TFG

Beyond Traditional Frameworks for Modelling Learning Domains

Sergio Sancho Asensio

Director: Xavier Solé Beteta

Enginyeria i Arquitectura La Salle – Universitat Ramon Llull Quatre camins 2, 08022 Barcelona Is24029@salleurl.edu

Julio 2015

Motivaciones

- Hoy en día el personal docente debe invertir mucho tiempo y esfuerzo modelando el rendimiento académico del alumnado.
 - Realizar este proceso de forma manual es poco efectivo.
- Gracias a los nuevos avances en el diseño de los procesadores y las altas prestaciones ofrecidas por éstos, se ha incrementado el interés en el Aprendizaje Automático [Mitchell, 1997].
 - Se han aplicado técnicas tradicionales de Aprendizaje Automático en el campo docente y los resultados no son muy precisos.

Objetivos

Propósito

• El propósito del presente TFG es revisar el **estado del arte** en técnicas de Aprendizaje Automático con la finalidad de ayudar al cuerpo docente a **modelar** y **predecir** el rendimiento académico del alumnado.

Objetivos

- Revisar las principales técnicas del Aprendizaje Automático.
- Desarrollar un algoritmo Gradient Boosting y compararlo con otras técnicas.
- Aplicar Gradient Boosting a datos docentes con la finalidad de modelar al alumnado.

Tabla de contenidos

- Introducción
- Arboles de decisión
- Sistemas clasificadores avanzados
- 4 Experimentación
- Modelado del rendimiento académico de los alumnos
- Tiempo dedicado
- Conclusiones
- 8 Líneas de futuro
- Bibliografía

Introducción

Árboles de decisión
Sistemas clasificadores avanzados
Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

Líneas de futuro

Aprendizaje Automático

 El Aprendizaje Automático es una rama de la inteligencia artificial cuyo objetivo es desarrollar técnicas que permitan a las computadoras aprender con la finalidad de construir modelos descriptivos a partir de los datos, realizar predicciones, etcétera.

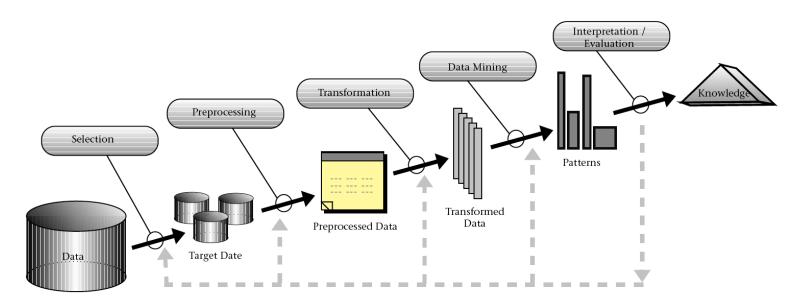


Figura 1.1: Ciclo de vida Knowledge Discovery Database según Fayyad et al. [1996].

Paradigmas



A. Supervisado

A. No Supervisado

A. Por Refuerzo

Clasificación

Regresión

Clustering Reglas de asociación

A. Perezoso (IBK)

Redes Neuronales (Back Propagation)

Modelos probabilísticos (Naive Bayes)

Máquinas de Soporte Vectorial (SMO)

Árboles de decisión (J48)

Técnicas más comunes supervisadas [Wu et al.,2007].

Introducción

Árboles de decisión

Sistemas clasificadores avanzados

Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

Líneas de futuro

Introducción a los árboles de decisión

 Un árbol es una estructura recursiva formada por un nodo raíz, nodos internos y nodos hoja.

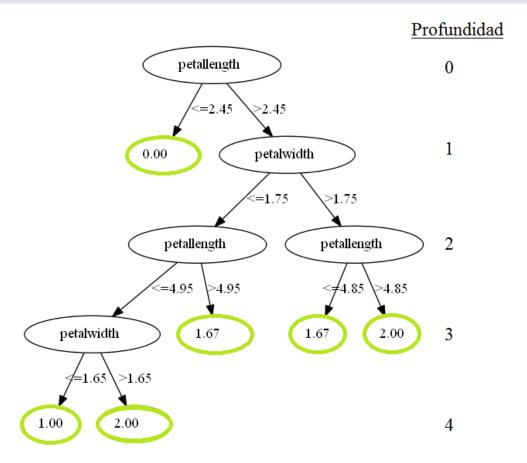


Figura 2.1: Árbol binario de regresión que modela el data set Iris [Bache and Lichman, 2013].

Ejemplo de construcción de un árbol binario de decisión (fase de entrenamiento).

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
2	3	\triangle
3	1	•
4	2	•
5	1	\triangle

Tabla 2.1: *Data set* de ejemplo con 5 instancias. Formado por los atributos X_1 , X_2 y la clase Y.

1. Ordenar el primer atributo de menor a mayor.

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
2	3	\triangle
3	1	•
4	2	•
5	1	\triangle

Tabla 2.1: Data set de ejemplo con 5 instancias. Formado por los atributos X_1 , X_2 y la clase Y.

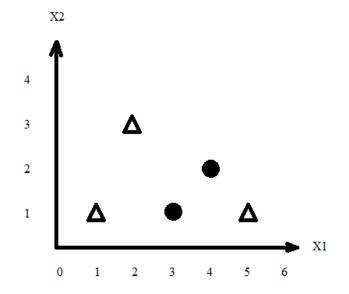


Figura 2.2: Representación gráfica del *data* set de ejemplo en función de X_1 y X_2 .

- Seleccionar criterio que defina el modo en que el modelo ha particionado los datos hasta el nodo hoja actual. Éste se denomina impureza y puede ser la ganancia en varianza, la entropía, el índice Gini, etcétera.
 - La ganancia en varianza es la heurística más común en regresión [Breiman et al., 1984]

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
2	3	\triangle
3	1	•
4	2	•
5	1	\triangle

Tabla 2.1: Data set de ejemplo con 5 instancias. Formado por los atributos X_1 , X_2 y la clase Y.

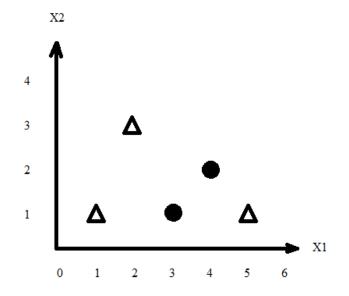


Figura 2.2: Representación gráfica del *data* set de ejemplo en función de X_1 y X_2 .

2. Calcular la varianza del atributo actual utilizando todo el *data set* (sin hacer partición).

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
2	3	\triangle
3	1	•
4	2	•
5	1	\triangle

Tabla 2.1: Data set de ejemplo con 5 instancias. Formado por los atributos X_1 , X_2 y la clase Y.

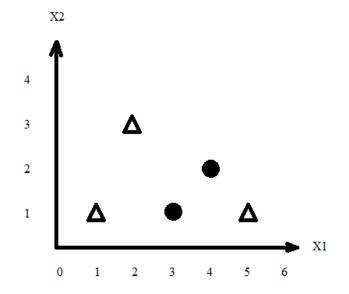


Figura 2.2: Representación gráfica del *data* set de ejemplo en función de X_1 y X_2 .

3. Calcular la varianza ejemplo a ejemplo del atributo actual guardando la mejor partición hasta el momento (la que contiene menos varianza). La heurística que se utiliza en el ejemplo es el promedio.

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
2	3	△ 2.5
3	1	• 2.5
4	2	• 4.5
5	1	Δ

Tabla 2.1: Data set de ejemplo con 5 instancias. Formado por los atributos X_1 , X_2 y la clase Y.

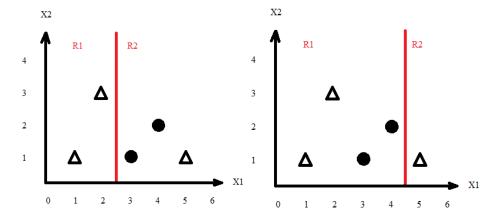


Figura 2.3: Candidatos al particionamiento de la variable.

- 4. Ordenar el siguiente atributo en orden ascendente.
- **5.** calcular la varianza de todo el atributo sin hacer partición utilizando todo el *data set*.

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
3	1	•
5	1	\triangle
4	2	•
2	3	\triangle

Tabla 2.2: *Data set* formado por los atributos X_1 , X_2 y la clase Y. Se han ordenado las instancias según el atributo X_2 .

6. Calcular varianza ejemplo a ejemplo utilizando el segundo atributo. En el ejemplo se ve claramente que se comete un error insalvable en la tercera región donde hay dos tipos de respuesta distintos.

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
3	1	•
5	1	Δ 4 5
4	2	1.5 2.5
2	3	Δ 2.5

Tabla 2.2: *Data set* formado por los atributos X_1 , X_2 y la clase Y. Se han ordenado las instancias según el atributo X_2 .

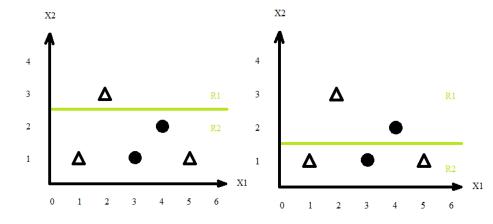


Figura 2.4: Candidatos al particionamiento de la variable.

7. Elegir aquella variable con menor varianza y generar dos particiones del *data* set inicial.

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
1	1	Δ
2	3	\triangle

Tabla 2.3: Primera partición del *data set*, no hay impureza. Se generará un nodo hoja directamente con una predicción del 100%.

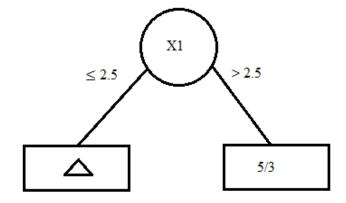


Figura 2.5: Primera etapa del árbol generado. Se trata de un árbol con profundidad 1 y con un nodo **hoja puro** (sin varianza). El valor de la partición es 2.5 y 5/3 es un valor numérico temporal e implica que de los cinco casos posibles quedan tres por diferenciar.

- A medida que se van generando nodos internos, se va particionando el espacio de búsqueda hasta que la impureza es mínima.
 - Impureza nula significa que la partición es perfecta

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
3	1	•93
4	2	• 4
5	1	\triangle

Tabla 2.4: Segunda partición del *data set*, en este caso hay impureza.

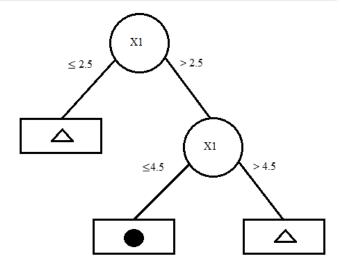


Figura 2.6: Segunda etapa (y final) del árbol generado. El árbol es **puro**, es decir, el acierto es del 100% y **ha descartado por completo el segundo atributo**, significa que éste no aporta nada.

- Se utilizan métodos para finalizar el proceso de la construcción del árbol basados en limitar:
 - El número de nodos
 - La profundidad del árbol
 - La pureza del árbol

Fase de predicción utilizando el data set del ejemplo anterior (ver tabla 2.1).

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
3	3	?

Tabla 2.5: Predicción de la clase $Y según X_1 y X_2$.

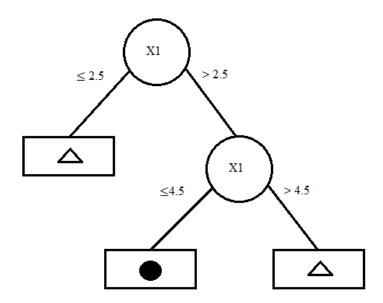


Figura 2.6: Etapa final del árbol generado.

Fase de predicción utilizando el data set del ejemplo anterior (ver tabla 2.1).

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
3	3	?

Tabla 2.5: Predicción de la clase $Y según X_1$ y X_2 .

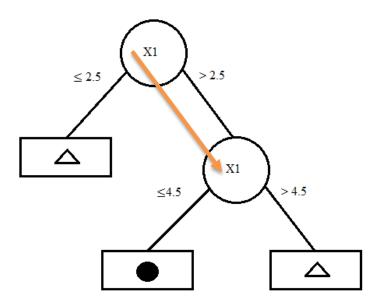


Figura 2.6: Etapa final del árbol generado.

Fase de predicción utilizando el data set del ejemplo anterior (ver tabla 2.1).

Atributo X_1	Atributo X_2	Atributo Y
3	3	

Tabla 2.5: Predicción de la clase $Y según X_1$ y X_2 .

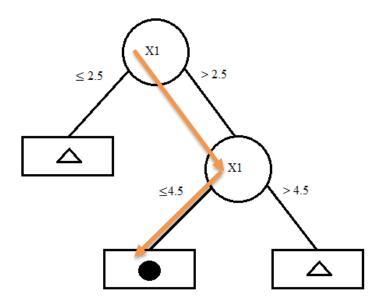


Figura 2.6: Etapa final del árbol generado.

Introducción Árboles de decisión

Sistemas clasificadores avanzados

Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

Líneas de futuro

Contexto

- Continuamente se están realizando investigaciones sobre nuevas técnicas que permitan obtener clasificadores más certeros, unas de las más utilizadas recientemente se denomina *Ensemble* [James et al. 2013]
- Los métodos *Ensemble* se caracterizan por combinar las predicciones de múltiples clasificadores obteniendo así una mayor precisión a uno individual, las dos familias más populares son *Bagging* y *Boosting*.
- **Gradient Boosting** es una técnica que pertenece a la familia *Boosting* de los métodos *Ensemble*. Es especialmente efectiva con **árboles binarios de regresión** como base [Friedman, 2000].

Introducción al Gradient Boosting

- Combinar múltiples weak learners (ligeramente mejores que una elección al azar) para producir un strong learner.
- Mejorar continuamente mediante los residuos (la salida de un weak learner se verá mejorada por el weak learner generado en la iteración siguiente).

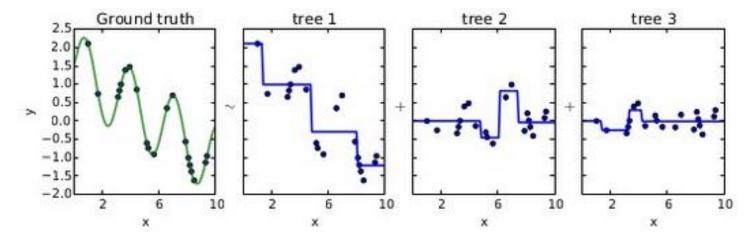


Figura 3.1: Técnica *Gradient Boosting* [Friedman, 2000]. La curva verde representa la función que se desea aproximar. Los puntos del primer árbol representan la salida real menos la obtenida, en el segundo representan la diferencia de la salida del primer árbol con la obtenida y en el tercero la diferencia entre la salida del segundo árbol y la obtenida.

Introducción al Gradient Boosting

• El residuo es la diferencia entre el valor real y el aproximado (loss-function).

$$L(y, F(x)) = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{\text{ins}} (y_k - \hat{y}_k)^2$$

Donde *ins* es el número de instancias.

 Los residuos se minimizan utilizando un gradiente. La idea es que estos residuos tiendan a cero (no haya error).

$$r_{im} = -\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)}$$

Donde instancia i = 1, ..., n y árbol m = 1, ..., M.

A la predicción se le denomina gamma.

$$\gamma = \eta \frac{c-1}{c} E$$

Donde η es el ratio de aprendizaje, c es el número de clases y E el valor esperado.

1. Mapear la clase a residuos.

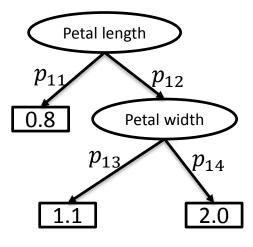
Sepal length	Sepal width	Petal length	Petal width	Clase	Residuo
5.1	3.5	1.4	0.2	(1) Iris-Setosa	[1,0,0]
7	3.2	4.7	1.4	(2) Iris-Versicolor	[0,1,0]
6.3	3.3	6	2.5	(3) Iris-Virginica	[0,0,1]
4.9	3	1.4	0.2	(1) Iris-Setosa	[1,0,0]

Tabla 3.1: Fragmento del *data set Iris* formado por cuatro instancias. Este *data set* está formado por los atributos *Sepal length, Sepal width*, *Petal length, Petal width* y la clase (*Iris-Setosa, Iris-Versicolor y Iris-Virginica*). La columna residuo mapea cada una de las clases (*one versus all*), convierte un problema de *n* clases en *n* problemas de una clase.

- 2. Generar un weak learner para cada clase, para cada weak learner:
- utilizar los residuos de la iteración anterior.
- calcular la gamma para cada nodo hoja.
- restar residuos para cada una de las clases.

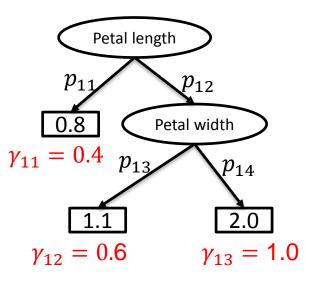
Ejemplo con tres árboles por clase, en este caso se modela la clase *Iris-Virginica*.

Residuos [0,0,1]



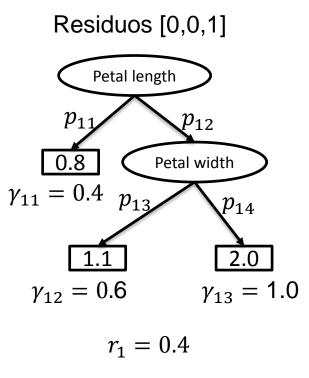
Se calculan las gammas para cada nodo hoja y los residuos según estas.

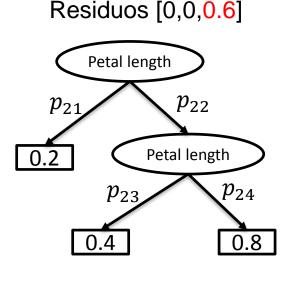
Residuos [0,0,1]



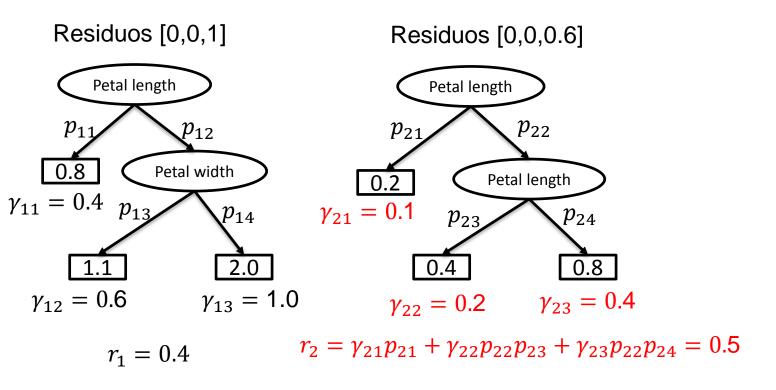
$$r_1 = \gamma_{11}p_{11} + \gamma_{12}p_{12}p_{13} + \gamma_{13}p_{12}p_{14} = 0.4$$

Se genera el segundo árbol según el nuevo residuo.

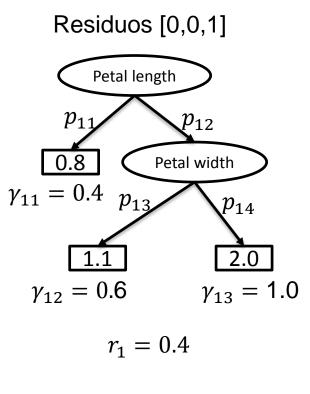


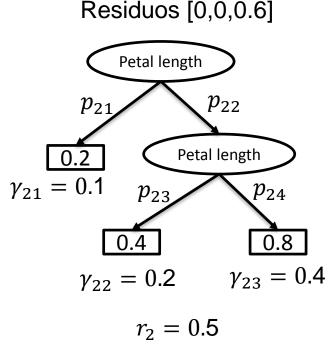


Se calculan las gammas para cada nodo hoja y los residuos según estas.

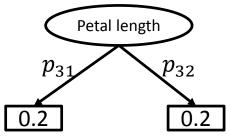


Se genera el tercer árbol según el nuevo residuo.

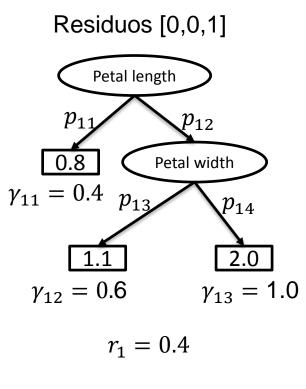


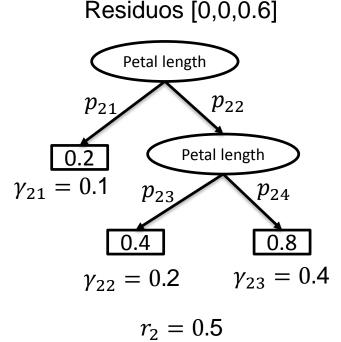


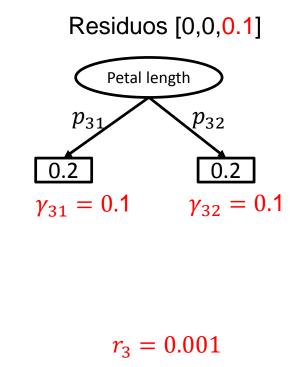
Residuos [0,0,<mark>0.1</mark>]



Se genera el tercer árbol según el nuevo residuo.



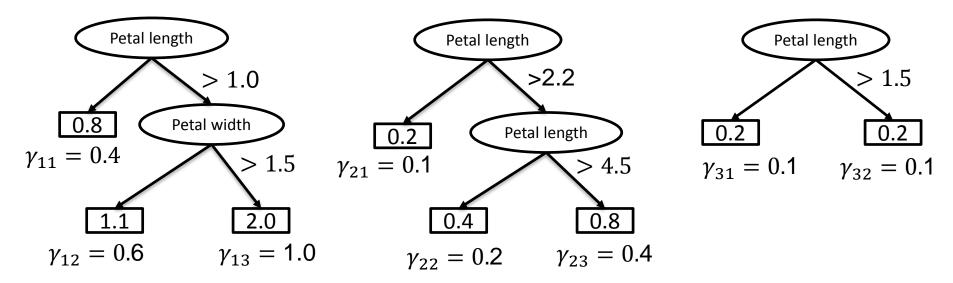




Sepal length	Sepal width	Petal length	Petal width	Clase
3	2	3	3	?

Tabla 3.2: Fase de predicción de *GBM*: Nueva instancia desconocido.

Ejemplo de predicción (en este ejemplo hay tres árboles por clase).

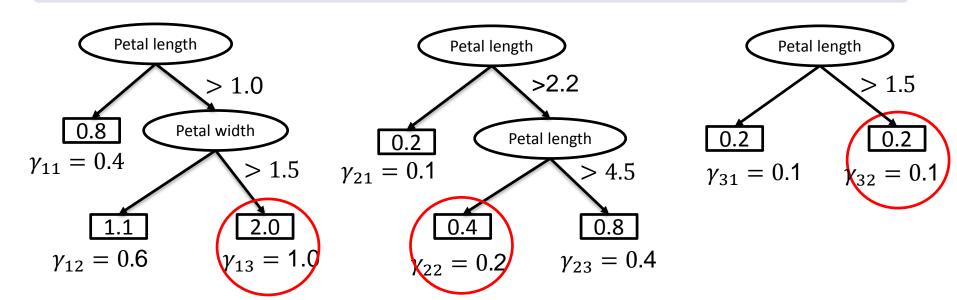


Árboles generados para la clase Iris-Virginica.

Sepal length	Sepal width	Petal length	Petal width	Clase
3	2	3	3	?

Tabla 3.2: Fase de predicción de GBM.

Se calcula la predicción para cada uno de los tres árboles por clase.



$$\gamma_{acumulada} = \gamma_{13} + \gamma_{22} + \gamma_{32} = 1.3$$

Softmax es una función matemática que convierte un número arbitrario a una probabilidad.

Clase	$\gamma_{acumulada}$	Softmax
Iris-Setosa	1.1	0.1
Iris-Versicolor	12.2	0.7
Iris-Virginica	1.3	0.2

Tabla 3.3: Resultados de las predicciones para las tres clases.

Sepal length	Sepal width	Petal length	Petal width	Clase
3	2	3	3	Iris-Versicolor

Tabla 3.4: Resultado de la predicción.

Introducción Árboles de decisión Sistemas clasificadores avanzados

Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

Matriz de confusión

 La matriz de confusión es una herramienta que indica que clases se están confundiendo.

	Iris-Setosa (Clasificado) Iris-Versicolor (Clasificado)		
Iris-Setosa (Pertenece) (P)	49 (VP)	1 (FP)	
Iris-Versicolor (Pertenece) (N)	6 (FN)	44 (VN)	

Tabla 4.1: Matriz de confusión, fragmento del *data set* de *Iris* con 100 instancias. Cada columna representa el número de predicciones de cada clase, mientras que cada fila representa a las instancias en la clase real.

Existen muchas medidas estadísticas para conocer el acierto del clasificador.
 La más común es la puntuación F o F Measure (F1) [García et al., 2008].

$$F1 = \frac{2VP}{2VP + FP + FN}$$

Validación cruzada y estadística

- La validación cruzada es una técnica estadística que permite evaluar la validez de un modelo, herramienta DCoL.
 - **stratified 10 fold cross validation**: parte un *data set* de entrada en 20 sub *data sets* donde la mitad se usan para entrenar y la otra mitad para predecir. Cada *fold* mantiene la misma proporción de instancias que el fichero original.
- La validación estadística es una técnica que genera un ranking y mide si hay diferencias significativas entre los algoritmos, herramienta SCI2S multiple test.

Comparativa con las técnicas tradicionales

Para llevar a cabo la experimentación:

- Se ha hallado una configuración que en general maximiza la precisión de los algoritmos de la comparativa.
- Se han elegido varios problemas de los repositorios *KEEL* [Alcalá-Fdez et al., 2011] y *UCI* [Bache and Lichman, 2013]. Se ha hallado la configuración que maximiza la precisión para cada uno de los algoritmos de la comparativa.

Data set	\mathbf{GBM}	IBK	\mathbf{SMO}	J48	NB
Auto Imports Database	84.48	66.95	68.95	84.05	55.45
BUPA Liver Disorders	69.66	62.50	42.85	65.85	54.25
Glass Identification Database	70.16	69.40	52.45	66.45	45.55
Heart Disease Data Set	77.51	81.85	82.90	74.05	83.15
Statlog (Heart) Data Set	79.15	78.35	83.45	78.80	83.85
Microcalcifications	66.37	65.60	65.40	61.85	64.85
The Monk's Problems	79.42	80.30	53.90	88.40	53.85
Pima Indians Diabetes Data Set	75.98	73.55	75.80	73.25	75.80
Lymphography Domain	84.51	81.10	87.05	77.95	83.65
Sonar, Mines vs. Rocks	84.26	83.05	76.70	71.90	67.40
Tao	88.83	96.40	83.95	95.45	80.80
Vehicle Silhouettes	70.37	70.35	72.90	71.50	42.85
Deterding Vowel Recognition Data	80.81	96.75	71.00	79.75	64.00

Tabla 4.2: Comparativa de algoritmos. Muestra los *data sets* en los que se hace la comparación y los resultados de la **puntuación** *F* en los algoritmos *GBM*, *IBK*, *SMO*, *J48* y *NB*.

Introducción
Árboles de decisión
Sistemas clasificadores avanzados
Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

Líneas de futuro

Procesado de los datos

• Los problemas del *UCI repository*, pese a ser problemas del mundo real, son utilizados como *benchmarks* y por ende el modelado de los datos de los datos no resulta excesivamente problemático.

Columna	Valores [Rango]
EXPEDIENTE	Numeral
EJERCICIO EC1	Numeral $[0,10]$ y NP
EJERCICIO EC2	Numeral $[0,10]$ y NP
MIDTERM	Numeral $[0,10]$ y NP
EJERCICIO EC3	Numeral $[0,10]$ y NP
EXAMEN FEBRERO	Numeral $[0,10]$ y NP

Tabla 5.1: Atributos del *data set* original. Se trata de un *data set* **real** con las notas del alumnado en una asignatura. Muestra los atributos del *data set* y su rango de valores.

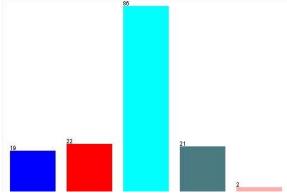


Figura 5.1: Diagrama de barras de la clase nominal del *data set* procesado. (Cyan: suspendido, azul marino: suficiente, rojo: bien, verde: notable y rosa: excelente)

Observaciones

- No tiene definido el atributo de salida.
- Es necesario un procesado para las notas NP (problema de representación, solución: añadir dummies).
- Las clases están desbalanceadas.

Procesado de los datos

Columna	Valores [Rango]
EJERCICIO EC1	Numeral [0,10]
EJERCICIO EC2	Numeral [0,10]
MIDTERM	Numeral [0,10]
EJERCICIO EC3	Numeral [0,10]
EXAMEN FEBRERO	Numeral [0,10]
NP EC1	Numeral [0,1]
NP EC2	Numeral [0,1]
MIDTERM	Numeral [0,1]
NP EC3	Numeral [0,1]
NP EXAMEN FEBRERO	Numeral [0,1]
CLASS	Nominal [SUSPENDIDO, SUFICIENTE, BIEN, NOTABLE, EXCELENTE]

Tabla 5.2: *Data set* procesado (primer experimento). Muestra los atributos del *data set* procesado y su rango de valores. Se ha eliminado el atributo *Expediente*, se ha modificado el rango de valores de cada atributo, se ha añadido la clase (la nota final de la asignatura) y por último los atributos que mapean los valores *NP* (*dummies*).

Primer experimento

Objetivos

- Configurar Gradient Boosting.
- Comprobar la eficacia de los dummies.

Clase a predecir

- Nota final de la asignatura, se trata de una combinación lineal de los otros atributos.
- $C = EF \cdot 0.6 + M \cdot 0.2 + EC \cdot 0.2$

Parámetro	Valor
Mínimo número de instancias para generar nodos hoja	4
Máximo número de nodos hoja	0
Profundidad máxima	1
Varianza mínima	0.000001
Número de árboles	10
Ratio de aprendizaje	0.1

Tabla 5.3: Configuración GBM para modelar el rendimiento del alumnado.

Data set	GBM	IBK	SMO	J48	NB
Notas alumnos sin dummies	70.19	57.00	57.60	41.80	56.50
Notas alumnos con dummies	86.98	75.20	72.80	79.00	74.80

Tabla 5.4: Comparativa entre *GBM*, *IBK*, *SMO*, *J48* y *NB* en el *data set* docente con y sin *dummies*.

Segundo experimento

- Objetivo
 - Modelar el rendimiento académico del alumnado.
- Clase a predecir
 - Nota del examen de febrero.
 - ¡Problema muy complejo!

Data set	GBM	IBK	SMO	J48	NB
Examen Febrero con dummies	75.99	43.50	47.40	45.80	52.00

Tabla 5.5: Comparativa de precisiones según la *medida F* de los distintos algoritmos (*GBM*, *IBK*, *SMO*, *J48* y *NB*) en el segundo experimento.

Arboles de decisión

Sistemas clasificadores avanzados

Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

Coste en horas

Fase	Tiempo dedicado (h)	Porcentaje (%)
Investigación	272	34.21
Diseño	131	16.48
Implementación	117	14.72
Documentación	205	25.79
Experimentación	70	8.80
Total	795	100

Tabla 6.1: Coste en horas del trabajo. Muestra la fase, el tiempo dedicado en horas y el porcentaje del proyecto en tanto por ciento.

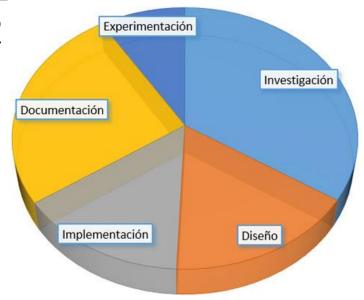


Figura 6.1: Desglose del tiempo dedicado en el presente Trabajo Final de Grado.

Introducción

Árboles de decisión

Sistemas clasificadores avanzados

Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

Conclusiones

Revisar las principales técnicas del Aprendizaje Automático.

- Existe un gran número de técnicas en el campo del Aprendizaje Automático y para cada una de ellas muchas variantes.
- El estado del arte son los métodos Ensemble.
- No hay una técnica mejor que otra para cualquier problema aunque los métodos Ensemble en general son más precisos.

Desarrollar un algoritmo Gradient Boosting y compararlo con otras técnicas.

- Elaborar una especificación de requisitos software y utilizar una metodología en espiral han resultado muy útiles de cara a diseñar el sistema.
- Combinar *C++* con un sistema operativo *Debian* y las herramientas *GDB, Valgrind* y *Gprof* es clave para obtener un rendimiento elevado.
- Automatización con Python ha resultado muy productiva.
- En la experimentación realizada *Gradient Boosting* resulta el algoritmo con mejor *ranking*.

Aplicar Gradient Boosting a datos docentes con la finalidad de modelar al alumnado.

- En general el procesado de los datos es la parte principal del proceso KDD.
- Gradient Boosting es una técnica muy robusta.
- Se ha logrado modelar al alumnado con precision.

Conclusiones

Fortalezas	Debilidades
- Precisión elevada.	- Facilidad en obtener sobre ajuste.
 Rapidez en generar modelos. 	- Puede ocupar mucho espacio en memoria.
- Rapidez en predecir.	debido a la gran cantidad de modelos que
- Relativamente interpretable.	se pueden utilizar.
 Pocos parámetros configurables. 	
- Paralelizable (para cada clase).	
Oportunidades	Amenazas
- El algoritmo de particionado de variables	- Es un algoritmo complejo que puede
se puede mejorar investigando otras técnicas	resultar difícil de implementar y esto
- Se puede tener en cuenta el peso de cada	puede ahuyentar a los practicantes.
atributo de manera simple.	- Existen algoritmos más simples que
- La función gamma puede ser calculada	dan un resultado similar.
con mayor precisión.	

Tabla 7.1: Análisis DAFO de Gradient Boosting.

Arboles de decisión

Sistemas clasificadores avanzados

Experimentación

Modelado del rendimiento académico de los alumnos

Tiempo dedicado

Conclusiones

- Paralelizar el algoritmo
 - librería OpenMP.
- Estudio de distintas técnicas para particionar las variables.
- Estudio de mecanismos de identificación de pesos distintos.
- Cálculo de la función *gamma* de una forma más eficaz.

Bibliografía

Tom Mitchell. *Machine Learning*. Prentice Hall, Pittsburgh, 1997. ISBN 0070428077

Usama Fayyad, Gregory Piatetsky-Shapiro, and Padhraic Smyth. *The kdd process for extracting useful knowledge from volumes of data*. Commun. ACM, 39(11):27–34, November 1996. ISSN 0001-0782. doi: 10.1145/240455.240464

Xindong Wu, Vipin Kumar, J. Ross Quinlan, Joydeep Ghosh, Qiang Yang, Hiroshi Motoda, Geoffrey McLachlan, Angus Ng, Bing Liu, Philip Yu, Zhi-Hua Zhou, Michael Steinbach, David Hand, and Dan Steinberg. *Top 10 algorithms in data mining. Knowledge and Information Systems*, 14:1–37, January 2007. ISSN 0219-1377

L. Breiman, J. Friedman, R. Olshen, and C. Stone. Classification and Regression Trees. Wadsworth and Brooks, Monterey, CA, 1984. ISBN 0534980538

Bibliografía

G. James, D. Witten, T. Hastie, and R. Tibshirani. *An Introduction to Statistical Learning: with Applications in R. Springer Texts in Statistics*. Springer, 2013. ISBN 9781461471387

Jerome H. Friedman. *Greedy function approximation: A gradient boosting machine*. Annals of Statistics, 29:1189–1232, 2000.

S. García, A. Fernández, J. Luengo y F. Herrera. A study of statistical techniques and performance measures for genetics-based machine learning: accuracy and interpretability. Soft Computing, 13(10): 959-977, 2009.

Stephen K. Bache and Moshe Lichman. *UCI machine learning repository*, 2013. URL http://archive.ics.uci.edu/ml.

TFG

Beyond Traditional Frameworks for Modelling Learning Domains

Sergio Sancho Asensio

Director: Xavier Solé Beteta

Enginyeria i Arquitectura La Salle – Universitat Ramon Llull Quatre camins 2, 08022 Barcelona Is24029@salleurl.edu

Julio 2015