

TERMINALE D

Épreuve : *Mathématiques*

Situation d'évaluation

Contexte : La fête du retraité

Pour souhaiter un bon départ à la retraite au surveillant générale de l'établissement, les professeurs de mathématiques du Complexe scolaire notre Dame de Laurette CSNDL ont organisé une petite fête. La réception a lieu dans une grande salle ayant la forme d'un parallélépipède rectangle $ABCDEFGH$ ci-contre,

- L'unité de longueur est 1cm
- avec $AB = 2, AD = AE = 1$.
- On suppose que $\text{mes}(\widehat{BAC}) = \frac{2\pi}{3}$
- Des lampadaires sont placés aux points I, J, K milieu respectifs de $[DE], [DG], [EB]$.
- des jeux de décoration sont placés aux points $I(1; \frac{1}{3}; 0); K(\frac{3}{4}; 0; 1); L(a; 1; 0)$
et $J(0; \frac{2}{3}; 1)$ où a est un nombre réel de $[0, 1]$.

BONOU jeune professeur présent à la fête, se demande s'il est possible de choisir le réel a de sorte que les droites (KL) et (IJ) soient sécantes .

Tâche : Tu vas aider BONOU à avoir une réponse à ses préoccupations en traitant les problèmes suivants.

PROBLEME 1

1. Calculer BC
2. Calculer $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$
3. calculer $\overrightarrow{FA} \cdot \overrightarrow{FC}; \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AG}; \overrightarrow{FD} \cdot \overrightarrow{FC}$ et $\overrightarrow{AG} \cdot \overrightarrow{BH}$
4. Détermine les coordonnées du barycentre G_1 des points pondérés $(I, 1), (K, -3), (L, 6)$ puis le place dans le repère.

PROBLEME 2

5. On se place dans le repère $(D, \overrightarrow{DA}, \frac{1}{2}\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{DH})$
 - (a) Démontre que $(D, \overrightarrow{DA}, \frac{1}{2}\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{DH})$ est un repère orthonormé.
 - (b) Détermine les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{IJ} et \overrightarrow{IK}

- (c) Calculer $\vec{IJ} \cdot \vec{IK}$ puis les distances IJ et IK
- (d) Déduis une valeur approchée de l'angle $J\hat{I}K$

PROBLEME 3

6. Le long du pavé menant à l'école des lampadaires sont placés aux points R, S, T, Q et W tel que R soit le milieu de $[AB]$, S le milieu de $[CD]$, T le point tel que $\vec{AT} = \frac{1}{3}\vec{AD}$, Q le point tel que $\vec{BQ} = \frac{1}{3}\vec{BC}$, et W le milieu de $[QT]$
- Montrer que les points R, S et W sont alignés.