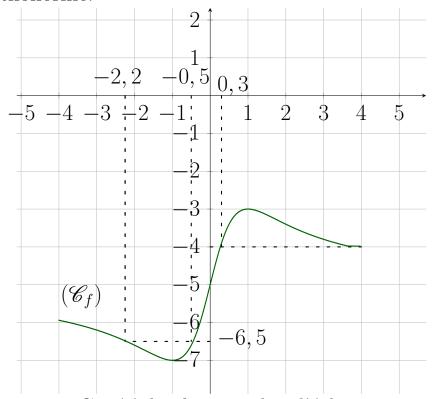
Seconde Scientifique

Contexte: Les préparatifs du mariage de Monsé

Monsé est l'un des plus grands agriculteurs de son village. Il a confié les préparatifs de son mariage à son jeune frère Bilal. La salle prévue pour la réception des invités sera garnie de guirlandes dont l'une sera disposée suivant l'allure ci-dessous qui est la représentation graphique d'une fonction numérique f dans un repère orthonormé.



que Bilal estime les d'organisation du mariage peuvent être approchés par une Par ailleurs, fonction. Bilal prévoit louer un véhicule haut gamme pour transporter les mariés pendant tout leur La société de déplacement. du véhicule propose location plusieurs options de prix. Lors de la dernière réunion sur les préparatifs, Bilal a fait le point à son frère. Toutefois, Monsé aimerait s'assurer en conviant

son ami Cissé à lui fournir plus d'éclaircissement.

Tâche: Tu vas aider Cissé à trouver des réponses à ses préoccupations en résolvant les trois problèmes ci-après.

Problème 1

- 1. Détermine l'ensemble de définition D_f de la fonction f.
- 2. Détermine par f
 - (a) les images de chacun des nombres réels : -4 ; -1 ; 0 et 1.
 - (b) les images réciproques de chacun des nombres réels -6, 5; -6; -5 et -4.
- 3. Donne les variations de la fonction f.
- 4. Dresse le tableau de variations de la fonction f.

Problème 2

La fonction de coût estimée par Bilal est définie par $g(x) = -x^2 + 4x + 3$.

- 5. Détermine l'ensemble de définition de la fonction g.
- 6. (a) Justifie que, pour tout nombre réel x, $g(x) = -(x-2)^2 + 7$.

- (b) Démontre que la fonction g admet un maximum que tu préciseras.
- (c) Détermine la valeur de x pour laquelle ce maximum est atteint.
- 7. (a) Montre que, pour $u \neq v$, $\frac{g(u) g(v)}{u v} = -u v + 4$
 - (b) Déduis-en les variations de g sur chacun des intervalles $]-\infty;2]$ et $[2;+\infty[$.
 - (c) Calcule g(-2) et g(6) puis dresse le tableau de variations de g sur [-2; 6].
- 8. Donne l'allure de la courbe (\mathscr{C}_g) de la fonction g sur l'intervalle [-2;6] dans un repère orthonormé (O,I,J) tel que OI=OJ=0,5 cm.

Problème 3

Parmi les options de prix proposées par la société de transport, une option de prix a retenu l'attention de Bilal. Cette option dépend de certaines valeurs du nombre n de kilomètres parcourus et est définie par : $\mathcal{A} = \left\{\frac{n+2}{n+1}, n \in \mathbb{N}\right\}$. Les prix sont exprimés en dizaine de mille de franc CFA.

- 9. Calcule quatre prix de cette option.
- 10. (a) Justifie que, pour tout $n \in \mathbb{N}$, $\frac{n+2}{n+1} = 1 + \frac{1}{n+1}$.
 - (b) Justifie que 2 est un élément de \mathcal{A} .
 - (c) Démontre que, pour tout x élément de $\mathcal{A}, x \leq 2$.
 - (d) Déduis-en que 2 est le maximum de A.
- 11. (a) Justifie que, pour tout $n \in \mathbb{N}^*$, on a : $1 < \frac{n+2}{n+1} < 2$.
 - (b) Déduis-en la valeur de $E(\frac{n+2}{n+1})$ et celle de $E(-\frac{n+2}{n+1})$ pour tout $n\in\mathbb{N}^*$.

Fin