

## Calculando probabilidades con la distribución de Bernoulli

Nombre: \_\_\_\_\_ Curso \_\_\_\_\_

1. Completa la siguiente tabla. Para ello, guíate por el ejercicio resuelto.

Experimento	Variable $X$	Función de
En un curso de 12 mujeres y 16 hombres, se elige a un estudiante al azar. ¿Cuál es la probabilidad de elegir a una mujer?	$X = 0$ , si se elige un hombre. (Fracaso). $X = 1$ , si se elige una mujer. (Éxito).	$P(X = 0) = \frac{16}{28}$ $P(X = 1) = \frac{12}{28}$
En un control de calidad que analiza el pH de las mezclas de jabón producidas, el 90 % de ellas cumplen con la norma. Si se elige una de ellas al azar, ¿cuál es la probabilidad de que no cumpla con la norma?	$X = 0$ , _____ $X = 1$ , _____	$P(X = 0) =$ $P(X = 1) =$
En un juego se lanzan dos dados de seis caras y gana el jugador que obtiene una suma igual a 7. ¿Cuál es la probabilidad de ganar?	_____ _____	
¿Cuál es la probabilidad de obtener más de dos caras al lanzar cuatro monedas?	_____ _____	

2. Analiza las siguientes definiciones. Luego, completa.

Sea  $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  una variable aleatoria discreta y  $p(x_i)$ , su función de probabilidad. Entonces, su esperanza  $\mu_x$  y su varianza  $\sigma_x^2$  son:

$$E(X) = x_1 \cdot p(x_1) + x_2 \cdot p(x_2) + \dots + x_n \cdot p(x_n)$$

$$\sigma_x^2 = p(x_1) \cdot (x_1 - \mu)^2 + p(x_2) \cdot (x_2 - \mu)^2 + \dots + p(x_n) \cdot (x_n - \mu)^2$$

a. Demuestra que si una variable  $X$  se distribuye según Bernoulli, entonces  $\mu_x = p$ .

b. Demuestra que si una variable  $X$  se distribuye según Bernoulli, entonces  $\sigma_x^2 = p(1 - p)$ .

3. Analiza los siguientes experimentos de Bernoulli. Luego, determina su función de probabilidad y completa.

- a. Una urna tiene 10 bolitas, cada una marcada con un número del 1 al 10. Si se extrae una de ellas, ¿cuál es la probabilidad de que el número marcado sea mayor o igual que 6?

$X = 0$	(Fracaso)
$X = 1$	(Éxito)

$$f(x) = \begin{cases} \text{_____} & \text{si } x = 0 \\ \text{_____} & \text{si } x = 1 \\ 0, & \text{en cualquier otro caso.} \end{cases}$$

Esperanza:

Varianza:

- b. La probabilidad de que un ave enferma reaccione positivamente al inyectarle cierto antibiótico es 0,85. ¿Cuál es la probabilidad de que un ave reaccione negativamente al inyectarle ese antibiótico?

Esperanza:

Varianza:

4. Analiza el gráfico de la función de probabilidad de una distribución de Bernoulli.

- a. Determina la probabilidad de éxito  $p$  y la de fracaso  $q$ .

---



---

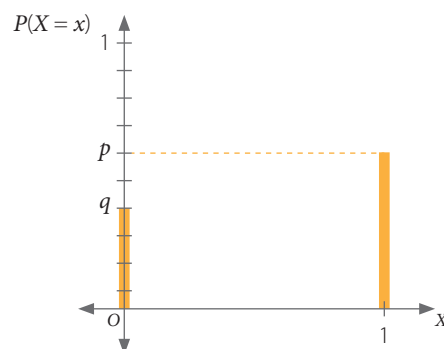
- b. Calcula la esperanza y la varianza de  $X$ .

---



---

Función de probabilidad de  $X$



5. Verifica las propiedades de la esperanza de una variable  $X$  con distribución de Bernoulli.

a. Si  $a \in \mathbb{R}$ , entonces  $\mu(aX) = a\mu(x)$ .

b. Si  $a \in \mathbb{R}$ , entonces  $\mu(X + a) = \mu(x) + a$ .

6. Analiza la siguiente situación y resuelve.

Una jugadora de fútbol ha anotado 10 de los 15 últimos lanzamientos penales.

a. Utiliza la probabilidad experimental para determinar la función de probabilidad de la variable aleatoria  $X$  definida como 0 si no marca y 1 si marca el próximo penal.

b. Si la jugadora se dispone a lanzar un penal, ¿podrías afirmar que logrará convertir un gol?

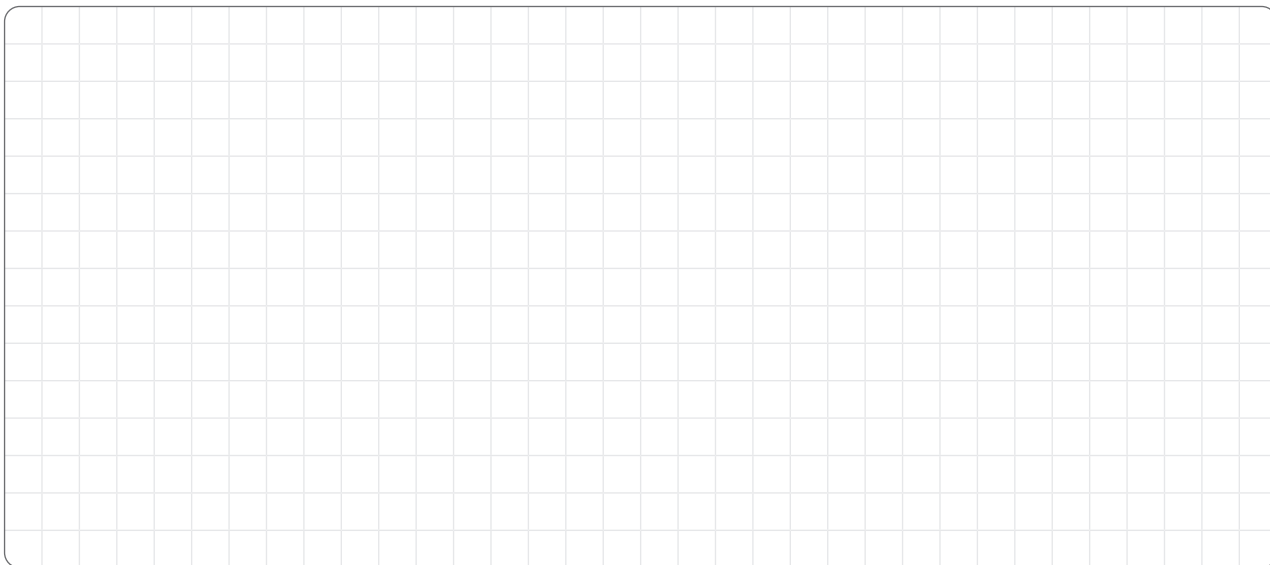
---

---

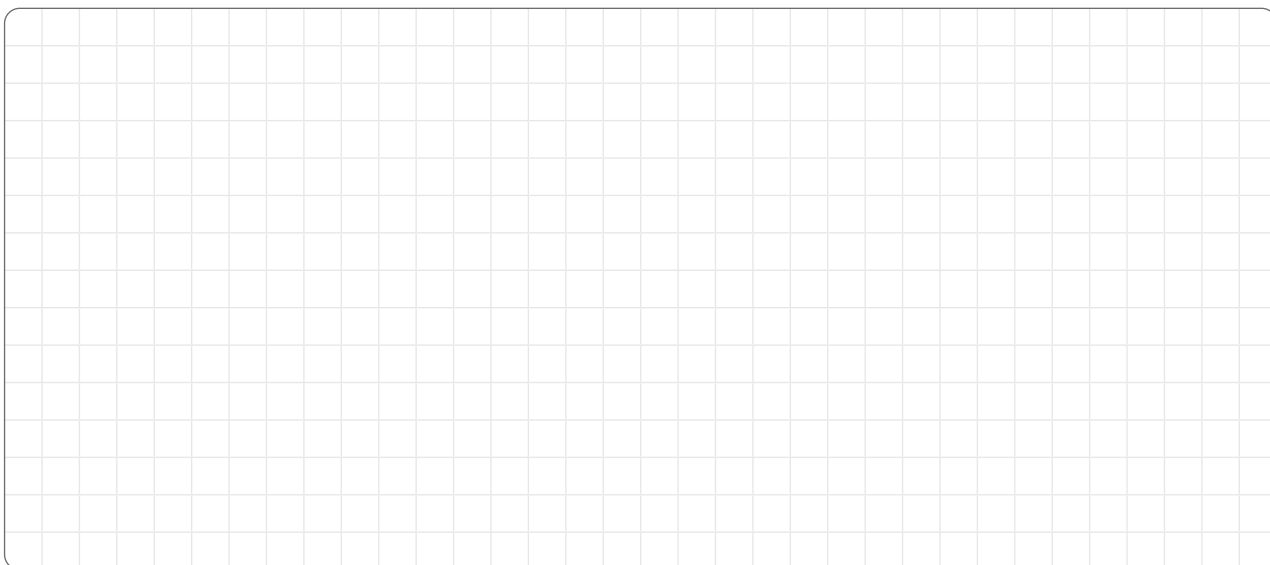
---

## 7. Resuelve los siguientes problemas.

- a. Determina la función de probabilidad de un juego de azar que se distribuye según Bernoulli si su esperanza es 0,4. ¿Participarías de ese juego?, ¿por qué?



- b. Tres máquinas envasan leche en polvo en bolsas de 1 kg. La probabilidad de que se envase esa cantidad es: máquina 1: 0,91; máquina 2: 0,97; máquina 3: 0,89. Determina una variable con distribución de Bernoulli para cada una de ellas y su varianza, para justificar cuál trabaja con mayor precisión.



### Reflexiona y responde

- ¿Qué fenómenos o actividades de tu entorno podrías modelar mediante la distribución de Bernoulli?
- ¿Qué actividad te gustó más?, ¿por qué?