ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ	енное автономное образовательное учреждение и «Московский физико-технический институт ый исследовательский университет)»
Отчет п	о лабораторной работе 1.3.1-1.3.2
	а на основе исследования деформаций растяжения
и определение модул	я сдвига при помощи крутильных колебаний.
и определение модул	я сдвига при помощи крутильных колеоании.
и определение модул	я сдвига при помощи крутильных колеоании.
и определение модул	я сдвига при помощи крутильных колеоании.
и определение модул	я сдвига при помощи крутильных колеоании. Выполнил студент:
и определение модул	
и определение модул	Выполнил студент:
и определение модул	Выполнил студент: Сериков Василий Романович

Цель работы: экспериментально получить зависимость между напряжением и деформацией (закон Гука) для одноосного растяжения; по результатам измерений вычислить модуль Юнга. Измерение углов закручивания в зависимости от приложенного момента сил, расчет модулей кручения и сдвига для проволоки по измерениям периодов крутильных колебаний подвешенного на ней маятника.

В работе используется: Прибор Лермантова, проволока из исследуемого материала, зрительная трубка со шкалой, набор грузов, микрометр, рулетка, линейка, грузы, штангенциркуль.

Теория: В первой части работы производят растяжение проволоки, это соответствует случаю одноосного напряженного состояния. Для определения модуля Юнга используется прибор Лермантова (рис1). Удлинение проволоки можно измерить по углу поворота зеркальца.

Во второй части работы вращение стержня с закрепленным на нем грузами (рис.2) вокруг вертикальной оси происходит под действием упругого момента, возникающего в проволоке.

Модуль кручения: $f = \frac{\pi R^4 G}{2l}$, где G-модуль сдвига

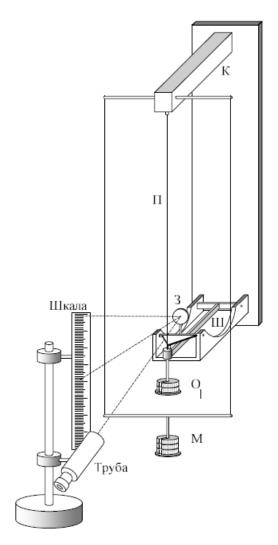


рис.1

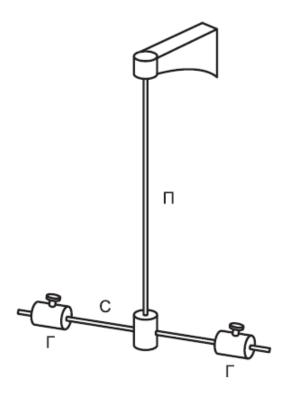


рис.2

Определение модуля Юнга по измерениям растяжения проволоки Ход работы

- 1. Диаметр проволоки $d = (0, 51 \pm 0, 01)$ мм.
- 2. Вычисляем площадь поперечного сечения проволоки

$$S = \frac{\pi(\overline{d})^2}{4} = 0,204 \text{ mm}^2$$
 $\sigma_S = S\sqrt{4\left(\frac{\sigma_d}{d}\right)^2} = 0,007 \text{ mm}^2$ $S = (0,204 \pm 0,007) \text{ mm}^2$

- 3. Измеряем длину проволоки $l=(173,0\pm0,1)$ см
- 4. Направляем зрительную трубу на зеркальце так, чтобы мы четко видели шкалу, тогда свет от шкалы будет падать перпендикулярно шкале на зеркало, поэтому

$$\Delta l = \frac{\Delta nr}{2h}$$

$$\sigma_{\Delta l} = \Delta l \sqrt{\left(\frac{\sigma_n}{n}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_d}{d}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_h}{h}\right)^2}$$

где $r=(20\pm1)$ мм - расстояние от зеркала до проволоки, разница показаний шкалы - n, расстояние от шкалы до проволоки - $h=(134,3\pm0,1)$ см.

- 5. Исходя из того, что $\sigma_{\text{предел}} = 900 \; \text{H/мм}^2$ получаем, что предельный вес, который можно повесить, чтобы не выйти за пределы $P_{\text{предел}} = 0, 3\sigma_{\text{предел}} S \approx 54 H.$
- 6. Снимем зависимость удлинения проволоки от массы грузов при увеличении и уменьшении нагрузки 3 раза (табл.1).
- 7. Построим график зависимости удлинения проволоки от нагрузки. Найдем уравнение получившийся прямой по МНК (график 1). По наклону прямой определим жесткость проволоки, а по ней модуль Юнга. По МНК посчитаем погрешность значения k. (табл.2).
- 8. По найденной графически жесткости проволоки найдем модуль Юнга по формуле

$$E = \frac{Pl_0}{\Delta lS}$$

$$\sigma_E = E\sqrt{\left(\frac{\sigma_m}{m}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{\Delta l}}{\Delta l}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_S}{S}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{l_0}}{l_0}\right)^2}$$

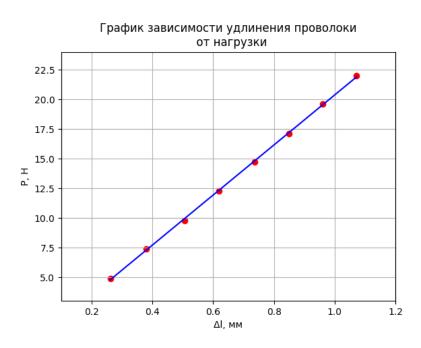


График 1

P, H	2,45	4,9	7,4	9,8	12,3	14,7	17,2	19,6	22,0
Δl , mm	0,13	$0,\!26$	0,38	0,51	0,62	0,74	0,85	0,96	1.07
$\sigma_{\Delta l}$	0,01	0,02	0,02	0,03	0,03	0,04	0,04	0,05	0,05
P, H	22,0	19,6	17,2	14,7	12,3	9,8	7,4	4,9	2,45
Δl , mm	1.07	0,96	0,85	0,74	0,62	0,51	0,38	0,26	0,13
$\sigma_{\Delta l}$	0,05	0,05	0,04	0,04	0,03	0,03	0,02	0,02	0,01

P, H	2,45	4,9	7,4	9,8	12,3	14,7	17,2	19,6	22,0
Δl , mm	0,13	0,26	0,37	0,50	0,62	0,73	0,84	0,96	1.07
$\sigma_{\Delta l}$	0,01	0,02	0,02	0,03	0,03	0,04	0,04	0,05	0,05
P, H	22,0	19,6	17,2	14,7	12,3	9,8	7,4	4,9	2,45
Δl , mm	1.07	0,96	0,85	0,74	0,62	0,51	0,38	0,26	0,13
$\sigma_{\Delta l}$	0,05	0,05	0,04	0,04	0,03	0,03	0,02	0,02	0,01
P, H	2,45	4,9	7,4	9,8	12,3	14,7	17,2	19,6	22,0
Δl , mm	0,13	0,26	0,37	0,50	0,62	0,73	0,84	0,96	1.07
$\sigma_{\Delta l}$	0,01	0,02	0,02	0,03	0,03	0,04	0,04	0,05	0,05
P, H	22,0	19,6	17,2	14,7	12,3	9,8	7,4	4,9	2,45
Δl , mm	1.07	0,96	0,85	0,74	0,62	0,51	0,38	0,26	0,13
$\sigma_{\Delta l}$	0,05	0,05	0,04	0,04	0,03	0,03	0,02	0,02	0,01

Таблица 1: Зависимость удлинения проволоки от нагрузки.

	Значение	σ
k	$20,9*10^3 \text{ H/m}$	$0.5*10^3 \text{ H/m}$
Е	$13,4*10^{10} \Pi a$	$0,7*10^{10} \Pi\text{a}$

Таблица 2: Значения к и Е

Определение модуля модуля сдвига при помощи крутильных колебаний

- 1. Измеряем длину проволоки $l=(171,0\pm0,1)$ см
- 2. Диаметр проволоки $d = (1, 56 \pm 0, 01)$ мм.
- 3. Измерим время t_1 10 колебаний : $t_1 = (19, 2 \pm 0, 3)$ с.
- 4. Уменьшив амплитуду вдвое, измерим время t_2 10 колебаний : $t_2=(19,1\pm0,3)\mathrm{c}$.
- 5. Таким образом получаем: $t_1 \approx t_2$ в пределах погрешности. Также мы установили, что после 10 колебаний амплитуда уменьшается менее чем в 2 раза.
- 6. Установим грузы на стержне на одинаковом расстоянии l от оси проволоки до центра масс каждого грузика и измерим период колебаний T для 7 различных значений l дважды (чтобы исключить возможность промаха), данные занесем в таблицу 3 (σ_l =0,1 см, σ_T = 0.03 с). Величину модуля кручения найдем из наклона прямой линии, проведенной по экспериментальным точкам, отложенным в координатах l^2, T^2 (график 2). Период колебаний можно рассчитать по формуле

$$T^{2} = \frac{(2\pi)^{2}}{f}I_{0} + \frac{(2\pi)^{2}}{f}2m \cdot l^{2}$$

, где I_0 - момент инерции системы без грузов, l - длина проволоки, T - период колебаний при заданной длине l,m - масса одного груза. Тогда коэффициент наклона прямой будет равен $k=\frac{(2\pi)^2}{f}2m,$ отсюда $f=\frac{(2\pi)^2}{k}2m,$ m=205,1r. По МНК посчитаем значение k и k и их погрешности. k

7. По найденному модулю кручения с помощью формулы
$$f = \frac{\pi d^4 G}{32l}$$
 получим модуль сдвига G, оценим погрешности измерения, данные занесем в таблицу 4.
$$f = \frac{4\pi^2 2ml^2}{T^2 - b} \implies \sigma_f = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial m} \sigma_m\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial T} \sigma_T\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial l} \sigma_l\right)^2}$$

$$\sigma_G = G \sqrt{\left(\frac{\sigma_f}{f}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_l}{l}\right)^2 + 16\left(\frac{\sigma_d}{d}\right)^2}$$

$N_{ar{o}}$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
T, c	1,91	1,92	2,04	2,04	2,25	2,23	2,47	2,43	2,66	2,65	2,92	2,90	3,13	3,14
1, см	4,5	4,5	5,5	5,5	6,5	6,5	7,5	7,5	8,5	8,5	9,5	9,5	10,5	10,5

Таблица 3: Зависимость периода от расстояния от проволоки до центра масс грузика

	Значение	σ
k	$418, 5 \text{ c}^2/\text{M}^2$	$0.5 \text{ c}^2/\text{M}^2$
b	$3,18 \text{ c}^2$	0.08 c^2
f	$56,51 \; { m H} \cdot { m мм/pag}$	$0,06~\mathrm{H}\cdot\mathrm{мм/pag}$
G	83,8 ГПа	0,5 ΓΠα

Таблица 4: Значения k,b, f, G

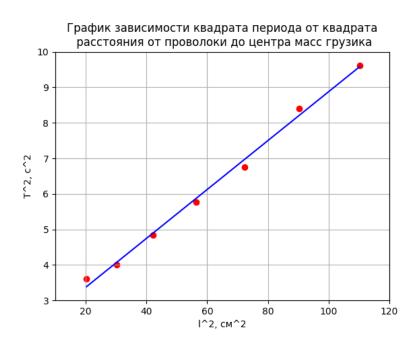


график 2

8. Вывод: Таким образом, сделав две работы по изучению модуля Юнга и модуля сдвига проволоки, мы установили что материал, из которого изготовлены проволоки - это низко углеродистая сталь.