# Resumen de contenidos c2

# Parte I Conceptos

### 1. Apunte 6

- 1. Definición de matriz
- 2. conjuntos de matrices
- 3. Algunas definiciones
  - a) matriz cuadrada
  - b) matriz fila y matriz columna
  - c) matriz nula
- 4. condiciones para igualdad de matrices
- 5. operaciones entre matrices (para las propiedades considerar fuertemente la **cantidad de filas y columnas** de cada matriz)
  - a) Producto de una matriz con una constante o escalar
  - b) suma de matrices y sus propiedades (conmutatividad, asociatividad elemento neutro, inverso aditivo, etc).
- 6. producto de matrices y sus propiedades.
- 7. matriz identidad
- 8. matriz invertible (que tienen inverso multiplicativo)
- 9. matriz inversa
- 10. matriz inertible, matriz no singular
- 11. determinante

#### Parte II

# Resumen

## 2. Propiedades de matrices

#### 2.1. Suma

- 1. conmutatividad
- 2. Asociatividad. A + (B + C) = (A + B) + C
- 3. neutro para la suma es  $\theta$ .  $A + \theta = A$
- 4.  $A + (-A) = \theta$

#### 2.2. Producto matriz por escalar

- 1.  $0A = \theta$
- 2.  $\alpha(\beta A) = (\alpha \beta)A$
- 3.  $(\alpha + \beta)A = \alpha A + \beta A$
- 4.  $\alpha(A+B) = \alpha A + \alpha B$

#### 2.3. Producto entre matrices

- 1. NO conmutativa
- 2. Es asociativa. A(BC) = (AB)C
- 3.  $A\theta = \theta$
- 4. AI = A
- 5. NO es cierto que  $AB = \theta \Longrightarrow A = \theta \lor B = \theta$
- 6. no siempre existe inverso multiplicativo
- 7.  $A(B+C) = AB + AC \wedge (A+B)C = AC + BC$

#### 2.4. Inverso multiplicativo

- 1. Si A tiene inversa, es **única**
- 2. si A es invertible,  $A^{-1}$  también y  $(A^{-1})^{-1} = A$
- 3. si A y B son invertibles,  $AB^{-1}$  también y  $(AB)^{-1} = A^{-1}B^{-1}$
- 4. Si A es invertible  $A^T$  tambien lo es y  $(A^T)^{-1} = (A^{-1})^T$
- 5.  $A \cdot A^{-1} = I$

#### 2.5. Matriz transpuesta

- 1.  $(A^T)^T = A$
- 2.  $(A+B)^T = A^T + B^T$
- 3.  $(\lambda A)^T = \lambda (A^T)$
- 4. Sean  $A \neq B$  matrices multiplicables, entonces  $(AB)^T = B^T A^T$