}$$

3. Escribe cada división de potencias como una única potencia.

a. $\frac{9^{\frac{1}{2}}}{9^{\frac{1}{4}}}$

$$\frac{9^{\frac{1}{2}}}{9^{\frac{1}{4}}} = 9^{\frac{1}{2} - \frac{1}{4}} = 9^{\frac{2}{4} - \frac{1}{4}} = 9^{\frac{1}{4}}$$

c. $\frac{9^{\frac{1}{4}}}{9^{\frac{1}{2}}}$

$$\frac{9^{\frac{1}{4}}}{9^{\frac{1}{2}}} = 9^{\frac{1}{4} - \frac{1}{2}} = 9^{\frac{1}{4} - \frac{2}{4}} = 9^{-\frac{1}{4}}$$

b. $\frac{3^{\frac{1}{4}}}{9^{\frac{1}{4}}}$

$$\frac{3^{\frac{1}{4}}}{9^{\frac{1}{4}}} = \left(\frac{3}{9}\right)^{\frac{1}{4}} = \left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{1}{4}}$$

d. $\frac{9^{\frac{1}{4}}}{3^{\frac{1}{4}}}$

$$\frac{9^{\frac{1}{4}}}{3^{\frac{1}{4}}} = \left(\frac{9}{3}\right)^{\frac{1}{4}} = 3^{\frac{1}{4}}$$

4. ¿Es commutativa la división de potencias de exponentes racionales? Expliquen.

No es commutativa, ya que el orden en el que se dividen las bases o en que se restan los exponentes puede cambiar el resultado.