Proyección de poblaciones carcelarias en Colombia

SERGIO DAVID SOLANO BEJARANO INGENIERO INDUSTRIAL



Universidad Nacional de Colombia Facultad de Ciencias Departamento de Estadística Bogotá, D.C. Abril de 2017

Proyección de poblaciones carcelarias en Colombia

SERGIO DAVID SOLANO BEJARANO INGENIERO INDUSTRIAL

DISERTACIÓN PRESENTADA PARA OPTAR AL TÍTULO DE MASTER EN CIENCIAS - ESTADÍSTICA

DIRECTOR B. PIEDAD URDINOLA CONTRERAS, Ph.D. DOCTOR EN DEMOGRAFÍA

LÍNEA DE INVESTIGACIÓN Demografía



Universidad Nacional de Colombia Facultad de Ciencias Departamento de Estadística Bogotá, D.C. Abril de 2017

Título en español

Proyección de poblaciones carcelarias en Colombia

Title in English

Prison populations projections for Colombia

Resumen: Se realizan proyecciones de la población carcelaria en Colombia, usando la información disponible para los años 1991-2017. La información publicada periodicamente no incluye las tasas de transición (ingreso y salida) del sistema, por esta razón se eligen trés métodos que permiten realizar la proyección a partir de la población observada. Los métodos utilizados son: modelos demográficos para poblaciones pequeñas, modelos ARIMA, y modelos Estado-Espacio. Se comprara el ajuste de cada modelo, sus ventajas y desventajas.

Abstract: Projections of the prison population in Colombia are made, considering available data from 1991-2017. Monthly released data does not include admission or release rates, so we use three methodos that work over the total population. The considered methods are: Demographical methods for subnational populations, ARIMA Models, and State-Space Models. We compare the fit of the three models, their advantages and disadvantages.

Palabras clave: Poblaciones carcelarias, series de tiempo, procesos SARIMA, Modelos Estado Espacio, Poblaciones pequeñas

Keywords: Prison populations, time series, SARIMA processes, State Space Models, Subnational Populations

Nota de aceptación

Trabajo de tesis Aprobado

"Mención Meritoria o Laureada"

Jurado Jurado uno

Jurado dos

Director

B. Piedad Urdinola

Dedicado a

Este documento está dedicado a Hercilia Bejarano, mi madre.

Agradecimientos

Agradezco a Piedad, paciente directora de tesis, por su colaboración; a mis compañeros de estudio: Julian, Jennifer y Ángela; y a Alanis, por supuesto.

Índice general α

ln	dice general	1
Ín	dice de tablas	III
Ín	dice de figuras	IV
In	troducción	VI
1.	Antecedentes teóricos	1
	1.1. Proyecciones de población	. 1
	1.1.1. Proyección de poblaciones pequeñas	. 2
	1.1.2. Aplicaciones nacionales e internacionales	. 2
	1.2. Series de tiempo	. 3
	1.2.1. Modelos ARIMA	. 4
	1.2.2. Modelos Estado-Espacio	. 4
2.	La población carcelaria en Colombia 1991 - 2017	6
	2.1. Análisis exploratorio	6
	2.2. El sistema penitenciario en Colombia	. 7
	2.3. Identificación del modelo	. 7
3.	Modelos SARIMA	9
	3.1. Identificación del modelo	. 9
	3.2. Estimación de parámtetros	. 13
	3.3. Proyección	. 28
	3.4. Discusión	30
4.	Métodos demográficos para poblaciones pequeñas	32

ÍNDICE GENERAL	II
----------------	----

	4.1.	Censal ratio	34
	4.2.	Población privada de la libertad por rango de edad Febrero 2016 a Febrero 2018	36
	4.3.	Proyecciones Censal Ratio	42
	4.4.	Discusión	46
5 .	Mo	delos estado-espacio	47
	5.1.	Población privada de la libertad 2013-2016 por delito	47
	5.2.	Selección de Software	51
	5.3.	Identificación del modelo	51
	5.4.	Estimación de parámetros	52
	5.5.	Proyecciones 2017 - 2020	53
	5.6.	Discusión	54
Co	onclu	isiones	55
Tr	abaj	o futuro	56
Bi	bliog	grafía	57

Índice de tablas

3.1.	Comportamiento de la ACF y PACF en modelos ARMA(p,q) [21]	12
3.2.	Comparación de criterios de información	14
3.3.	Parámetros del modelo $(3,2,1,0,0,2)$	14
3.4.	Parámetros del modelo $(1,2,1,0,0,2)$	14
3.5.	Comparación de criterios de información	19
3.6.	Parámetros del modelo $(0,1,1,0,0,1)$	19
3.7.	Comparación de criterios de información	24
3.8.	Parámetros del modelo $(1,1,1,0,0,1)$	24
4.1.	Proyección de la población carcelaria vs real	44
5.1.	Parámetros estimados hurto hombres	52
5.2.	Provección a treinta y seis meses hurto hombres	54

Índice de figuras

2.1.	Población privada de la libertad 1991 - 2017	6
2.2.	Tasa de encarcelamiento según genero 1991 - 2017 \hdots	7
2.3.	Población carcelaria por situación jurídica	8
3.1.	Variación inter-mensual de población carcelaria	9
3.2.	Descomposición de la variación inter-mensual de población carcelaria total $$.	10
3.3.	Descomposición de la variación inter-mensual de población carcelaria total $$.	11
3.4.	Descomposición de la variación inter-mensual de población carcelaria total $$.	11
3.5.	Autocorrelación parcial de la variación inter-mensual	12
3.6.	Diagnóstico del sarima $(1,1,1)(0,0,2)$, población total	15
3.7.	Diagnóstico del sarima $(1,1,1)(0,0,1)$, población total	16
3.8.	Diagnóstico del sarima $(3,2,1)(0,0,2)$, población total	17
3.9.	Diagnóstico del sarima $(1,2,1)(0,0,2)$, población total	18
3.10.	Diagnóstico del sarima $(1,1,1)(0,0,1)$, población sindicada	20
3.11.	Diagnóstico del sarima $(2,1,1)(0,0,1)$, población sindicada	21
3.12.	Diagnóstico del sarima $(0,1,2)(0,0,1)$, población sindicada	22
3.13.	Diagnóstico del sarimfa $(0,1,2)(0,0,0)$, población sindicada	23
3.14.	Diagnóstico del sarima $(1,1,1)(0,0,1)$, población condenada	25
3.15.	Diagnóstico del sarima $(2,1,1)(0,0,1)$, población condenada	26
3.16.	Diagnóstico del sarima $(0,1,2)(0,0,1)$, población condenada	27
3.17.	Diagnóstico del sarima $(0,1,2)(0,0,0)$, población condenada	28
3.18.	Proyección de la población carcelaria total	29
3.19.	Proyección de la población carcelaria sindicada	29
3.20.	Proyección de la población carcelaria condenada	30
4.1.	Proyección de la población nacional por rango de edad	33

4.2.	Piramide poblacional, población privada de la libertad, Junio - 2017	36
4.3.	Población privada de la libertad. Febrero-2016 a Febrero-2018	37
4.4.	Población privada de la libertad. Febrero-2016 a Febrero-2018	38
4.5.	Población privada de la libertad. Febrero-2016 a Febrero-2018	39
4.6.	Población privada de la libertad. Febrero-2016 a Febrero-2018	40
4.7.	Tasa de específica de encarcelamiento. Junio-2017	41
4.8.	Tasa específica de encarcelamiento. Junio-2016, Junio -2017	42
4.9.	Población privada de la libertad. 2005-2020	43
4.10	. Población privada de la libertad. 2005-2020	45
4.11	. Población privada de la libertad. 2005-2020	45
5.1.	Población carcelaria promedio por delito genero Octubre 2013-Diciembre 2016	48
5.2.	Evolución de la población carcelaria masculina, Octubre 2013-Diciembre 2016	49
5.3.	Evolución de la población carcelaria femenina, Octubre 2013-Diciembre 2016	50
5.4.	Población sindicada y condenada por hurto, hombres	52
5.5.	Población carcelaria promedio por delito genero Octubre 2013-Diciembre 2016	53

Introducción

La población carcelaria es el grupo poblacional que se encuentra privado de la libertad en una institución penitenciaria. Dentro de esta población, a aquellos a la espera de juicio se les denomina sindicados, y condenados a quienes están cumpliendo una sentencia.

En Colombia el INPEC (Instituto Nacional Penitenciario y Carcelario), que "es la institución pública administradora del sistema penitenciario y carcelario del país" [13], publica periódicamente la serie histórica de población carcelaria, que da cuenta de la población al cierre de cada mes desde 1991 hasta la fecha, separada por situación judicial (sindicados, condenados) y género.

Con base en estos datos el CONPES 3828 anota que "el promedio anual de crecimiento de la Población Privada de la Libertad (PPL) entre 1993 y 2014 fue de 9,43 % para la población condenada y 4,91 % para la sindicada" [7]. Ambas tasas están muy por encima del 1,35 % anual, crecimiento poblacional nacional estimado por el DANE para 1993 a 2014 [6]. El aumento por encima de la población nacional sugiere dinámicas de crecimiento diferentes al resto de la población.

De otra parte el mismo documento observa que "en el período 1993-2014 la proporción de cupos habilitados creció en 173,59 %, mientras la población privada de la libertad (PPL) creció en un 315,39 %" [7]. El crecimiento acelerado de la población carcelaria, por encima de la oferta de cupos implica un incremento del hacinamiento, lo que a su vez podría incidir en problemas de salud y de orden al interior de las instituciones carcelarias.

El CONPES 3828 de 2015 realiza, además, proyecciones de la población carcelaria a través de un modelo de crecimiento exponencial con tasa de crecimiento de 7,23 % anual. Este tipo de modelos, aunque ampliamente usados en proyecciones de población, no resulta conveniente cuando la tasa de crecimiento no es estable a través del tiempo y depende de variables exógenas como: la población nacional, su estructura etaria, las características del sistema penitenciario y del sistema judicial.

En este contexto resulta necesario contar con proyecciones de la población carcelaria en diferentes escenarios, para determinar la necesidad de cupos en el corto y mediano plazo. Tales proyecciones deben tener en cuenta las dinámicas propias del sistema carcelario y deben permitir estimar el impacto de modificaciones a la política criminal y carcelaria, de forma que permitan una mejor planeación de la cantidad y/o tamaño de los centros carcelarios. Swanson(2012) revisa los métodos de proyección para áreas pequeñas, abordando también las poblaciones especiales y específicamente la población carcelaria.[23]

Las poblaciones que se estiman y proyectan a un nivel menor que el nacional se conocen como poblaciones pequeñas (ciudad, departamento, etc...). Dentro de las poblaciones

pequeñas se encuentran poblaciones especiales que "se localizan en un área especial por una acción legislativa o administrativa". [23]. La población carcelaria es un tipo de población especial cuyos componentes: nacimientos y defunciones no necesariamente siguen los patrones biológicos que dan vida al modelo exponencial y requieren el uso de técnicas diferentes que permitan un mejor ajuste.

Las series de población carcelaria disponibles para Colombia son mediciones de la población al cierre de mes, agrupada por situación judicial y género. Los proyecciones de población suelen incluir las tasas de nacimiento, migración y mortalidad. En el caso de las poblaciones carcelarias, los equivalentes serían la tasa de ingreso al sistema, la tasa a la que son juzgados, la mortalidad y la duración de las penas, que determina la tasa de salida de los condenados. En el caso de Colombia estos datos no se publican periódicamente, por lo tanto el modelo debe permitir estimar las tasas no observadas. Adicionalmente, estas tasas no son constantes a través del tiempo, pues dependen de la estructura del sistema judicial y del sistema carcelario.

Este trabajo pretende realizar proyecciones de población carcelaria de corto y mediano plazo, comparando los modelos de: series de tiempo, modelos estado espacio y métodos de proyección de poblaciones pequeñas.

El objetivo de este documento es generar proyecciones de población privada de la libertad, para Colombia, a partir de los datos históricos del periodo 1991-2017.

- Proyectar la población carcelaria usando los métodos demográficos para áreas pequeñas.
- Proyectar el comportamiento de la población carcelaria a través de series de tiempo SARIMA.
- Aplicar modelos estado espacio para estimar las tasas de transición, cuando: son no observadas, varían en el tiempo y tienen correlación con variables exógenas.
- Comparar el ajuste de los tres métodos.

CAPÍTULO 1

Antecedentes teóricos

En 2016 Colombia ocupó el puesto catorce entre doscientos cincuenta y un paises por el tamaño de su población carcelaria (120 914 hbts.) y el cincuenta y uno según la tasa de encarcelamiento (240 por cada 100.000 hbts). Tasa que pasó de 51,5 en el año 2000 a 240 por cada 100.000 hbts en 2016. Con una ocpación del 154 % de las plazas disponibles, resulta relevante contar con proyecciones de la población carcelaria en el corto, mediano y largo plazo.[12]

1.1. Proyecciones de población

"Una estimación poblacional consiste en determinar el tamaño o las características de una población, para el momento actual o para uno anterior, en ausencia de información. Cuando se realizan un conjunto de supuestos sobre el comportamiento de los vitales hacia el futuro, hablamos de proyección, y cuando se escoge un escenario como el más probable, hablamos de pronóstico" [23].

Para incluir la incertidumbre en las proyecciones de población Lee enumera los siguientes métodos [15]:

• El enfoque de escenarios alto, medio y bajo: Asume comportamientos fijos para la fertilidad, la mortalidad y las migraciones durante el período de proyección, basado en algunos supuestos [15].

• Análisis estocásticos

- Análisis ex-post: consiste en evaluar el error de pronóstico en proyecciones anteriores y aplicarlo a las nuevas proyecciones [15].
- Simulación estocástica: Permite hacer proyecciones de población, al asignar una distribución de probabilidad a las tasas vitales (mortalidad, natalidad, migraciones) [15].
- Modelos estocásticos de la tasa de crecimiento: Consiste en estimar la tasa de crecimiento del total de la población; aunque permite estimar intervalos de confianza, no permite separar la proyección de las tasas vitales, ni de las franjas etarias [15].

Matrices de Leslie con modelos estimados para las tasas vitales: Al usar matrices de Leslie se estima la población por rangos etarios para un instante i, y se calcula la población en el instante i + 1 aplicando la natalidad y la mortalidad proyectadas para el período i. Puesto que las series de población carcelaria no se publican separadas por edad, no se abordará esta técnica.

1.1.1. Proyección de poblaciones pequeñas

La proyección de áreas pequeñas es entendida como la proyección a un nivel geográfico menor al nacional. Estas proyecciones pueden incluir, departamentos, ciudades o poblaciones especiales [23]. "Una población especial es un grupo poblacional que se encuentra restringido a un área por una medida administrativa o legislativa. Dentro de los grupos usualmente considerados se encuentran las prisiones, universidades, hospitales e instituciones militares". Este tipo de población puede tener una estructura etaria y de sexo, y unos vitales diferentes al resto de la población; además no suelen envejecer en el mismo lugar, lo que permite mantener una estructura etaria que no varía a través del tiempo. [23].

1.1.2. Aplicaciones nacionales e internacionales

Las proyecciones de poblaciones carcelarias oficiales analizadas corresponden, en buena parte, a los métodos expuestos en los capítulos anteriores: Proyecciones por escenarios, proyección de la tasa de crecimiento, modelos ARIMA para las tasas de ingreso y salida.

En Colombia (CONPES 3828) se proyectó la población carcelaria usando la tasa media de crecimiento anual (1993-2014) [7]. Esta proyección no tiene en cuenta la incertidumbre asociada con las variaciones aleatorias en las tasas, ni las asociadas a cambios estructurales, ni que son una población especial, con patrones muy distintos a los del resto de la población [23].

El Reino Unido hasta 2015 realizaba una proyección por escenarios (alto, medio y bajo), año en el cual cambió a un modelo de proyección de la media y su incertidumbre. La incertidumbre se incluyó a través de un análisis ex-post, de la desviación de la proyección en años anteriores [14].

El departamento de Justicia de los Estados Unidos realizó estimaciones de la población carcelaria por estado para el período 2013-2014. Las estimaciones parten del censo de prisiones 1993-2014. Estas proyecciones se puede enmarcar dentro de las proyecciones de áreas pequeñas [17].

El bureau de estadísticas e investigación del crimen en Australia proyecta las tasas de arresto y sentencia usando modelos ARIMA; a partir de estas tasas proyecta la población carcelaria. Estas proyecciones incluyen un período de validación de tres años. Los resultados mostraban que la serie real se encuentra dentro de los intervalos de confianza de la proyección, cercano a la proyección de la media [25].

Blummstein desarrolla un método de proyección basado en los componentes demográficos, tasas específicas de arresto por delito y reincidencias, a partir de estos datos proyecta el tamaño y la composición de las poblaciones [1].

Con los datos libres disponibles en Colombia no se podría utilizar el enfoque ARIMA ni el método de Blummstein, pues las tasas de encarcelamiento y sentencia no se publican. La tesis busca proponer un método de proyección, para situaciones donde no se cuenta con el registro de los vitales o su equivalente en la población analizada, en este escenario resulta conveniente usar las series ARIMA sobre la series de población sindicada y población sindicada, y los modelos estado-espacio para la serie bivariada. Se proponen los métodos demográficos de estimación para áreas pequeñas Censal-ratio y Ratio-Correlation, y su contraste con las metodologías ARIMA y Estado-Espacio que a diferencia de los métodos demográficos mencionados incorporan una medida de incertidumbre.

1.2. Series de tiempo

Una serie de tiempo es un conjunto de observaciones x_t asociadas a un instante de tiempo t. Es usual referirse como series de tiempo, tanto a las realizaciones x_t como a las variables aleatorias X_t que las generan.[4]

En una regresión lineal clásica, una variable Y es explicada o predicha en función de una variable X. La diferencia entre el valor observado y_i y el valor predicho se suponen provenientes de un proceso aleatorio con media cero. [5]

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + \epsilon_i \tag{1.1}$$

Donde $\{\epsilon_1, \epsilon_2, ...\}$ son independientes e idénticamente distribuidas (i.i.d.). Es posible representar una serie de tiempo en esta forma, tomando como variable explicativa el tiempo. Sin embargo, el análisis de series de tiempo se ha desarrollado como un área particular de la estadística, pues es este supuesto no suele cumplirse, enfocándose particularmente en variables aleatorias dependientes, que pueden ser representadas en la forma [4]:

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 Y_1 + \beta_2 Y_2 + \dots + \beta_{i-1} Y_{i-1} + \epsilon_i \tag{1.2}$$

Para medir la dependencia entre las observaciones recurrimos a la función de autocovarianca y a la función de autocorrelación. La función de autocovarianza se define como:

$$\gamma(h, h+k) = cov(x_h, x_{h+k}) = E[(x_h - \mu_h)(x_{h+k} - \mu h + k)]$$
(1.3)

para todo h y k mayor a cero. La autocovarianza mide la dependencia lineal entre dos puntos en la misma serie en diferentes instantes. [21].

La función de autocorrelación se define como [21]:

$$\rho(h, h+k) = \frac{\gamma(h, h+k)}{\sqrt{\gamma(h, h)\gamma(h+k, h+k)}}$$
(1.4)

Para poder realizar predicciones sobre el estado futuro de una serie de tiempo, es necesario suponer que el comportamiento de la serie es estable a través del tiempo, incluso con un componente aleatorio. La estacionaridad es el concepto que permite articular esta necesidad. Estamos ante un **proceso estacionario** cuando las variables $\{X_1, ..., X_k\}$ tienen la misma distribución conjunta que $\{X_{h+1}, ..., X_{h+k}\}$, para todos los enteros h y k [4].

La estacionaridad débil se presenta cuando $E[X_j]$ y $E[X_jX_{j+h}]$ son independientes de j, es decir: i) Presenta media μ constante e independiente de t ii) La función de autocovarianza

 $\gamma(h, h+k)$ depende solamente de la cantidad de pasos que separa las observaciones (k). [21]

1.2.1. Modelos ARIMA

Box & Jenkins proponen una aproximación iterativa de cuatro etapas para la selección de un modelo [2]:

- 1. Selección de una clase de modelos, con base en la teoría y la práctica.
- 2. Identificación del modelo, donde se seleccionan un conjunto de parámetros que permitan explicar el sistema con parsimonia.
- 3. Estimación de parámetros.
- 4. Chequeo diagnóstico, para detectar fallas en el ajuste. Si se detectan fallas en el ajuste, se regresa al segundo paso.

Los procesos ARMA son procesos aleatorios de la forma [21]:

$$Y_{t} = \gamma Y_{t-1} + \gamma_{2} Y_{t-2} \dots + \gamma_{i} Y_{t-i} + \epsilon + \theta_{1} \epsilon_{t-1} + \theta_{2} \epsilon_{t-2} \dots \theta_{j} \epsilon_{t-j}$$
(1.5)

A este modelo se le conoce como ARMA(i,0,j).

Los procesos ARIMA resultan al considerar una serie de la forma [21]:

$$Y_t = \alpha + Y_{t-1} \tag{1.6}$$

Tal que el proceso $Y_t - Y_{t-1}$ es un proceso ARMA.

Los criterios para identificar el orden de un ARMA son [3]:

- Cuando la función de autocorrelación (ACF) se reduce progresivamente, y la función de autocorrelación parcial (PACF) no tiene picos en lags luego de p, es un proceso autoregresivo de orden p AR(p)
- Cuando la función de autocorrelación tiene un pico en el lag q, y la función de autocorrelación parcial se reduce progresivamente, es un proceso de media mmovil de orden q MA(q)
- Si ambas funciones se reducen gradualmente, se trata de un ARMA (p,q)

1.2.2. Modelos Estado-Espacio

Tomado de [16] En un modelo estado espacio una serie de tiempo (multiple) observada $y_1, ..., y_t$ depende de un estado z_t , posiblemente no observado, que se comporta siguiendo un proceso estocástico. La relación entre y_t y z_t está dada por la ecuación de medida: [16]

$$y_t = H_t z_t + v_t \tag{1.7}$$

donde H_t es una matriz que puede o no depender del tiempo t y v_t es el error de observación, que se asume usualmente como un proceso de ruido. El vector de estado es generado como:

$$z_t = B_{t-1}z_{t-1} + w_{t-1} (1.8)$$

La matriz B_t es una matriz de coeficientes que puede depender de t y w_t es un proceso de ruido. [16]

Es posible considerar los modelos estado-espacio una generalización de los modelos ARIMA y VARMA

CAPÍTULO 2

La población carcelaria en Colombia 1991 - 2017

2.1. Análisis exploratorio

El INPEC publica mensualemente la serie población carcelaria. Esta serie contiene la población carcelaria desde 1991, separada por situación jurídica (condenados, sindicados) y genero.

La población carcelaria total entre 1991 y 2017 se ha cuadruplicado, al pasar de 32.036 a 128.125 internos. Ver figura 2.1. Aunque la mayoría de los internos son hombres, la población carcelaria femenina ha crecido a un ritmo aún más acelerado, al quintuplicar su población entre 1991 y 2017 (pasa de 1633 personas a 7800).

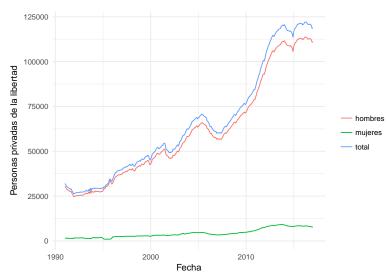


Figura 2.1. Población privada de la libertad 1991 - 2017

Fuente: INPEC Elaboración propia

El incremento en la población carcelaria podría tomarse como un efecto del crecimiento de la población colombiana. Para validar este supuesto calculamos la tasa de encarcelamiento, que mide la cantidad de personas encarceladas por cada cien mil habitantes. Este

indicador pasó de 92 personas por cada cien mil habitantes en enero de 1991 a 242 en enero de 2016. Tal incremento se puede ver tanto en hombres como en mujeres. Ver figura 2.2.

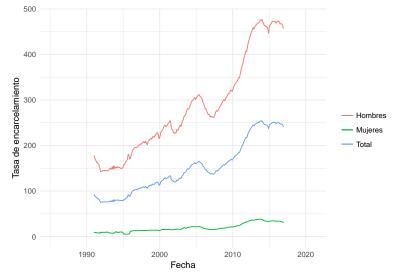


Figura 2.2. Tasa de encarcelamiento según genero 1991 - 2017

Fuente: INPEC Elaboración propia

La tasa de encarcelamiento es un indicador que varía según la edad y genero, siendo más elevado en los hombres que en las mujeres y más algo en los hombres jóvenes, que en los hombres mayores [1]. Otra posible explicación al cambio en la tasa de encarcelamiento es un cambio en la pirámide poblacional en el periodo analizado. No obstante, no podemos confirmar o refutar esta hipótesis pues la serie de tiempo, contenida en los datos de libre acceso no se encuentra desagregada por edad.

2.2. El sistema penitenciario en Colombia

La población carcelaria se ve afectada por dos políticas, la política penitenciaria, que determina las condiciones de privación de la libertad y la política criminal que determina las causas de encarcelamiento y la duración de las penas. [7]

A la población privada de la libertad antes del juicio se le denomina pobación sindicada, y a aquellos que han sido juzgados y se encuentran cumpliendo la sentencia se les denomina población condenada. La evolución de la población según situación jurídica se puede observar en la figura 2.3

2.3. Identificación del modelo

Podemos modelar el sistema penitenciario de la siguiente manera:

$$P_t = S_{t-1} + \alpha N_t - \gamma S_{t-1} \tag{2.1}$$

$$C_t = C_{t-1} - \omega C_{t-1} + \beta \gamma S_{t-1} \tag{2.2}$$

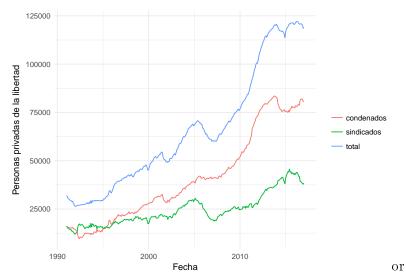


Figura 2.3. Población carcelaria por situación jurídica

Fuente: INPEC Elaboración propia

 $N_t = \text{población nacional en el periodo t}$

 $S_t =$ población de sindicados en el periodo t

 C_t = población de condenados en el periodo t

 $\alpha=$ proporción de la población libre que ingresa al sistema carcelario

 γ = proporción de sindicados que es juzgada cada periodo

 β = proporción de sindicados que han sido encontrados culpables durante el juicio

 $\omega=$ proporción de condenados que cumplen su pena cada periodo.

Modelos SARIMA

La estimación de los modelos se realiza usando el paquete base del software R [19], y el paquete astsa [22], cuyo uso es discutido en detalle por Shumway [21].

En adelante nos referiremos a la función de auctocorrelación como ACF y a la función de autocorrelación parcial como PACF.

3.1. Identificación del modelo

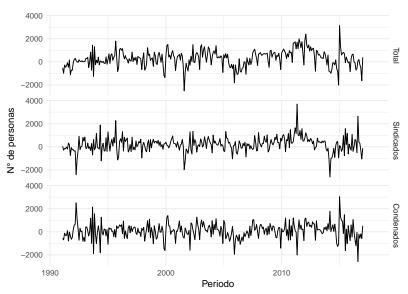


FIGURA 3.1. Variación inter-mensual de población carcelaria, sindicados y condenados

Fuente: INPEC Elaboración propia

Antes de realizar la proyección de una serie de tiempo, es necesario identificar el modelo que explique adecuadamente su comportamiento.

Aunque se conoce, por la estructura del proceso que genera los datos, que las series de población sindicada y condenada no son independientes, podemos simplificar la pro-

yección, tratándolas como independientes. En este caso, los modelos ARIMA y SARIMA resultan apropiados, pues permiten explicar separadamente cada observación en función del comportamiento histórico de la serie.

El capítulo anterior sugería que la población carcelaria, tanto sindicada como condenada, tiene una marcada tendencia al alza. En este caso una herramienta útil es mostrar gráficamente la variación mes a mes de la población. 3.1. Para tener una mejor estructura de análisis usamos la función "decompose" de R base.

La serie tiene un componente estacional marcado, con una reducción de la población carcelaria en diciembre. La variabilidad del componente aleatorio es elevada. La tendencia parece tener cambios estructurales en algunos periodos, por ejemplo reducción de la población carcelaria entre 2005-2007, y 2012 - 2015, e incrementos de la población de magnitud mayor al promedio entre 2008 y 2012.

La mayor parte de la variación de la población total se puede asociar con variaciones en a población sindicada 3.3. La población condenada tiene una tendencia con una tendencia más estable. 3.4

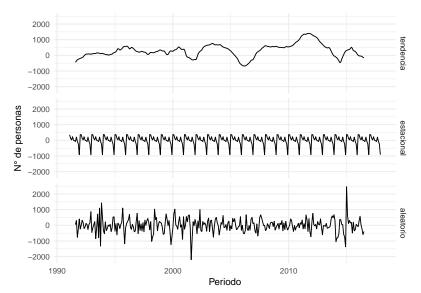


FIGURA 3.2. Variación mensual de población carcelaria descompuesta por tendencia, estacionalidad y componente aleatorio.

Fuente: INPEC Elaboración propia

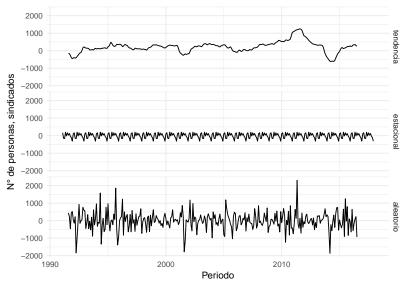


FIGURA 3.3. Variación mensual de población carcelaria sindicada, descompuesta por tendencia, estacionalidad y componente aleatorio.

Fuente: INPEC Elaboración propia

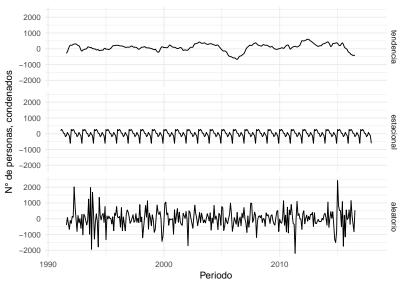


FIGURA 3.4. Variación mensual de población carcelaria condenada, descompuesta por tendencia, estacionalidad y componente aleatorio.

Fuente: INPEC Elaboración propia

Se trabaja sobre la diferencia de cada serie de tiempo con lag 1 y lag 12, al observar que la serie tiene un crecimiento sostenido entre 1991 y 2017, sugiriendo un proceso estocastico integrado. Sobre cada serie (población total, población sindicadda y población condenada) se realiza la función de autocorrelación y autocorrelación parcial y se presenta en la figura 3.5. Estas funciones son usadas como herramienta de diagnóstico, para identificar modelos adecuados en cada serie.

Con base en la tabla 3.1 se realiza una revisión del comportamiento de las series de población carcelaria, población sindicada y población condenada.

Tabla 3.1. Comportamiento de la ACF y PACF en modelos ARMA(p,q) [21]

	AR(p)	$\mathbf{MA}(\mathbf{q})$	$\mid \mathbf{ARMA}(\mathbf{p},\mathbf{q}) \mid$
ACF	Tails off	Cuts off after lag q	Tails off
PACF	Cuts off after lag p	Tails off	Tails off

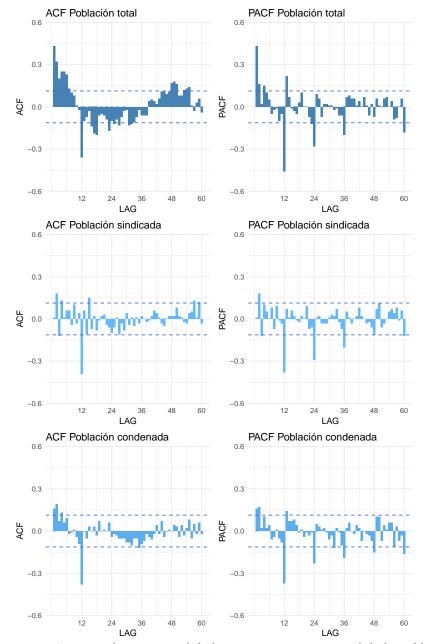


FIGURA 3.5. Autocorrelación parcial de la variación inter-mensual de la población

Fuente: INPEC Elaboración propia

La tabla 3.1 presenta una guía para la interpretación de la ACF y la PACF.

Si se analiza el total de la población carcelaria como una sola serie, es posible realizar una proyección separada, contra la cual contrastar las proyecciones de la población sindicada y de la condenada. En la figura 3.5 podemos observar que tanto la ACF como la PACF

decaen lentamente en la población total. La APCF decae progresivamente en los meses 12, 24, 36, mientra que la ACF se corta en el 24, lo que sugiere que el proceso es un promedio móvil de orden 1 en el componente estacional.

En este caso una primera estimación se realiza para la proyección de la población total como SARIMA(1,1,1,0,0,1).

En la figura 3.5 podemos observar que en la población sindicada la ACF decae lentamente, mientras la PACF cae por debajo del error luego del lag 1. La APCF decae progresivamente en los meses 12, 24, 36, mientra que la ACF se corta en el lag 12, lo que sugiere que el proceso es un promedio móvil de orden 1 en el componente estacional.

En este caso un primer acercamiento a la proyección de la población sindicada se presenta como SARIMA(1,1,1,0,0,1).

El comportamiento de la ACF y la PACF de la población condenada es similar al de la población sindicada, sugiriendo el mismo modelo: SARIMA(1,1,1,0,0,1).

3.2. Estimación de parámtetros

Para cada serie (población total, población sindicada, población condenada) se evalúa el modelo sugerido por el análisis de la ACF y de la PACF; a partir de este modelo se propone un segundo modelo con un parámetro AR adicional, para identificar si se logra un ajuste mejor (medido con el AIC y el BIC); como tercer paso se utiliza la funcion auto. arima para identificar el modelo con menor AIC [10]; a partir del paso anterior se propone un modelo con menos parámetros, para buscar una solución más parsimoniosa.

De acuerdo con el diagnóstico se evaluaron los siguientes modelos para proyectar la población total:

- 1. Sarima de orden (1,1,1) y estacionalidad (0,0,2)
- 2. Sarima de orden (1,1,1) y estacionalidad (0,0,1). Se valida que el BIC y el AIC son menores en el modelo 1, como se esperaría de acuerdo con nuestro diagnóstico y se presenta en la tabla 3.2
- 3. Sarima de orden (3,2,1) y estacionalidad (0,0,2). Es el modelo sugerido por la función auto.arima, sin embargo incluye parámetros autoregresivos no significativos (pvalue >0.05). El detalle de los resultados se presenta en la tabla tabla 3.3
- 4. Sarima de orden (1,2,1) y estacionalidad (0,0,2). Este modelo tiene un BIC menor al modelo 3, y eliminando dos parámetros no significativos conserva un AIC cercano.

Para el modelo 1 y el modelo 2, Ljung-box sugiere que aún hay correlación significativa en los residuos, el modelo 3 y el modelo 4 no tienen correlación significativa en los residuos.

En las proyecciones siguientes para la población total se usará el modelo 4.

Tabla 3.2. Comparación de criterios de información

	Orden	AIC	BIC
1	(1,1,1)(0,0,2)	4885.2	4907.66
2	(1,1,1)(0,0,1)	4897.79	4916.51
3	(3,2,1)(0,0,2)	4874.46	4900.64
4	(1,2,1((0,0,2)	4874.86	4893.56

Tabla 3.3. Parámetros del modelo (3,2,1,0,0,2)

	Estimate	SE	t.value	p.value
ar1	0.05	0.10	0.50	0.62
ar2	-0.09	0.07	-1.16	0.25
ar3	-0.16	0.07	-2.18	0.03
ma1	-0.68	0.09	-7.25	0.00
sma1	0.24	0.06	4.10	0.00
sma2	0.19	0.05	3.88	0.00

Tabla 3.4. Parámetros del modelo (1,2,1,0,0,2)

	Estimate	SE	t.value	p.value
ar1	0.19	0.08	2.39	0.02
ma1	-0.82	0.05	-16.48	0.00
$\mathrm{sma1}$	0.24	0.06	4.10	0.00
sma2	0.19	0.05	3.89	0.00

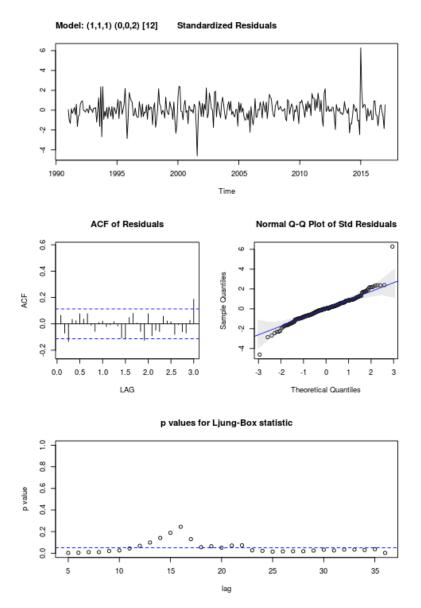


FIGURA 3.6. Diagnóstico del Modelo 1. sarima (1,1,1)(0,0,2), para la población carcelaria total. Fuente: INPEC Elaboración propia

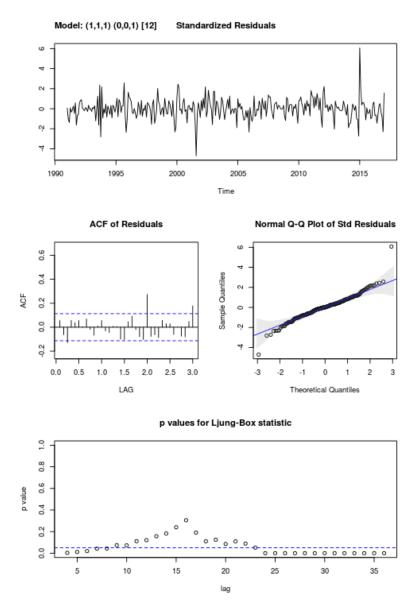


FIGURA 3.7. Diagnóstico del Modelo 2. sarima (1,1,1)(0,0,1), para la población carcelaria total. Fuente: INPEC Elaboración propia

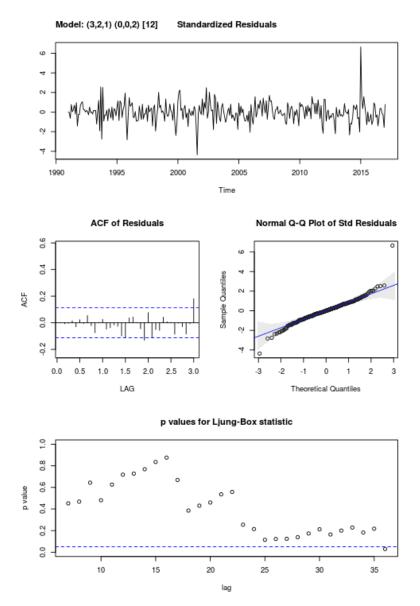


FIGURA 3.8. Diagnóstico del Modelo 3. sarima (3,2,1)(0,0,2), para la población carcelaria total. Fuente: INPEC Elaboración propia

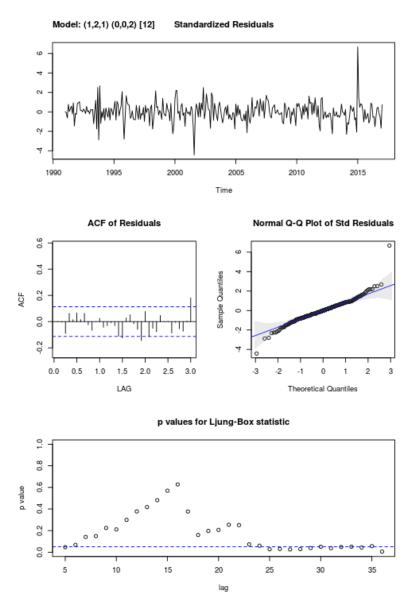


FIGURA 3.9. Diagnóstico del Modelo 4. sarima (1,2,1)(0,0,2), para la población carcelaria total. Fuente: INPEC Elaboración propia

Para la población sindicada se usaron los siguiente modelos, de acuerdo con el diagnóstico realizado de la ACF y la ACPF.

- 1. Sarima de orden (1,1,1) y estacionalidad (0,0,1)
- 2. Sarima de orden (2,1,1) y estacionalidad (0,0,1). Se valida que el BIC y el AIC son menores que en el modelo 1, tiene el menor AIC de los modelos probados. 3.2
- 3. Sarima de orden (0,1,2) y estacionalidad (0,0,1). Es el modelo sugerido por la función auto.arima, tiene el menor BIC y un AIC cercano al modelo 2.
- 4. Sarima de orden (0,1,1) y estacionalidad (0,0,0). Este modelo tiene un BIC mayor al modelo 3, y a los dos modelos iniciales.

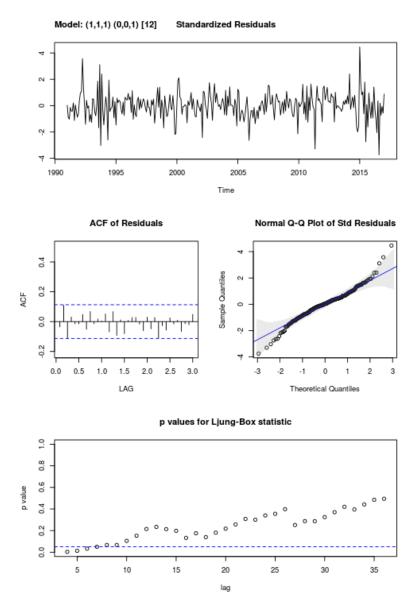
Tabla 3.5. Comparación de criterios de información

	ORDEN	AIC	BIC
1	(1,1,1,0,0,1)	4968.8	4987.52
2	(2,1,1,0,0,1)	4964.1	4986.56
3	(0,1,2,0,0,1)	4964.26	4982.98
4	(0,1,1,0,0,0)	4974.16	4985.39

Modelo 3 tiene el menor BIC y tiene p
values for Ljung-Box que permiten descartar correlación. Los parámetros del modelo se presentan en la tabla
 3.6. El detalle del diganóstico de cada modelo se encuentra en las figuras 3.10
a3.13

Tabla 3.6. Parámetros del modelo (0,1,1,0,0,1)

	Estimate	SE	t.value	p.value
$\overline{\text{ma1}}$	0.06	0.06	0.99	0.32
ma2	0.16	0.05	2.91	0.00
$\mathrm{sma1}$	0.15	0.06	2.57	0.01
constant	64.94	53.21	1.22	0.22



 $\label{eq:Figura} Figura~3.10.~Diagn\'ostico~del~Modelo~1.~sarima~(1,1,1)(0,0,1),~poblaci\'on~carcelaria~sindicada.$ Fuente:~INPEC~Elaboraci'on~propia

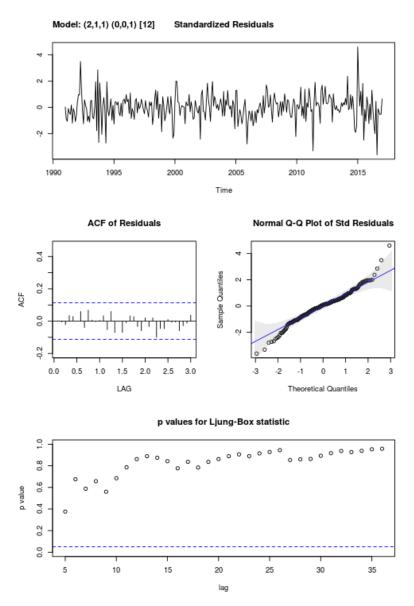


FIGURA 3.11. Diagnóstico del Modelo 2. sarima (2,1,1)(0,0,1), población carcelaria sindicada. Fuente: INPEC Elaboración propia

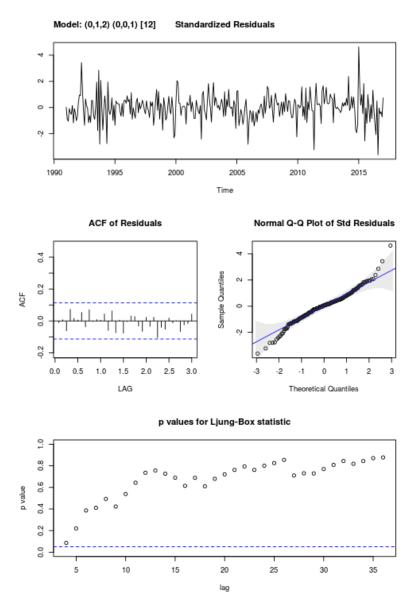


FIGURA 3.12. Diagnóstico del Modelo 3. sarima (0,1,2)(0,0,1), población carcelaria sindicada. Fuente: INPEC Elaboración propia

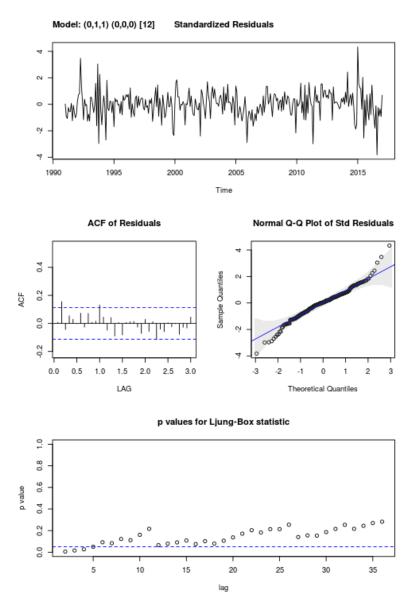


FIGURA 3.13. Diagnóstico del Modelo 4. sarima (0,1,1)(0,0,0), población carcelaria sindicada. Fuente: INPEC Elaboración propia

Para la población condenada se utilizaron los siguientes modelos:

- 1. Sarima de orden (1,1,1) y estacionalidad (0,0,1).
- 2. Sarima de orden (2,1,1) y estacionalidad (0,0,1).
- 3. Sarima de orden (0,1,2) y estacionalidad (0,0,1).
- 4. Sarima de orden (0,1,1) y estacionalidad (0,0,0).

Tabla 3.7. Comparación de criterios de información

	ORDEN	AIC	BIC
1	(1,1,1,0,0,1)	4904.08	4922.79
2	(2,1,1,0,0,1)	4906	4928.46
3	(0,1,2,0,0,1)	4914.84	4933.55
4	(0,1,1,0,0,0)	4925.62	4936.85

Se escoge el modelo 1, pues aunque tiene menos parsimonia, además los pvalue de la estadística de Ljung-Box soportan rechazar la hipótesis de dependencia.

Los modelos 3 y 4 se utilizan para comparar con el comportamiento de la población sindicada. En este caso, el comportamiento de la población condenada es diferente y es bien definido por el modelo 1 con los parámetros presentados en la tabla 3.8.

Tabla 3.8. Parámetros del modelo (1,1,1,0,0,1)

	Estimate	SE	t.value	p.value
ar1	0.88	0.06	13.75	0.00
ma1	-0.73	0.09	-7.80	0.00
$\mathrm{sma1}$	0.09	0.06	1.55	0.12
constant	198.62	86.28	2.30	0.02

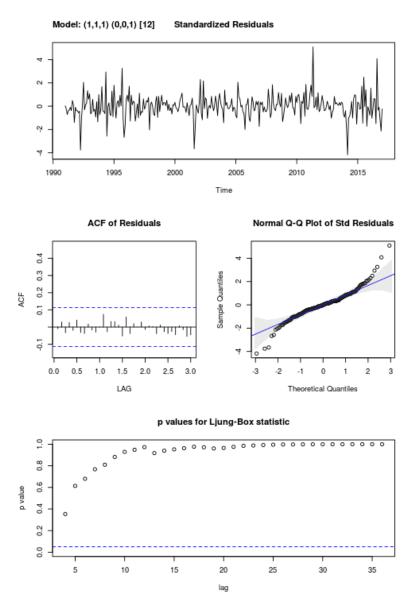


FIGURA 3.14. Diagnóstico del Modelo 1. sarima (1,1,1)(0,0,1), población carcelaria condenada. Fuente: INPEC Elaboración propia

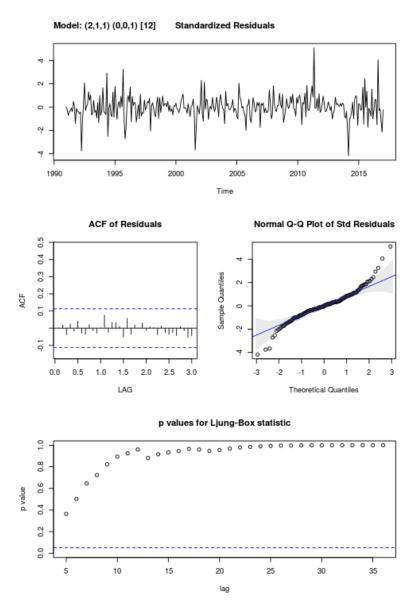


FIGURA 3.15. Diagnóstico del Modelo 2. sarima (1,1,1)(0,0,1), población carcelaria condenada. Fuente: INPEC Elaboración propia

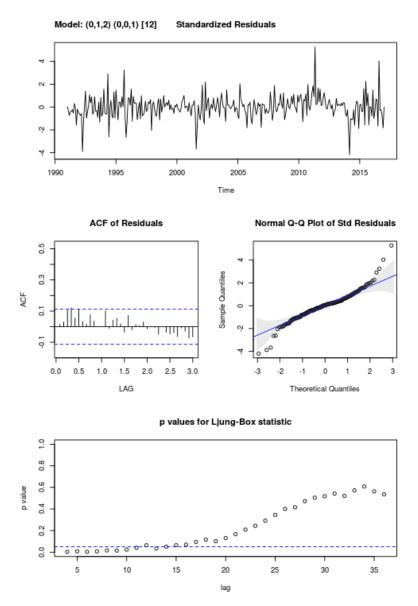


FIGURA 3.16. Diagnóstico del Modelo 3. sarima (0,1,2)(0,0,1), población carcelaria condenada. Fuente: INPEC Elaboración propia

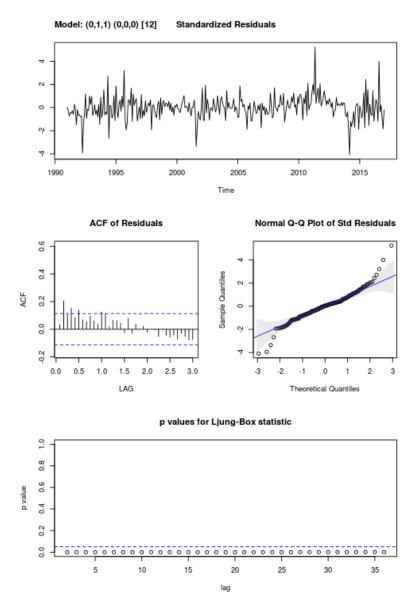


FIGURA 3.17. Diagnóstico del Modelo 4. sarima (0,1,1)(0,0,0), la población carcelaria condenada. Fuente: INPEC Elaboración propia

3.3. Proyección

Proyección de la población total se presenta en la gráfica 3.18

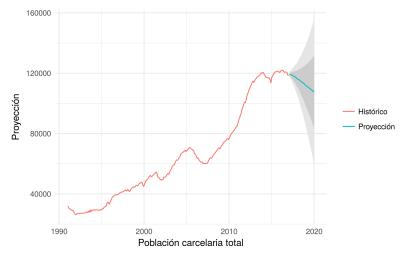


FIGURA 3.18. Proyección de la población carcelaria total, sarima (1,2,1,0,0,2)

Fuente: INPEC Elaboración propia

Proyección de la población sindicada se presenta en la gráfica 3.19



FIGURA 3.19. Proyección de la población carcelaria sindicada, sarima (0,1,1,0,0,1)

Fuente: INPEC Elaboración propia

Proyección de la población condenada se presenta en la gráfica 3.20

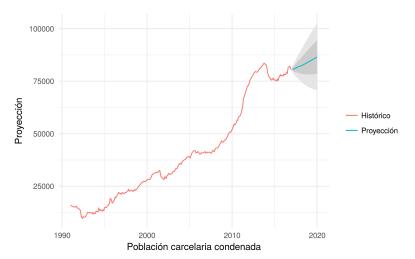


FIGURA 3.20. Proyección de la población carcelaria condenada, sarima (1,1,1,0,0,1)

Fuente: INPEC Elaboración propia

3.4. Discusión

Se seleccionó un modelo SARIMA para cada una de las series propuestas: población carcelaria total, población sindicada y población condenada. El residual en cada modelo seleccionado, ya no muestra correlación, y los estimadores de los parámetros son significativos. Con base en el modelo seleccionado para cada serie se realizaron proyecciones de población para 36 meses, la media de la proyección de la población total muestra una tendencia a la baja, mientras las proyecciones de la población sindicada y condenada tienen tendencia al alza.

Puesto que la población carcelaria total esta compuesta en su totalidad por la población sindicada y la población condenada, es de esperar que la proyección de la población total coincida en sentido y magnitud con la suma de las proyecciones de menor escala; sin embargo, la proyección de la población total difiere en sentido de la suma de las proyecciones.

Usar modelos ARIMA permite tener en cuenta la correlación del error y el comportamiento de las últimas observaciones, generando proyecciones precisas de corto plazo; sin embargo, dado que los modelos propuestos tienen un componente integrado, los intervalos de confianza se hacen significativamente más amplios, a medida que se alejan del inicio de la proyección, haciendolos poco prácticos para proyecciones de largo plazo.

La elaboración de los intervalos de confianza descansa en el supuesto de normalidad del error, sin embargo, los Q-Q plot residuales muestran varias observaciones fuera de los intervalos de confianza para población sindicada y condenada, sugiriendo varios cambios de nivel o una distribución no normal del error. Contrastar los periodos donde el error está fuera de los intervalos de confianza contra los cambios en el sistema penitenciario, permitiría identificar cambios de nivel y controlarlos a través de variables dummy.

Situaciones como las encontradas en esta serie de tiempo (alta variabilidad, poblaciones compuestas por series de menor escala, procesos de migración inter-grupos, cambios de nivel asociados a cambios de régimen) pueden ser comunes en la proyección de poblaciones pequeñas. Estas situaciones, si se desean abordar usando las herramientas del análisis de series de tiempo pueden incluir: Modelos ARMAX, para los modelos cuya varianza

no es estable a través del tiempo, modelos autoregresivos de umbral (TAR) cuando se presenten cambios de régimen y vectores autoregresivos(VAR), para aquellas poblaciones cuyo comportamiento se relaciona con poblaciones pequeñas cercanas o con otros grupos de poblaciones especiales.

CAPÍTULO 4

Métodos demográficos para poblaciones pequeñas

No todas las personas tenemos la misma probabilidad de ser encarceladas. Los hombres tienen tasas de encarcelamiento más altas que las mujeres, y las personas entre 18 y 40 años son más susceptibles que los mayores de 40 [1]. Las cifras de encarcelamiento, presentadas en la figura 4.4 sugieren que estas tasas son estables en periodos cortos de tiempo y proporcionales entre los diferentes rangos de edad (si el encarcelamiento en un rango de edad se eleva sucede un incremento proporcional en los otros).

La población colombiana ha cambiado significativamente desde 1991, tanto en su magnitud como en su composición por edad. Hemos pasado de 35 millones en 1991 a 45 millones en la segunda década del siglo XXI. También hemos presenciado una reducción en la proporción de menores de 14 años, que ha pasado de 35 % en 1991 a 26 % en 2016. Se proyecta que en 2020 tendremos tantas personas entre 15 y 29 años, como entre 0 y 14, cuando en 1991 la diferencia era del 25 millones de personas. [6]

El grupo etario con mayor tasa de encarcelamiento está entre los 18 y 29 años. [1]. La población total en este grupo crece sostenidamente en el periodo 1991-2020. Como porcentaje de la población total, decrecen en dos puntos porcentuales en el mismo periodo, cediendo espacio a una población de mayor edad. El crecimiento de este grupo etario, particularmente en hombres podría ser un buen predictor de la población carcelaria.

Para incorporar la relación entre la población nacional y la población carcelaria se recurre al método censal-ratio, comúnmente usado en la proyección de poblaciones pequeñas. Este método requiere la inclusión de variables sintomáticas que agreguen información sobre la población pequeña.

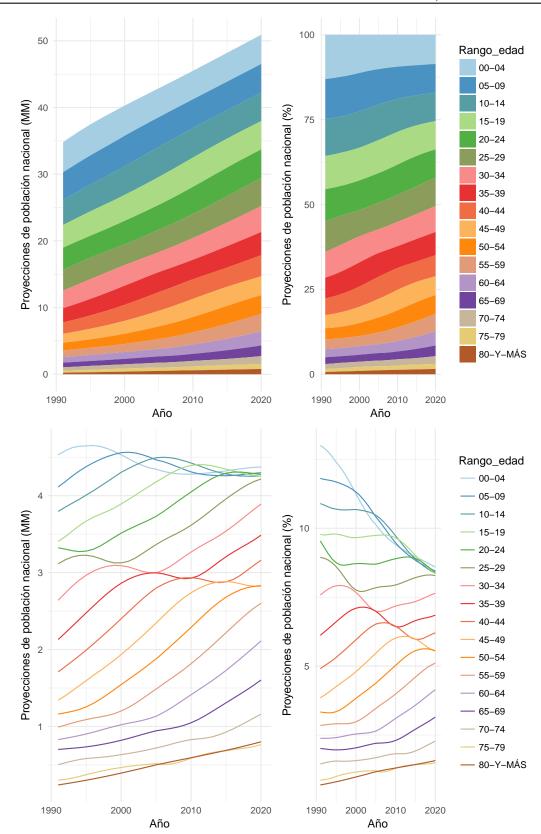


FIGURA 4.1. Proyección de la población nacional por rango de edad Fuente: DANE Elaboración propia

4.1. Censal ratio

Dentro de los métodos para proyectar poblaciones pequeñas se encuentra la razóncensal (censal-ratio). Éste método se vale una variable sintomática asociada a la población pequeña, a la que se supone es directamente proporcional. Un ejemplo de variable sintomática es la cantidad de nacimientos en una ciudad, con respecto a su población total; otro ejemplo es la cantidad de niños enrolados en un curso, con respecto a un rango etario en determinado espacio geográfico. [23]

El censal-ratio supone que la relación entre la variable sintomática y la población a estimar es una variable aleatoria cuyo valor esperado no cambia a través del tiempo. [23]

Cuando se cuenta con estimaciones independientes de la población total en periodos inter-censales se realiza una corrección sobre las proyecciones de cada área, tal que la suma de las proyecciones de áreas pequeñas sea igual a la estimada independientemente. La corrección mantiene la proporción entre proyecciones de áreas pequeñas. [23]

Un uso frecuente de los métodos de proyección para poblaciones pequeñas es realizar interpolación en periodos no censales. Uno de los inconvenientes mencionados es la dificultad de realizar extrapolación, puesto que para los periodos post-censales, los indicadores no están necesariamente disponibles. Una posible solución es realizar la estimación usando periodos rezagados o utilizar la última proyección de la variable sintomática como proyección. [23].

Siguiendo a Swanson & Tayman (2012) tenemos:

$$R_{A,t,j} = \frac{S_{A,t,j}}{P_{A,t}}$$

R = Razón entre variable sintomática y población pequeña

A = A-ésima área pequeña

S = Valor de la variable sintomática

t = periodo

j = indicador

Si tenemos un R observado en el periodo T tendremos que la proyección del periodo t+k será:

$$\hat{P}_{A,t+k} = \frac{S_{A,t+k,j}}{R_{A,T,j}}$$

A la población que contiene a las poblaciones pequeñas se le denomina población mayor. Cuando se realizan estimaciones independientes para la población mayor, se utiliza la ecuación 4.1 para asegurar que la suma de las áreas pequeñas coincida con la proyección del área mayor que las contiene.

$$\hat{Q}_{A,t+k} = \frac{P_{A,t+k,j}}{\sum P_{A,t+k,j}} * P_{t+k}$$
(4.1)

 $\hat{Q}_{A,t+k} = \text{Proyección corregida para el área A}$

 P_{t+k} = Proyección independiente total en el periodo t+k

La variable sintomática cumple la tarea de agregar información conocida al modelo para hacerlo más preciso. En un primer paso se considera la población privada de la libertad una población pequeña, dentro de la población nacional. Dentro de las estadísticas publicadas periodicamente por el INPEC no se han encontrado variables sintomáticas que cubran más de dos años [11], razón por la cual se realiza el siguiente proceso: se utiliza una constante en el lugar de la variable sintomática, lo que da lugar a una proyección constante por edadgénero; luego ajustamos la proyección al total nacional por rango de edad proyectado por el DANE. Este modelo es equivalente a proyectar una tasa de encarcelamiento constante para cada rango de edad. Para el periodo 2017 - 2020 se utiliza la tasa de encarcelamiento.

Aunque no conocemos el comportamiento de la tasa de encarcelamiento específica por edad, conocemos la población carcelaria total y la tasa de encarcelamiento. Usamos el supuesto de proporción estable por rango etario, para ajustar la proyección 2005 - 2016 a la población carcelaria total.

$$\begin{split} R_e &= \frac{1}{P_{c,e,2017}} \\ \hat{P}_{c,2017+k} &= Pc, e, 2017 \\ \mathbf{y} \\ \hat{Q}_{c,e,2017+k} &= (\hat{P}_{c,e,2017} * P_{e,2017}) * P_{e,2017+k} \\ \mathbf{donde} &: \end{split}$$

 $\hat{Q}_{c,e,2017+k}=$ Proyección de población carcelaria ajustada, para el rango etario, en el periodo 2017+k

 $P_{c,2017}$ = Población carcelaria en 2017, a mitad de periodo, en el rango etario e.

 $P_{e,2017}$ = Población estimada 2017 DANE a mitad de periodo en el rango etario e.

 $P_{e,2017+k}$ = Población estimada en 2017 + k, del DANE a mitad de periodo en el rango etario e.

Al aplicar esta proyección a periodos anteriores a 2017 tenemos una estimación de lo que habría sido la población carcelaria, en un escenario de tasas de encarcelamiento específicas constantes. Al comparar esta proyección con la población privada de la libertad observada, es posible evidenciar el impacto que ha tenido el proceso de cambio demográfico en la población carcelaria, además de poner en evidencia que no es el principal factor detrás de este cambio. El incremento debe además corresponder con un incremento de las tasas de encarcelamiento específicas.

Para ajustar la proyección de las tasas de encarcelamiento específicas se trata la población carcelaria como un área padre y a las poblaciones por rango etario como poblaciones pequeñas. Usando la ecuación 4.1 tenemos:

$$\hat{V}_{c,e,2017+k} = (\hat{P}_{c,e,2017} * \hat{P}_{c,2017+k}) * P_{c,2017+k}$$

donde:

 $\hat{V}_{c.e.2017+k} = ext{Población carcelaria ajustada por edad.}$

 $\hat{P}_{c,2017+k} = \text{Población carcelaria estimada por género.}$

 $P_{c,2017+k}$ = Población carcelaria observada.

4.2. Población privada de la libertad por rango de edad Febrero 2016 a Febrero 2018

El INPEC publica un reporte mensual con estadísticas detalladas de la población carcelaria al cierre de mes. Los reportes están disponibles en la página del INPEC desde e incluyen la composición de la población privada de la libertad desde Enero 2013. La estructura de los reportes no es uniforme para todos los periodos. La composición por rangos etarios antes de febrero 2016 consolidaba en las categorías: 18 a 29 años, 29 a 54 años, 55 a 64 años, y mayor de 65 años. A partir de marzo de 2016 se agrupa 18 a 24 y grupos quinquenales hasta los 65 años. [11]

En la figura 4.2 podemos observar la composición demográfica de la población privada de la libertad en Junio 2017. Es una población compuesta mayoritariamente por hombres. Tanto en hombres como mujeres se observa un patrón similar en la estructura etaria, el punto más alto se encuentra entre 25 y 29 años, 18 a 25 y 29 a 35 tienen un orden de magnitud comparable. Después de los 35 años la población se reduce en cada grupo quinquenal.

En la figura 4.3 se presenta la población privada de la libertad, separada por género y edad desde marzo 2016 hasta marzo 2018. El periodo de análisis se escogió a conveniencia, considerando la disponibilidad de datos del INPEC con grupos etarios uniformes. La figura 4.3 muestra que la población carcelaria mantiene la forma de campana, con pico en 25-29, en todos los meses analizados, tanto en hombres como mujeres. En hombres el rango de edad con mayor variabilidad es el rango 18-24. En mujeres la variabilidad se presenta en los rangos 18-24, 25-29 y 30-34. [20]

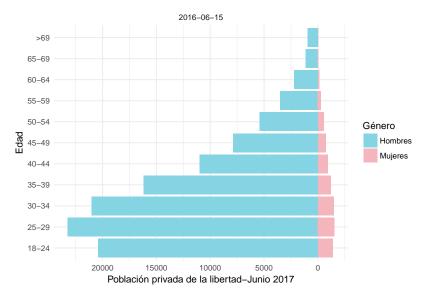


FIGURA 4.2. Piramide poblacional, población privada de la libertad, Junio - 2017

Fuente: INPEC Elaboración propia

Esta variabilidad podría estar asociada a un componente estacional o a un componente aleatorio. Aunque la longitud de la serie disponible no permite realizar inferencia sobre

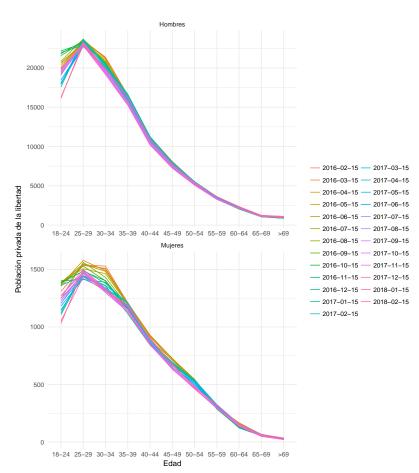


FIGURA 4.3. Población privada de la libertad. Febrero-2016 a Febrero-2018

Fuente: INPEC Elaboración propia

componentes de estacionalidad y tendencia, la figura muestra que: A través del año el grupo 18-24 crece, para caer abruptamente en enero del año siguiente; comportamiento repetido en enero 2016 y enero 2017. El comportamiento es similar en mujeres una vez se controla por el orden de magnitud. El comportamiento en las demás series es similar, se reduce durante todo el año, para subir nuevamente en enero. Este comportamiento es coherente en hombres y mujeres, una vez se controla la magnitud. 4.3 Este comportamiento implica que no es conveniente trabajar la proyección de la tasa de encarcelamiento a nivel mensual pues no se puede estimar el aparente componente de estacionalidad de la serie. Por conveniencia se trabaja con la proyección de población a mitad de periodo, y se trata la tasa de encarcelamiento como una variable aleatoria cuyo valor esperado se mantiene a través del tiempo.

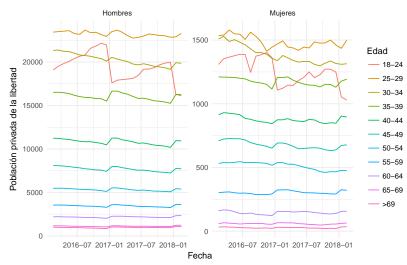


FIGURA 4.4. Población privada de la libertad por rango etario. Febrero-2016 a Febrero-2018

Fuente: INPEC Elaboración propia

Puesto que no se cuenta con información de periodos más extensos se valida análisis a un menor nivel de granularidad. Dentro de la información disponible se encuentra separada la población carcelaria por regional. En la figura 4.5 se observa nuevamente, en todas las regionales, la población carcelaria con forma de campana. Consistentemente las mujeres tienen mayor variabilidad que los hombres en cada rango de edad y poblaciones carcelarias más pequeñas se encuentran asociadas a una mayor variabilidad.

La forma del aparente componente estacional también se replica a nivel regional. Ver figura 4.6.

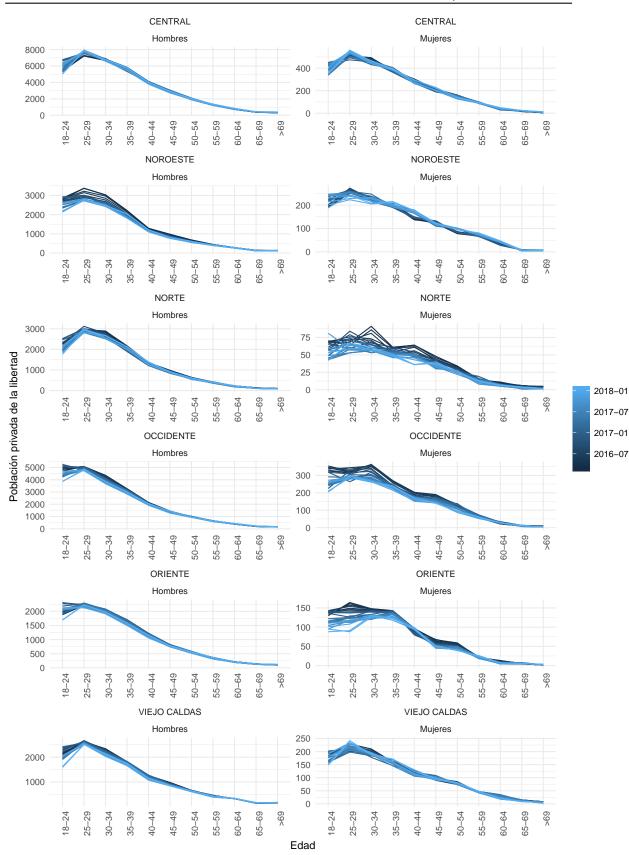


FIGURA 4.5. Población privada de la libertad por rango etario, región. Febrero-2016 a Febrero-2018

Fuente: INPEC Elaboración propia

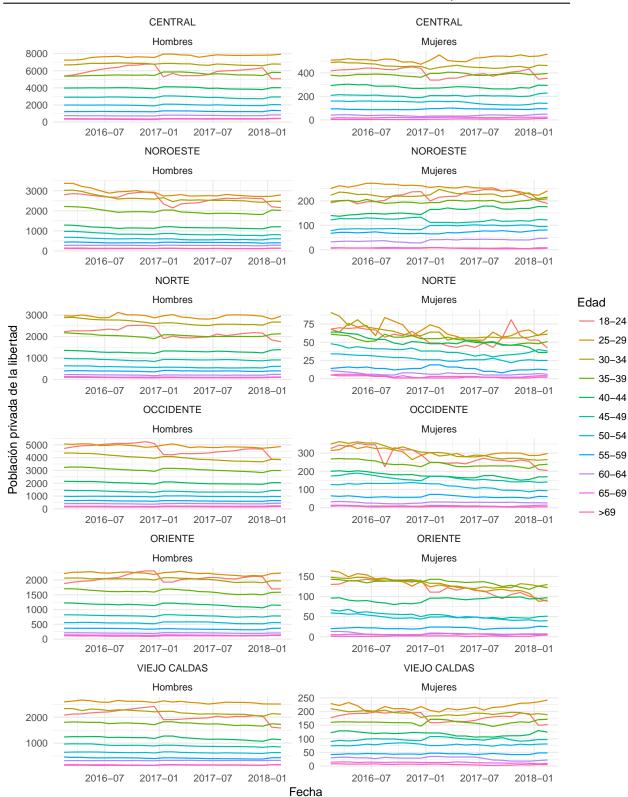


Figura 4.6. Población privada de la libertad por rango etario, región. Febrero-2016 a Febrero-2018

Fuente: INPEC Elaboración propia

El comportamiento, cosistente a través del periodo de análisis en cada regional, de la población carcelaria sugiere una tasa de encarcelamiento particular en cada rango de edad.

Con la proyección quinquenal del DANE 2005 - 2020 y la tasa de encarcelamiento en mitad de periodo de 2016 se realiza la proyección de 2017 - 2020 y 2005 a 2015. Si el supuesto de tasas de encarcelamiento estables por rango de edad es coherente la población carcelaria total sería similar a la estimada por rango de edad. La diferencia entre la población observada y la población estimada con este método es un indicador del impacto que el cambio demográfico ha tenido en la población carcelaria. Las tasas de encarcelamiento en Junio 2016 y Junio 2017 se presentan en las Figuras 4.7 y 4.8.

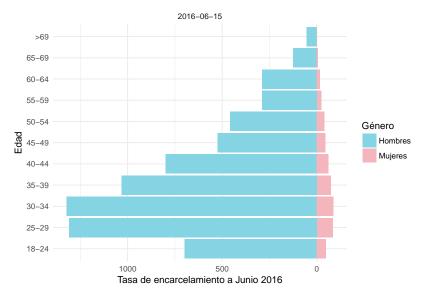
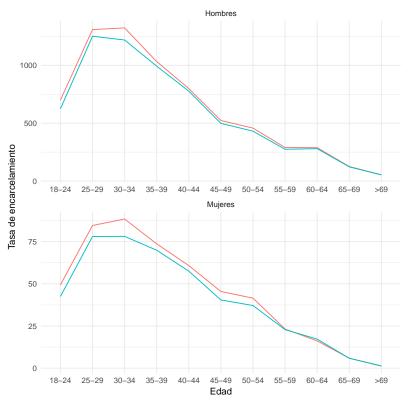


FIGURA 4.7. Tasa de específica de encarcelamiento. Junio-2017

Fuente: INPEC, DANE Elaboración propia





 ${\tt Figura~4.8.}$ Tasa específica de encarcelamiento. Junio-2016, Junio -2017

Fuente: INPEC, DANE Elaboración propia

4.3. Proyecciones Censal Ratio

La proyección por rango de edad bajo el supuesto de tasas de encarcelamiento estables se presenta en la figura 4.9.

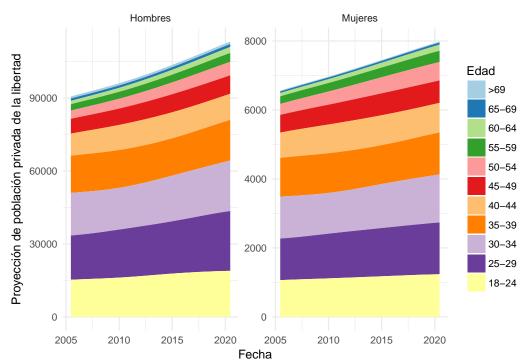


FIGURA 4.9. Proyección de la población privada de la libertad, 2005 - 2020, por rango etario DANE Fuente: INPEC, DANE Elaboración propia

La proyecciones de población carcelaria a mitad de periodo para el periodo 2005 - 2020 se presentan en la tabla 4.1. Para el periodo 2005 - 2016 se ajustó la proyección total al valor observado. Para proyectar 2017 a 2020 se usó una tasa de encarcelamiento constante.

Con la tasa de encarcelamiento específica observada en 2016, se esperarían alrededor de 96.000 hombres privados de la libertad en 2005. En ese periodo habían 65.885 hombres privados de la libertad. Esto indica que el proceso de cambio demográfico habría explicado el 34 % del incremento de la población carcelaria en este periodo. En las mujeres el porcentaje explicado es 31 %.

	Fecha	Género	Observado	Proyectado	Estimado/Proyectado
1	2005-06-15	Hombres	65885	96463	0.68
2	2005 - 06 - 15	Mujeres	4750	7196	0.66
3	2006-06-15	$\operatorname{Hombres}$	59386	97693	0.61
4	2006-06-15	Mujeres	3727	7296	0.51
5	2007-06-15	Hombres	56718	98877	0.57
6	2007-06-15	Mujeres	3457	7392	0.47
7	2008-06-15	$\operatorname{Hombres}$	63562	100110	0.63
8	2008-06-15	Mujeres	4047	7487	0.54
9	2009 - 06 - 15	$\operatorname{Hombres}$	69826	101406	0.69
10	2009 - 06 - 15	Mujeres	4768	7582	0.63
11	2010-06-15	$\operatorname{Hombres}$	75702	102782	0.74
12	2010-06-15	Mujeres	5078	7679	0.66
13	2011-06-15	$\operatorname{Hombres}$	86698	104287	0.83
14	2011-06-15	Mujeres	6689	7782	0.86
15	2012-06-15	$\operatorname{Hombres}$	101432	105874	0.96
16	2012-06-15	Mujeres	8277	7888	1.05
17	2013-06-15	$\operatorname{Hombres}$	108882	107543	1.01
18	2013-06-15	Mujeres	8981	7996	1.12
19	2014-06-15	$\operatorname{Hombres}$	108929	109277	1.00
20	2014 - 06 - 15	Mujeres	8302	8105	1.02
21	2015-06-15	$\operatorname{Hombres}$	112423	111066	1.01
22	2015 - 06 - 15	Mujeres	8482	8214	1.03
23	2016-06-15	$\operatorname{Hombres}$	112907	112907	1.00
24	2016-06-15	Mujeres	8323	8323	1.00
25	2017-06-15	$\operatorname{Hombres}$		114790	
26	2017 - 06 - 15	Mujeres		8432	
27	2018-06-15	$\operatorname{Hombres}$		116692	
28	2018-06-15	Mujeres		8540	
29	2019-06-15	$\operatorname{Hombres}$		118591	
30	2019-06-15	Mujeres		8646	
31	2020 - 06 - 15	$\operatorname{Hombres}$		120461	
32	2020-06-15	Mujeres		8748	

Tabla 4.1. Proyección de la población carcelaria vs real

En la figura 4.10 se presenta la población carcelaria proyectada por rango de edad, luego de ajustar con la población observada. En la figura 4.11 se presenta la tasa de encarcelamiento por edad proyectada para el periodo 1995 - 2020.

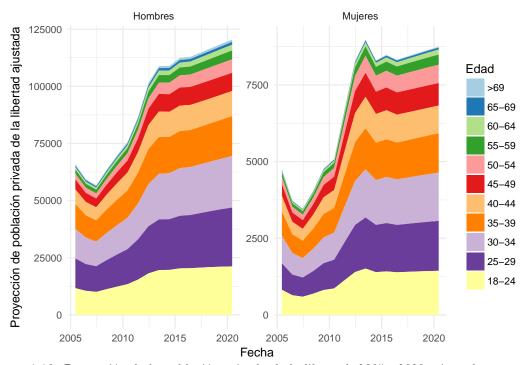


FIGURA 4.10. Proyección de la población privada de la libertad, 2005 - 2020, ajustado por rango etario DANE

Fuente: INPEC, DANE Elaboración propia

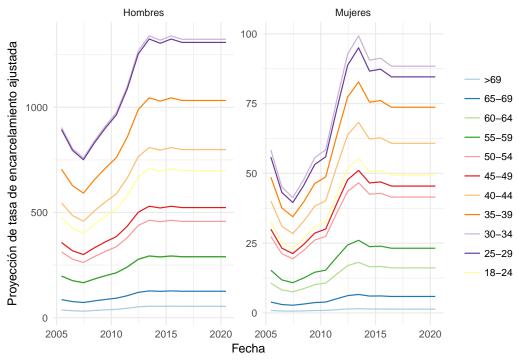


FIGURA 4.11. Proyección de tasa de encarcelamiento específica por rango de edad, por cada 100.000 habitantes, 2005 - 2020

Fuente: INPEC, DANE Elaboración propia

4.4. Discusión

Los métodos usuales en la proyección de poblaciones pequeñas se han adaptado en este capítulo, de acuerdo con la información disponible. Los datos evidencian que la tasa de encarcelamiento es diferente según la edad; bajo el supuesto de una tasa de encarcelamiento estable a través del tiempo se pueden realizar proyecciones de mediano plazo de la población carcelaria (3 años). Una proyección para años anteriores permite separar la variación de la población carcelaria asociada con los procesos de cambio demográfico (incremento y envejecimiento) de la variación asociada a otros factores.

Es posible utilizar variables como desempleo nacional, desempleo juvenil o pobreza para mejorar las proyecciones y entender los determinantes de la tasa de encarcelamiento. En este capítulo se utilizo el método de censal-ratio sin una variable sintomática asociada, para separar el efecto del cambio demográfico.

El comportamiento de cada regional tiene componentes diferentes en tendencia, aunque comparte aparentemente el componente estacional. Realizar proyecciones de la tasa de encarcelamiento a nivel regional permitiría realizar un mejor dimensionamiento de la infraestructura carcelaria de cada región asociada a sus propias dinámicas demográficas.

Mejorar la calidad de los datos abiertos del INPEC permitiría desarrollar éstas y otras preguntas de investigación. Medidas que podrían mejorar la calidad de estos datos son:

- Mantener grupos de análisis consistentes a través del tiempo. Dentro de los datos analizados, los rangos de edad observados cambiaron desde febrero 2016 a un menor nivel de granularidad. Este cambio permite análisis de la tasa de encarcelamiento más precisos; sin embargo, no permite comparar con periodos anteriores a ésta fecha.
- Publicar series detalladas con un periodo de análisis más largo. Las estadísticas detalladas por delito, edad y tiempo de condena están disponibles desde 2013. Es decir, con los datos abiertos actualmente disponibles no es posible analizar, por ejemplo, el comportamiento de la tasa de encarcelamiento por edad en periodos anteriores a 2013.
- Incluir análisis multivariados de la población carcelaria. Los informes publicados actualmente no incluyen análisis multivariados como edad, género, delito, que son pertinentes para la toma de decisiones en política criminal.
- Publicar informes detallados con seguimiento histórico. Parte del trabajo realizado para llegara este capítulo consistió en ensamblar informes históricos en una sola base de datos, publicar las series históricas permitiría acelerar el tiempo de análisis.

CAPÍTULO 5

Modelos estado-espacio

Se presenta resumen de los datos, luego se define paquete a usar, se especifica el modelo usado, se presenta estimación y se realizan proyecciones. Se trabaja el análisis con hurto, y luego se presentan proyecciones separadas por cada delito.

5.1. Población privada de la libertad 2013-2016 por delito

El inpec en las estadísticas mensuales incluye la población privada de la libertad separada por delito, estado (sindicado, condenado) y género. Se han consolidado los reportes disponibles entre Julio 2013 y Diciembre 2016. Octubre 2015 es un dato faltante, pues a la fecha de descarga el reporte no se encuentra disponible en la página del INPEC. [11]

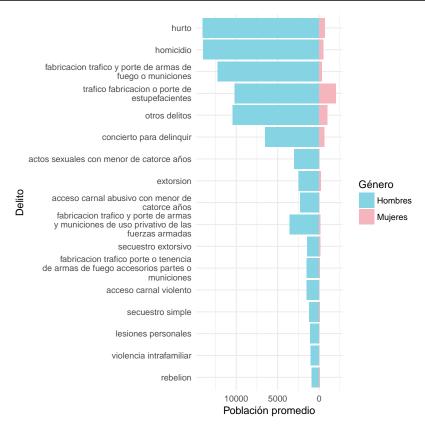


FIGURA 5.1. Población carcelaria promedio por delito genero Octubre 2013-Diciembre 2016

Fuente: INPEC Elaboración propia



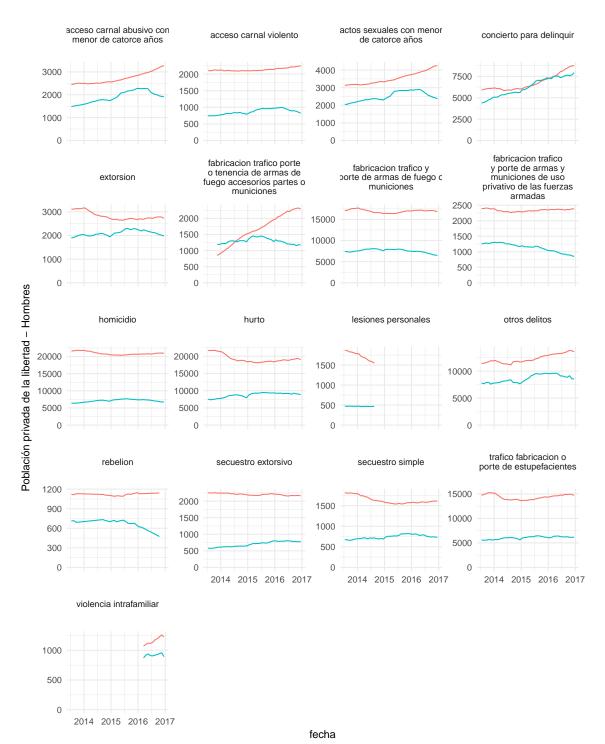


FIGURA 5.2. Evolución de la población carcelaria masculina, Octubre 2013-Diciembre 2016

Fuente: INPEC Elaboración propia

— condenados — sindicados



FIGURA 5.3. Evolución de la población carcelaria femenina, Octubre 2013-Diciembre 2016

Fuente: INPEC Elaboración propia

5.2. Selección de Software

Para mantener un único ambiente de desarrollo, nos enfocamos en los paquetes desarrollados en R, como los mencionados por Petris [18], Helske [8] y Tusell [24]. Dentro de los paquetes analizados se encuentran *Kfas* por Helske(2017) [8] y *MARSS* de Holmes(2018) [9]. Se utiliza *MARSS* por la simplicidad en la definición del modelo.

5.3. Identificación del modelo

Holmes & Ward & Willis (2018) definen los modelos MARSS, Modelos auto-regresivos multivariados, de forma general como:

$$x_t B_t x_{t-1} + u_t + C_t c_t + G_t w_t \quad donde \quad w_t \sim MVN(0, Q_t)$$

$$(5.1)$$

$$y_t = Z_t x_t + a_t + D_t d_t + H_t v_t \quad donde \quad v_t \sim MVN(0, R_t)$$
(5.2)

$$x_1 \sim MVN(\pi, \Lambda) o x_0 \sim MVN(\pi, \Lambda)$$
 (5.3)

PENDIENTE PONER SIGNIFICADO DE LAS ECUACIONES

En este capítulo se usará el modelo bivariado:

$$\begin{bmatrix} X1_t \\ X2_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b1 & 0 \\ b2 & b4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X1_{t-1} \\ X2_{t-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} U1_t \\ U2_t \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} U1_t \\ U2_t \end{bmatrix} \sim MVN(\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} q_{11} & q_{12} \\ q_{12} & 1_{22} \end{bmatrix})$$
 (5.4)

$$\begin{bmatrix} Y1_t \\ Y2_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X1_{t-1} \\ X2_{t-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} V1_t \\ V2_t \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} V1_t \\ V2_t \end{bmatrix} \sim MVN(\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix})$$
 (5.5)

Donde

 $X1_t = \text{Población sindicada en el periodo t}$

 $X2_t = \text{Población condenada en el periodo t}$

 $U_1t = \text{Variación mensual en la población sindicada no asociada a la población sindicada en el periodo anterior.}$

 $U_1t = \text{Variación mensual en la población condenada no asociada a la población sindicada, ni condenada en el periodo anterior.$

La ecuación 5.5 implica que el estado observado es idéntico al estado real del sistema. Sin embargo, tratarlo como un modelo estado espacio permite trabajar los datos faltantes sin inconvenientes.

5.4. Estimación de parámetros

La estimación se realiza en series bivariadas por delito, género. Se presenta en detalle procedimiento para la serie de hurto en hombres, en series adicionales se presentan resultados de la proyección.

Parámetro	estimado
b1	0.94
b2	0.07
b4	0.97
u1	557.98
u2	-147.10
q11	33191.09
q12	-5113.90
q22	33454.10

Tabla 5.1. Parámetros estimados hurto hombres

Fuente: INPEC Elaboración propia

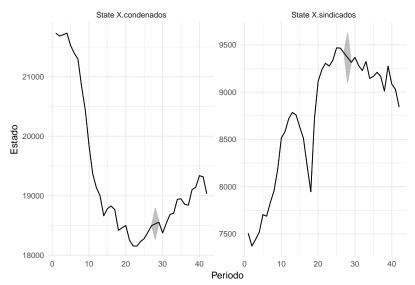


FIGURA 5.4. Población sindicada y condenada por hurto, hombres

Fuente: INPEC Elaboración propia

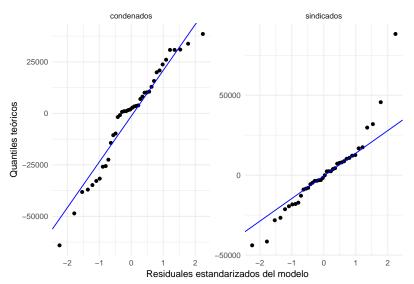


FIGURA 5.5. Población carcelaria promedio por delito genero Octubre 2013-Diciembre 2016 Fuente: INPEC Elaboración propia

5.5. Proyecciones 2017 - 2020

Se realiza proyección de la población media sindicada y condenada en la tabla

	Periodo	Sindicados	Condenados
V1	2017-01-15	8866.00	18988.00
V2	2017 - 02 - 15	8887.00	18946.00
V3	2017 - 03 - 15	8907.00	18905.00
V4	2017 - 04 - 15	8926.00	18868.00
V5	2017 - 05 - 15	8944.00	18832.00
V6	2017 - 06 - 15	8960.00	18799.00
V7	2017 - 07 - 15	8976.00	18768.00
V8	2017 - 08 - 15	8991.00	18739.00
V9	2017 - 09 - 15	9004.00	18711.00
V10	2017 - 10 - 15	9017.00	18686.00
V11	2017 - 11 - 15	9029.00	18661.00
V12	2017 - 12 - 15	9041.00	18639.00
V13	2018-01-15	9052.00	18617.00
V14	2018-02-15	9062.00	18598.00
V15	2018-03-15	9071.00	18579.00
V16	2018-04-15	9080.00	18561.00
V17	2018-05-15	9088.00	18545.00
V18	2018 - 06 - 15	9096.00	18529.00
V19	2018-07-15	9104.00	18515.00
V20	2018-08-15	9111.00	18501.00
V21	2018-09-15	9117.00	18489.00
V22	2018-10-15	9123.00	18477.00
V23	2018-11-15	9129.00	18465.00
V24	2018-12-15	9134.00	18455.00
V25	2019 - 01 - 15	9140.00	18445.00
V26	2019 - 02 - 15	9144.00	18436.00
V27	2019 - 03 - 15	9149.00	18427.00
V28	2019 - 04 - 15	9153.00	18419.00
V29	2019 - 05 - 15	9157.00	18411.00
V30	2019-06-15	9161.00	18404.00
V31	2019 - 07 - 15	9164.00	18398.00
V32	2019-08-15	9167.00	18391.00
V33	2019-09-15	9171.00	18386.00
V34	2019-10-15	9173.00	18380.00
V35	2019-11-15	9176.00	18375.00
V36	2019-12-15	9179.00	18370.00

Tabla 5.2. Proyección a treinta y seis meses hurto hombres

Fuente: INPEC Elaboración propia

PENDIENTE REALIZAR PROYECCIONES DEL RESTO DE SERIES Y PRESENTAR CONSOLIDADO

5.6. Discusión

Conclusiones

- Las poblaciones carcelarias, como otras poblaciones pequeñas, están inherentemente ligadas a la población total, y a su distribución por edad y sexo, por la existencia de tasas de encarcelamiento diferenciales. Una parte del incremento de la población carcelaria total, puede ser asociado al crecimiento de la población nacional y al cambio de su estructura por edad. En este sentido es importante incluir información de la población total, al proyectar poblaciones carcelarias, particularmente en el largo plazo.
- La calidad y la disponibilidad de los datos pueden hacer difícil incluir en las proyecciones información de la población total. En el desarrollo de este documento solo se contó con dos años de información sobre la población carcelaria separada por edad, en la granularidad requerida. En casos como este, donde se cuenta con conteos de población en periodos más extensos de tiempo es posible proyectar estos conteos como SARIMA. Trabajar con modelos SARIMA permite estimar los componentes estacionales, para mejorar la precisión. Los modelos ajustados sugieren un buen desempeño de la proyección en el corto plazo.
- Los trabajos futuros sobre poblaciones carcelarias en Colombia estarán mediadas por la calidad y la disponibilidad de datos sobre esta población.

Trabajo futuro

Dentro de los posibles trabajos futuros de proyección de poblaciones carcelarias se encuentran:

- Realizar proyecciones para Colombia usando, además de los conteos, las tasas de ingreso y salida del sistema carcelario.
- Estimar el impacto que los cambios normativos tienen sobre las dinámicas de la población carcelaria.
- Proyectar la tasa de encarcelamiento específicas por edad, genero y delito.
- Separar las proyecciones de población carcelaria a nivel local, y asociar modelos de planificación de infraestructura carcelaria.
- La estructura de las tasa de encarcelamiento específicas por edad, podría permitir el uso de datos funcionales que consideren la interacción entre las tasas de encarcelamiento específicas.

Bibliografía

- [1] Alfred Blumstein, Jacqueline Cohen, and Harold D. Miller, Demographically disaggregated projections of prison populations, Journal of Criminal Justice 8 (1980), no. 1, 1–26.
- [2] George E P Box, Gm Jenkins, and Gc Reinsel, Time series analysis: forecasting and control, 2013.
- [3] Paolo Brandimarte, *Time Series Models*, Quantitative Methods: An Introduction for Business Management, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg, 2011, pp. 527–579.
- [4] Peter J. Brockwell, *Time Series*, International Encyclopedia of Statistical Science, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg, 2011, pp. 1601–1605.
- [5] Jacques J.F Commandeur and Siem Jan Koopman, An Introduction to State Space Time Series Analysis, (2007), 189.
- [6] DANE, Estimaciones población DANE, 2009.
- [7] Departamento Nacional de Planeación, Conpes 3828 POLÍTICA PENITENCIARIA Y CARCELARIA EN COLOMBIA, (2015).
- [8] Jouni Helske, Exponential Family State Space Models in R, Journal of Statistical Software 78 (2017), no. 10, 1–39.
- [9] Elizabeth Holmes, Eric Ward, and Kellie Wills, MARSS: Multivariate Autoregressive State-Space Modeling, 2018.
- [10] Rob J Hyndman, {forecast}: Forecasting functions for time series and linear models, 2017.
- [11] INPEC, Estadisticas Estadística INPEC, 2018.
- [12] Institute for Criminal Policy Research, Colombia / World Prison Brief, 2016.
- [13] Instituto Nacional Penitenciario y Carcelario, Plan de direccionamiento estrat{é}gico 2015-108, Misi{ó}n y Visi{ó}n, 2016.
- [14] Ministry Justice, Prison Population Projections 2014 2020, England and Wales, Home Office Statistical Bulletin (2014), no. November, 31.

BIBLIOGRAFÍA 58

- [15] Ronald Demos Lee and Shripad Tuljapurkar, Stochastic Population Forecasts for the United States: Beyond High, Medium, and Low, Journal of the American Statistical Association 89 (1994), no. 428, 1175.
- [16] Helmut Lütkepohl, New Introduction to Multiple Time Series Analysis, Springer Berlin Heidelberg, Berlin, Heidelberg, 2005.
- [17] Todd D Minton, Bjs Statistician, Scott Ginder, Susan M Brumbaugh, Hope Smiley-Mcdonald, and Harley Rohloff, Census of Jails: Population Changes, 1999 2013, (2015).
- [18] Giovanni Petris and Sonia Petrone, State Space Models in R, Journal of Statistical Software 41 (2011), no. 4, 128–129.
- [19] R Core Team, R: A Language and Environment for Statistical Computing, R Foundation for Statistical Computing, Vienna, Austria, 2017.
- [20] Karthik Ram and Hadley Wickham, wesanderson: A Wes Anderson Palette Generator, 2018.
- [21] Robert H Shumway and David S Stoffer, *Time Series Analysis and Its Applications*, Springer Texts in Statistics, vol. 45, Springer New York, New York, NY, 2011.
- [22] David Stoffer, astsa: Applied Statistical Time Series Analysis. R package version 1.3, 2014.
- [23] David A Swanson and Jeff Tayman, Subnational Population Estimates, The Springer Series on Demographic Methods and Population Analysis, vol. 31, Springer Netherlands, Dordrecht, 2012.
- [24] Fernando Tusell, Kalman Filtering in R, Journal of Statistical Software **39** (2011), no. 2, 1–27.
- [25] Wai-Yin Wan1, Steve Moffatt2, Zachary Xie3, Simon Corben, and Don Weatherburn, Forecastin prison populations using sentencing and arrest data, Tech. report.