Листинг 2

```
In[89]:= ClearAll["Global`*"]
      очистить всё
      SetDirectory[NotebookDirectory[]];
      задать рабочу… _директория файла блокнота
      Needs["FlowSolver`"]
      необходимо
In[92]:= readGraph2[file_, dir_] := Module[{
                                      программный модуль
           fn = FileNameJoin[{dir, file}],
                соединить пути
           stream, imod, umod, u, b
           },
           stream = OpenRead[fn];
                     открыть для считывания
           imod = Read[stream, {Word, Number}][[2]];
                                   слово число
           umod = Read[stream, {Word, Number}][[2]];
                                  слово число
         u = \left( \{ \#_{\llbracket 1 \rrbracket} \leftrightarrow \#_{\llbracket 2 \rrbracket}, \#_{\llbracket 2 \rrbracket} \leftrightarrow \#_{\llbracket 1 \rrbracket} \} \ \& \ / @ \ ReadList[stream, Expression, umod] \right) \ / / \ Flatten;
                                                считать в список
                                                                                                уплостить
         b = ConstantArray[0, imod];
            постоянный массив
           (b[[Read[StringToStream[StringTake[#1, {5, -3}]], Number]]] = #2) &@@@
                счи… канал считывания… взять часть строки
          ReadList[stream, {Word, Expression}, imod];
          считать в список
                               слово выражение
         {Graph[u, VertexSize -> Medium, VertexLabels → Placed["Name", Center],
                    размер вершины средний метки для вершин расположен
           VertexStyle → Directive[White],
           стиль вершины директива белый
           VertexShapeFunction \rightarrow \{xx\_ \Rightarrow If[SameQ[b[[xx]], x], "Square", "Circle"]\},
           VertexLabelStyle -> Directive[Black, 24], GraphLayout -> "CircularEmbedding"], b}]
           стиль меток вершин директива чёрный укладка графа
\label{eq:loss_problem} $$ \ln[93] = \operatorname{forma}[ff_] := \left(\left(ff \ /. \ \left\{\xi_{-u_{-} \mapsto v_{-}} \to \xi_{u,v}\right\}\right) \ // \ TableForm\right) $$
```

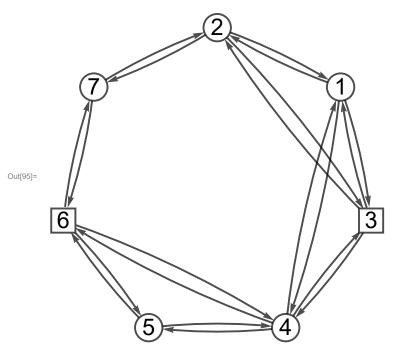
```
{g, b} = readGraph2["gr1.txt", NotebookDirectory[]];
```

директория файла блокнота

GraphPlot[g, EdgeStyle → Directive[Black, Thick],

визуализация ... стиль ребра директива чёрный жирный

VertexStyle → Directive[EdgeForm[Thick], White], MultiedgeStyle → .05]



$$In[96]$$
:= balanceEqs = $\left(\left(\text{Total}[x_{\#} \& /@ EdgeList[g, _ → #]] - Total[x_{\#} \& /@ EdgeList[g, # → _]]\right)\right)$ == $\left(\text{суммировать} \quad \left[\text{список рёбер}\right]\right)$ == $\left(\text{список рёбер}\right)$ == $\left(\text{список рібен}\right)$ == $\left(\text{с$

 $\label{eq:map_indexed} $$\operatorname{MapIndexed}[\sharp 1 \ /. \ x \to x_{\sharp 2[[1]]} \ \&, \ b][[\sharp]] \ \& \ /@\ VertexList[g];$

преобразовать с учётом индекса

список вершин графа

balanceEqs // forma

Out[97]//TableForm=

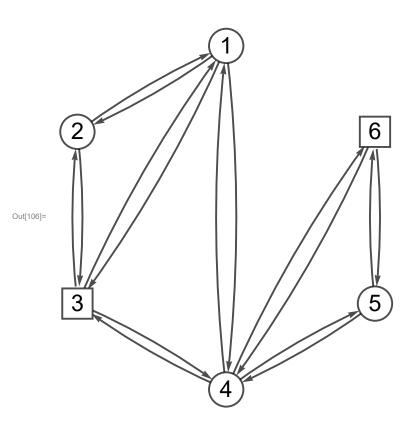
$$x_{2,7} + x_{6,7} - x_{7,2} - x_{7,6} = 0$$
 $x_{1,2} - x_{2,1} - x_{2,3} - x_{2,7} + x_{3,2} + x_{7,2} = 0$
 $x_{4,6} + x_{5,6} - x_{6,4} - x_{6,5} - x_{6,7} + x_{7,6} == x_{6}$
 $-x_{1,2} - x_{1,3} - x_{1,4} + x_{2,1} + x_{3,1} + x_{4,1} = 0$
 $x_{1,3} + x_{2,3} - x_{3,1} - x_{3,2} - x_{3,4} + x_{4,3} == x_{3}$
 $x_{1,4} + x_{3,4} - x_{4,1} - x_{4,3} - x_{4,5} - x_{4,6} + x_{5,4} + x_{6,4} = 0$
 $x_{4,5} - x_{5,4} - x_{5,6} + x_{6,5} = 0$

$$In[100]:= Do[inclist = EdgeList[g, u \leftrightarrow _];$$

оператор цикла список рёбер

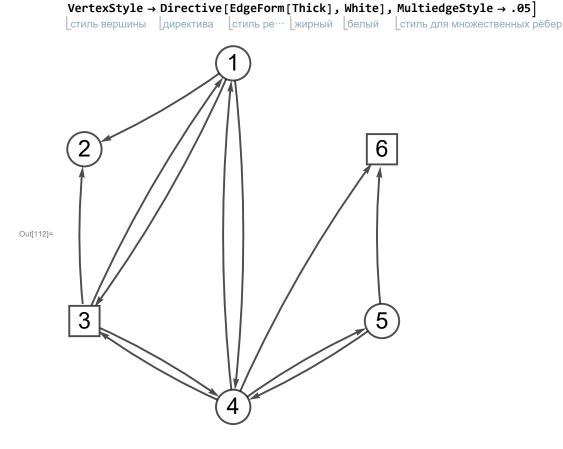
 $Do[p_v = 1/Length[inclist];, \{v, inclist\}];, \{u, VertexList[g]\}]$ оператор … длина список вершин графа

```
In[101]:= p# & /@ EdgeList[g]
\text{Out[101]=} \ \Big\{ \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{3} \Big\}
 In[102]:= (*incL=
             \label{lem:decomp} Delete Cases \ [Delete Duplicates \ [Cases \ [Incidence List \ [g, \#], i\_ \leftrightarrow j\_ \leftrightarrow \{i,j\}] \ // Flatten], \\
            удалить случ⋯ удалить дубликаты случа⋯ список инциденций
                   v_/;v==#]&/@M*)
           incL = (IncidenceList[g, #] & /@M) // Flatten
Out[102]= \{7 \leftrightarrow 2, 2 \leftrightarrow 7, 7 \leftrightarrow 6, 6 \leftrightarrow 7\}
 \label{eq:loss} $$\inf\{103\}:= (*Do[If[MemberQ[M,j_{[1]}],b_{[j[2]]}+=f_j,b_{[j[1]]}-=f_j],\{j,incL\}]*)$$
               ... ... элемент списка?
           \overline{b} = Fold[If[MemberQ[M, \#2_{\llbracket 1 \rrbracket}], ReplacePart[\#, \#2_{\llbracket 2 \rrbracket} \rightarrow \#_{\llbracket \#2_{\llbracket 2 \rrbracket} \rrbracket} - f_{\#2}],
                 све… ... элемент списка?
                                                                заменить часть
                     \label{eq:ReplacePart} \texttt{ReplacePart}[\#, \#2_{\llbracket1\rrbracket} \rightarrow \#_{\llbracket\#2\llbracket1\rrbracket\rrbracket} + f_{\#2}]] \ \&, \ b, \ incl];
                     заменить часть
           \overline{b} = \overline{b}[[Range[g // VertexCount] \sim Complement \sim M]];
                       диапазон число вершин дополнение
           ng = VertexDelete[g, M];
                   удалить вершину
           GraphPlot [ng, EdgeStyle → Directive[Black, Thick],
                                    стиль ребра Директива Чёрный жирный
             VertexStyle → Directive[EdgeForm[Thick], White], MultiedgeStyle → .05]
            [стиль вершины | директива | стиль ре⋯ | жирный | белый | стиль для множественных рё
```



Out[107]=
$$\{0, f_{2\mapsto 7} - f_{7\mapsto 2}, x, 0, 0, x + f_{6\mapsto 7} - f_{7\mapsto 6}\}$$

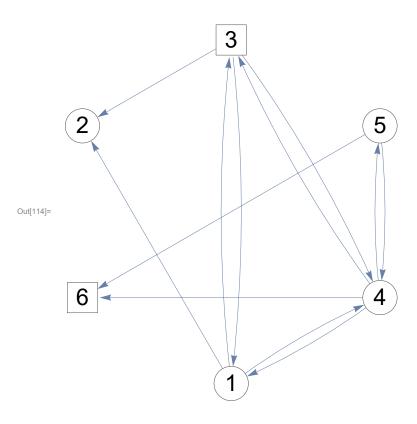
$$| \text{In}_{[108]} = \text{CC}[g_{-}, M_{-}] := \\ \text{(DeleteDuplicates}[\text{Cases}[\text{IncidenceList}[g_{-}, \#]_{-}, i_{-} \rightarrow j_{-}/; j == \#]] \& /@M) // Flatten \\ \text{(Dyanuts дубликаты } | \text{случа··} | \text{список инциденций} \\ \text{(Ii}_{-}^{*}[g_{-}] := \text{Cases}[\text{IncidenceList}[g_{-}, i]_{-}, u_{-} \rightarrow v_{-}/; u == i \Rightarrow v] \\ \text{(случа··} | \text{слисок инциденций} \\ \text{(In}_{[110]} = \text{M*}^{+} = \text{CC}[g_{-}, M] \\ \text{Out}_{[110]} = \{2 \rightarrow 7, 6 \rightarrow 7\} \\ \text{(In}_{[111]} = \overline{\text{b1}} = \text{Fold}[\\ \text{(свернуть} \\ \text{(программный модуль} \\ \text{(In}_{[11]} = \overline{\text{b1}} = \text{Fold}[\\ \text{(программный модуль} \\ \text{(In}_{[11]} = \text{b1} = \text{Fold}[\\ \text{(программный модуль} \\ \text{(In}_{[11]} = \text{b1} = \text{b1} = \text{b1} \\ \text{(In}_{[11]} = \text{b1} = \text{b2} \\ \text{(In}_{[11]} = \text{b1} = \text{b2} \\ \text{(In}_{[11]} = \text{b1} = \text{b2} \\ \text{(In}_{[11]} = \text{b2} \\ \text{(In}_$$



$$log[113]:= \overline{g1} = Fold[EdgeDelete[#1, u_ \rightarrow v_ /; u == #2] &, \overline{ng} , #[[1]] & /@ M⁺];$$

GraphPlot $[\overline{g1}$, MultiedgeStyle \rightarrow .05]

визуализация г… стиль для множественных рёбер



$$In[115]:=$$
 $II_{rem} = VertexList[\overline{g1}] \sim Complement \sim (M^+[All, 1])$ $_{\coloredge}$ список вершин $rp\cdots$ $_{\coloredge}$ дополнение

Out[115]= $\{1, 3, 4, 5\}$

 $In[116] = \lambda = SparseArray$ разрежённый массив

Replace $\left[\begin{array}{c} \text{EdgeList}[\overline{g1}] \text{ /. # & /@ Flatten}[\text{Module}[\{i=\#, jf, Icur}], \\ \text{_список рёбер} \end{array}\right]$ уплостить программный модуль

$$\begin{split} &\text{jf = First[Icur];} \\ &\text{ [первый} \\ &\left(\left\{\left(\mathbf{i} \leftrightarrow \mathbf{jf}\right) \to \mathbf{1}, \, \left(\mathbf{i} \leftrightarrow \mathbf{\#}\right) \to -\frac{\mathsf{p}_{\mathbf{i} \to \mathbf{\#}}}{\mathsf{p}_{\mathbf{i} \to \mathbf{jf}}}\right\}\right) \,\&\,/@\,\,\mathrm{Icur[[2\,\,;;]]}\right)] \,\&\,/@\,\,\mathrm{II}_{\mathsf{rem}},\,\mathbf{1}]\right), \\ &- \leftrightarrow -\to 0,\,2]] \end{split}$$

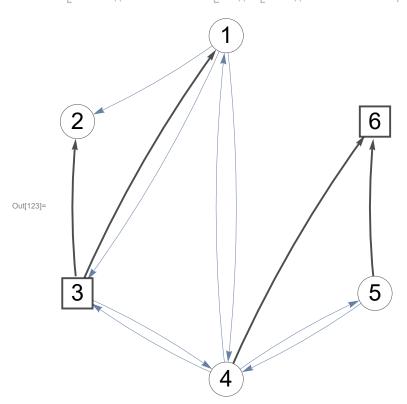


```
In[117]:= Grid[λ]
      таблица
      1 0 -1 0
                   0 0 0
                                          0
      1000
                  -10000
                                   0 0
                                          0
      0 1 0 -1 0 0 0 0
                                          0
      0 1 0 0
                  0 0 -1 0
Out[117]=
       0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ -1 \ 0 \ 0 \ 0 
      0 0 0 0
                  0 1 0 0 0 0 0 -1
                   0 0 0 0
                               0 1 -1 0
In[118]:= g = \overline{g1};
      b = \overline{b1};
In[120]:= II* = Cases[MapIndexed[{#1, #2} &, b],
          случа преобразовать с учётом индекса
         \{el\_, i\_\} /; MemberQ[el, x] || SameQ[el, x] \Rightarrow i] // Flatten
                     элемент списка? тождественны? уплостить
Out[120]= \{3, 6\}
In[121]:= buildt = Timing[{t, g} = buildTree[g, II*];][[1]]
              затраченное время
      TableForm[t[1;; 4],
      табличная форма
       TableHeadings → {{"pred", "dir", "depth", "d"}, t // pred // Length // Range}]
      табличные заголовки
                                                                 длина
                                                                           диапазон
Out[121]= 0.
```

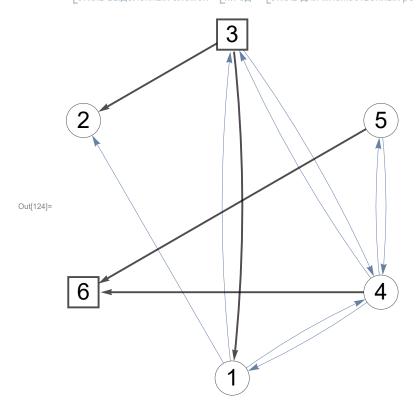
Out[122]//TableForm=

	1	2	3	4	5	6	7
pred	3	3	7	6	6	7	0
dir	1	1	1	- 1	-1	1	0
depth	2	2	1	2	2	1	0
d	2	7	1	5	3	4	6

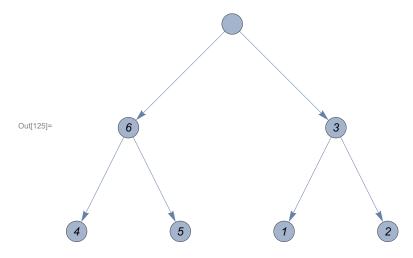
GraphHighlightStyle \rightarrow None], MultiedgeStyle \rightarrow .05]



GraphHighlightStyle \rightarrow None], MultiedgeStyle \rightarrow .05] стиль выделенных элемен... стиль для множественных рёбер



In[125]:= **t[[7]](*пометить** на графе*)



```
In[126]:= (*GraphPlot[g,MultiedgeStyle→.05]*)
            визуализация... стиль для множественных рёбер
         GraphPlot[HighlightGraph[g,
         визуализа граф с подкраской
             {Style[u_ /; VertexQ[g, u] && pred[t][[u]] == root[t], EdgeForm[Thick]],
                             вершина?
                                                                                      стиль ре… жирный
              Style [u_{\rightarrow} v_{/}; (pred[t][[u]] = v \& dir[t][[u]] = -1) | |
              стиль
                   (pred[t][[v]] == u && dir[t][[v]] == 1), Directive[Black, Thick]]},
                                                                        директива чёрный жирный
            GraphHighlightStyle \rightarrow None], MultiedgeStyle \rightarrow .05]
            _стиль выделенных элемен⋯ ни од ⋯ стиль для множественных рёбер
Out[126]=
 In[127]:= AppendTo[b, -Total[b]];
         добавить в ко… суммировать
         b = Simplify[b /. x \rightarrow 0]
Out[128]= \{-f_{2 \to 7}, 3f_{2 \to 7} - f_{7 \to 2}, -f_{2 \to 7}, -f_{6 \to 7}, -f_{6 \to 7}, 3f_{6 \to 7} - f_{7 \to 6}, -f_{2 \to 7} - f_{6 \to 7} + f_{7 \to 2} + f_{7 \to 6}\}
 In[129] = balanceEqs = ((Total[x_{\#} \& /@ EdgeList[g, \_ \leftrightarrow \#]] - Total[x_{\#} \& /@ EdgeList[g, \# \leftrightarrow \_]]) /.
                              суммировать список рёбер
                                                                             суммировать список рёбер
                    root[t] \rightarrow \xi == b[[#]] & /@ VertexList[g];
                                                        список вершин графа
         balanceEqs //
          forma
Out[130]//TableForm=
         x_{1,2} + x_{3,2} = 3 f_{2,7} - f_{7,2}
         x_{4,6} + x_{5,6} + x_{\xi,6} = 3 f_{6,7} - f_{7,6}
         -x_{1,2}-x_{1,3}-x_{1,4}+x_{3,1}+x_{4,1}=-f_{2,7}
         x_{1,3} - x_{3,1} - x_{3,2} - x_{3,4} + x_{4,3} + x_{\xi,3} = -f_{2,7}
         x_{1,4} + x_{3,4} - x_{4,1} - x_{4,3} - x_{4,5} - x_{4,6} + x_{5,4} = -f_{6,7}
         x_{4,5} - x_{5,4} - x_{5,6} = -f_{6,7}
         -x_{\xi,3}-x_{\xi,6} = -f_{2,7}-f_{6,7}+f_{7,2}+f_{7,6}
```

```
ln[131]:= ps = partSolve[g, -b, t, \tilde{x}];
           ps // forma
Out[132]//TableForm=
           \tilde{x}_{1,2} \rightarrow 0
           \widetilde{x}_{1,3} \to 0
           \widetilde{x}_{1,4} \to 0
           \tilde{x}_{3,1} \rightarrow -f_{2,7}
           \tilde{x}_{3,2} \rightarrow 3 f_{2,7} - f_{7,2}
           \widetilde{x}_{3,4} \to 0
           \widetilde{x}_{4,1} \to 0
           \widetilde{x}_{4,3} \to 0
           \widetilde{x}_{4,5} \to 0
           \widetilde{x}_{4,6} \rightarrow f_{6,7}
           \widetilde{x}_{5,4} \to 0
           \tilde{x}_{5,6} \rightarrow f_{6,7}
           \widetilde{x}_{7,3} \rightarrow f_{2,7} - f_{7,2}
           \tilde{x}_{7,6} \rightarrow f_{6,7} - f_{7,6}
  ln[133]:= Simplify[(balanceEqs /. \{x \to \tilde{x}, \xi \to root[t]\}) /. ps]
           упростить
 Out[133]= {True, True, True, True, True, True, True}
  ln[134]:= matrt = Timing[\deltaMatr = \delta1[g, t]];
                        затраченное время
           roott = VertexCount[g];
                        число вершин
           #[1] #[2] == roott
# True
           табличная форма табличные заголовки
                                                                                                                         список рёбер
Out[136]//TableForm=
                                                                                                         \delta_{3,4}
                            \delta_{	exttt{1,2}}
                                         \delta_{3,2}
                                                     \delta_{	exttt{1,3}}
                                                                                            \delta_{	exttt{4,1}}
                                                                                                                                   \delta_{	extsf{4,5}}
                                                                                                                                                \delta_{{f 5,4}}
                                                                                                                                                             \delta_{	extsf{5,6}}
                                                                   \delta_{3,1}
                                                                               \delta_{1,4}
                                                                                                                       \delta_{4,3}
           1 → 2
                            1
                                         -1
                                                      0
                                                                   1
                                                                               0
                                                                                             0
                                                                                                         0
                                                                                                                       0
                                                                                                                                   0
                                                                                                                                                0
                                                                                                                                                             0
           \textbf{1} \boldsymbol{\longleftrightarrow} 3
                            0
                                         0
                                                                   1
                                                                                0
                                                                                             0
                                                                                                          0
                                                                                                                       0
                                                                                                                                   0
                                                                                                                                                0
                                                                                                                                                             0
           \textbf{1} \boldsymbol{\longleftrightarrow} \textbf{4}
                            0
                                                                                                                                   0
                                         0
                                                     0
                                                                   1
                                                                               1
                                                                                            0
                                                                                                         0
                                                                                                                       0
                                                                                                                                                0
                                                                                                                                                             0
           4 ↔ 1
                                                                                                         0
                                                                                                                                   0
                                                                                                                                                0
                                                                                                                                                             0
                            0
                                         0
                                                     0
                                                                               0
                                                                                            1
                                                                                                                       0
                                                                   - 1
           \mathbf{3} \, \boldsymbol{\longleftrightarrow} \, \mathbf{4}
                            0
                                         0
                                                     0
                                                                               0
                                                                                             0
                                                                                                                       0
                                                                                                                                   0
                                                                                                                                                0
                                                                                                                                                             0
                                                                   a
                                                                                                         1
           4 ↔ 3
                            0
                                         0
                                                                               0
                                                                                             0
                                                                                                                                   0
                                                                                                                                                             0
                                                                   0
                                                                                                                      1
           4 ↔ 5
                            0
                                                                               0
                                                                                                                                   1
                                                                                                                                                             1
           5 \leftrightarrow 4
                                                                                                                                                             - 1
  log[137] = \lambda = SparseArray[\lambda, \{Length[\lambda], Length[\lambda[[1]]] + Length[II^*]\}];
                 разрежённый мас… длина
                                                                 длина
            (*\lambda=\lambda[[;;-2]]*)
  ln[138] = dopEq = # = 0 & /@ Flatten[\lambda.{x_# & /@ EdgeList[g]}];
                                         уплостить
           dopEq // forma
Out[139]//TableForm=
           x_{1,2} - x_{1,3} = 0
           x_{1,2} - x_{1,4} = 0
           -x_{3,1} + x_{3,2} = 0
           x_{3,2} - x_{3,4} = 0
           x_{4,1} - x_{4,3} = 0
           x_{4,1} - x_{4,5} = 0
           x_{4,1} - x_{4,6} = 0
           x_{5,4} - x_{5,6} = 0
```

```
In[140] := \Lambda = \lambda \cdot (\delta Matr)^{\mathsf{T}};
         "cicle det's:"
         \Lambda // forma
 Out[141]= cicle det's:
Out[142]//TableForm=
         1
                   - 1
          1
                   0
                            - 1
                                                               0
          - 2
                   - 1
                                                               0
                            - 1
                                             0
                                                      0
          - 1
                            0
                                     0
                                             - 1
                   0
                                                      0
                                                               0
         0
                   0
                            0
                                     1
                                                      -1
                                                               0
                                             0
         0
                   0
                            0
                                     1
                                             0
                                                      0
                                                               - 1
         0
                   0
                            -1
                                     2
                                             - 1
                                                      1
                                                               1
         0
                   0
                                             0
 In[143]:= MatrixRank[Λ]
         ранг матрицы
 Out[143]= 8
 In[144]:= "Uc="
         U<sub>c</sub> = Range[8]
              диапазон
          "U<sub>nc</sub>="
         U_{nc} = \{\}
Out[144]= U_c =
 Out[145]= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}
 Out[146]= U_{nc}=
 Out[147]= { }
 In[148]:= \Lambda c = \Lambda [[All, U_c]];
                    всё
          \Delta nc = \Lambda[[All, U_{nc}]];
          ^{"}\Lambda_{c} = ^{"}
         Δc // MatrixForm
                 матричная форма
Out[150]= \Lambda_{\mathbf{C}}=
Out[151]//MatrixForm=
            1 -1 0 0 0
                                                 0
                 0 -1 0 0
                                      0
                                           0
            1
                                                 0
```

0

0

0

0

0

- 1

- 28

$$\begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & -1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 2 & -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 2 \\ \end{pmatrix}$$

$$In[152]:=$$
 " $det(\Lambda_c)=$ " Simplify[$det=Det[\Lambda c]$] // forma упростить $Aeto(\Lambda_c)=$ Out[152]= $Aeto(\Lambda_c)=$ Out[153]/TableForm=

```
In[154]:= "UT="
             utind = Cases[t[[6]], \xi_{-}/; \xi \neq 0];
                            случаи по образцу
             U<sub>T</sub> = EdgeList[g][[utind]]
                     список рёбер
 Out[154]= U_T=
 Out[156]= \{3 \leftrightarrow 1, 3 \leftrightarrow 2, 7 \leftrightarrow 3, 4 \leftrightarrow 6, 5 \leftrightarrow 6, 7 \leftrightarrow 6\}
  In[157]:= "U<sub>Nb</sub>="
             U_{Nb} = uNb[g, t]
 Out[157]= U_{Nb}=
 Out[158]= \{1 \leftrightarrow 2, 1 \leftrightarrow 3, 1 \leftrightarrow 4, 4 \leftrightarrow 1, 3 \leftrightarrow 4, 4 \leftrightarrow 3, 4 \leftrightarrow 5, 5 \leftrightarrow 4\}
  ln[159]:= A = -\lambda \cdot \left\{ \tilde{x}_{\#} \& /@ EdgeList[g] \right\}^{\top} /. ps;
              "A="
             A // MatrixForm
                      матричная форма
Out[160]= A=
Out[161]//MatrixForm=
                 -4 f_{2 \leftrightarrow 7} + f_{7 \leftrightarrow 2}
                 -\;3\;f_{2 \longleftrightarrow 7}\;+\;f_{7 \longleftrightarrow 2}
  In[162] = \beta = A - \Delta nc. \{x_{\#} \& /@U_{Nb}[[U_{nc}]]\}^{T};
              "β="
             β // forma
 Out[163]= \beta=
Out[164]//TableForm=
             0
             0
              -4\,f_{2,7}+f_{7,2}
              -3f_{2,7}+f_{7,2}
             0
             f_{6,7}
```

 $f_{6,7}$

In[165]:= "решаем уравнение $\Lambda_c x_c = \beta$:" xc = LinearSolve[Λc , β [[]]]

решить линейные уравнения

Out[165]= решаем уравнение $\Lambda_c x_c = \beta$:

$$\begin{aligned} & \text{Out} [\text{166}] = \; \left\{ \left\{ \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 9 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \; \left\{ \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 9 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \\ & \left\{ \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 9 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \; \left\{ \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 2 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \\ & \left\{ \frac{1}{28} \left(50 \, f_{2 \mapsto 7} - 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 19 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \; \left\{ \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 2 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \\ & \left\{ \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 2 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \\ & \left\{ \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 2 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \right\}, \end{aligned}$$

xcp // TableForm

табличная форма

Out[168]//TableForm=

$$\begin{split} x_{1 \mapsto 2} &\to \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 9 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \\ x_{1 \mapsto 3} &\to \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 9 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \\ x_{1 \mapsto 4} &\to \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 9 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \\ x_{4 \mapsto 1} &\to \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 2 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \\ x_{3 \mapsto 4} &\to \frac{1}{28} \left(50 \, f_{2 \mapsto 7} - 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 19 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \\ x_{4 \mapsto 3} &\to \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 2 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \\ x_{4 \mapsto 5} &\to \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2 \mapsto 7} + 3 \, f_{6 \mapsto 7} - 2 \, f_{7 \mapsto 2} \right) \\ x_{5 \mapsto 4} &\to \frac{1}{7} \left(3 \, f_{2 \mapsto 7} + 5 \, f_{6 \mapsto 7} - f_{7 \mapsto 2} \right) \end{split}$$

табличная форма

Out[170]//TableForm=

$$\begin{array}{l} x_{3 \mapsto 2} \to 3 \ f_{2 \mapsto 7} - f_{7 \mapsto 2} - x_{1 \mapsto 2} \\ x_{3 \mapsto 1} \to - f_{2 \mapsto 7} + x_{1 \mapsto 2} + x_{1 \mapsto 3} + x_{1 \mapsto 4} - x_{4 \mapsto 1} \\ x_{5 \mapsto 6} \to f_{6 \mapsto 7} + x_{4 \mapsto 5} - x_{5 \mapsto 4} \\ x_{4 \mapsto 6} \to f_{6 \mapsto 7} + x_{1 \mapsto 4} + x_{3 \mapsto 4} - x_{4 \mapsto 1} - x_{4 \mapsto 3} - x_{4 \mapsto 5} + x_{5 \mapsto 4} \\ x_{7 \mapsto 3} \to f_{2 \mapsto 7} - f_{7 \mapsto 2} + x_{1 \mapsto 4} + x_{3 \mapsto 4} - x_{4 \mapsto 1} - x_{4 \mapsto 3} \\ x_{7 \mapsto 6} \to f_{6 \mapsto 7} - f_{7 \mapsto 6} - x_{1 \mapsto 4} - x_{3 \mapsto 4} + x_{4 \mapsto 1} + x_{4 \mapsto 3} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} x_{4,6} \rightarrow \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 2 \, f_{7,2} \right) \\ x_{4,6} \rightarrow \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 2 \, f_{7,2} \right) \\ x_{7,3} \rightarrow \frac{2}{7} \left(8 \, f_{2,7} - 3 \, f_{6,7} - 5 \, f_{7,2} \right) \\ x_{7,6} \rightarrow \frac{1}{7} \left(-9 \, f_{2,7} + 13 \, f_{6,7} + 3 \, f_{7,2} - 7 \, f_{7,6} \right) \\ x_{1,2} \rightarrow \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 9 \, f_{7,2} \right) \\ x_{1,3} \rightarrow \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 9 \, f_{7,2} \right) \\ x_{1,4} \rightarrow \frac{1}{28} \left(34 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 9 \, f_{7,2} \right) \\ x_{4,1} \rightarrow \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 2 \, f_{7,2} \right) \\ x_{3,4} \rightarrow \frac{1}{28} \left(50 \, f_{2,7} - 3 \, f_{6,7} - 19 \, f_{7,2} \right) \\ x_{4,3} \rightarrow \frac{1}{7} \left(6 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 2 \, f_{7,2} \right) \end{array}$$

$$\begin{split} x_{4,3} &\to \frac{1}{7} \, \left(6 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 2 \, f_{7,2} \right) \\ x_{4,5} &\to \frac{1}{7} \, \left(6 \, f_{2,7} + 3 \, f_{6,7} - 2 \, f_{7,2} \right) \\ x_{5,4} &\to \frac{1}{7} \, \left(3 \, f_{2,7} + 5 \, f_{6,7} - f_{7,2} \right) \end{split}$$

In[174]:= "eq test:"

Simplify[balanceEqs /. ξ → root[t] /. s /. xcp]

yπροστυτь

Simplify[denFs (c) / year]

Out[174]= eq test:

Out[175]= {True, True, True, True, True, True, True}

Out[176]= {True, True, True, True, True, True, True, True}