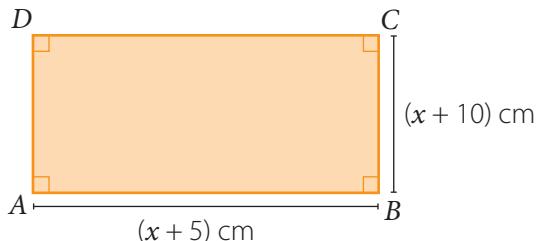


Ecuación cuadrática

1. Lee la información y realiza las actividades.

El área del rectángulo $ABCD$ es k y sus dimensiones son las siguientes:



- a. Determina si es posible que el área del rectángulo sea 14 cm^2 . Explica tu razonamiento.

Se debe cumplir que $(x + 5)(x + 10) = 14 \Rightarrow x^2 + 15x + 36 = 0$
 $(x + 12)(x + 3) = 0$

Entonces las soluciones son $x_1 = -3$ y $x_2 = -12$.
En el contexto del problema, la solución es $x_1 = -3$, ya que con este valor las medidas de los lados del rectángulo son 2 cm y 7 cm.

- b. Si el área del rectángulo es 50 cm^2 , ¿son válidas ambas soluciones halladas? Justifica tu respuesta.

Se debe cumplir que $(x + 5)(x + 10) = 50 \Rightarrow x^2 + 15x = 0$
 $x(x + 15) = 0$

Entonces las soluciones son $x_1 = 0$ y $x_2 = -15$.
Luego, como las longitudes deben ser positivas, solamente la solución $x_1 = 0$ tiene sentido en el problema.
En ese caso, los lados miden 5 cm y 10 cm.

- c. Determina qué restricción debe tener k para que al menos una de las soluciones sea un número real y justifica tu respuesta.

Se debe cumplir que $(x + 5)(x + 10) = k \Rightarrow x^2 + 15x + 50 = k$
 $x^2 + 15x + 50 - k = 0$

Para que haya al menos una solución real, $(15)^2 - 4 \cdot (1) \cdot (50 - k) \geq 0$
Por lo tanto, la condición que debe cumplir k es:
 $4k \geq -225 + 200$
 $k \geq -\frac{25}{4}$

2. Dada una solución $x_1 = 1$ para una ecuación de segundo grado y sabiendo que al aplicar la fórmula general con la solución positiva se obtiene: $x_1 = \frac{-5 + \sqrt{25 - 8c}}{4} = 1$, determina la ecuación cuadrática correspondiente.

$$\frac{-5 + \sqrt{25 - 8c}}{4} = 1 \Rightarrow -5 + \sqrt{25 - 8c} = 4$$

$$\sqrt{25 - 8c} = 9$$

$$25 - 8c = 81$$

$$c = -7$$

La ecuación cuadrática es $2x^2 + 5x - 7 = 0$.

3. Observa la siguiente ecuación cuadrática:

$$ax^2 + bx = 30$$

¿Qué valores deben tener los coeficientes a y b para que sus soluciones sean $x_1 = 5$ y $x_2 = -3$?

Para que $x_1 = 5$ y $x_2 = -3$ sean las soluciones de la ecuación se debe cumplir que:

$$(x - 5)(x + 3) = 0 \Rightarrow x^2 - 2x - 15 = 0 \quad / \cdot 2$$

$$2x^2 - 4x - 30 = 0$$

$$2x^2 - 4x = 30$$

Entonces, los valores son $a = 2$ y $b = -4$.

4.  Junto con un compañero evalúa si cada afirmación es verdadera (V) o falsa (F).

- a. F La ecuación $x^2 - 17x + 72 = 0$ se puede resolver por la factorización $(x - 8)(x + 9) = 0$.
- b. F La ecuación $x^2 - 100 = 0$ no se puede factorizar de la forma $(x + a)(x + b) = 0$, con $a, b \in \mathbb{R}$.
- c. V Al completar cuadrados en la ecuación $x^2 + 5x - 8 = 0$, se obtiene $\left(x + \frac{5}{2}\right)^2 = \frac{57}{4}$.
- d. F La ecuación $x^2 + 38x + 357 = 0$ no se puede resolver factorizando.
- e. F La ecuación $x^2 + 2x + 1 = 0$ tiene una única solución real.
- f. V La ecuación $x^2 - 6x + 9 = 0$ se puede expresar como $(x - 3)(x - 3) = 0$.
- g. F La ecuación $4x^2 + 4x + 16 = 0$ se puede expresar como $(x + 4)(x - 4) = 0$.