PRÁCTICA 13: DERIVACIÓN NUMÉRICA

Escribir una función que calcule la derivada numérica de una función arbitraria f(x) mediante dos métodos:

■ Método 1:

$$f'(x) = \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h}$$

■ Método 2:

$$f'(x) = \frac{8f(x+h) - 8f(x-h) + f(x-2h) - f(x+2h)}{12h}$$

Con la función (o funciones) del apartado anterior, evaluar numéricamente la derivada de la siguiente función:

$$f(x) = x^2 e^{-x}$$

en el intervalo (0,4).

1. Estudio de la derivada en función de x.

Representar gráficamente $|f'(x)_{metodo1} - f'(x)_{exacto}|$ en función de x. Hacer lo mismo para el método 2 y discutir los resultados. Dividir el intervalo (0,4) en 100 subintervalos para realizar los cálculos numéricos.