Resumen de contenidos c2

Parte I Conceptos

1. Apunte 6

- 1. Definición de matriz
- 2. conjuntos de matrices
- 3. Algunas definiciones
 - a) matriz cuadrada
 - b) matriz fila y matriz columna
 - c) matriz nula
- 4. condiciones para igualdad de matrices
- 5. operaciones entre matrices (para las propiedades considerar fuertemente la **cantidad de filas y columnas** de cada matriz)
 - a) Producto de una matriz con una constante o escalar
 - b) suma de matrices y sus propiedades (conmutatividad, asociatividad elemento neutro, inverso aditivo, etc).
- 6. producto de matrices y sus propiedades.
- 7. matriz identidad
- 8. matriz invertible (que tienen inverso multiplicativo)
- 9. matriz inversa
- 10. matriz inertible, matriz no singular
- 11. determinante

Parte II

Resumen

2. Propiedades de matrices

2.1. Suma

- 1. conmutatividad
- 2. Asociatividad. A + (B + C) = (A + B) + C
- 3. neutro para la suma es θ . $A + \theta = A$
- 4. $A + (-A) = \theta$

2.2. Producto matriz por escalar

- 1. $0A = \theta$
- 2. $\alpha(\beta A) = (\alpha \beta)A$
- 3. $(\alpha + \beta)A = \alpha A + \beta A$
- 4. $\alpha(A+B) = \alpha A + \alpha B$

2.3. Producto entre matrices

- 1. NO conmutativa
- 2. Es asociativa. A(BC) = (AB)C
- 3. $A\theta = \theta$
- 4. AI = A
- 5. NO es cierto que $AB = \theta \Longrightarrow A = \theta \lor B = \theta$
- 6. no siempre existe inverso multiplicativo
- 7. $A(B+C) = AB + AC \wedge (A+B)C = AC + BC$

2.4. Inverso multiplicativo

- 1. Si A tiene inversa, es **única**
- 2. si A es invertible, A^{-1} también y $(A^{-1})^{-1} = A$
- 3. si A y B son invertibles, AB^{-1} también y $(AB)^{-1} = A^{-1}B^{-1}$
- 4. Si A es invertible A^T tambien lo es y $(A^T)^{-1} = (A^{-1})^T$
- $5. \ A\cdot A^{-1}=I$

2.5. Matriz transpuesta

- 1. $(A^T)^T = A$
- 2. $(A+B)^T = A^T + B^T$
- 3. $(\lambda A)^T = \lambda (A^T)$
- 4. Sean A y B matrices multiplicables, entonces $(AB)^T = A^T B^T$